# TEMA 2. ECUACIONES CINÉTICAS

# INTRODUCCIÓN

### **REACCIONES ELEMENTALES Y NO ELEMENTALES**

# REACCIÓN QUÍMICA

- > Transformación de reactivos en productos
- Implica la ruptura de enlaces químicos y/o la formación de otros nuevos, y la evolución en el contenido energético de los compuestos

### REACCIONES ELEMENTALES

La reacción tiene lugar en una única etapa; mediante una interacción directa entre las moléculas de reactivos se generan los productos

### REACCIONES NO ELEMENTALES

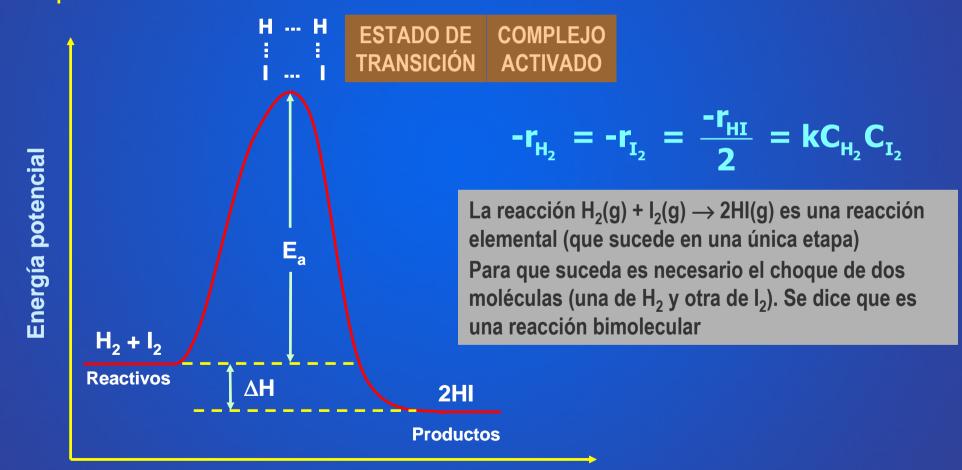
- La transformación ocurre a través de un conjunto de reacciones (mecanismo de la reacción), en las que se van generando varios compuestos intermedios de reacción, que concluyen en la formación de productos
- Cada una de las etapas individuales que lo forman se considera como una reacción elemental
- La suma de las etapas individuales da como resultado la reacción global

### **DEFINICIÓN**

La reacción tiene lugar en una única etapa

Progreso de la reacción

Mediante una interacción directa entre las moléculas de reactivos, que da lugar a la formación un único complejo activado, se generan los productos



### **MOLECULARIDAD**

Se llama molecularidad al número de moléculas de reactivos que colisionan simultáneamente para formar el complejo activo en una reacción elemental (número de moléculas que intervienen en una reacción elemental)

Se trata de un número entero y positivo Se distinguen reacciones unimoleculares, bimoleculares, termoleculares En las reacciones elementales la molecularidad coincide con el orden global de la reacción

Molecularidad	Reacción elemental	Ecuación cinética
Unimolecular	$A \rightarrow productos$	kC <sub>A</sub>
Bimolecular	$A + A \rightarrow productos$	kC <sub>A</sub> <sup>2</sup>
Bimolecular	$A + B \rightarrow productos$	$kC_AC_B$
Termolecular	$A + A + A \rightarrow productos$	kC <sub>A</sub> <sup>3</sup>
Termolecular	$A + A + B \rightarrow productos$	$kC_A^2C_B$
Termolecular	$A + B + C \rightarrow productos$	$kC_{A}C_{B}C_{C}$

### **DEFINICIÓN**

Reacción que transcurre en varias etapas elementales secuenciales (que conforman el mecanismo de la reacción) en las que aparecen varios intermedios de reacción, y que concluye en la formación de productos

La suma de las etapas individuales es la reacción global El mecanismo de reacción debe ser corroborado experimentalmente ya que pueden existir varios mecanismos que expliquen la reacción de estudio

### Características de los productos intermedios

Son muy reactivos Existen en concentraciones muy bajas Su vida es muy corta

### Naturaleza de los productos intermedios

Radicales libres: átomos o grupos atómicos con electrones desapareados

lones: átomos, moléculas o grupos atómicos cargados eléctricamente

Moléculas muy reactivas

Complejos de transición: iones inestables de moléculas que pueden descomponerse para dar productos o bien volver a formar moléculas en estado normal

### **EJEMPLO**

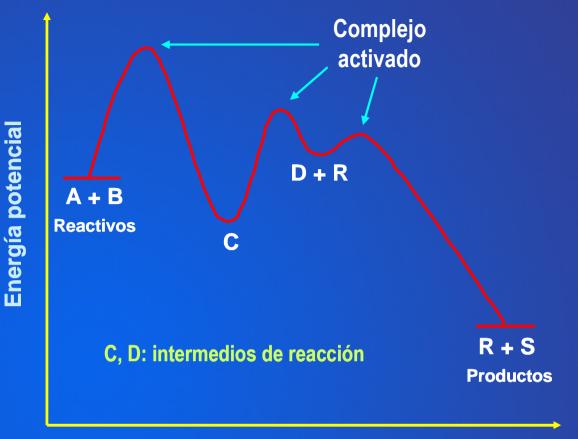
$$A + B \rightleftharpoons R + S$$

$$A + B \rightleftharpoons C$$

$$C \rightleftharpoons D + R$$

$$D \rightleftharpoons S$$

MECANISMO DE REACCIÓN



Progreso de la reacción

- ✓ Los intermedios corresponden a los mínimos de la curva de energía
- ✓ El tiempo de vida de estos intermedios depende de la profundidad de este mínimo. A mayor profundidad mayor tiempo de vida
- ✓ En una reacción con varias etapas, se forma un complejo activado en cada una de ellas (representados por los máximos de energía y con una vida extremadamente corta)

### **CONCEPTO DE ETAPA CONTROLANTE**

La etapa controlante o limitante de un mecanismo de reacción:

- ✓ Es la etapa más lenta de entre las que componen el mecanismo
- ✓ Su velocidad de reacción será la velocidad de la reacción global (el resto de las etapas son mucho más rápidas y estarán en el equilibrio)
- ✓ Una reacción nunca puede ocurrir más rápido que su etapa más lenta

$$NO_2(g) + CO(g) \longrightarrow NO(g) + CO_2(g)$$
 Reacción global  $2NO_2 \longrightarrow NO + NO_3$  Reacción elemental LENTA  $NO_3 + CO \longrightarrow NO_2 + CO_2$  Reacción elemental RÁPIDA

La reacción global es la suma de las dos etapas elementales NO<sub>3</sub> es un intermedio de reacción y generalmente no se puede cuantificar En la etapa controlante (más lenta) intervienen dos moléculas de NO<sub>2</sub>

$$-\mathbf{r}_{NO_2} = -\mathbf{r}_{CO} = \mathbf{k}\mathbf{C}_{NO_2}^2$$

La ecuación cinética de una reacción no elemental debe estar definida únicamente en función de las especies que aparecen en la reacción global

En ocasiones la determinación de la ecuación cinética de una reacción que ocurre a través de varias etapas es más compleja, ya que en la ecuación cinética de la reacción controlante aparecen el término de concentración correspondiente a algún producto intermedio



# EJEMPLO (I)

Experimentalmente se ha determinado que la ecuación cinética de la reducción de NO con hidrógeno es  $-\mathbf{r}_{NO} = \mathbf{k}\mathbf{C}_{NO}^2\mathbf{C}_{H_2}$  A partir del mecanismo de reacción postulado comprobar que la ecuación cinética de esta reacción no elemental coincide con la encontrada de forma experimental

$$2NO(g) + 2H_2(g) \longrightarrow N_2(g) + 2H_2O(g) \quad \text{Reacción global}$$
 
$$2NO_2 \xleftarrow{k_1} N_2O_2 \qquad \qquad 1. \quad \text{Etapa reversible rápida}$$
 
$$N_2O_2 + H_2 \xrightarrow{k_2} N_2O + H_2O \qquad \qquad 2. \quad \text{Etapa lenta}$$
 
$$N_2O + H_2 \xrightarrow{k_3} N_2 + H_2O \qquad \qquad 3. \quad \text{Etapa rápida}$$

- ✓ La etapa controlante determina la ecuación cinética de la reacción global, y en ella aparece la concentración del intermedio N₂O₂
- ✓ Es necesario re-formular la ecuación cinética eliminando este término
- ✓ Para ello aplicaremos la hipótesis del estado estacionario
- ✓ Este simplificación asume que la velocidad de formación de este compuesto y la velocidad de desaparición es nula

 $-\mathbf{r}_{\mathsf{NO}} = \mathbf{k}_{2} \mathbf{C}_{\mathsf{N}_{2}\mathsf{O}_{2}} \mathbf{C}_{\mathsf{H}_{2}}$ 

Ecuación cinética de la etapa controlante = Ecuación cinética de la reacción global

Este término debe ser eliminado de la ecuación cinética

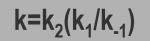
APLICACIÓN DE LA HIPÓTESIS DEL ESTADO ESTACIONARIO PARA N<sub>2</sub>O<sub>2</sub>

$$r_{N_{2}O_{2}} = k_{1}C_{N0}^{2} - k_{-1}C_{N_{2}O_{2}} - k_{2}C_{N_{2}O_{2}}C_{H_{2}} = 0$$

$$C_{N_{2}O_{2}} = \frac{k_{1}C_{N0}^{2}}{k_{-1} + k_{2}C_{H_{2}}} \xrightarrow{k_{2} << k_{-1}} C_{N_{2}O_{2}} = \frac{k_{1}C_{N0}^{2}}{k_{-1}}$$



$$-\mathbf{r}_{NO} = \mathbf{k}_{2} \mathbf{C}_{N_{2}O_{2}} \mathbf{C}_{H_{2}} = \mathbf{k}_{2} \frac{\mathbf{k}_{1}}{\mathbf{k}_{1}} \mathbf{C}_{NO}^{2} \mathbf{C}_{H_{2}} = \mathbf{k} \mathbf{C}_{NO}^{2} \mathbf{C}_{H_{2}}$$



### **EJEMPLO (II)**

Experimentalmente se ha determinado que la ecuación cinética de la reacción de NO con bromo molecular es  $-\mathbf{r}_{NO} = \mathbf{k}\mathbf{C}_{NO}^2\mathbf{C}_{Br_2}$  A partir del mecanismo de reacción postulado comprobar que la ecuación cinética de esta reacción no elemental coincide con la encontrada de forma experimental

$$2NO(g) + Br2(g) \longrightarrow 2NOBr(g)$$

Reacción global

$$NO + Br_2 \xrightarrow{k_1} NOBr_2$$

1. Etapa reversible rápida

$$NOBr_2 + NO \xrightarrow{k_2} 2NOBr$$

2. Etapa lenta

$$-r_{NO} = k_2 C_{NOBr} C_{NO}$$

Ecuación cinética de la etapa controlante = Ecuación cinética de la reacción global

Este término debe ser eliminado de la ecuación cinética

APLICACIÓN DE LA HIPÓTESIS DEL ESTADO ESTACIONARIO PARA NOBr<sub>2</sub>

$$r_{NOBr_2} = k_1 C_{NO} C_{Br_2} - k_{-1} C_{NOBr_2} - k_2 C_{NOBr_2} C_{NO} = 0$$

$$C_{NOBr_2} = \frac{k_1 C_{NO} C_{Br_2}}{k_{-1} + k_2 C_{NO}}$$

### **EJEMPLO (II)**

La aplicación de la hipótesis del estado estacionario para el intermedio NOBr requiere analizar en qué reacciones se forma este compuesto y en qué reacciones se descompone

$$-\mathbf{r}_{NO} = \mathbf{k}_{2} \mathbf{C}_{NO}^{2} \mathbf{C}_{Br_{2}} \qquad \mathbf{C}_{NOBr} = \frac{\mathbf{k}_{1} \mathbf{C}_{NO} \mathbf{C}_{Br_{2}}}{\mathbf{k}_{-1} + \mathbf{k}_{2} \mathbf{C}_{NO}}$$

$$-\mathbf{r}_{NO} = \mathbf{k}_{2} \mathbf{C}_{NOBr} \mathbf{C}_{NO} = \mathbf{k}_{2} \frac{\mathbf{k}_{1} \mathbf{C}_{NO} \mathbf{C}_{Br_{2}}}{\mathbf{k}_{-1} + \mathbf{k}_{2} \mathbf{C}_{NO}} \mathbf{C}_{NO}$$

$$-\mathbf{k}_{2} <<\mathbf{k}_{-1} \qquad -\mathbf{r}_{NO} = \mathbf{k}_{2} \frac{\mathbf{k}_{1} \mathbf{C}_{NO} \mathbf{C}_{Br_{2}}}{\mathbf{k}_{-1}} \mathbf{C}_{NO} = \mathbf{k} \mathbf{C}_{NO}^{2} \mathbf{C}_{Br_{2}}$$

$$-\mathbf{r}_{NO} = \mathbf{k} \mathbf{C}_{NO}^{2} \mathbf{C}_{Br_{2}}$$

# **EJEMPLO (III)**

Deducir la ecuación cinética de la reacción **2A + B**  $\longleftrightarrow$  **A<sub>2</sub>B** que transcurre según el siguiente mecanismo

$$A + B \xleftarrow{k_1} AB^*$$

$$AB^* + A \xrightarrow{k_2} A_2B$$

$$\mathbf{r}_{\mathbf{A}_2\mathbf{B}} = \mathbf{k}_3\mathbf{C}_{\mathbf{A}\mathbf{B}^*}\mathbf{C}_{\mathbf{A}} - \mathbf{k}_4\mathbf{C}_{\mathbf{A}_2\mathbf{B}}$$

$$\frac{dC_{AB^*}}{dt} = k_1 C_A C_B - k_2 C_{AB^*} - k_3 C_{AB^*} + k_4 C_{A_2B} = 0$$

$$C_{AB*} = \frac{k_1 C_A C_B + k_4 C_{A_2B}}{k_2 + k_3 C_A}$$

### **EJEMPLO (III)**

$$\mathbf{r}_{\mathsf{A}_2\mathsf{B}} = \mathbf{k}_3 \mathbf{C}_{\mathsf{A}\mathsf{B}^*} \mathbf{C}_{\mathsf{A}} - \mathbf{k}_4 \mathbf{C}_{\mathsf{A}_2\mathsf{B}}$$

$$C_{AB*} = \frac{K_1 C_A C_B + K_4 C_{A_2B}}{K_2 + K_3 C_A}$$

$$r_{A_2B} = \frac{k_1 k_3 C_A^2 C_B - k_2 k_4 C_{A_2B}}{k_2 + k_3 C_A}$$

Si 
$$k_4 << k_1, k_3$$

$$\mathbf{r}_{\mathbf{A}_{2}\mathbf{B}} = \frac{\mathbf{k}_{1}\mathbf{k}_{3}\mathbf{C}_{\mathbf{A}}^{2}\mathbf{C}_{\mathbf{B}}}{\mathbf{k}_{2} + \mathbf{k}_{3}\mathbf{C}_{\mathbf{A}}}$$



$$r_{A_2B} = \frac{(k_1k_3/k_2)C_A^2C_B}{1+(k_3/k_2)C_A} = \frac{kC_A^2C_B}{1+k'C_A}$$

$$k=(k_1k_3)/k_2$$
  
 $k'=k_3/k_2$ 

El siguiente paso sería confirmar a partir de datos experimentales si la ecuación cinética propuesta coincide con la ecuación cinética determinada experimentalmente.

Si esto no fuera así, habría que dentro del mecanismo propuesto realizar otras suposiciones con respecto al valor relativo de las constantes cinéticas implicadas o proponer un nuevo mecanismo y deducir la ecuación cinética correspondiente

# ESTRATEGIAS PARA DETERMINACIÓN DE LA ECUACIÓN CINÉTICA

- □ Planteamiento de los posibles mecanismos de la reacción de estudio que implican la formación y subsecuente desaparición de una o varias especies intermedias
- □ Utilización de herramientas (métodos simplificados) para la deducción de ecuaciones cinéticas
  - hipótesis de estado estacionario
  - hipótesis de etapas en equilibrio
- ☐ Comparación de las curvas experimentales con las correspondientes a la ecuación cinética deducida

# ESTRATEGIAS PARA DETERMINACIÓN DE LA ECUACIÓN CINÉTICA

# HIPÓTESIS DE ESTADO ESTACIONARIO

Los mecanismos de reacción consideran frecuentemente la existencia de compuestos intermedios

Debido a su alta reactividad, tras su formación se consumen rápidamente en otras etapas y su concentración en el medio de reacción es muy baja

La aproximación del estado estacionario supone que la concentración no varía con el tiempo la velocidad de formación es igual a la de desaparición

B: compuesto intermedio

$$\frac{dC_{B}}{dt} = 0 = \sum_{\text{formación}} r_{B} - \sum_{\text{desaparición}} r_{B}$$

# ESTRATEGIAS PARA DETERMINACIÓN DE LA ECUACIÓN CINÉTICA

# HIPÓTESIS DE ETAPAS EN EQUILIBRIO

La consideración de la reversibilidad en las diferentes etapas de un mecanismo supone la introducción de las ecuaciones cinéticas correspondientes a las reacciones inversas y aumenta la complejidad de la resolución

En mecanismos donde se consideran etapas reversibles que se producen a una velocidad elevada con relación a otras, es habitual utilizar la aproximación de que la etapa se encuentra en equilibrio químico

Esto permite relacionar directamente las concentraciones de reactivos y productos entre sí mediante la constante de equilibrio correspondiente

En este apartado se analizarán los perfiles de concentración con el tiempo de reacciones en las que participan uno o más reactivos, en función de los órdenes parciales de los reactivos

Estas ecuaciones cinéticas pueden describir reacciones elementales o de reacciones no elementales. Sin embargo, el tipo de reacción no influye en cómo es la evolución de la concentración con el tiempo En todos los casos que se estudiarán se asumirá que el volumen de reacción (V) es constante (no varía con el tiempo)

$$-r_{A} = -\frac{1}{V} \frac{dN_{A}}{dt} = -\frac{dC_{A}}{dt} \qquad V=cte$$

$$-r_{A} = -\frac{dC_{A}}{dt} = \left[k(T)\right] \cdot \left[f(C_{A}, C_{B}, ...)\right]$$

$$-r_{A} = \frac{N_{A_{0}}}{V} \frac{dX_{A}}{dt} = C_{A_{0}} \frac{dX_{A}}{dt} = \left[k(T)\right] \cdot \left[f(X_{A}, C_{A_{0}}, C_{B_{0}}, ...)\right]$$

# REACCIONES CON UN ÚNICO REACTIVO DE PRIMER ORDEN

 $A \xrightarrow{k} productos$ 

Reacción irreversible

$$-r_A = -\frac{dC_A}{dt} = kC_A$$

$$-\int_{C_{A_0}}^{C_A} \frac{dC_A}{C_A} = k \int_0^t dt$$

$$\ln \frac{C_{A_0}}{C_A} = kt$$

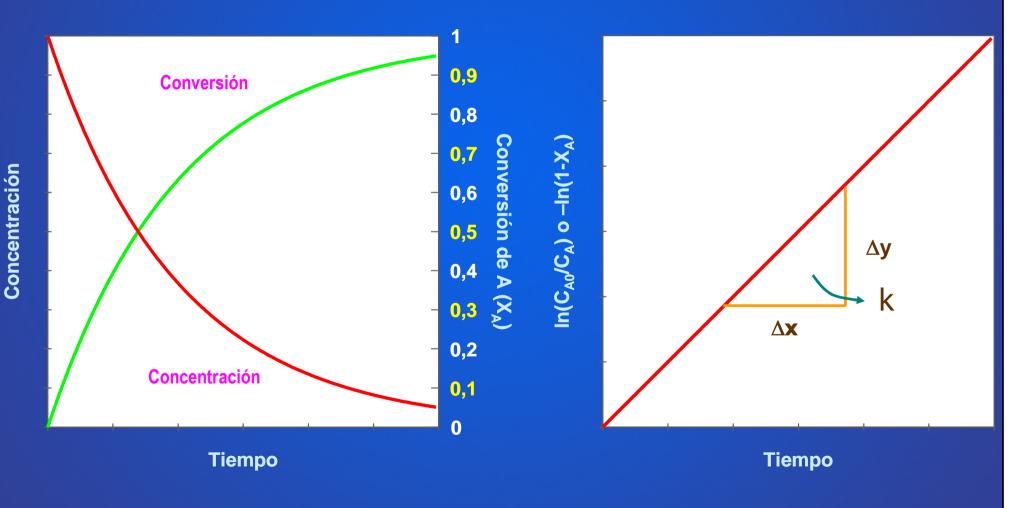
$$C_A = C_{A_0} \exp(-kt)$$

$$-r_{A} = -\frac{d\left(C_{A_{0}}\left(1-X_{A}\right)\right)}{dt} = C_{A_{0}}\frac{dX_{A}}{dt} = kC_{A_{0}}\left(1-X_{A}\right)$$

$$-\int_{0}^{X_{A}} \frac{dX_{A}}{1 - X_{A}} = k \int_{0}^{t} dt - \ln(1 - X_{A}) = kt \qquad X_{A} = 1 - \exp(-kt)$$

# REACCIONES CON UN ÚNICO REACTIVO DE PRIMER ORDEN

 $A \xrightarrow{k} productos$  Reacción irreversible



# REACCIONES CON UN ÚNICO REACTIVO DE ORDEN n (n≠1)

Concentración

$$A \xrightarrow{k} productos$$
 Reacción irreversible

$$-r_A = -\frac{dC_A}{dt} = kC_A^n$$

$$C_A^{1-n} = C_{A_0}^{1-n} + (n-1)kt$$

n=0 
$$C_A = C_{A_0} - kt$$
  
n=1,5  $\frac{1}{C_A^{0,5}} = \frac{1}{C_{A_0}^{0,5}} + 0,5kt$   
n=2  $\frac{1}{C_A} = \frac{1}{C_{A_0}} + kt$ 





### Tiempo

REACCIONES CON UN ÚNICO REACTIVO DE ORDEN n (n≠1)

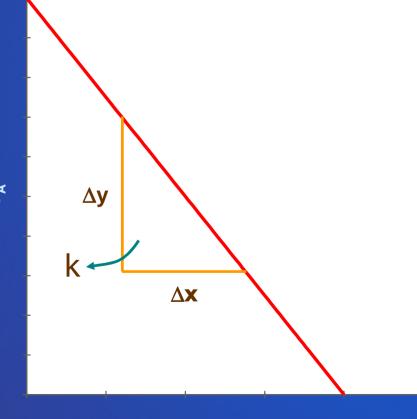
 $A \xrightarrow{k} productos$  Reacción irreversible

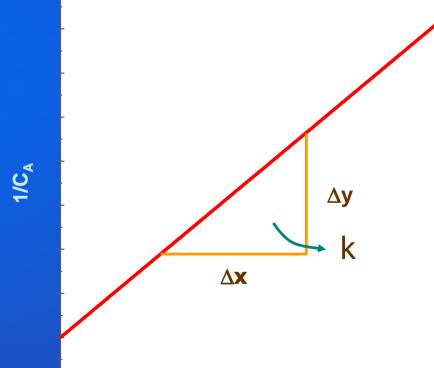
**ORDEN 0** 

$$C_A = C_{A_0} - kt$$

ORDEN 2

$$\frac{1}{C_A} = \frac{1}{C_{A_0}} + kt$$





**Tiempo Tiempo** 

# REACCIONES CON MÁS DE UN REACTIVO

$$aA + bB \longrightarrow rR + sS$$

$$-r_A = kC_A^{n_A}C_B^{n_B} \qquad C_B = C_{B_0} - \frac{b}{a}(C_{A_0} - C_A)$$

$$-\frac{dC_A}{dt} = kC_A^{n_A} \left[ C_{B_0} - \frac{b}{a}(C_{A_0} - C_A) \right]^{n_B}$$

**EJEMPLO** 

Reacción elemental irreversible  $n_A = n_B = 1$  (a=b=1)

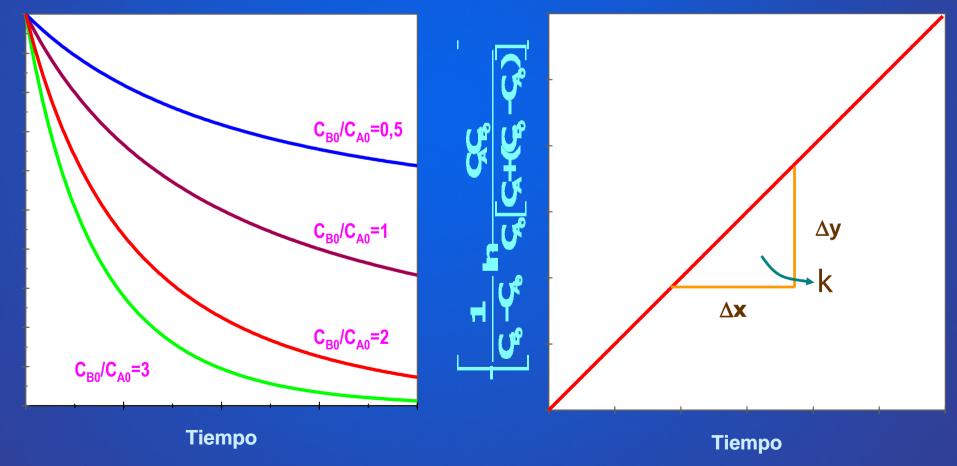
$$\frac{dC_{A}}{C_{A} \left[C_{A} + (C_{B_{0}} - C_{A_{0}})\right]} = -kdt$$

$$\frac{1}{C_{B_{0}} - C_{A_{0}}} \ln \frac{C_{A}C_{B_{0}}}{C_{A_{0}} \left[C_{A} + (C_{B_{0}} - C_{A_{0}})\right]} = -kt$$

# EVOLUCIÓN DE LA CONCENTRACIÓN EN REACCIONES ELEMENTALES

REACCIONES CON MÁS DE UN REACTIVO

$$C_{A} = \frac{C_{B_{0}} - C_{A_{0}}}{C_{B_{0}}} \exp[k(C_{B_{0}} - C_{A_{0}})t] - 1$$



# REACCIONES REVERSIBLES CON UN ÚNICO REACTIVO

$$A(g) \xrightarrow{k_1} R(g)$$
 Reacción elemental reversible

$$-\frac{dC_{A}}{dt} = k_{1}C_{A} - k_{-1}C_{R} = k_{1}C_{A} - k_{-1}(C_{A_{0}} - C_{A})$$

$$-\frac{dC_{A}}{dt} = k_{1}C_{A_{eq.}} - k_{-1}(C_{A_{0}} - C_{A_{eq.}}) = 0$$

En el equilibrio 
$$k_1C_{\Lambda_1} = k_{-1}(C_{\Lambda_1} - C_{\Lambda_2})$$

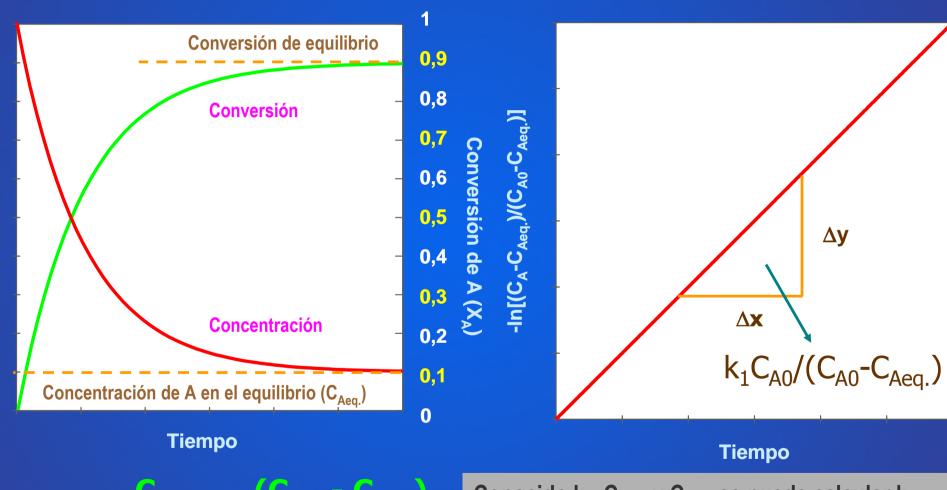
$$-\frac{dC_{A}}{dt} = \frac{k_{1}C_{A_{0}}}{C_{A_{0}} - C_{A_{eq.}}}(C_{A} - C_{A_{eq.}})$$

$$-\ln \frac{(C_{A} - C_{A_{eq.}})}{(C_{A_{0}} - C_{A_{eq.}})} = k_{1} \frac{C_{A_{0}}}{C_{A_{0}} - C_{A_{eq.}}} t$$

Concentración

# EVOLUCIÓN DE LA CONCENTRACIÓN CON EN EL TIEMPO EN REACCIONES QUÍMICAS

# REACCIONES REVERSIBLES CON UN ÚNICO REACTIVO



 $\frac{k_1}{k_{-1}} = K = \frac{C_{R_{eq.}}}{C_{A_{eq.}}} = \frac{(C_{A_0} - C_{A_{eq.}})}{C_{A_{eq.}}}$ 

Conocido  $k_1$ ,  $C_{Aeq.}$  y  $C_{Req.}$  se puede calcular  $k_2$ . Alternativamente  $k_2$  se puede obtener a partir de  $k_1$  y la constante de equilibrio K (termodinámica)

En algunos tipos de reacciones no elementales (aquellas que no ocurren en una única etapa) el proceso de transformación de reactivos en productos se desarrolla a través de un mecanismo que involucra la formación de varios productos estables

Las reacciones (mecanismos) de esta naturaleza son:

mecanismos con etapas en serie mecanismos con etapas en paralelo reacciones autocatalíticas

Como consecuencia de las diferentes etapas que intervienen en el mecanismo de reacción, los reactivos puede conducir a varios productos de diferente interés

### **SELECTIVIDAD**

La selectividad es un índice del rendimiento de la reacción

$$S = \frac{\mathbf{r}_{PRODUCTO}}{-\mathbf{r}_{REACTIVO}}$$

$$S = \frac{C_R}{C_{A_0} - C_A}$$

# MECANISMO DE REACCIÓN EN SERIE

Los mecanismos de reacción en serie corresponden a sistemas donde el producto de una de las reacciones actúa como reactivo en otra reacción

**EJEMPLO** 

Reacciones en serie de primer orden

$$\begin{array}{c} A & \stackrel{k_1}{\longrightarrow} & B \\ B & \stackrel{k_2}{\longrightarrow} & R \end{array}$$

$$-r_{A} = -\frac{dC_{A}}{dt} = k_{1}C_{A} \quad r_{B} = \frac{dC_{B}}{dt} = k_{1}C_{A} - k_{2}C_{B} \quad r_{R} = \frac{dC_{R}}{dt} = k_{2}C_{E}$$

$$C_{A} = C_{A_{0}} \exp(-k_{1}t) \quad \frac{dC_{B}}{dt} + k_{2}C_{E} = k_{1}C_{A_{0}} \exp(-k_{1}t)$$

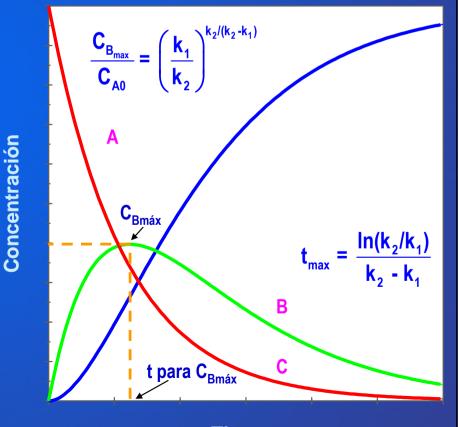
$$C_{B} = \frac{C_{A_{0}}k_{1}}{k_{2}-k_{1}}[\exp(-k_{1}t)-\exp(-k_{2}t)] + C_{B_{0}}\exp(-k_{2}t)$$

# MECANISMO DE REACCIÓN EN SERIE

$$C_{A_0} + C_{B_0} + C_{R_0} = C_A + C_B + C_R$$

$$C_{R} = C_{A_{0}} \left[ 1 - \frac{k_{2} \exp(-k_{1}t) - k_{1} \exp(-k_{2}t)}{k_{2} - k_{1}} \right] + C_{B_{0}} \left[ 1 - \exp(-k_{2}t) \right] + C_{R_{0}}$$

$$S_{B} = \frac{C_{B}}{C_{A_{0}} - C_{A}} = \frac{k_{1}}{k_{2} - k_{1}} \frac{\exp(-k_{1}t) - \exp(-k_{2}t)}{1 - \exp(-k_{1}t)}$$



### **Tiempo**

### MECANISMO DE REACCIÓN EN PARALELO

Los mecanismos de reacción en paralelo corresponden a sistemas donde un reactivo participa simultáneamente en dos reacciones elementales para dar lugar a productos diferentes

**EJEMPLO** 

Reacciones en paralelo de primer orden

$$A \xrightarrow{k_1} R$$

$$A \xrightarrow{k_2} S$$

$$-r_A = -\frac{dC_A}{dt} = k_1C_A + k_2C_A \quad r_R = \frac{dC_R}{dt} = k_1C_A \quad r_S = \frac{dC_S}{dt} = k_2C_A$$

$$\frac{dC_A}{C_A} = -(k_1 + k_2)dt = -k'dt \qquad C_A = C_{A_0} \exp(-k't)$$

# MECANISMO DE REACCIÓN EN PARALELO

$$\int_{C_{R_0}}^{C_R} dC_R = k_1 C_{A_0} \int_0^t \exp(-k't) dt$$

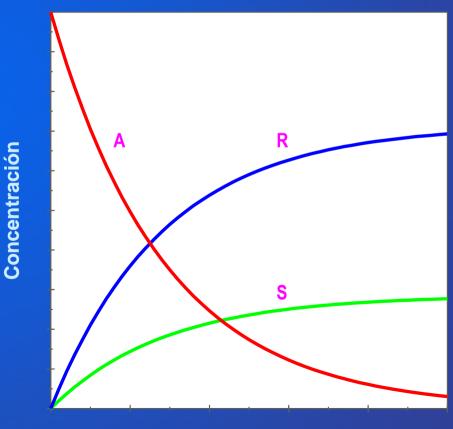
$$C_{R} = C_{R_{0}} + \frac{k_{1}C_{A_{0}}}{k'}[1 - \exp(-k't)]$$

$$\int_{C_{s_0}}^{C_s} dC_s = k_2 C_{A_0} \int_0^t \exp(-k't) dt$$

$$C_s = C_{s_0} + \frac{k_2 C_{A_0}}{k'} [1 - \exp(-k't)]$$

$$\frac{C_{R} - C_{R_{0}}}{C_{S} - C_{S_{0}}} = \frac{k_{1}}{k_{2}}$$

$$S_R = \frac{C_R}{C_{A_0} - C_A} = \frac{k_1}{k'} = \frac{k_1}{k_1 + k_2}$$

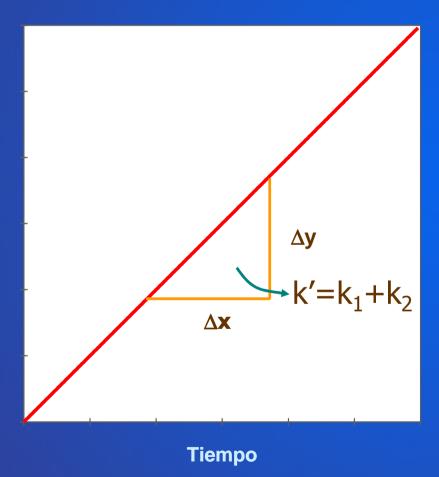


### **Tiempo**

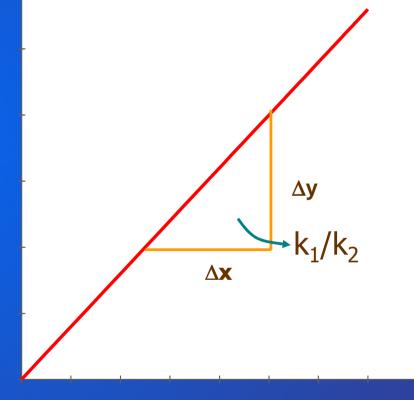
# MECANISMO DE REACCIÓN EN PARALELO

$$A \xrightarrow{k_1} R$$

$$A \xrightarrow{k_2} S$$







Concentración de S (C<sub>s</sub>)

# MECANISMO DE REACCIÓN AUTOCATALÍTICO

Los mecanismos de reacción autocatalíticos corresponden a sistemas donde uno de los productos formados en la reacción actúa como catalizador participando en otra etapa del mecanismo cuya velocidad de reacción es más rápida que la primera

**EJEMPLO** 

Reacción autocatalítica de primer orden

$$A \xrightarrow{k_1} R$$
 R. no catalítica  $A + R \xrightarrow{k_2} R + R$  R. (auto) catalítica

R. no catalítica

$$-r_{A} = -\frac{dC_{A}}{dt} = k_{1}C_{A} + k_{2}C_{A}C_{R}$$

$$C_{R} = C_{A_{0}} - C_{A}$$

$$-r_A = -\frac{dC_A}{dt} = k_1C_A + k_2C_A(C_{A_0} - C_A)$$

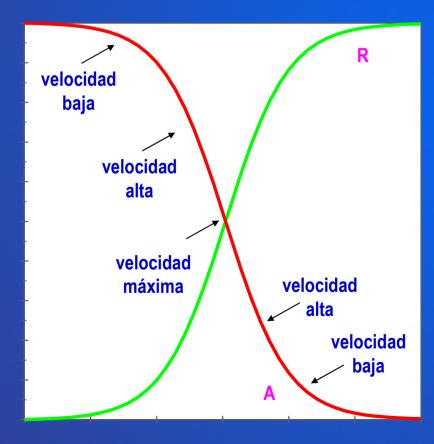
$$\int_{C_{A_0}}^{C_A} \frac{dC_A}{C_A \left[ k_2 C_A - (k_1 + k_2 C_{A_0}) \right]} = \int_0^t dt$$

Concentración

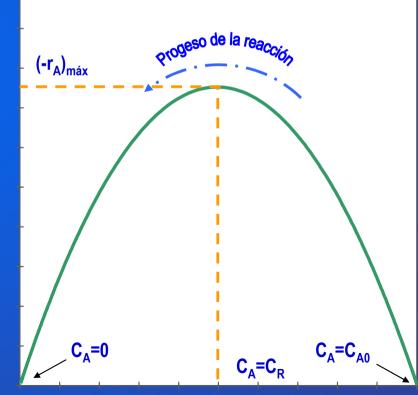
# MÁS SOBRE REACCIONES NO ELEMENTALES

# MECANISMO DE REACCIÓN AUTOCATALÍTICO

$$C_{A} = \frac{C_{A_{0}}(k_{1} + k_{2}C_{A_{0}})exp[-(k_{1} + k_{2}C_{A_{0}})t]}{k_{1} + k_{2}C_{A_{0}}exp[-(k_{1} + k_{2}C_{A_{0}})t]}$$



Velocidad de reacción (-r<sub>A</sub>)



Tiempo

Concentración de A

# MECANISMO DE REACCIÓN AUTOCATALÍTICO

Se puede suponer que la constante cinética de la reacción (auto) catalítica (k<sub>2</sub>) se mucho mayor que la constante de la reacción no catalizada (k<sub>1</sub>)

$$A + R \xrightarrow{k_2} R + R$$

$$-r_A = -\frac{dC_A}{dt} = k_1 C_A + k_2 C_A C_R \qquad C_R = C_{A_0} - C_A$$

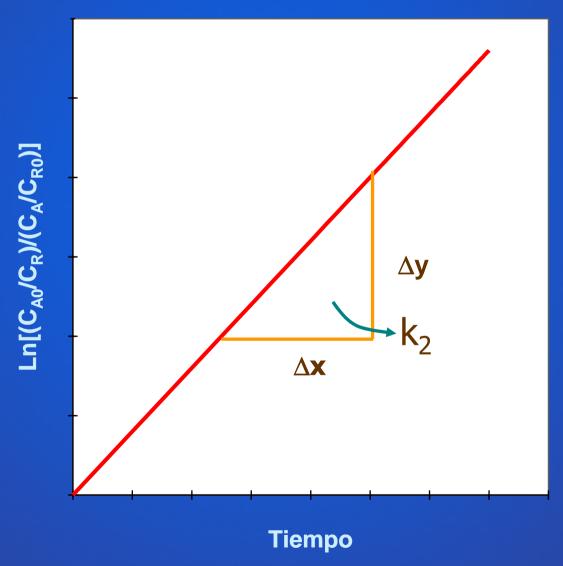
$$-r_A = -\frac{dC_A}{dt} = k_2 C_A (C_{A_0} - C_A)$$

$$\int_{C_{A_1}}^{C_1} \frac{dC_A}{k_2 C_A (C_{A_0} - C_A)} = \int_0^t dt$$

$$In \left( \frac{C_R / C_{R_0}}{C_A / C_{A_0}} \right) = (C_{A_0} + C_{R_0}) k_2 t$$

# MECANISMO DE REACCIÓN AUTOCATALÍTICO

$$A + R \xrightarrow{k_2} R + R$$



### **RESUMEN**

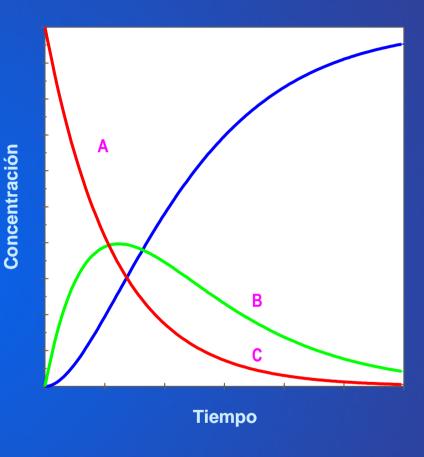
### **REACCIONES EN SERIE**

La concentración del reactivo inicial del esquema de reacciones disminuye (generalmente de forma exponencial) con el tiempo

La concentración del compuesto intermedio aumenta hasta un máximo y después disminuye

La concentración del compuesto final aumenta continuamente

La mayor velocidad de aparición del producto final ocurre cuando la concentración del compuesto intermedio es máxima

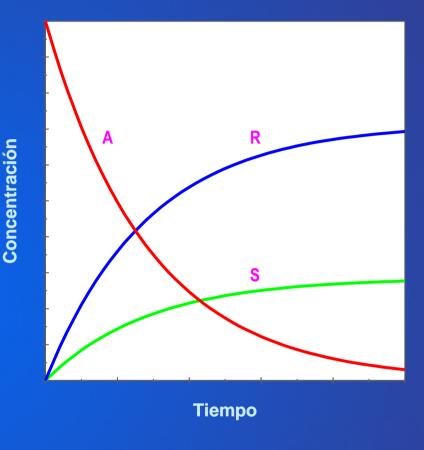


### **RESUMEN**

### **REACCIONES EN PARALELO**

La concentración del reactivo inicial del esquema de reacciones disminuye (generalmente de forma exponencial) con el tiempo

La concentración de los productos finales crece continuamente con el tiempo La velocidad de formación relativa de los productos finales depende de la relación entre las constantes cinéticas de las reacciones de formación a partir del reactivo inicial



### **RESUMEN**

### REACCIONES AUTOCATALÍTICAS

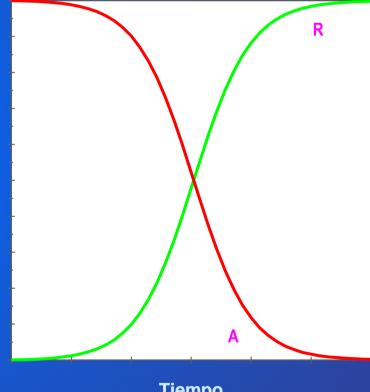
La evolución de la concentración del reactivo con el tiempo es de tipo sigmoidal (con la forma de S).

Inicialmente la concentración del reactivo disminuye muy lentamente hasta que la concentración del producto (catalizador) es suficientemente elevada

Entonces la velocidad de desaparición (reacción) aumenta significativamente hasta ser máxima

A partir de este momento la concentración de A ya es pequeña y la velocidad de reacción se ralentiza hasta hacerse nula cuando A se agota

La velocidad de reacción varía a lo largo de una parábola, con un máximo donde la concentración de reactivo y producto son



iguales

Concentración

### **CONSIDERACIONES FINALES**

Cuando se desea determinar la ecuación cinética de una reacción química de mecanismo desconocido (r. elemental=una etapa o r. no elemental=varias etapas) es necesario obtener de forma experimental los perfiles de la concentración de las especies que participan en la reacción

Generalmente sólo podrán determinarse de forma experimental la concentración de aquellos compuestos con una estabilidad relativamente alta (reactivos iniciales, productos intermedios y productos finales)

La concentración de los complejos de transición que intervienen en la reacción es difícil de cuantificar

El objetivo será, a partir de estos datos experimentales, definir la ecuación cinética que sea representativa de la reacción de estudio

### **CONSIDERACIONES FINALES**

Aunque en temas posteriores se analizarán más en detalle las estrategias de análisis de datos cinéticos, se puede adelantar que la metodología (métodos diferenciales e integrales) se basará en la comparación de los datos experimentales con ecuaciones cinéticas deducidas a partir de ciertas suposiciones en cuanto a la naturaleza y complejidad del mecanismo de reacción

Cuando exista una convergencia entre lo determinado experimental y teóricamente se habrá logrado determinar la cinética de la reacción, prestando una especial atención al sentido físico-químico de las suposiciones realizadas

# TEMA 2. ECUACIONES CINÉTICAS