



Teorema de Maxwell-Betti

Teorema de
Maxwell-Betti



Teorema de Maxwell-Betti



Teorema de Maxwell-Betti

El Teorema de Maxwell-Betti describe la relación que tiene que existir entre los trabajos realizados por dos estados de carga actuantes sobre una misma estructura para que la energía de deformación sea independiente del orden de aplicación de estos estados



Teorema de Maxwell-Betti

El Teorema de Maxwell-Betti describe la relación que tiene que existir entre los trabajos realizados por dos estados de carga actuantes sobre una misma estructura para que la energía de deformación sea independiente del orden de aplicación de estos estados

El Teorema se puede emplear para conocer flechas o desplazamientos en estructuras cargadas con un número importante de acciones manipulando convenientemente las acciones reales actuantes en el modelo. Su aplicación en la mayoría de los casos no conduce directamente a la solución, pero sí reduce considerablemente el número de operaciones que, mediante otros procedimientos, habría que realizar. Por esta razón este Teorema debe aplicarse en colaboración con otro procedimiento de cálculo



Teorema de Maxwell-Betti

El Teorema de Maxwell-Betti describe la relación que tiene que existir entre los trabajos realizados por dos estados de carga actuantes sobre una misma estructura para que la energía de deformación sea independiente del orden de aplicación de estos estados

El Teorema se puede emplear para conocer flechas o desplazamientos en estructuras cargadas con un número importante de acciones manipulando convenientemente las acciones reales actuantes en el modelo. Su aplicación en la mayoría de los casos no conduce directamente a la solución, pero sí reduce considerablemente el número de operaciones que, mediante otros procedimientos, habría que realizar. Por esta razón este Teorema debe aplicarse en colaboración con otro procedimiento de cálculo

La exposición comienza con la definición del Teorema y su demostración. Posteriormente se muestran sus aplicaciones y unos ejemplos



Teorema de Maxwell-Betti

Teorema de
Maxwell-Betti



Teorema de Maxwell-Betti

Teorema de
Maxwell-Betti

Definición



Definición



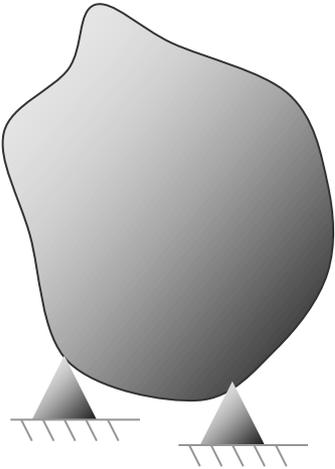
Definición

Sea una estructura sometida simultáneamente a dos sistemas A y B de acciones exteriores:



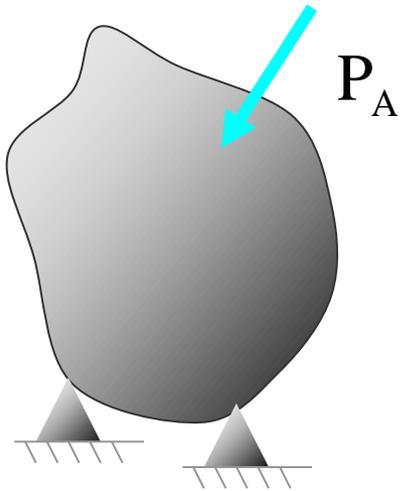
Definición

Sea una estructura sometida simultáneamente a dos sistemas A y B de acciones exteriores:



Definición

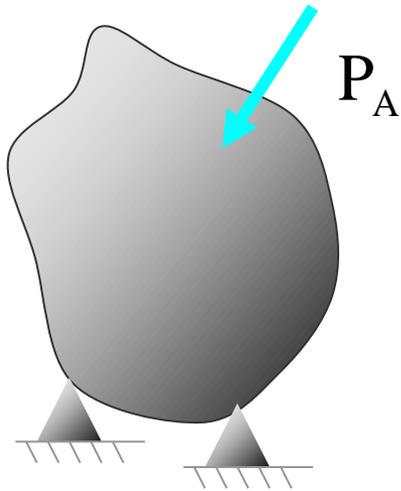
Sea una estructura sometida simultáneamente a dos sistemas A y B de acciones exteriores:





Definición

Sea una estructura sometida simultáneamente a dos sistemas A y B de acciones exteriores:

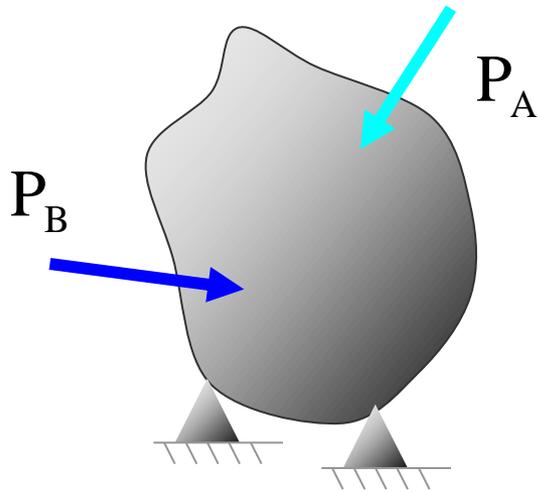


P_A = sistema A de acciones exteriores



Definición

Sea una estructura sometida simultáneamente a dos sistemas A y B de acciones exteriores:

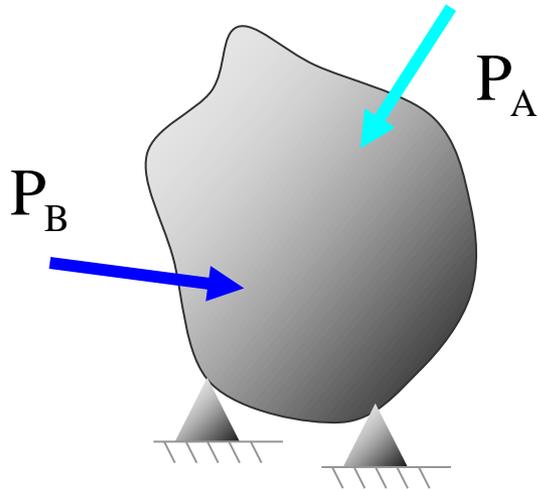


P_A = sistema A de acciones exteriores



Definición

Sea una estructura sometida simultáneamente a dos sistemas A y B de acciones exteriores:



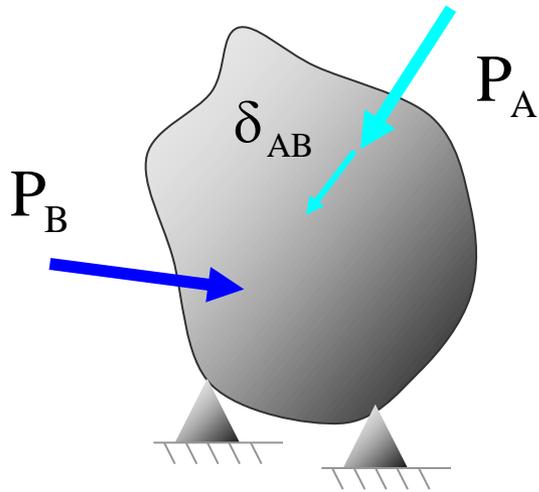
P_A = sistema A de acciones exteriores

P_B = sistema B de acciones exteriores



Definición

Sea una estructura sometida simultáneamente a dos sistemas A y B de acciones exteriores:



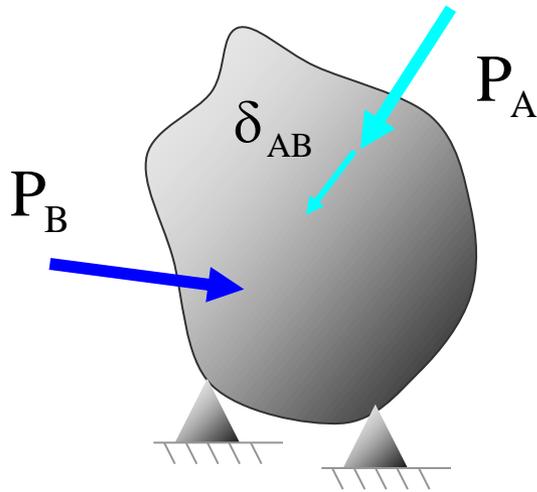
P_A = sistema A de acciones exteriores

P_B = sistema B de acciones exteriores



Definición

Sea una estructura sometida simultáneamente a dos sistemas A y B de acciones exteriores:



P_A = sistema A de acciones exteriores

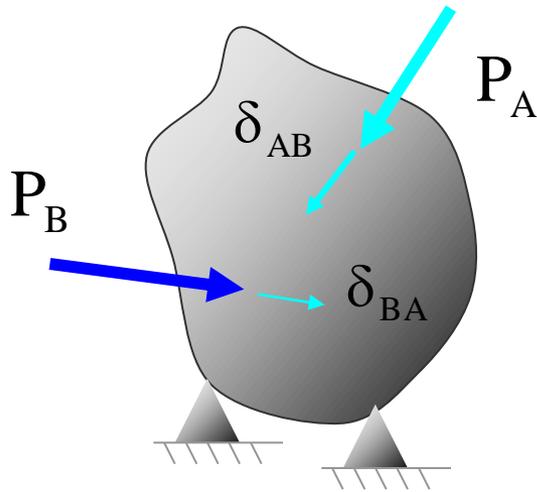
P_B = sistema B de acciones exteriores

δ_{AB} = desplazamientos de las acciones de A por la aplicación de las acciones de B



Definición

Sea una estructura sometida simultáneamente a dos sistemas A y B de acciones exteriores:



P_A = sistema A de acciones exteriores

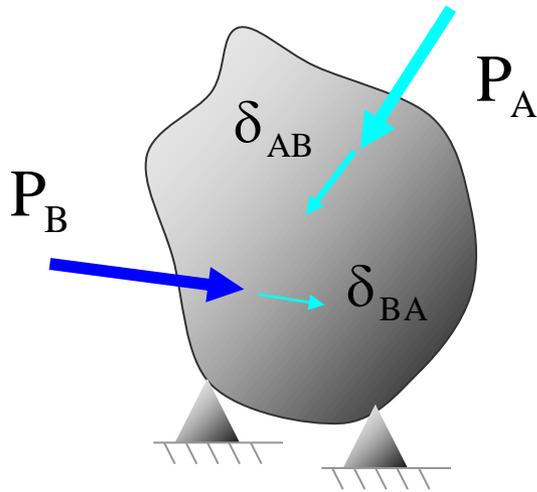
P_B = sistema B de acciones exteriores

δ_{AB} = desplazamientos de las acciones de A por la aplicación de las acciones de B



Definición

Sea una estructura sometida simultáneamente a dos sistemas A y B de acciones exteriores:



P_A = sistema A de acciones exteriores

P_B = sistema B de acciones exteriores

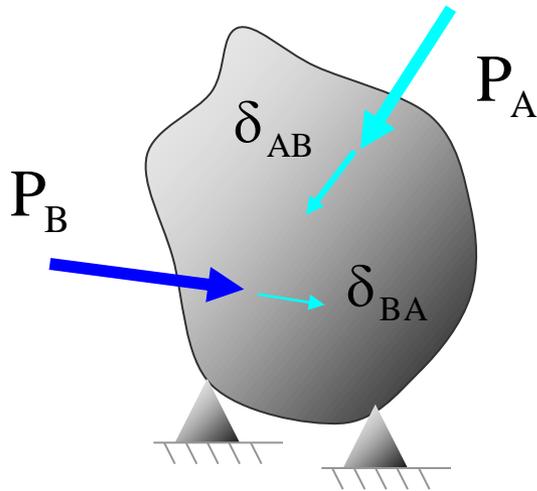
δ_{AB} = desplazamientos de las acciones de A por la aplicación de las acciones de B

δ_{BA} = desplazamientos de las acciones de B por la aplicación de las acciones de A



Definición

Sea una estructura sometida simultáneamente a dos sistemas A y B de acciones exteriores:



P_A = sistema A de acciones exteriores

P_B = sistema B de acciones exteriores

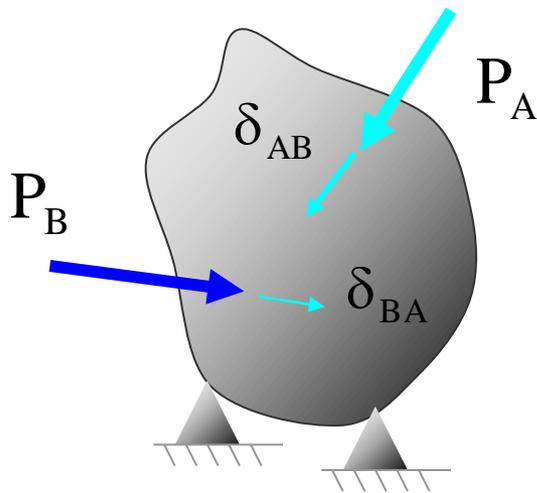
δ_{AB} = desplazamientos de las acciones de A por la aplicación de las acciones de B

δ_{BA} = desplazamientos de las acciones de B por la aplicación de las acciones de A

Si $\left\{ \begin{array}{l} P_A \cdot \delta_{AB} = \text{es el trabajo producido por las fuerzas de A} \\ \text{debido a las fuerzas de B} \end{array} \right.$

Definición

Sea una estructura sometida simultáneamente a dos sistemas A y B de acciones exteriores:



P_A = sistema A de acciones exteriores

P_B = sistema B de acciones exteriores

δ_{AB} = desplazamientos de las acciones de A por la aplicación de las acciones de B

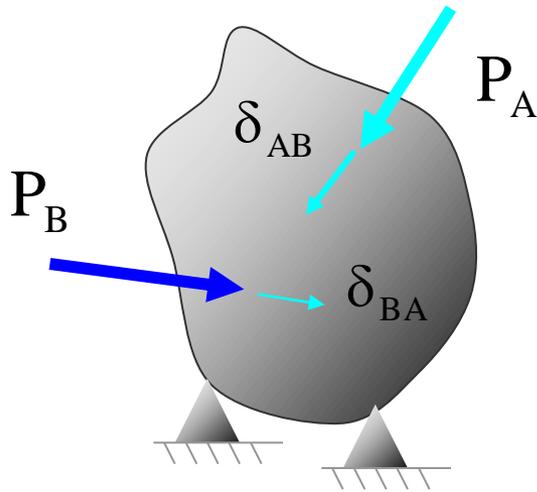
δ_{BA} = desplazamientos de las acciones de B por la aplicación de las acciones de A

Si $\left\{ \begin{array}{l} P_A \cdot \delta_{AB} = \text{es el trabajo producido por las fuerzas de A} \\ \text{debido a las fuerzas de B} \\ \text{y} \\ P_B \cdot \delta_{BA} = \text{es el trabajo producido por las fuerzas de B} \\ \text{debido a las fuerzas de A} \end{array} \right.$



Definición

Sea una estructura sometida simultáneamente a dos sistemas A y B de acciones exteriores:



P_A = sistema A de acciones exteriores

P_B = sistema B de acciones exteriores

δ_{AB} = desplazamientos de las acciones de A por la aplicación de las acciones de B

δ_{BA} = desplazamientos de las acciones de B por la aplicación de las acciones de A

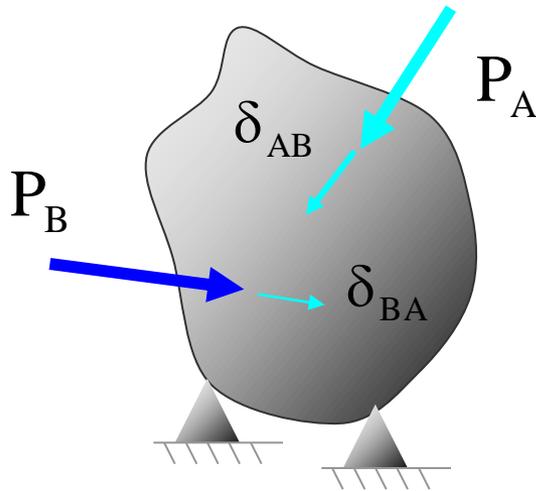
Si $\left\{ \begin{array}{l} P_A \cdot \delta_{AB} = \text{es el trabajo producido por las fuerzas de A} \\ \text{debido a las fuerzas de B} \\ \text{y} \\ P_B \cdot \delta_{BA} = \text{es el trabajo producido por las fuerzas de B} \\ \text{debido a las fuerzas de A} \end{array} \right.$

Siempre se cumple:



Definición

Sea una estructura sometida simultáneamente a dos sistemas A y B de acciones exteriores:



P_A = sistema A de acciones exteriores

P_B = sistema B de acciones exteriores

δ_{AB} = desplazamientos de las acciones de A por la aplicación de las acciones de B

δ_{BA} = desplazamientos de las acciones de B por la aplicación de las acciones de A

Si $\left\{ \begin{array}{l} P_A \cdot \delta_{AB} = \text{es el trabajo producido por las fuerzas de A} \\ \text{debido a las fuerzas de B} \\ \text{y} \\ P_B \cdot \delta_{BA} = \text{es el trabajo producido por las fuerzas de B} \\ \text{debido a las fuerzas de A} \end{array} \right.$

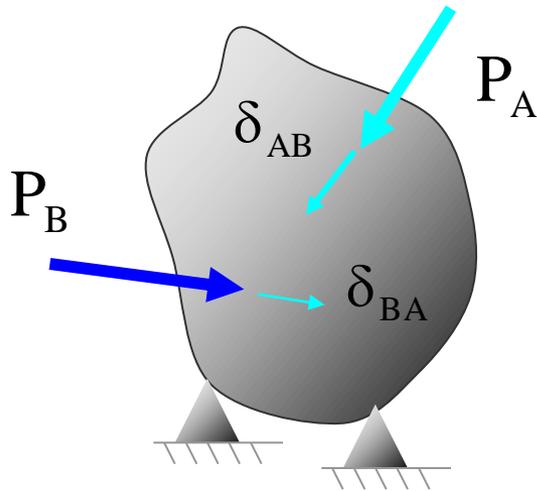
Siempre se cumple:

$$P_A \cdot \delta_{AB} = P_B \cdot \delta_{BA}$$



Definición

Sea una estructura sometida simultáneamente a dos sistemas A y B de acciones exteriores:



P_A = sistema A de acciones exteriores

P_B = sistema B de acciones exteriores

δ_{AB} = desplazamientos de las acciones de A por la aplicación de las acciones de B

δ_{BA} = desplazamientos de las acciones de B por la aplicación de las acciones de A

Si $\left\{ \begin{array}{l} P_A \cdot \delta_{AB} = \text{es el trabajo producido por las fuerzas de A} \\ \text{debido a las fuerzas de B} \\ \text{y} \\ P_B \cdot \delta_{BA} = \text{es el trabajo producido por las fuerzas de B} \\ \text{debido a las fuerzas de A} \end{array} \right.$

Siempre se cumple:

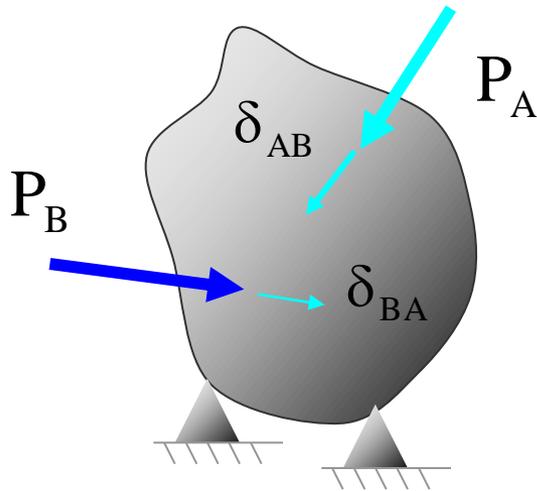
$$P_A \cdot \delta_{AB} = P_B \cdot \delta_{BA}$$

Teorema de Maxwell



Definición

Sea una estructura sometida simultáneamente a dos sistemas A y B de acciones exteriores:



P_A = sistema A de acciones exteriores

P_B = sistema B de acciones exteriores

δ_{AB} = desplazamientos de las acciones de A por la aplicación de las acciones de B

δ_{BA} = desplazamientos de las acciones de B por la aplicación de las acciones de A

Si $\left\{ \begin{array}{l} P_A \cdot \delta_{AB} = \text{es el trabajo producido por las fuerzas de A} \\ \text{debido a las fuerzas de B} \\ \text{y} \\ P_B \cdot \delta_{BA} = \text{es el trabajo producido por las fuerzas de B} \\ \text{debido a las fuerzas de A} \end{array} \right.$

Siempre se cumple:

$$P_A \cdot \delta_{AB} = P_B \cdot \delta_{BA}$$

Teorema de Maxwell

Cuando

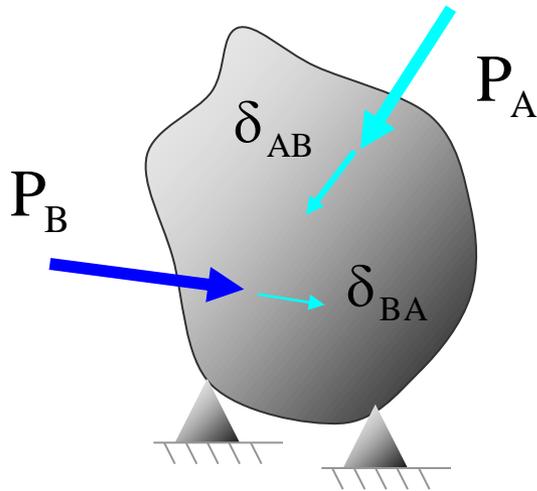
$$P_A = P_B$$





Definición

Sea una estructura sometida simultáneamente a dos sistemas A y B de acciones exteriores:



P_A = sistema A de acciones exteriores

P_B = sistema B de acciones exteriores

δ_{AB} = desplazamientos de las acciones de A por la aplicación de las acciones de B

δ_{BA} = desplazamientos de las acciones de B por la aplicación de las acciones de A

Si $\left\{ \begin{array}{l} P_A \cdot \delta_{AB} = \text{es el trabajo producido por las fuerzas de A} \\ \text{debido a las fuerzas de B} \\ \text{y} \\ P_B \cdot \delta_{BA} = \text{es el trabajo producido por las fuerzas de B} \\ \text{debido a las fuerzas de A} \end{array} \right.$

Siempre se cumple:

$$P_A \cdot \delta_{AB} = P_B \cdot \delta_{BA}$$

Teorema de Maxwell

Cuando

$$P_A = P_B$$

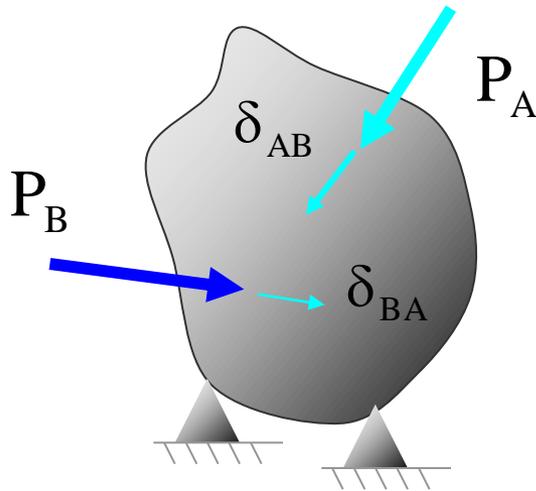


$$\delta_{AB} = \delta_{BA}$$



Definición

Sea una estructura sometida simultáneamente a dos sistemas A y B de acciones exteriores:



P_A = sistema A de acciones exteriores

P_B = sistema B de acciones exteriores

δ_{AB} = desplazamientos de las acciones de A por la aplicación de las acciones de B

δ_{BA} = desplazamientos de las acciones de B por la aplicación de las acciones de A

Si $\left\{ \begin{array}{l} P_A \cdot \delta_{AB} = \text{es el trabajo producido por las fuerzas de A} \\ \text{debido a las fuerzas de B} \\ \text{y} \\ P_B \cdot \delta_{BA} = \text{es el trabajo producido por las fuerzas de B} \\ \text{debido a las fuerzas de A} \end{array} \right.$

Siempre se cumple:

$$P_A \cdot \delta_{AB} = P_B \cdot \delta_{BA}$$

Teorema de Maxwell

Cuando

$$P_A = P_B$$

$$\delta_{AB} = \delta_{BA}$$

Teorema de Betti



Teorema de Maxwell-Betti

Teorema de
Maxwell-Betti

Definición



Teorema de Maxwell-Betti

Teorema de
Maxwell-Betti

Definición

Demostración



Demostración



Demostración

La demostración se basa en que el orden de aplicación de las acciones no afecta al valor final de la energía de deformación



Demostración

La demostración se basa en que el orden de aplicación de las acciones no afecta al valor final de la energía de deformación

Variación en el orden de aplicación de las acciones en una estructura



Demostración

La demostración se basa en que el orden de aplicación de las acciones no afecta al valor final de la energía de deformación

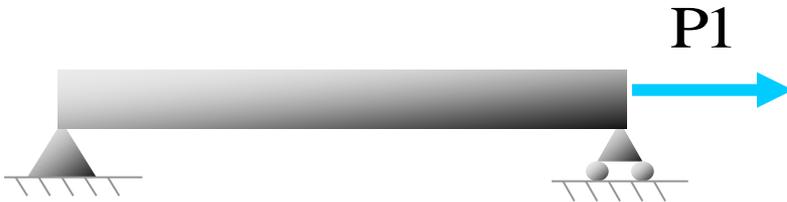
Variación en el orden de aplicación de las acciones en una estructura



Demostración

La demostración se basa en que el orden de aplicación de las acciones no afecta al valor final de la energía de deformación

Variación en el orden de aplicación de las acciones en una estructura

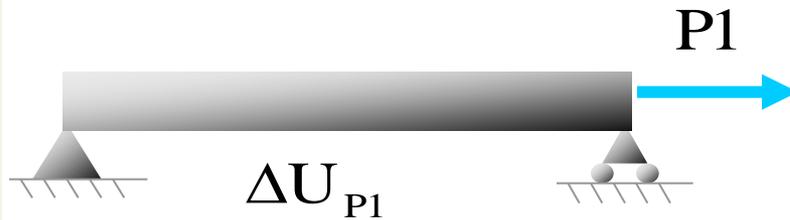




Demostración

La demostración se basa en que el orden de aplicación de las acciones no afecta al valor final de la energía de deformación

Variación en el orden de aplicación de las acciones en una estructura

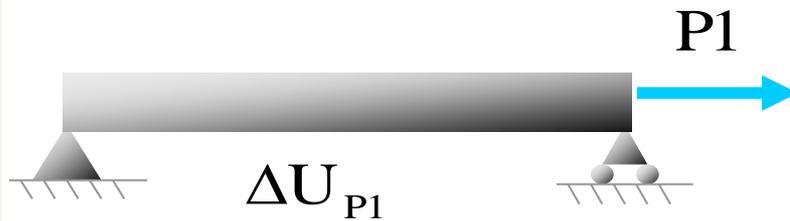




Demostración

La demostración se basa en que el orden de aplicación de las acciones no afecta al valor final de la energía de deformación

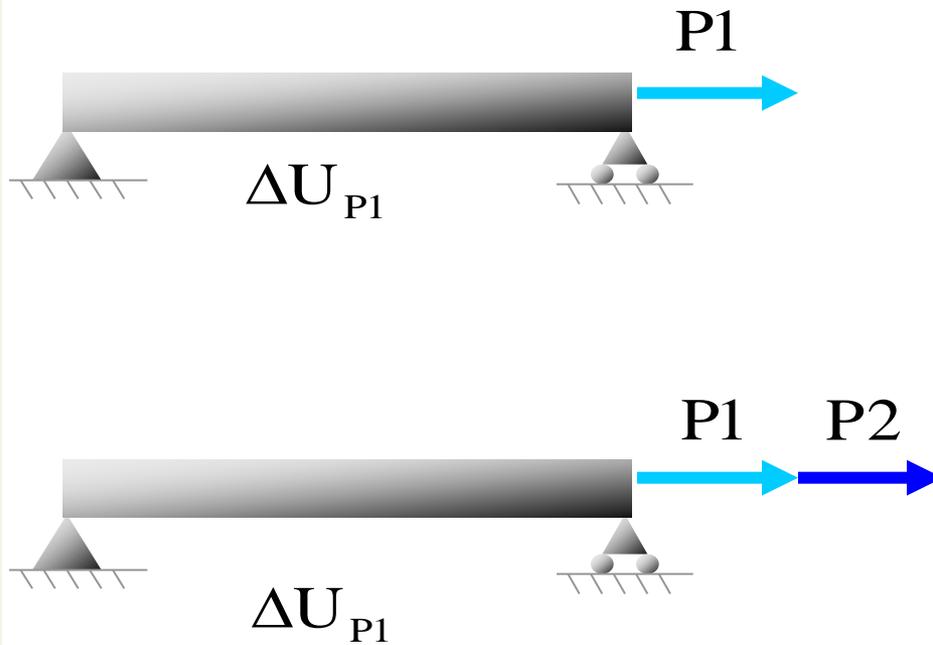
Variación en el orden de aplicación de las acciones en una estructura



Demostración

La demostración se basa en que el orden de aplicación de las acciones no afecta al valor final de la energía de deformación

Variación en el orden de aplicación de las acciones en una estructura

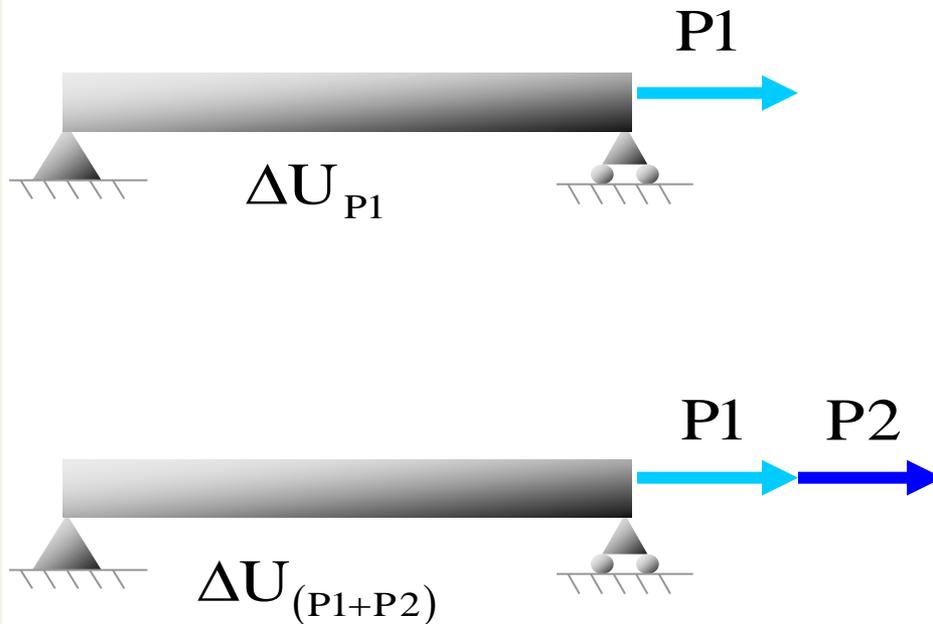




Demostración

La demostración se basa en que el orden de aplicación de las acciones no afecta al valor final de la energía de deformación

Variación en el orden de aplicación de las acciones en una estructura

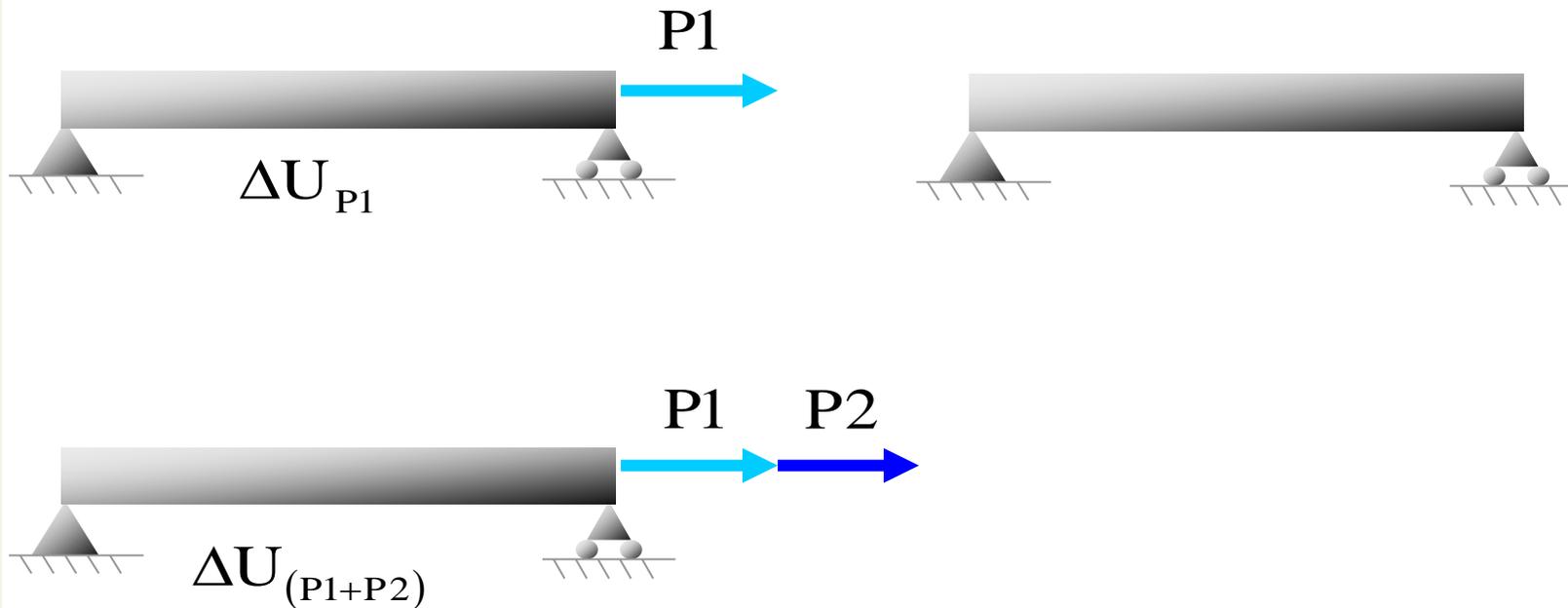




Demostración

La demostración se basa en que el orden de aplicación de las acciones no afecta al valor final de la energía de deformación

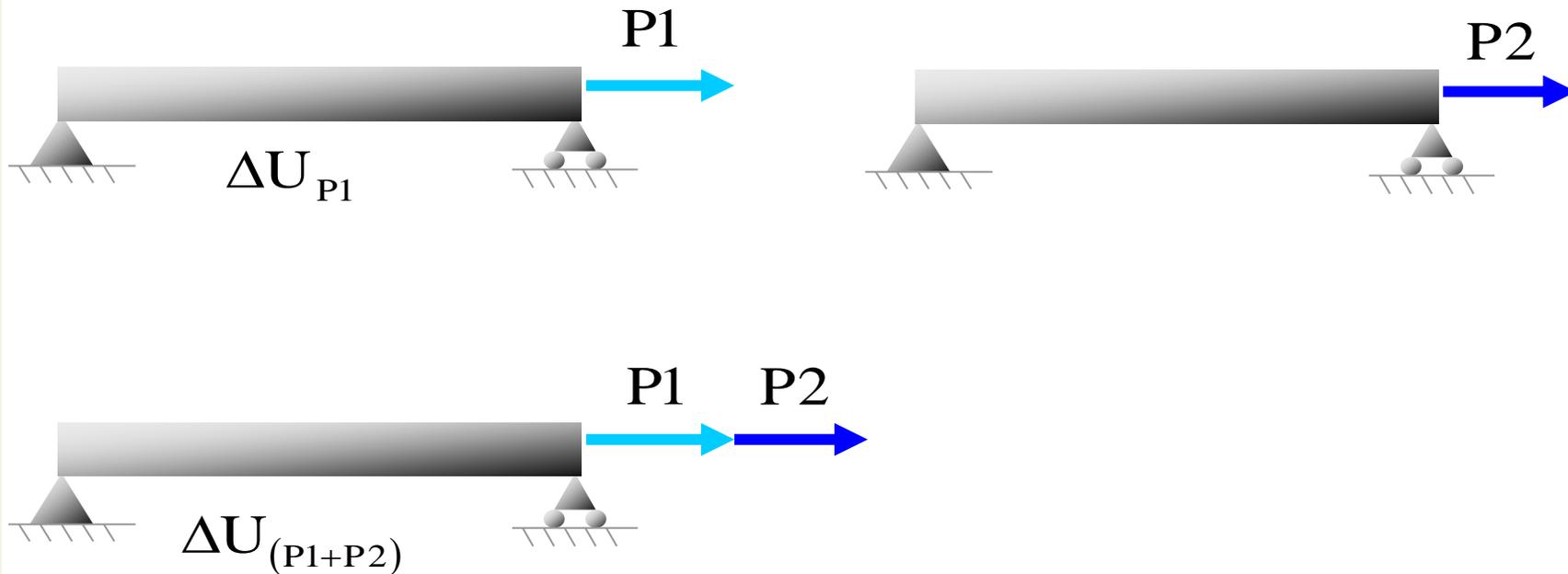
Variación en el orden de aplicación de las acciones en una estructura



Demostración

La demostración se basa en que el orden de aplicación de las acciones no afecta al valor final de la energía de deformación

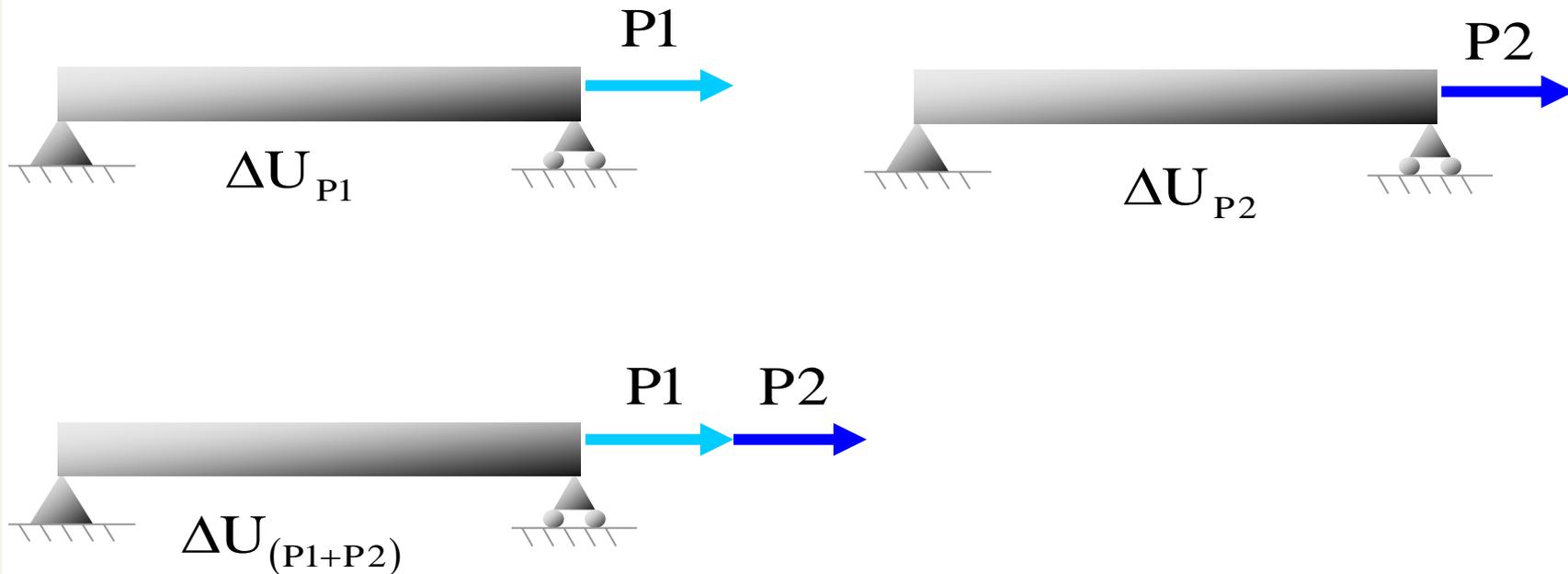
Variación en el orden de aplicación de las acciones en una estructura



Demostración

La demostración se basa en que el orden de aplicación de las acciones no afecta al valor final de la energía de deformación

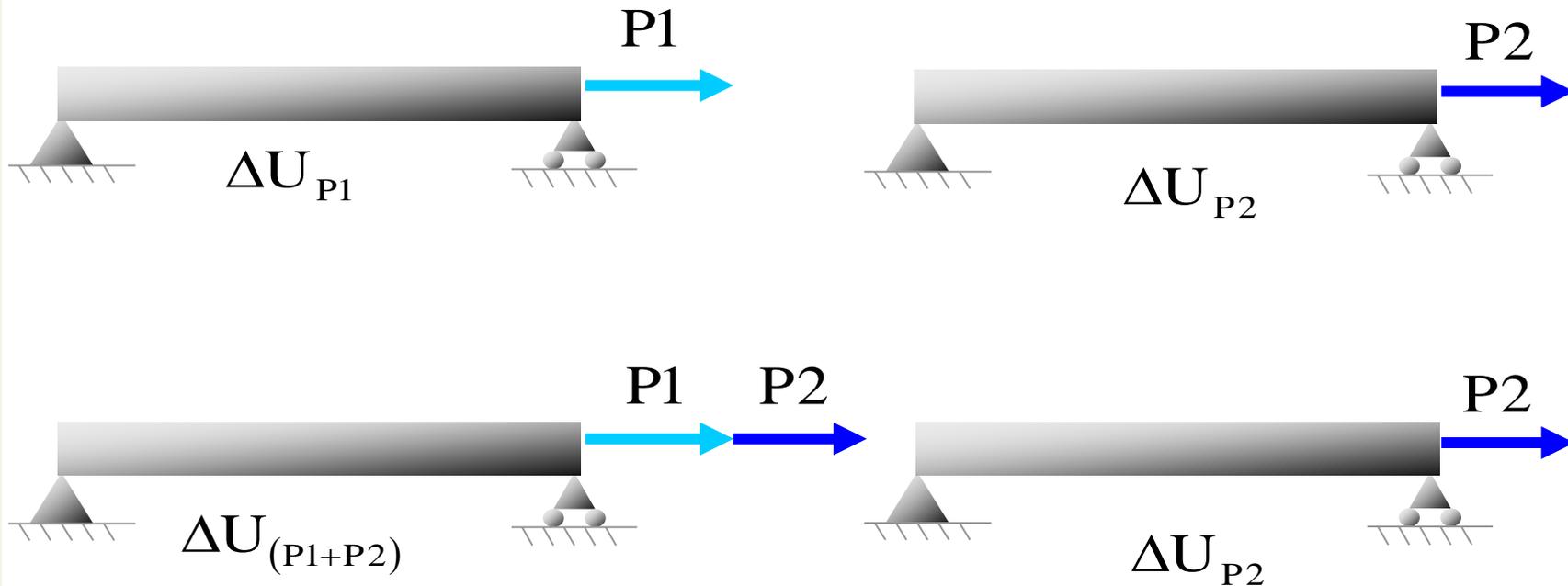
Variación en el orden de aplicación de las acciones en una estructura



Demostración

La demostración se basa en que el orden de aplicación de las acciones no afecta al valor final de la energía de deformación

Variación en el orden de aplicación de las acciones en una estructura

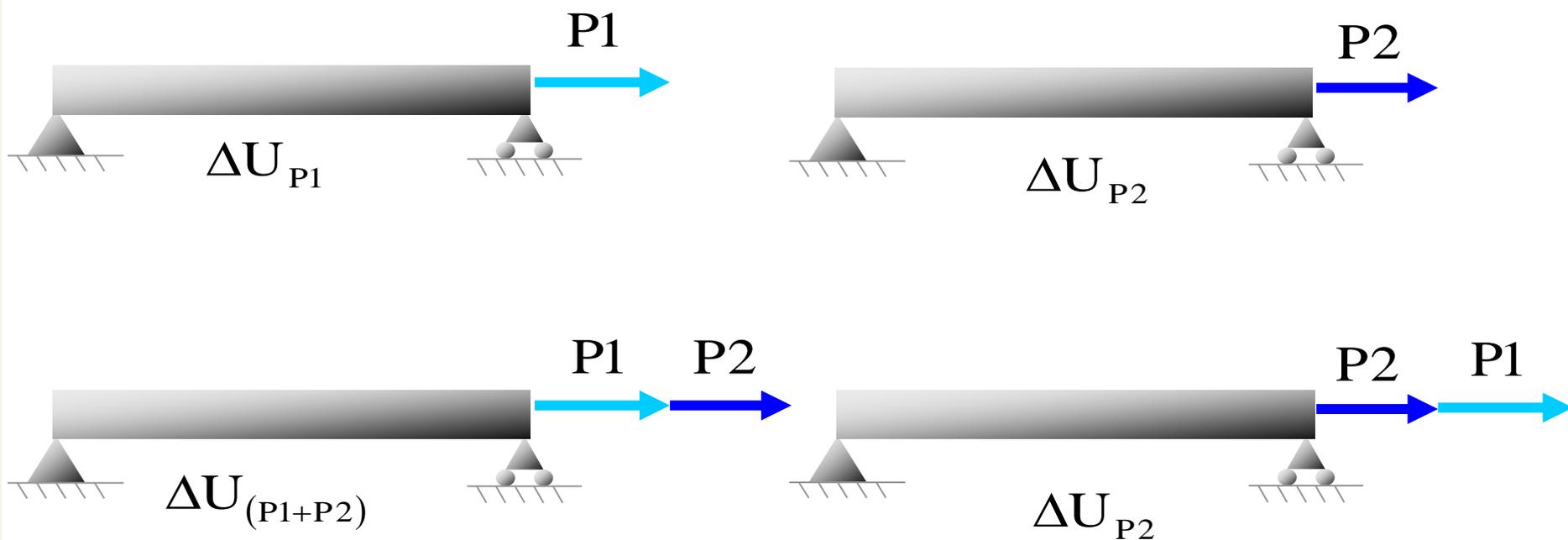




Demostración

La demostración se basa en que el orden de aplicación de las acciones no afecta al valor final de la energía de deformación

Variación en el orden de aplicación de las acciones en una estructura

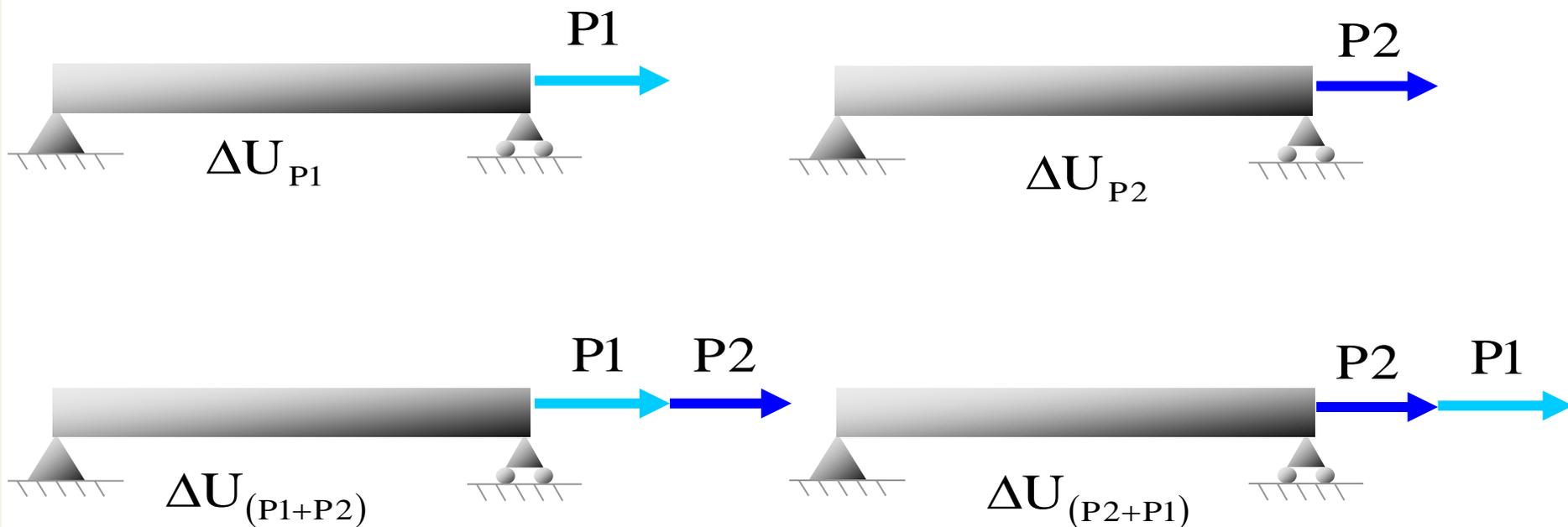




Demostración

La demostración se basa en que el orden de aplicación de las acciones no afecta al valor final de la energía de deformación

Variación en el orden de aplicación de las acciones en una estructura

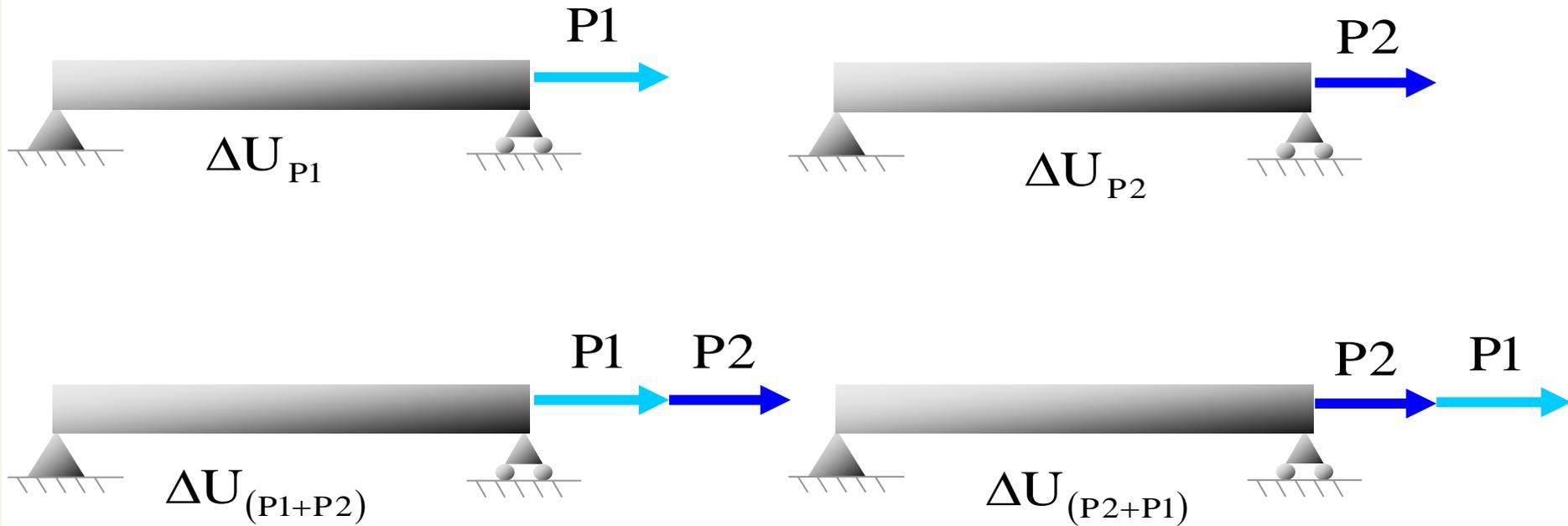




Demostración

La demostración se basa en que el orden de aplicación de las acciones no afecta al valor final de la energía de deformación

Variación en el orden de aplicación de las acciones en una estructura



$$\Delta U_{(P_1+P_2)} = \Delta U_{(P_2+P_1)}$$



Demostración

**El orden de
aplicación de las
acciones no
afecta al valor
final de la
energía de
deformación**



Demostración

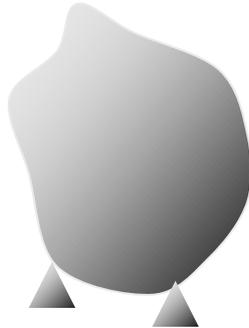
Supongamos que se aplica un conjunto A de acciones exteriores sobre una estructura

El orden de aplicación de las acciones no afecta al valor final de la energía de deformación



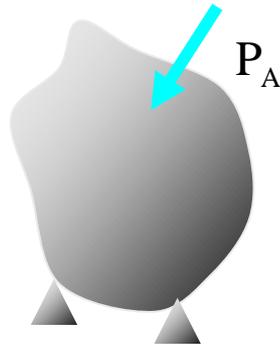
Demostración

El orden de aplicación de las acciones no afecta al valor final de la energía de deformación



Demostración

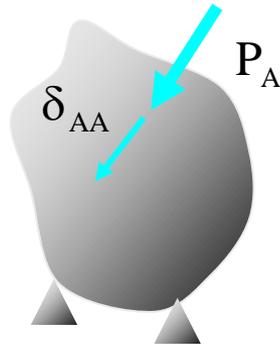
Cargas estáticas



El orden de aplicación de las acciones no afecta al valor final de la energía de deformación

Demostración

Cargas estáticas

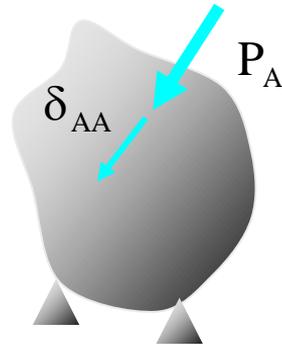


El orden de aplicación de las acciones no afecta al valor final de la energía de deformación



Demostración

Cargas estáticas



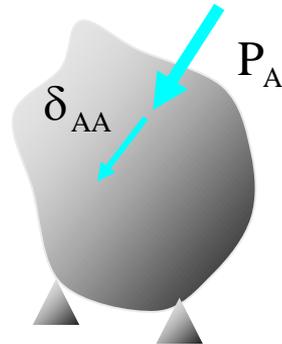
El trabajo producido por estas acciones vale:

El orden de aplicación de las acciones no afecta al valor final de la energía de deformación



Demostración

Cargas estáticas



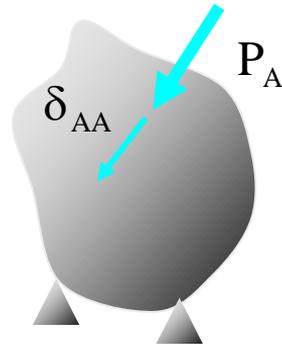
$$U_A = \frac{P_A \cdot \delta_{AA}}{2}$$

El orden de aplicación de las acciones no afecta al valor final de la energía de deformación



Demostración

Cargas estáticas



Supongamos que en la posición de equilibrio se aplica otro conjunto B de acciones

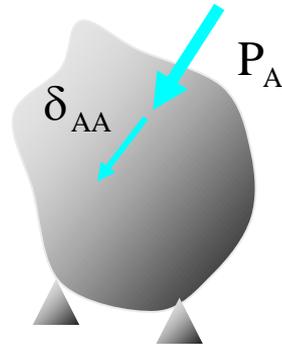
$$U_A = \frac{P_A \cdot \delta_{AA}}{2}$$

El orden de aplicación de las acciones no afecta al valor final de la energía de deformación

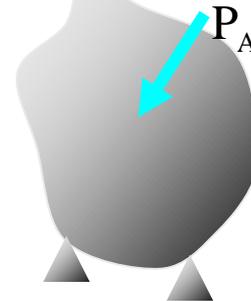


Demostración

Cargas estáticas



Cargas ctes



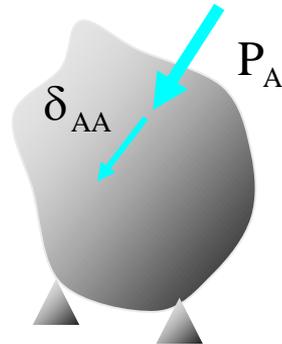
$$U_A = \frac{P_A \cdot \delta_{AA}}{2}$$

El orden de aplicación de las acciones no afecta al valor final de la energía de deformación

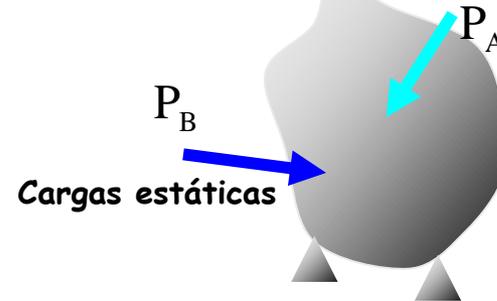


Demostración

Cargas estáticas



Cargas ctes



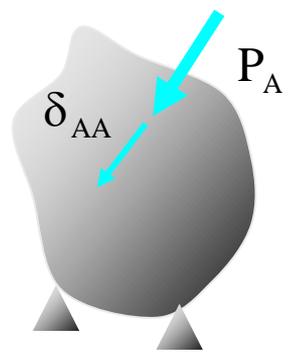
$$U_A = \frac{P_A \cdot \delta_{AA}}{2}$$

El orden de aplicación de las acciones no afecta al valor final de la energía de deformación

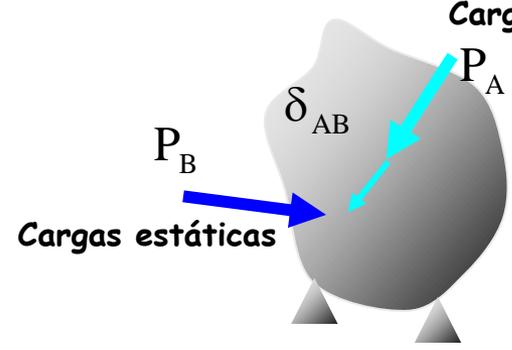


Demostración

Cargas estáticas



Cargas ctes



$$U_A = \frac{P_A \cdot \delta_{AA}}{2}$$

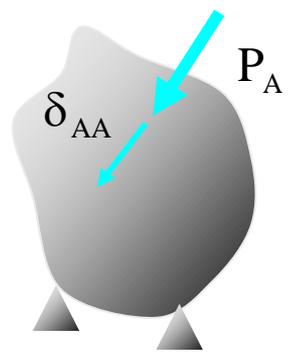
El orden de aplicación de las acciones no afecta al valor final de la energía de deformación



Demostración

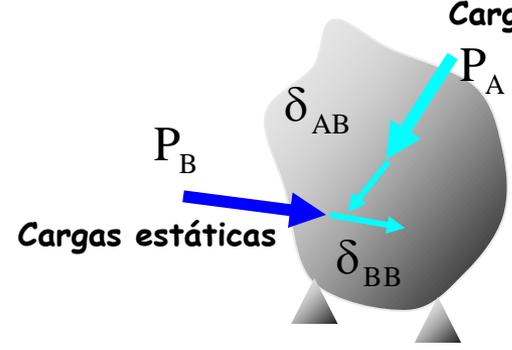
El orden de aplicación de las acciones no afecta al valor final de la energía de deformación

Cargas estáticas



$$U_A = \frac{P_A \cdot \delta_{AA}}{2}$$

Cargas ctes

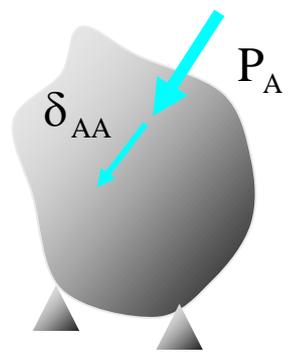




Demostración

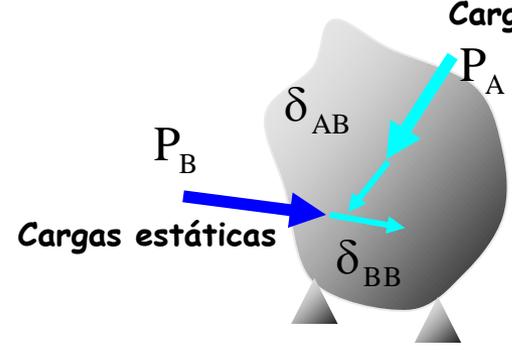
El orden de aplicación de las acciones no afecta al valor final de la energía de deformación

Cargas estáticas



$$U_A = \frac{P_A \cdot \delta_{AA}}{2}$$

Cargas ctes

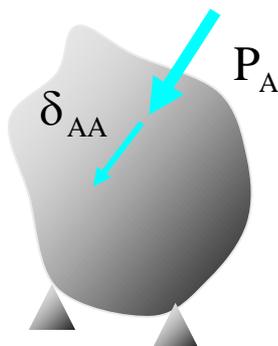


Ahora el trabajo realizado vale:



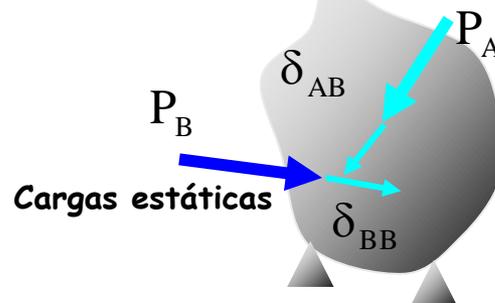
Demostración

Cargas estáticas



$$U_A = \frac{P_A \cdot \delta_{AA}}{2}$$

Cargas ctes



$$U_{(A+B)} = \frac{P_A \cdot \delta_{AA}}{2} + \frac{P_B \cdot \delta_{BB}}{2} + P_A \cdot \delta_{AB}$$

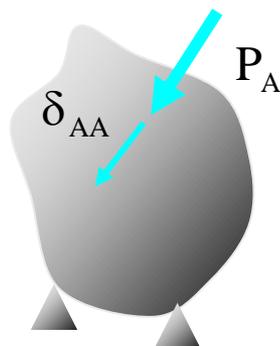
El orden de aplicación de las acciones no afecta al valor final de la energía de deformación



Demostración

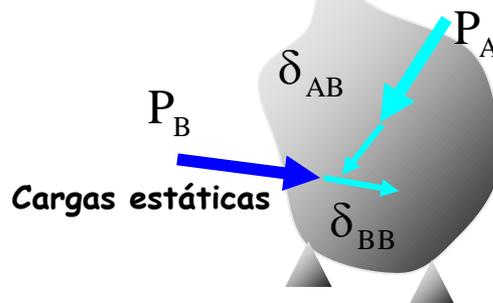
El orden de aplicación de las acciones no afecta al valor final de la energía de deformación

Cargas estáticas



$$U_A = \frac{P_A \cdot \delta_{AA}}{2}$$

Cargas ctes



$$U_{(A+B)} = \frac{P_A \cdot \delta_{AA}}{2} + \frac{P_B \cdot \delta_{BB}}{2} + P_A \cdot \delta_{AB}$$

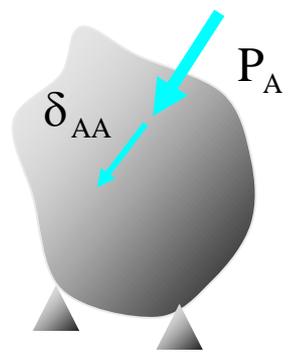
Este término es el trabajo de las acciones del sistema A al deformarse la estructura por las acciones del sistema B (durante el desplazamiento, las acciones de A no cambian de valor)



Demostración

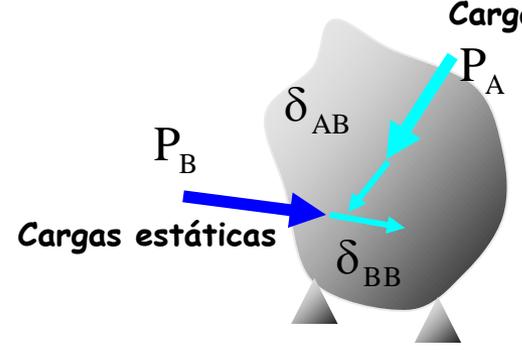
El orden de aplicación de las acciones no afecta al valor final de la energía de deformación

Cargas estáticas



$$U_A = \frac{P_A \cdot \delta_{AA}}{2}$$

Cargas ctes

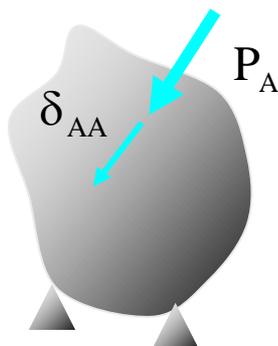


$$U_{(A+B)} = \frac{P_A \cdot \delta_{AA}}{2} + \frac{P_B \cdot \delta_{BB}}{2} + P_A \cdot \delta_{AB}$$



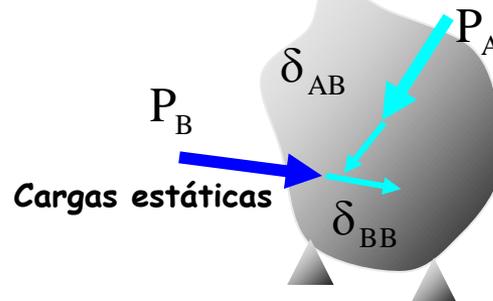
Demostración

Cargas estáticas



$$U_A = \frac{P_A \cdot \delta_{AA}}{2}$$

Cargas ctes



$$U_{(A+B)} = \frac{P_A \cdot \delta_{AA}}{2} + \frac{P_B \cdot \delta_{BB}}{2} + P_A \cdot \delta_{AB}$$

El orden de aplicación de las acciones no afecta al valor final de la energía de deformación

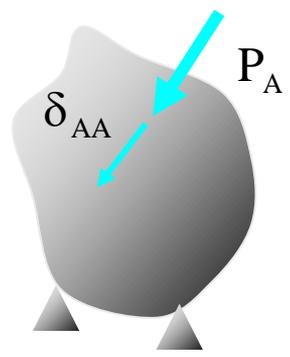
Supongamos que se invierte el orden de aplicación de las acciones: se aplica primero el conjunto B de acciones



Demostración

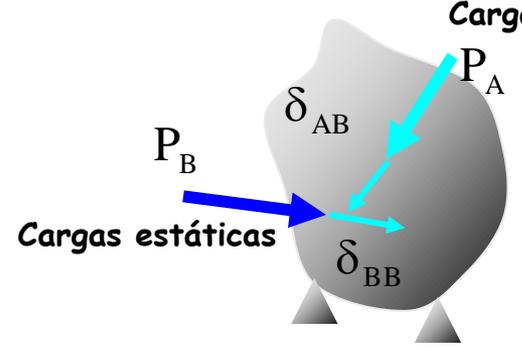
El orden de aplicación de las acciones no afecta al valor final de la energía de deformación

Cargas estáticas

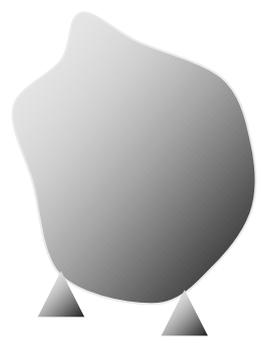


$$U_A = \frac{P_A \cdot \delta_{AA}}{2}$$

Cargas ctes



$$U_{(A+B)} = \frac{P_A \cdot \delta_{AA}}{2} + \frac{P_B \cdot \delta_{BB}}{2} + P_A \cdot \delta_{AB}$$

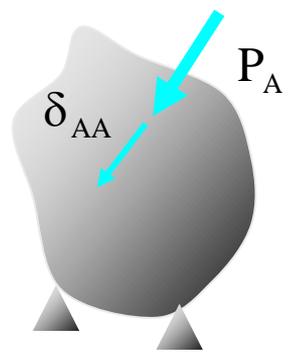




Demostración

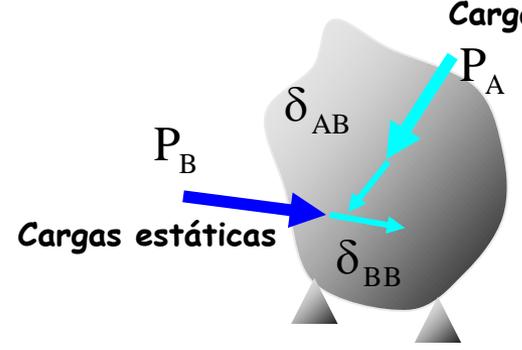
El orden de aplicación de las acciones no afecta al valor final de la energía de deformación

Cargas estáticas

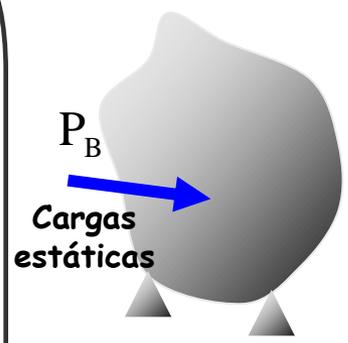


$$U_A = \frac{P_A \cdot \delta_{AA}}{2}$$

Cargas ctes



$$U_{(A+B)} = \frac{P_A \cdot \delta_{AA}}{2} + \frac{P_B \cdot \delta_{BB}}{2} + P_A \cdot \delta_{AB}$$



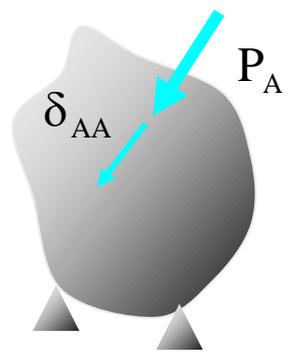
Cargas estáticas



Demostración

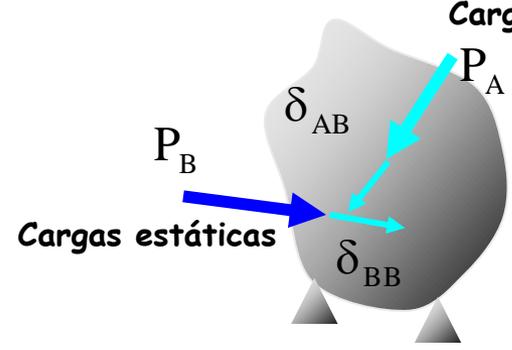
El orden de aplicación de las acciones no afecta al valor final de la energía de deformación

Cargas estáticas

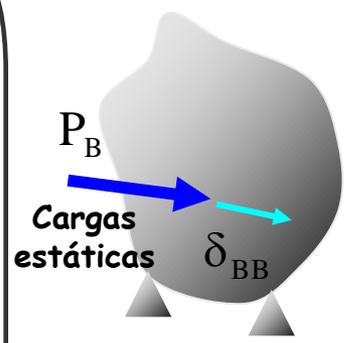


$$U_A = \frac{P_A \cdot \delta_{AA}}{2}$$

Cargas ctes



$$U_{(A+B)} = \frac{P_A \cdot \delta_{AA}}{2} + \frac{P_B \cdot \delta_{BB}}{2} + P_A \cdot \delta_{AB}$$

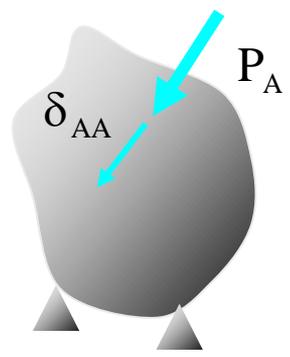




Demostración

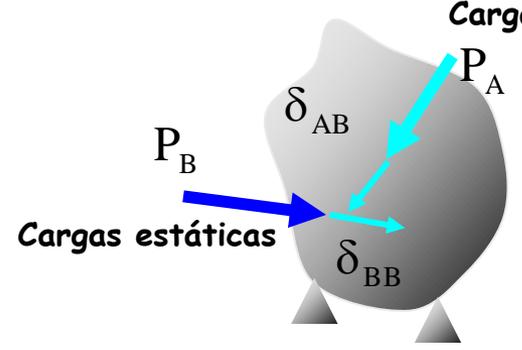
El orden de aplicación de las acciones no afecta al valor final de la energía de deformación

Cargas estáticas

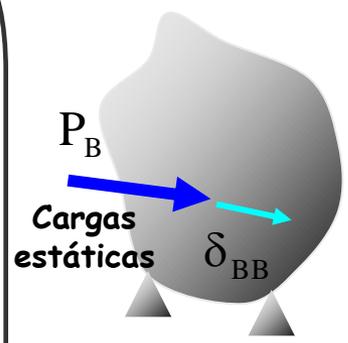


$$U_A = \frac{P_A \cdot \delta_{AA}}{2}$$

Cargas ctes



$$U_{(A+B)} = \frac{P_A \cdot \delta_{AA}}{2} + \frac{P_B \cdot \delta_{BB}}{2} + P_A \cdot \delta_{AB}$$



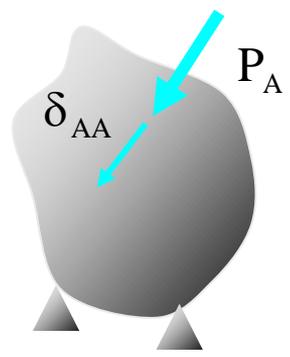
El trabajo producido por estas acciones vale:



Demostración

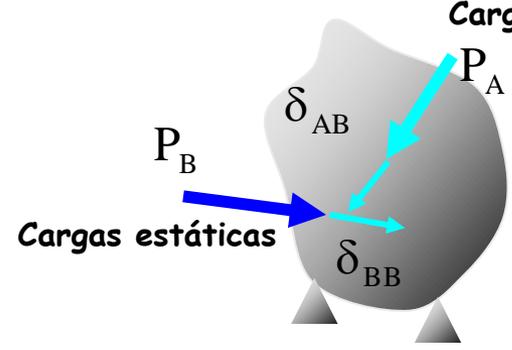
El orden de aplicación de las acciones no afecta al valor final de la energía de deformación

Cargas estáticas

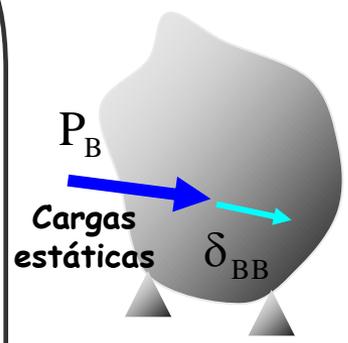


$$U_A = \frac{P_A \cdot \delta_{AA}}{2}$$

Cargas ctes



$$U_{(A+B)} = \frac{P_A \cdot \delta_{AA}}{2} + \frac{P_B \cdot \delta_{BB}}{2} + P_A \cdot \delta_{AB}$$



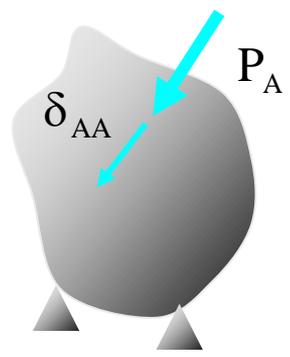
$$U_B = \frac{P_B \cdot \delta_{BB}}{2}$$



Demostración

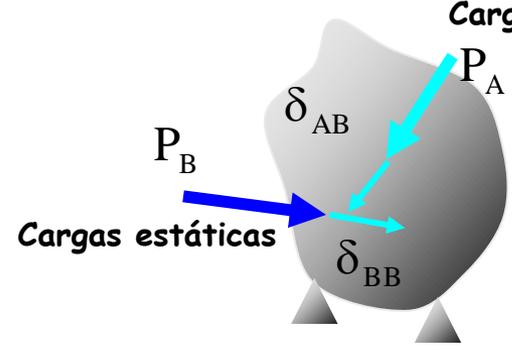
El orden de aplicación de las acciones no afecta al valor final de la energía de deformación

Cargas estáticas

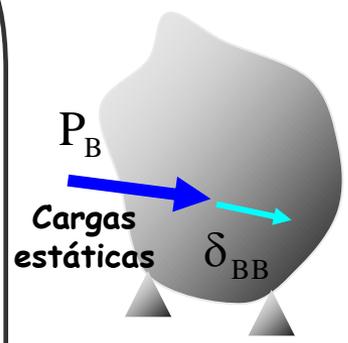


$$U_A = \frac{P_A \cdot \delta_{AA}}{2}$$

Cargas ctes



$$U_{(A+B)} = \frac{P_A \cdot \delta_{AA}}{2} + \frac{P_B \cdot \delta_{BB}}{2} + P_A \cdot \delta_{AB}$$



$$U_B = \frac{P_B \cdot \delta_{BB}}{2}$$

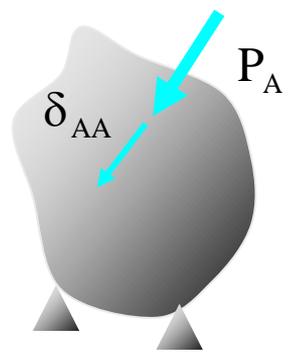
En la posición de equilibrio se aplica el conjunto A de acciones



Demostración

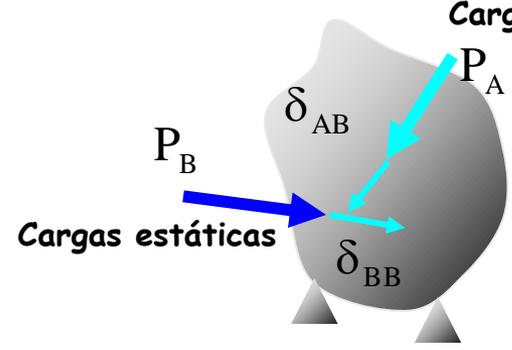
El orden de aplicación de las acciones no afecta al valor final de la energía de deformación

Cargas estáticas

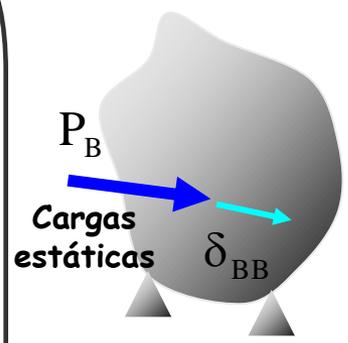


$$U_A = \frac{P_A \cdot \delta_{AA}}{2}$$

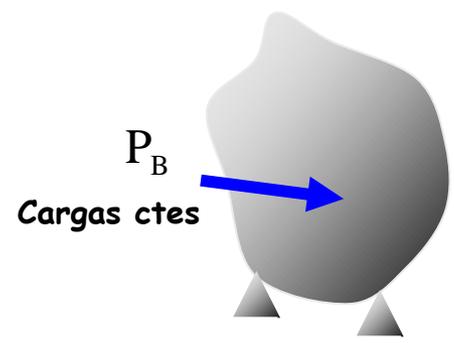
Cargas ctes



$$U_{(A+B)} = \frac{P_A \cdot \delta_{AA}}{2} + \frac{P_B \cdot \delta_{BB}}{2} + P_A \cdot \delta_{AB}$$



$$U_B = \frac{P_B \cdot \delta_{BB}}{2}$$

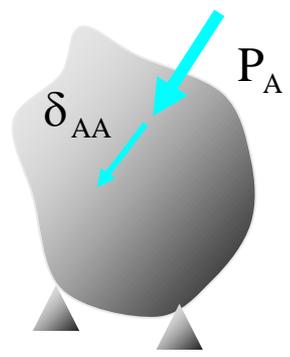




Demostración

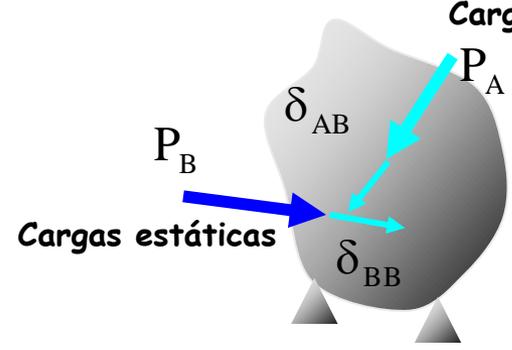
El orden de aplicación de las acciones no afecta al valor final de la energía de deformación

Cargas estáticas

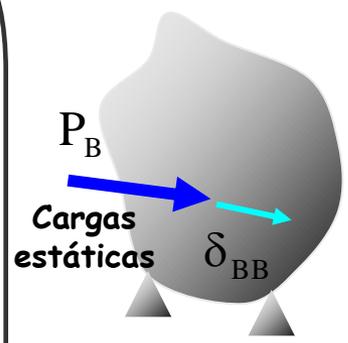


$$U_A = \frac{P_A \cdot \delta_{AA}}{2}$$

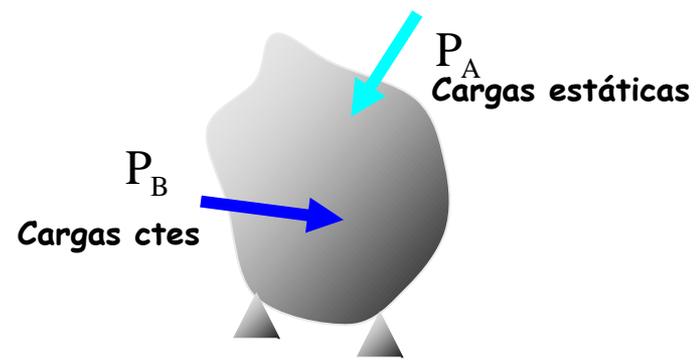
Cargas ctes



$$U_{(A+B)} = \frac{P_A \cdot \delta_{AA}}{2} + \frac{P_B \cdot \delta_{BB}}{2} + P_A \cdot \delta_{AB}$$



$$U_B = \frac{P_B \cdot \delta_{BB}}{2}$$

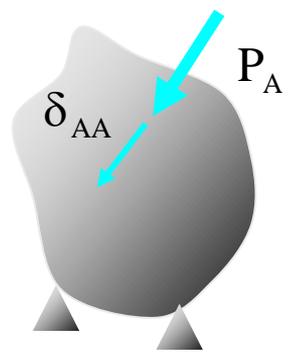




Demostración

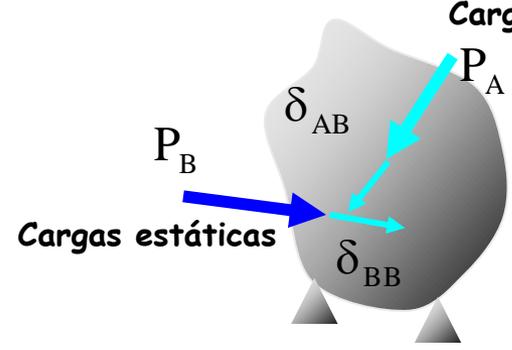
El orden de aplicación de las acciones no afecta al valor final de la energía de deformación

Cargas estáticas

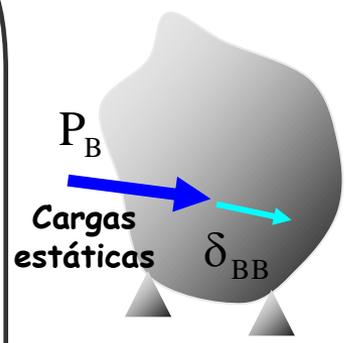


$$U_A = \frac{P_A \cdot \delta_{AA}}{2}$$

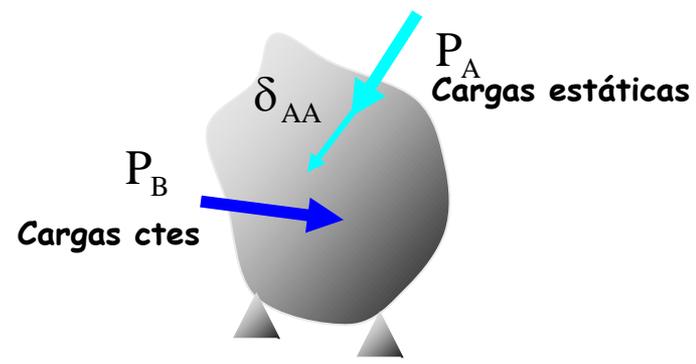
Cargas ctes



$$U_{(A+B)} = \frac{P_A \cdot \delta_{AA}}{2} + \frac{P_B \cdot \delta_{BB}}{2} + P_A \cdot \delta_{AB}$$



$$U_B = \frac{P_B \cdot \delta_{BB}}{2}$$

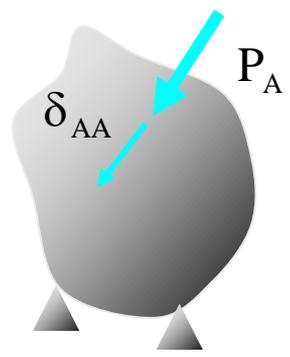




Demostración

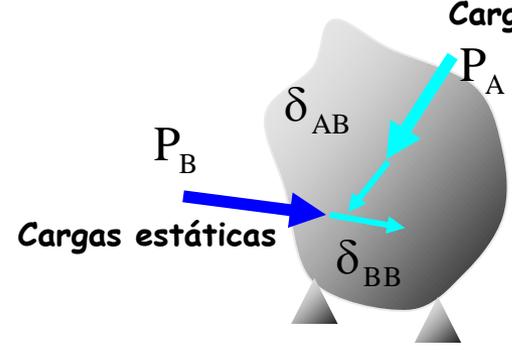
El orden de aplicación de las acciones no afecta al valor final de la energía de deformación

Cargas estáticas

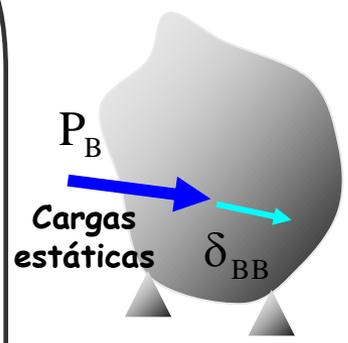


$$U_A = \frac{P_A \cdot \delta_{AA}}{2}$$

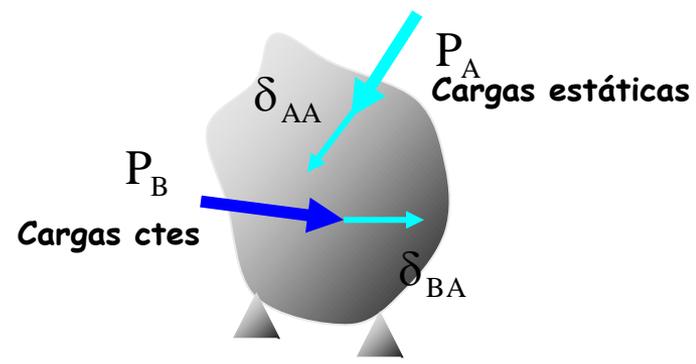
Cargas ctes



$$U_{(A+B)} = \frac{P_A \cdot \delta_{AA}}{2} + \frac{P_B \cdot \delta_{BB}}{2} + P_A \cdot \delta_{AB}$$



$$U_B = \frac{P_B \cdot \delta_{BB}}{2}$$

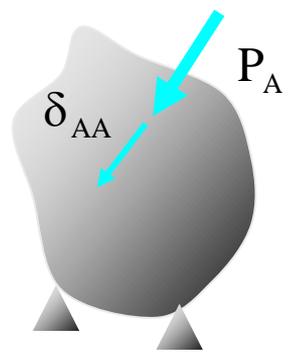




Demostración

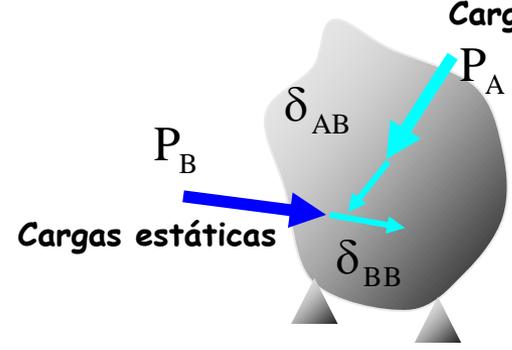
El orden de aplicación de las acciones no afecta al valor final de la energía de deformación

Cargas estáticas

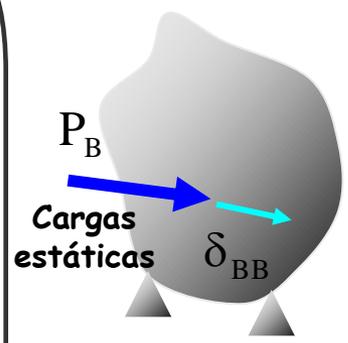


$$U_A = \frac{P_A \cdot \delta_{AA}}{2}$$

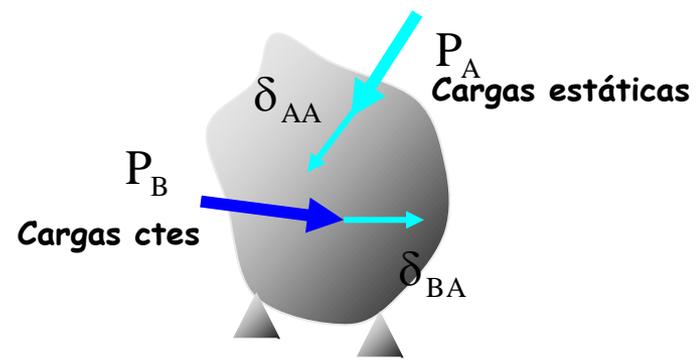
Cargas ctes



$$U_{(A+B)} = \frac{P_A \cdot \delta_{AA}}{2} + \frac{P_B \cdot \delta_{BB}}{2} + P_A \cdot \delta_{AB}$$



$$U_B = \frac{P_B \cdot \delta_{BB}}{2}$$



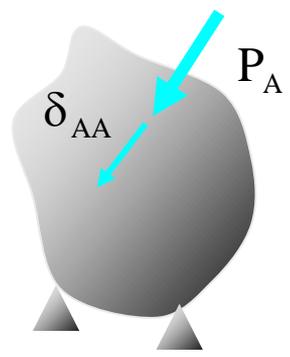
Ahora el trabajo realizado vale:



Demostración

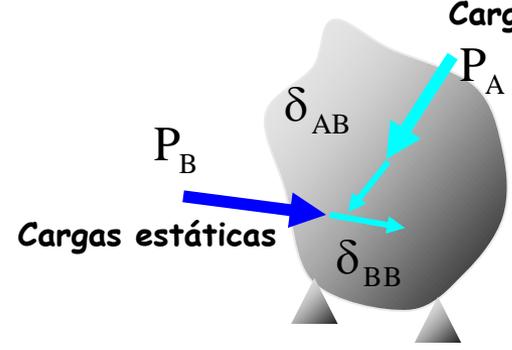
El orden de aplicación de las acciones no afecta al valor final de la energía de deformación

Cargas estáticas

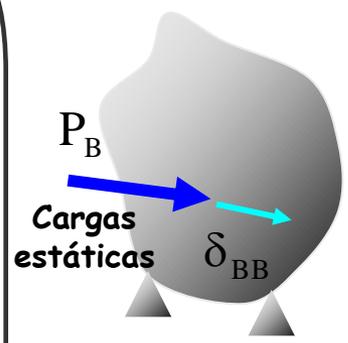


$$U_A = \frac{P_A \cdot \delta_{AA}}{2}$$

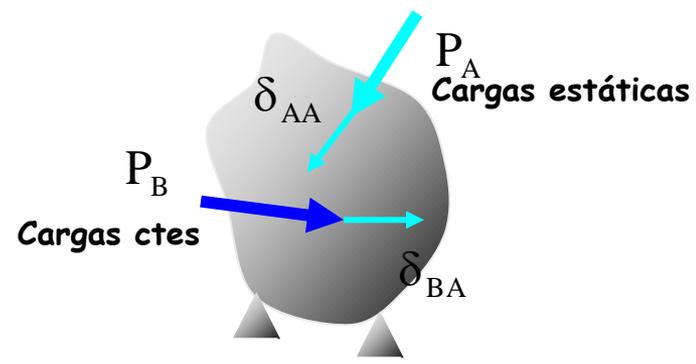
Cargas ctes



$$U_{(A+B)} = \frac{P_A \cdot \delta_{AA}}{2} + \frac{P_B \cdot \delta_{BB}}{2} + P_A \cdot \delta_{AB}$$



$$U_B = \frac{P_B \cdot \delta_{BB}}{2}$$



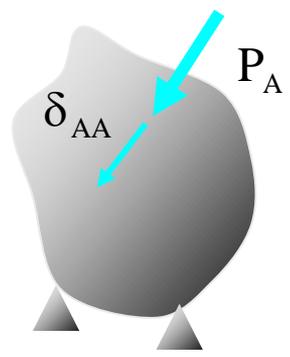
$$U_{(B+A)} = \frac{P_B \cdot \delta_{BB}}{2} + \frac{P_A \cdot \delta_{AA}}{2} + P_B \cdot \delta_{BA}$$



Demostración

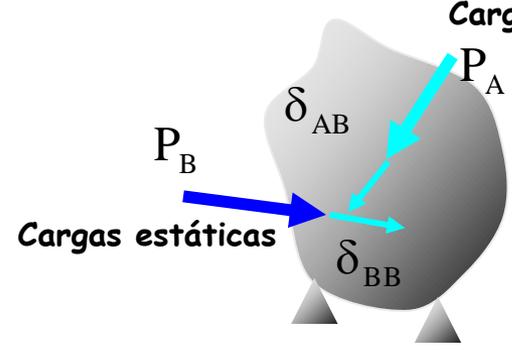
El orden de aplicación de las acciones no afecta al valor final de la energía de deformación

Cargas estáticas

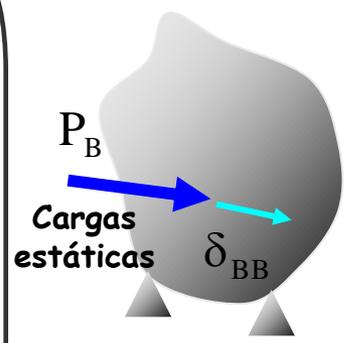


$$U_A = \frac{P_A \cdot \delta_{AA}}{2}$$

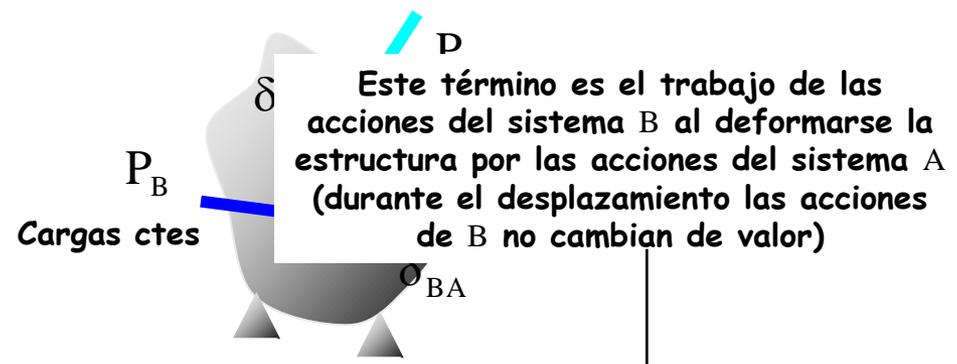
Cargas ctes



$$U_{(A+B)} = \frac{P_A \cdot \delta_{AA}}{2} + \frac{P_B \cdot \delta_{BB}}{2} + P_A \cdot \delta_{AB}$$



$$U_B = \frac{P_B \cdot \delta_{BB}}{2}$$



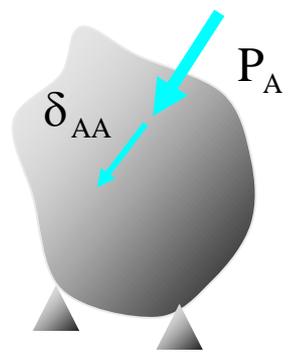
$$U_{(B+A)} = \frac{P_B \cdot \delta_{BB}}{2} + \frac{P_A \cdot \delta_{AA}}{2} + P_B \cdot \delta_{BA}$$



Demostración

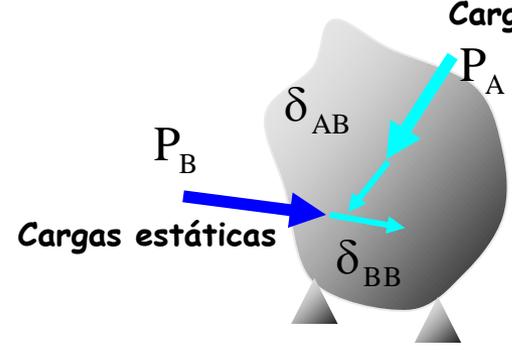
El orden de aplicación de las acciones no afecta al valor final de la energía de deformación

Cargas estáticas

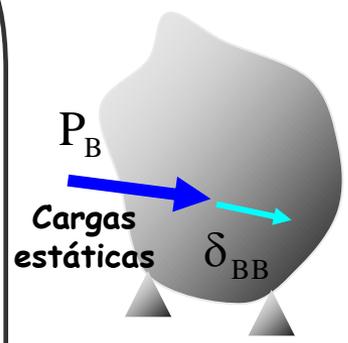


$$U_A = \frac{P_A \cdot \delta_{AA}}{2}$$

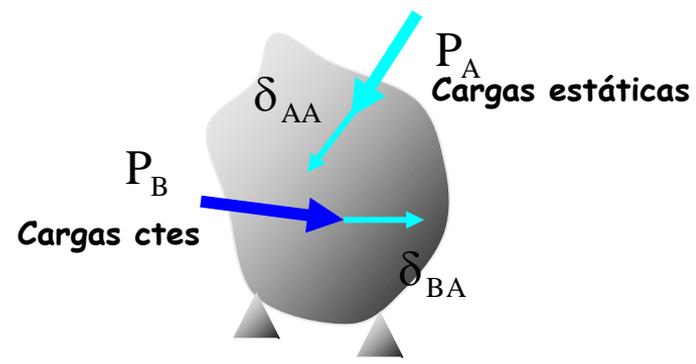
Cargas ctes



$$U_{(A+B)} = \frac{P_A \cdot \delta_{AA}}{2} + \frac{P_B \cdot \delta_{BB}}{2} + P_A \cdot \delta_{AB}$$



$$U_B = \frac{P_B \cdot \delta_{BB}}{2}$$



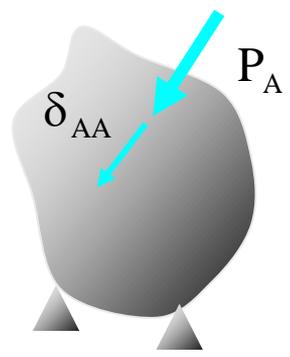
$$U_{(B+A)} = \frac{P_B \cdot \delta_{BB}}{2} + \frac{P_A \cdot \delta_{AA}}{2} + P_B \cdot \delta_{BA}$$



Demostración

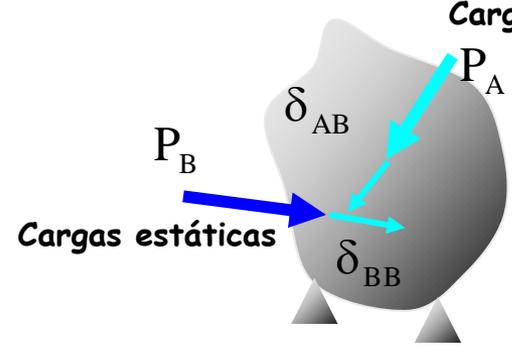
El orden de aplicación de las acciones no afecta al valor final de la energía de deformación

Cargas estáticas

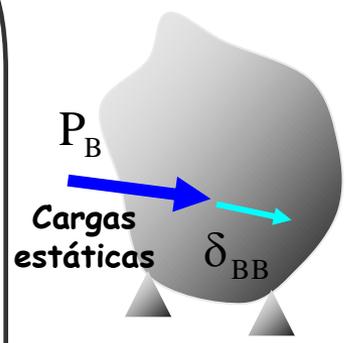


$$U_A = \frac{P_A \cdot \delta_{AA}}{2}$$

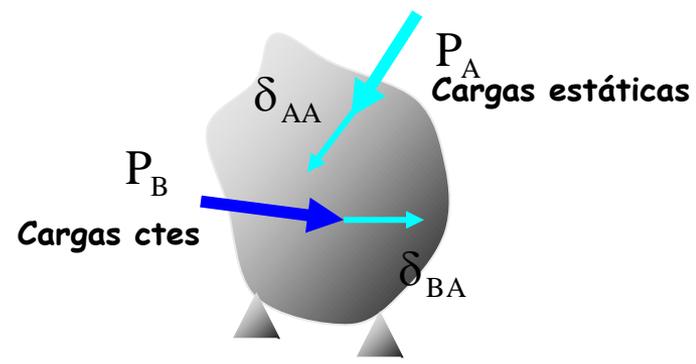
Cargas ctes



$$U_{(A+B)} = \frac{P_A \cdot \delta_{AA}}{2} + \frac{P_B \cdot \delta_{BB}}{2} + P_A \cdot \delta_{AB}$$



$$U_B = \frac{P_B \cdot \delta_{BB}}{2}$$



$$U_{(B+A)} = \frac{P_B \cdot \delta_{BB}}{2} + \frac{P_A \cdot \delta_{AA}}{2} + P_B \cdot \delta_{BA}$$

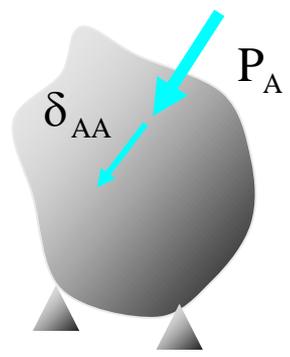
Deben ser iguales



Demostración

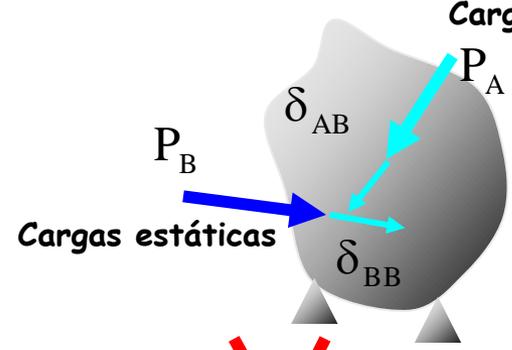
El orden de aplicación de las acciones no afecta al valor final de la energía de deformación

Cargas estáticas

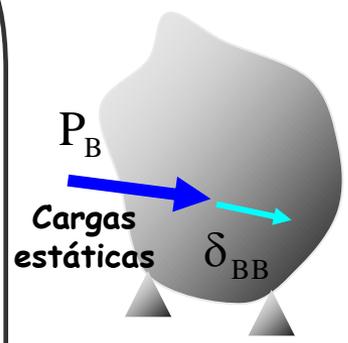


$$U_A = \frac{P_A \cdot \delta_{AA}}{2}$$

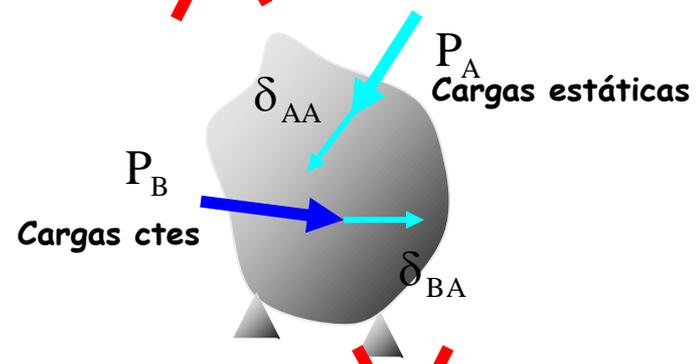
Cargas ctes



~~$$U_{(A+B)} = \frac{P_A \cdot \delta_{AA}}{2} + \frac{P_B \cdot \delta_{BB}}{2} + P_A \cdot \delta_{AB}$$~~



$$U_B = \frac{P_B \cdot \delta_{BB}}{2}$$



~~$$U_{(B+A)} = \frac{P_B \cdot \delta_{BB}}{2} + \frac{P_A \cdot \delta_{AA}}{2} + P_B \cdot \delta_{BA}$$~~

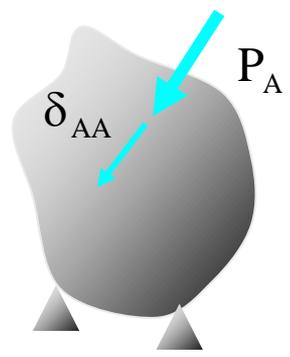
Deben ser iguales



Demostración

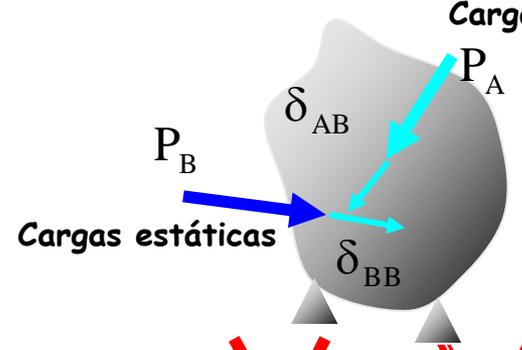
El orden de aplicación de las acciones no afecta al valor final de la energía de deformación

Cargas estáticas

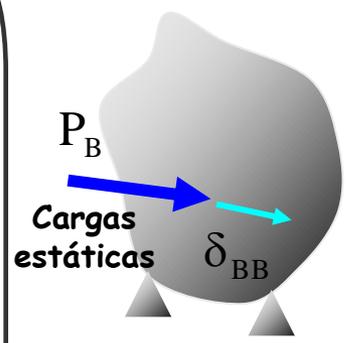


$$U_A = \frac{P_A \cdot \delta_{AA}}{2}$$

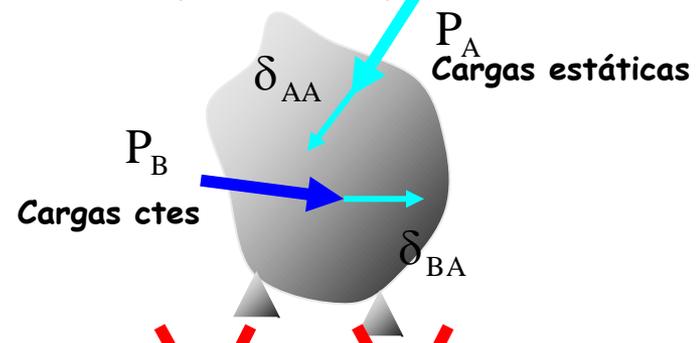
Cargas ctes



~~$$U_{(A+B)} = \frac{P_A \cdot \delta_{AA}}{2} + \frac{P_B \cdot \delta_{BB}}{2} + P_A \cdot \delta_{AB}$$~~



$$U_B = \frac{P_B \cdot \delta_{BB}}{2}$$



~~$$U_{(B+A)} = \frac{P_B \cdot \delta_{BB}}{2} + \frac{P_A \cdot \delta_{AA}}{2} + P_B \cdot \delta_{BA}$$~~

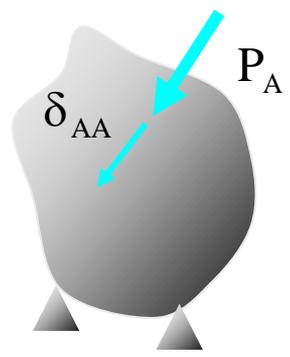
Deben ser iguales



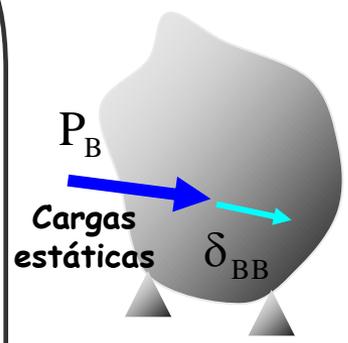
Demostración

El orden de aplicación de las acciones no afecta al valor final de la energía de deformación

Cargas estáticas

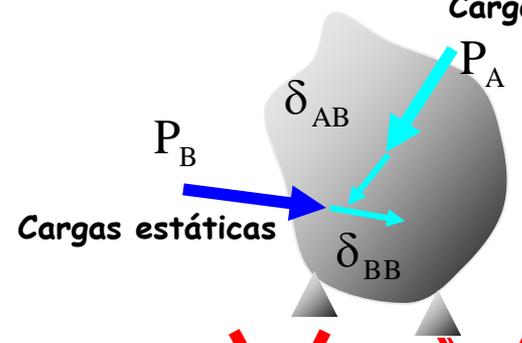


$$U_A = \frac{P_A \cdot \delta_{AA}}{2}$$

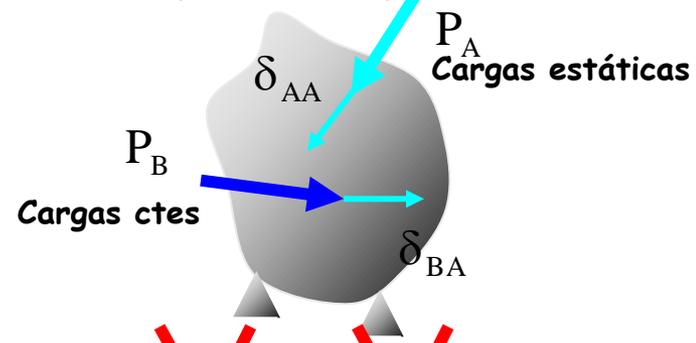


$$U_B = \frac{P_B \cdot \delta_{BB}}{2}$$

Cargas ctes



~~$$U_{(A+B)} = \frac{P_A \cdot \delta_{AA}}{2} + \frac{P_B \cdot \delta_{BB}}{2} + P_A \cdot \delta_{AB}$$~~



~~$$U_{(B+A)} = \frac{P_B \cdot \delta_{BB}}{2} + \frac{P_A \cdot \delta_{AA}}{2} + P_B \cdot \delta_{BA}$$~~

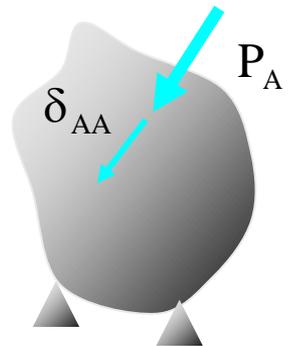
$$P_A \cdot \delta_{AB} = P_B \cdot \delta_{BA}$$

Deben ser iguales

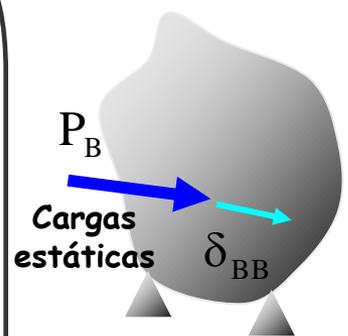
Demostración

El orden de aplicación de las acciones no afecta al valor final de la energía de deformación

Cargas estáticas

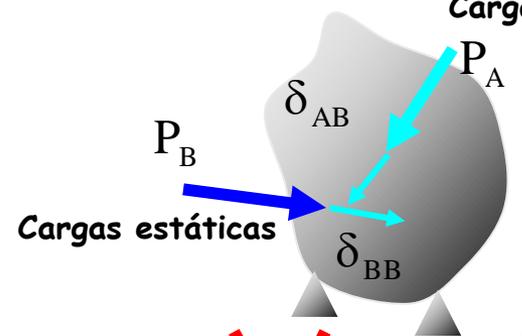


$$U_A = \frac{P_A \cdot \delta_{AA}}{2}$$

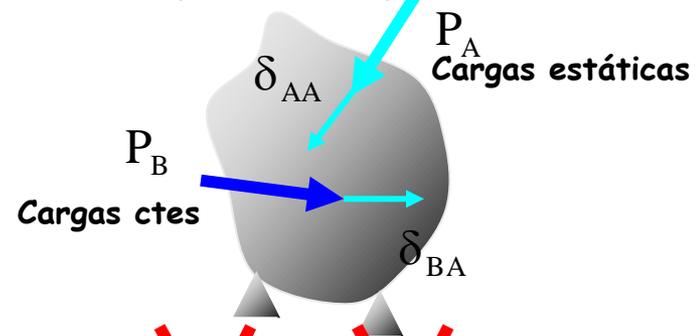


$$U_B = \frac{P_B \cdot \delta_{BB}}{2}$$

Cargas ctes



~~$$U_{(A+B)} = \frac{P_A \cdot \delta_{AA}}{2} + \frac{P_B \cdot \delta_{BB}}{2} + P_A \cdot \delta_{AB}$$~~



~~$$U_{(B+A)} = \frac{P_B \cdot \delta_{BB}}{2} + \frac{P_A \cdot \delta_{AA}}{2} + P_B \cdot \delta_{BA}$$~~

$$P_A \cdot \delta_{AB} = P_B \cdot \delta_{BA}$$

Deben ser iguales



Teorema de Maxwell-Betti

Teorema de
Maxwell-Betti

Definición

Demostración



Teorema de Maxwell-Betti

Teorema de
Maxwell-Betti

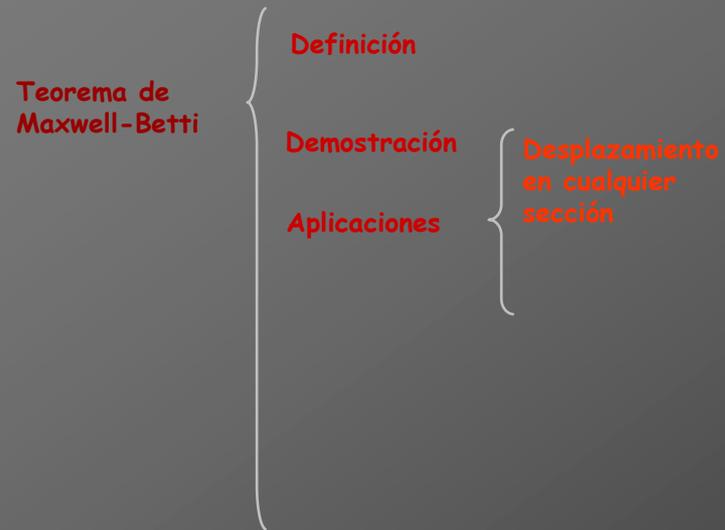
Definición

Demostración

Aplicaciones



Teorema de Maxwell-Betti





Desplazamiento en cualquier sección



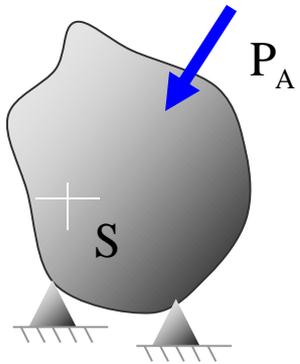
Desplazamiento en cualquier sección

Sea una
estructura
sometida a
unas acciones.
Se desea
conocer el
desplazamiento
de alguna
sección S



Desplazamiento en cualquier sección

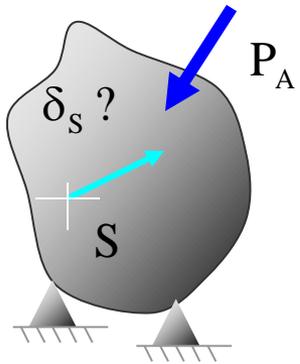
Cargas reales





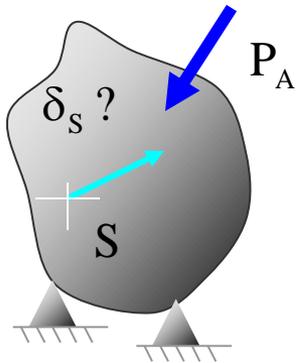
Desplazamiento en cualquier sección

Cargas reales



Desplazamiento en cualquier sección

Cargas reales

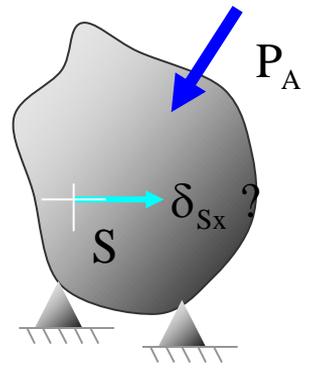
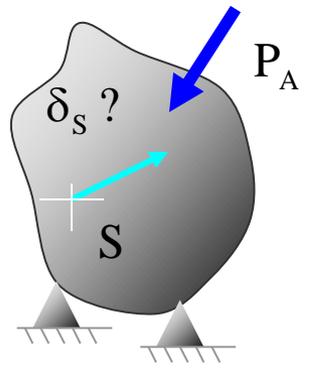


Si la dirección
del
desplazamiento
es desconocida
, el
desplazamiento
se determina
calculando sus
componentes
horizontal y
vertical



Desplazamiento en cualquier sección

Cargas reales

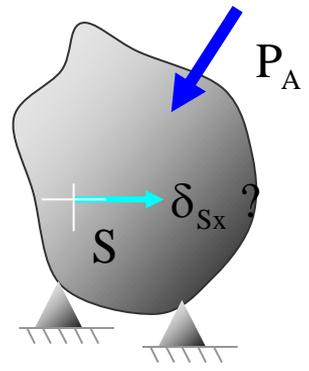
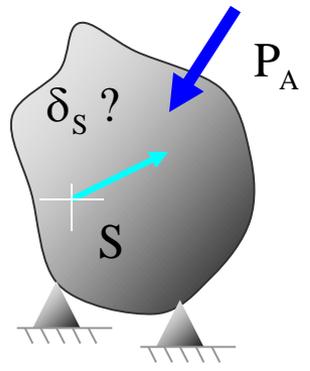


Si la dirección del desplazamiento es desconocida, el desplazamiento se determina calculando sus componentes horizontal y vertical

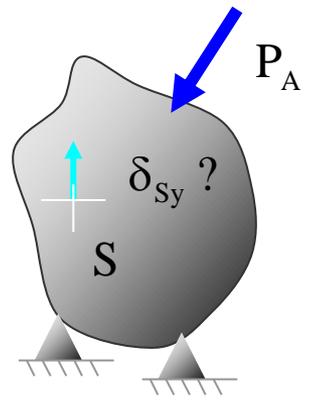


Desplazamiento en cualquier sección

Cargas reales



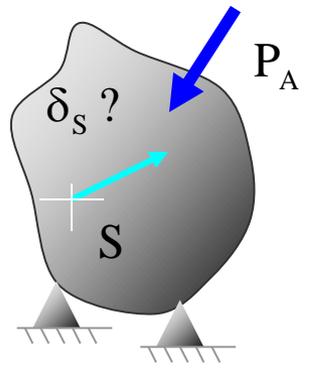
Si la dirección del desplazamiento es desconocida, el desplazamiento se determina calculando sus componentes horizontal y vertical



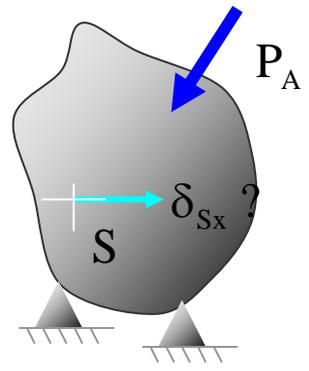


Desplazamiento en cualquier sección

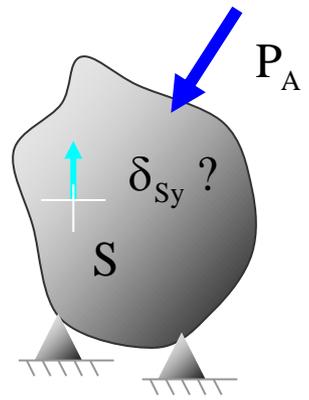
Cargas reales



Si la dirección del desplazamiento es desconocida, el desplazamiento se determina calculando sus componentes horizontal y vertical



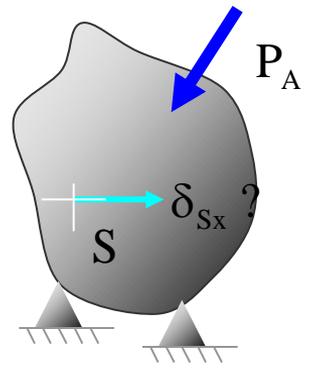
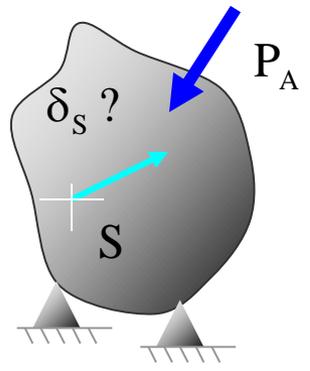
Para calcular el desplazamiento horizontal, se supone que, además de las cargas reales, existe una acción puntual unitaria y horizontal en S



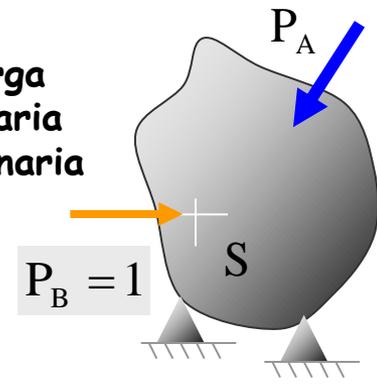


Desplazamiento en cualquier sección

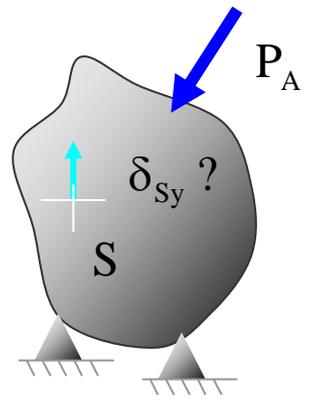
Cargas reales



Carga unitaria imaginaria



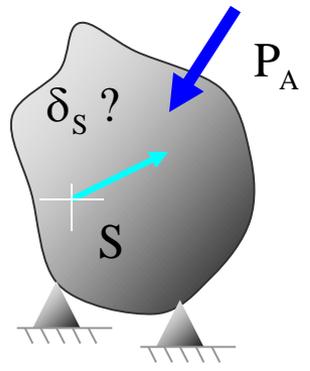
Si la dirección del desplazamiento es desconocida, el desplazamiento se determina calculando sus componentes horizontal y vertical



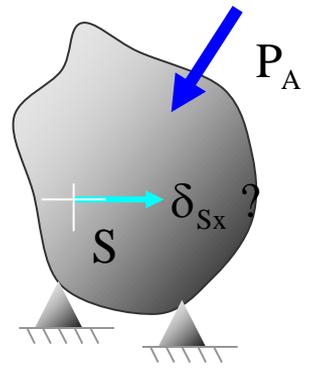


Desplazamiento en cualquier sección

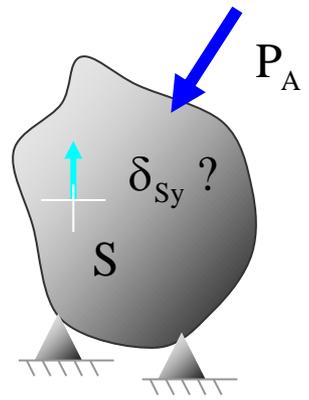
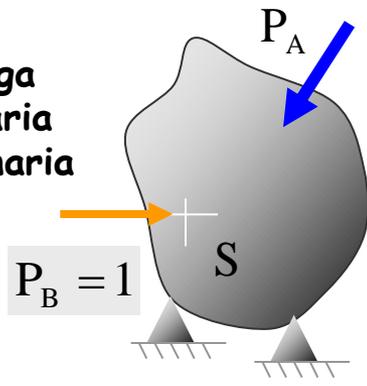
Cargas reales



Si la dirección del desplazamiento es desconocida, el desplazamiento se determina calculando sus componentes horizontal y vertical



Carga unitaria imaginaria

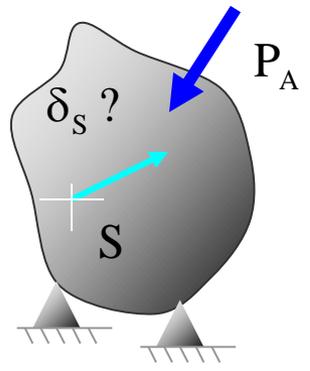


En esta situación aplicamos el teorema de Maxwell-Betti suponiendo que el sistema B es la carga unitaria. Así se obtiene el desplazamiento horizontal de S

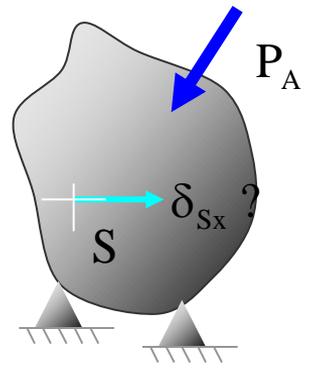


Desplazamiento en cualquier sección

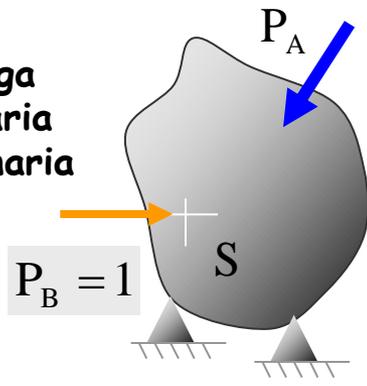
Cargas reales



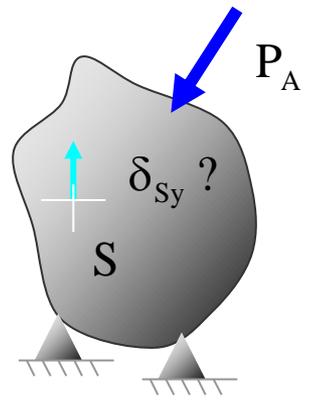
Si la dirección del desplazamiento es desconocida, el desplazamiento se determina calculando sus componentes horizontal y vertical



Carga unitaria imaginaria



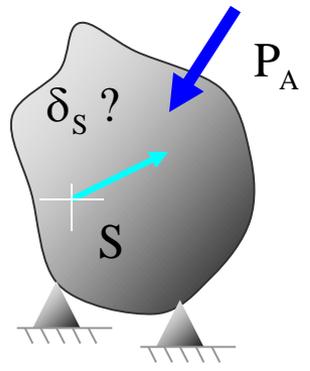
$$\delta_{P=1} = \delta_{Sx}$$



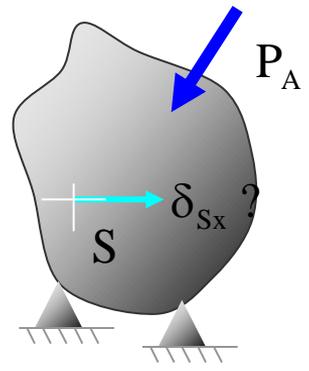


Desplazamiento en cualquier sección

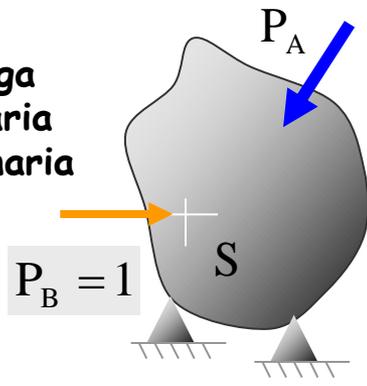
Cargas reales



Si la dirección del desplazamiento es desconocida, el desplazamiento se determina calculando sus componentes horizontal y vertical

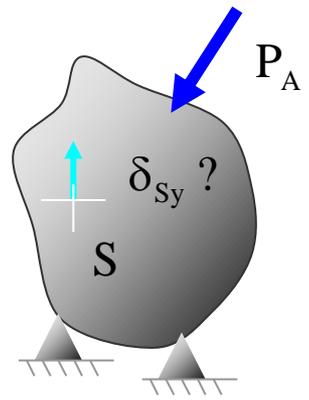


Carga unitaria imaginaria



$$\delta_{P=1} = \delta_{Sx}$$

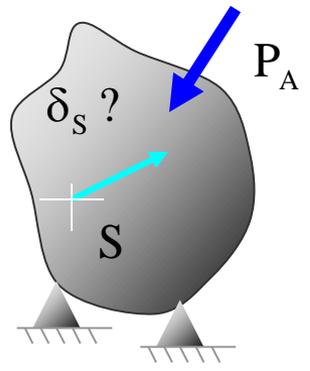
El signo del desplazamiento indica si coincide o no con el sentido de la carga unitaria



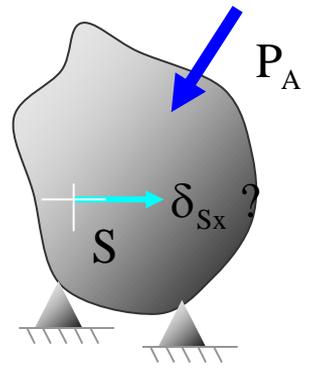


Desplazamiento en cualquier sección

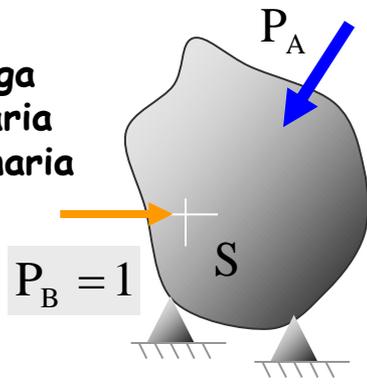
Cargas reales



Si la dirección del desplazamiento es desconocida, el desplazamiento se determina calculando sus componentes horizontal y vertical



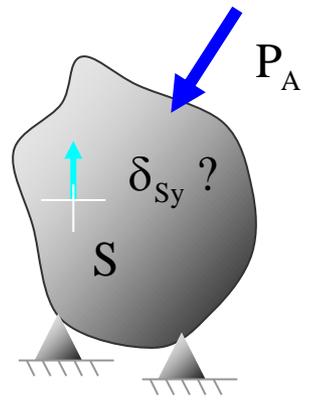
Carga unitaria imaginaria



$$\delta_{P=1} = \delta_{Sx}$$

El signo del desplazamiento indica si coincide o no con el sentido de la carga unitaria

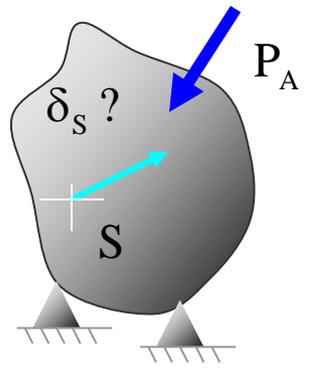
si $\delta_{Sx} < 0 \rightarrow \bar{\delta}_{Sx}, \vec{P}_B$



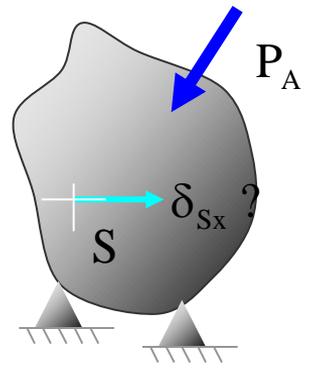


Desplazamiento en cualquier sección

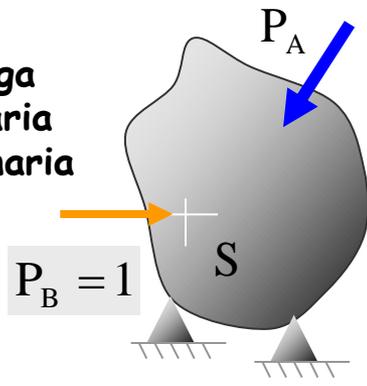
Cargas reales



Si la dirección del desplazamiento es desconocida, el desplazamiento se determina calculando sus componentes horizontal y vertical



Carga unitaria imaginaria

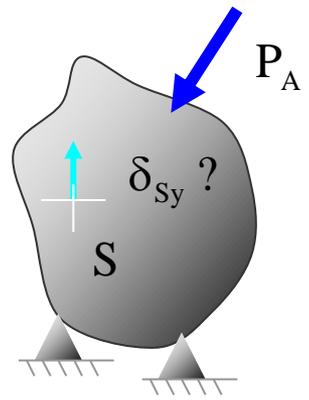


$$\delta_{P=1} = \delta_{Sx}$$

El signo del desplazamiento indica si coincide o no con el sentido de la carga unitaria

si $\delta_{Sx} < 0 \rightarrow \vec{\delta}_{Sx}, \vec{P}_B$

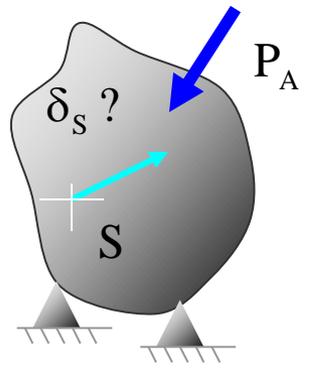
si $\delta_{Sx} > 0 \rightarrow \vec{\delta}_{Sx}, \vec{P}_B$



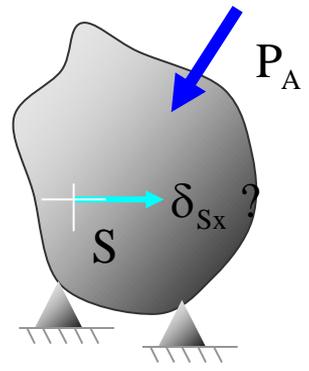


Desplazamiento en cualquier sección

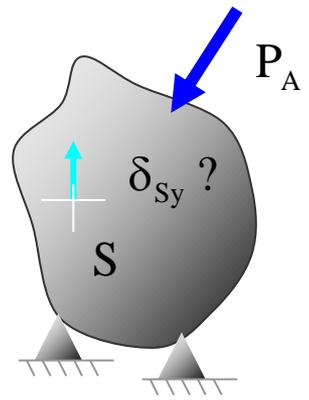
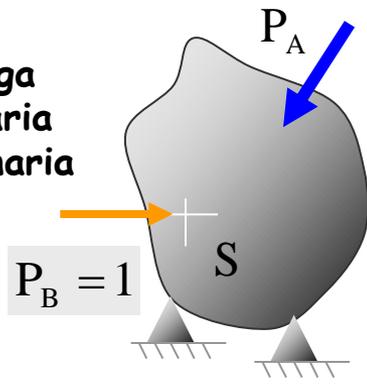
Cargas reales



Si la dirección del desplazamiento es desconocida, el desplazamiento se determina calculando sus componentes horizontal y vertical



Carga unitaria imaginaria



Para calcular el desplazamiento vertical, se supone que, además de las cargas reales, existe una acción puntual unitaria y vertical en S

$$\delta_{P=1} = \delta_{Sx}$$

El signo del desplazamiento indica si coincide o no con el sentido de la carga unitaria

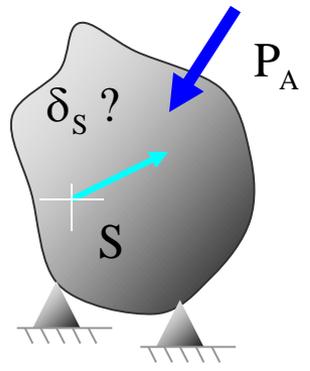
si $\delta_{Sx} < 0 \rightarrow \vec{\delta}_{Sx}, \vec{P}_B$

si $\delta_{Sx} > 0 \rightarrow \vec{\delta}_{Sx}, \vec{P}_B$

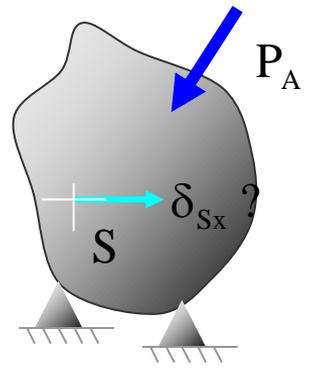


Desplazamiento en cualquier sección

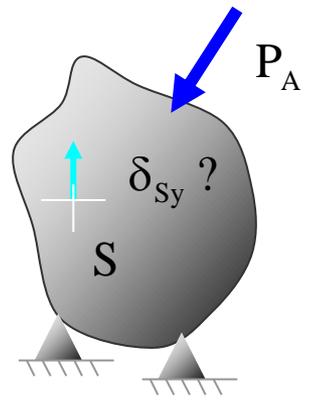
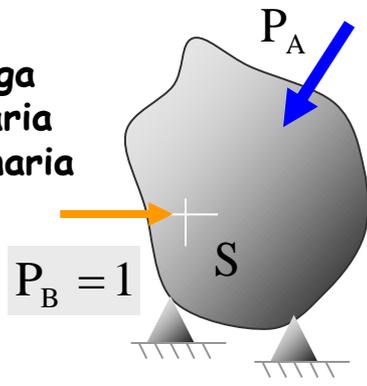
Cargas reales



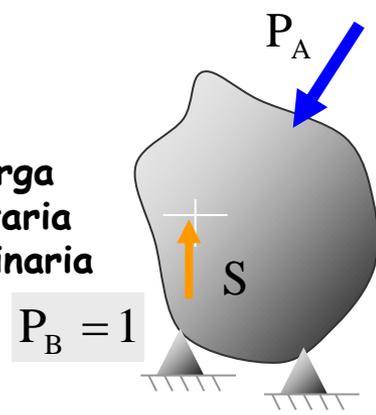
Si la dirección del desplazamiento es desconocida, el desplazamiento se determina calculando sus componentes horizontal y vertical



Carga unitaria imaginaria



Carga unitaria imaginaria



$$\delta_{P=1} = \delta_{Sx}$$

El signo del desplazamiento indica si coincide o no con el sentido de la carga unitaria

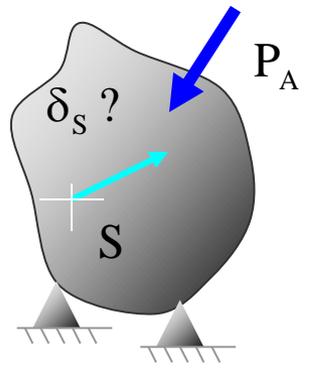
si $\delta_{Sx} < 0 \rightarrow \vec{\delta}_{Sx}, \vec{P}_B$

si $\delta_{Sx} > 0 \rightarrow \vec{\delta}_{Sx}, \vec{P}_B$

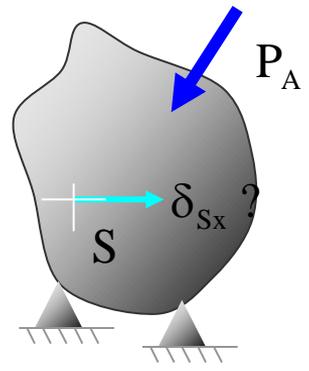


Desplazamiento en cualquier sección

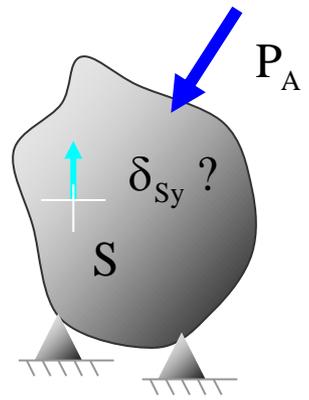
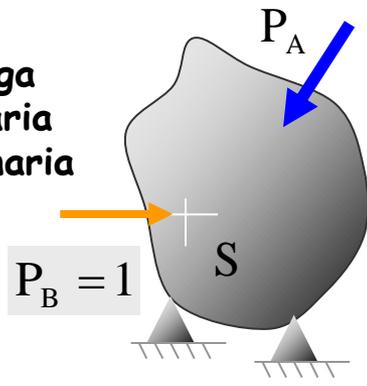
Cargas reales



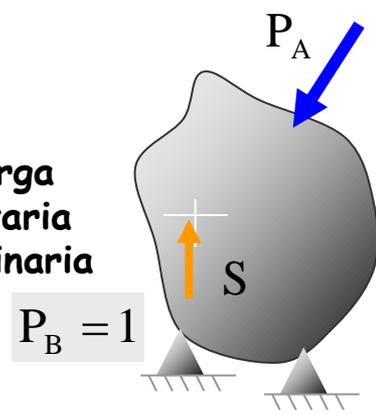
Si la dirección del desplazamiento es desconocida, el desplazamiento se determina calculando sus componentes horizontal y vertical



Carga unitaria imaginaria



Carga unitaria imaginaria



$$\delta_{P=1} = \delta_{Sx}$$

El signo del desplazamiento indica si coincide o no con el sentido de la carga unitaria

si $\delta_{Sx} < 0 \rightarrow \vec{\delta}_{Sx}, \vec{P}_B$

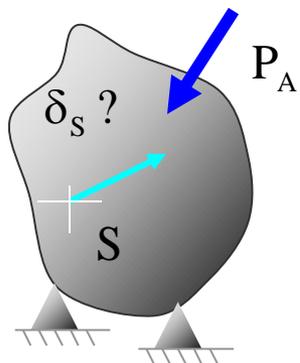
si $\delta_{Sx} > 0 \rightarrow \vec{\delta}_{Sx}, \vec{P}_B$

En esta situación aplicamos el teorema de Maxwell-Betti suponiendo que el sistema B es la carga unitaria. Así se obtiene el desplazamiento vertical de S

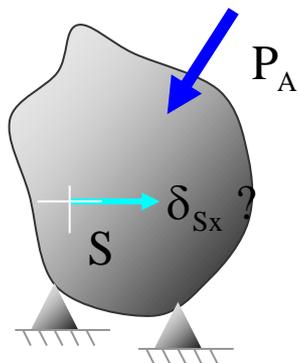


Desplazamiento en cualquier sección

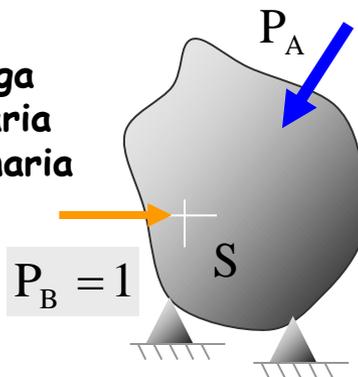
Cargas reales



Si la dirección del desplazamiento es desconocida, el desplazamiento se determina calculando sus componentes horizontal y vertical



Carga unitaria imaginaria

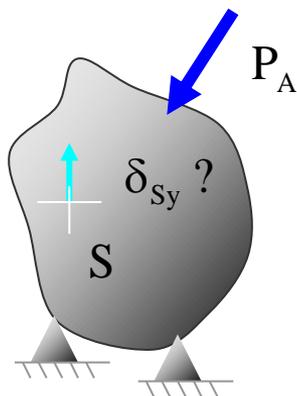


$$\delta_{P=1} = \delta_{Sx}$$

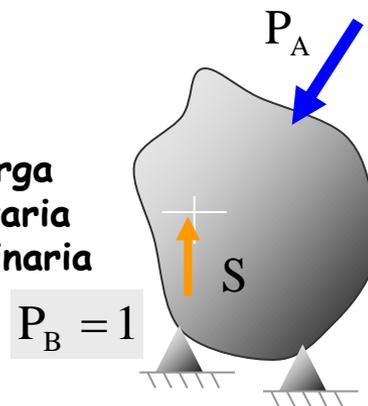
El signo del desplazamiento indica si coincide o no con el sentido de la carga unitaria

si $\delta_{Sx} < 0 \rightarrow \vec{\delta}_{Sx}, \vec{P}_B$

si $\delta_{Sx} > 0 \rightarrow \vec{\delta}_{Sx}, \vec{P}_B$



Carga unitaria imaginaria

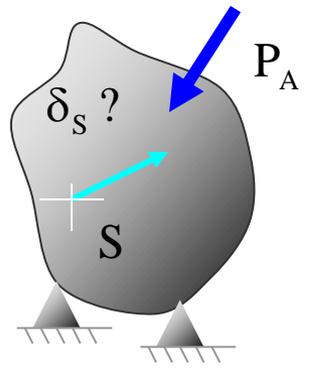


$$\delta_{P=1} = \delta_{Sy}$$

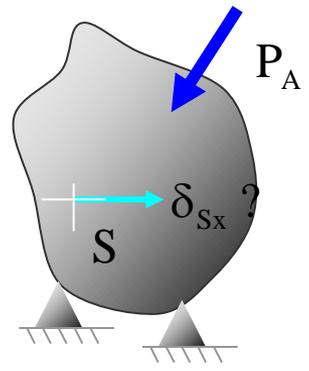


Desplazamiento en cualquier sección

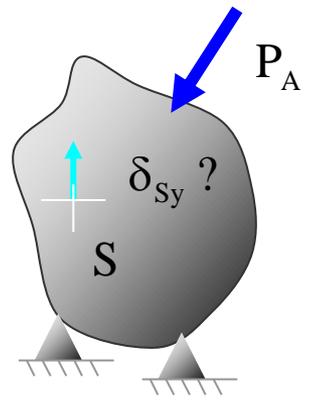
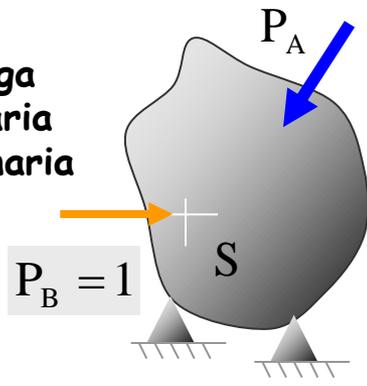
Cargas reales



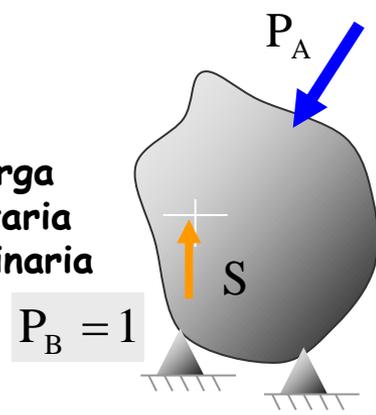
Si la dirección del desplazamiento es desconocida, el desplazamiento se determina calculando sus componentes horizontal y vertical



Carga unitaria imaginaria



Carga unitaria imaginaria



$$\delta_{P=1} = \delta_{Sx}$$

El signo del desplazamiento indica si coincide o no con el sentido de la carga unitaria

si $\delta_{Sx} < 0 \rightarrow \vec{\delta}_{Sx}, \vec{P}_B$

si $\delta_{Sx} > 0 \rightarrow \vec{\delta}_{Sx}, \vec{P}_B$

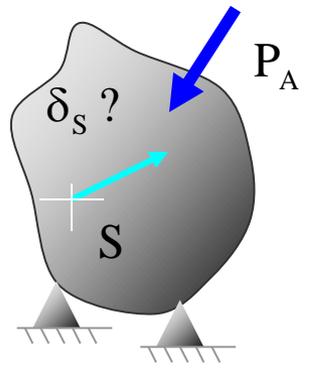
$$\delta_{P=1} = \delta_{Sy}$$

El signo del desplazamiento indica si coincide o no con el sentido de la carga unitaria

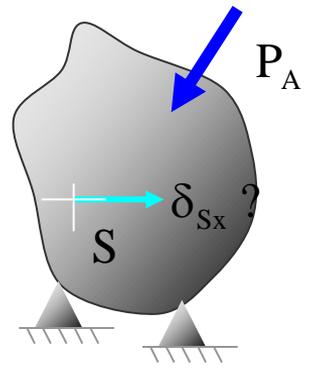


Desplazamiento en cualquier sección

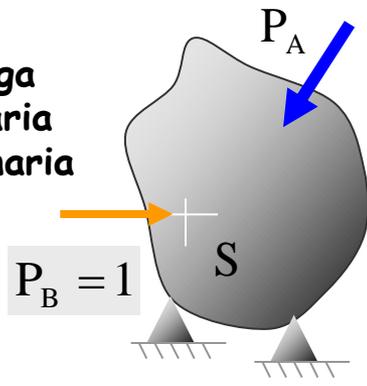
Cargas reales



Si la dirección del desplazamiento es desconocida, el desplazamiento se determina calculando sus componentes horizontal y vertical



Carga unitaria imaginaria

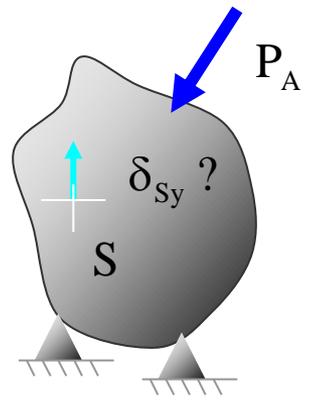


$$\delta_{P=1} = \delta_{Sx}$$

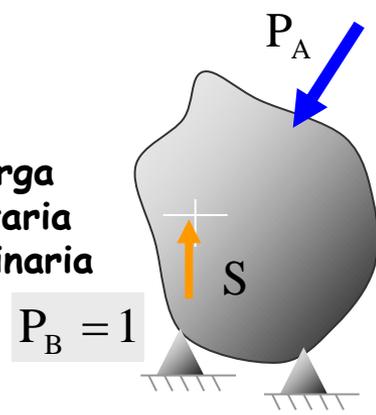
El signo del desplazamiento indica si coincide o no con el sentido de la carga unitaria

si $\delta_{Sx} < 0 \rightarrow \vec{\delta}_{Sx}, \vec{P}_B$

si $\delta_{Sx} > 0 \rightarrow \vec{\delta}_{Sx}, \vec{P}_B$



Carga unitaria imaginaria



$$\delta_{P=1} = \delta_{Sy}$$

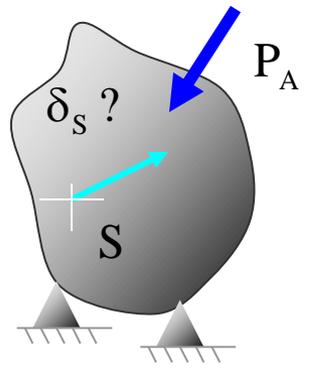
El signo del desplazamiento indica si coincide o no con el sentido de la carga unitaria

si $\delta_{Sy} < 0 \rightarrow \uparrow \delta_{Sy}, \downarrow P_B$

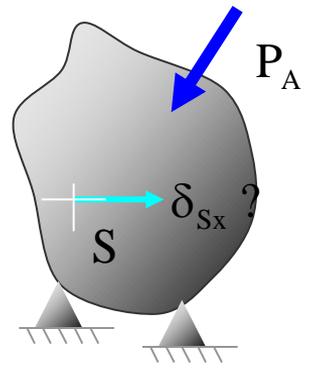


Desplazamiento en cualquier sección

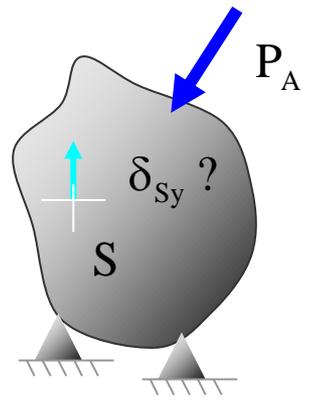
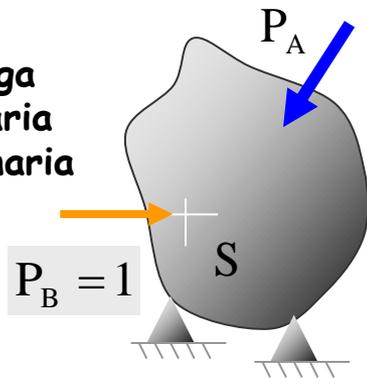
Cargas reales



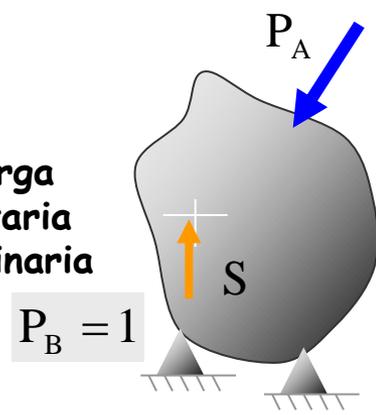
Si la dirección del desplazamiento es desconocida, el desplazamiento se determina calculando sus componentes horizontal y vertical



Carga unitaria imaginaria



Carga unitaria imaginaria



$$\delta_{P=1} = \delta_{Sx}$$

El signo del desplazamiento indica si coincide o no con el sentido de la carga unitaria

si $\delta_{Sx} < 0 \rightarrow \vec{\delta}_{Sx}, \vec{P}_B$

si $\delta_{Sx} > 0 \rightarrow \vec{\delta}_{Sx}, \vec{P}_B$

$$\delta_{P=1} = \delta_{Sy}$$

El signo del desplazamiento indica si coincide o no con el sentido de la carga unitaria

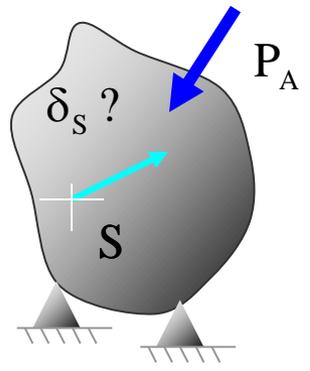
si $\delta_{Sy} < 0 \rightarrow \uparrow \delta_{Sy}, \downarrow P_B$

si $\delta_{Sy} > 0 \rightarrow \uparrow \delta_{Sy}, \uparrow P_B$

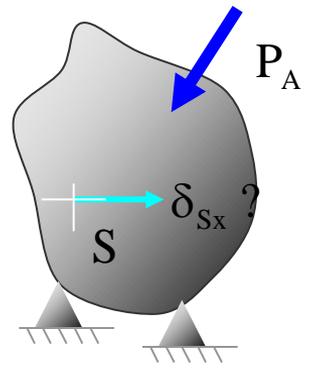


Desplazamiento en cualquier sección

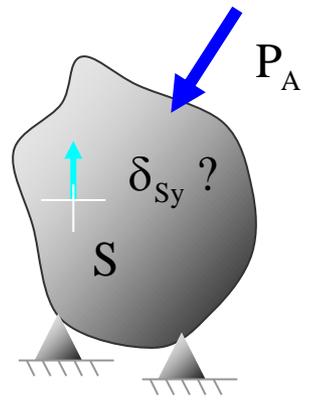
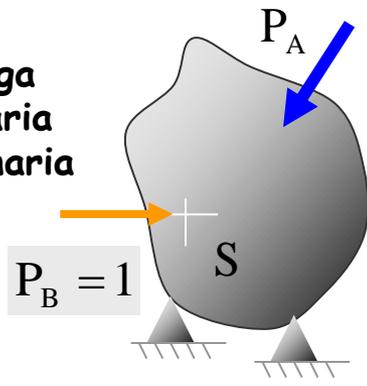
Cargas reales



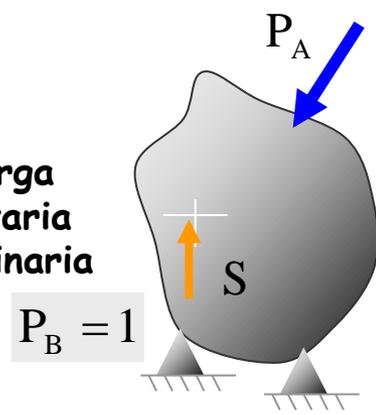
Si la dirección del desplazamiento es desconocida, el desplazamiento se determina calculando sus componentes horizontal y vertical



Carga unitaria imaginaria



Carga unitaria imaginaria



$$\delta_{P=1} = \delta_{Sx}$$

El signo del desplazamiento indica si coincide o no con el sentido de la carga unitaria

si $\delta_{Sx} < 0 \rightarrow \vec{\delta}_{Sx}, \vec{P}_B$

si $\delta_{Sx} > 0 \rightarrow \vec{\delta}_{Sx}, \vec{P}_B$

$$\delta_S = \sqrt{\delta_{Sx}^2 + \delta_{Sy}^2}$$

$$\delta_{P=1} = \delta_{Sy}$$

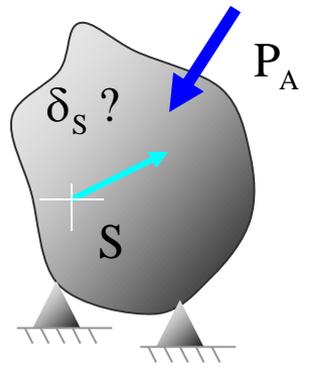
El signo del desplazamiento indica si coincide o no con el sentido de la carga unitaria

si $\delta_{Sy} < 0 \rightarrow \uparrow \delta_{Sy}, \downarrow P_B$

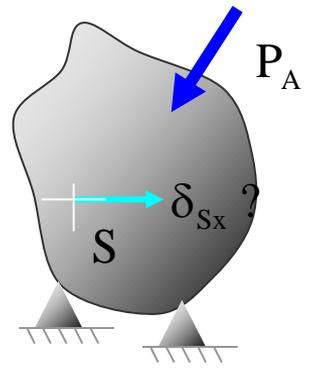
si $\delta_{Sy} > 0 \rightarrow \uparrow \delta_{Sy}, \uparrow P_B$

Desplazamiento en cualquier sección

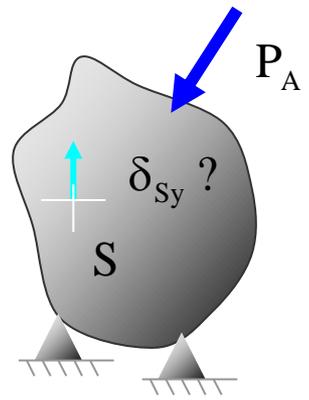
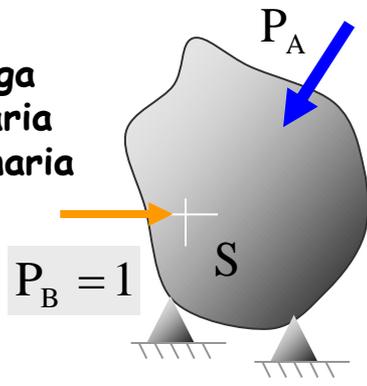
Cargas reales



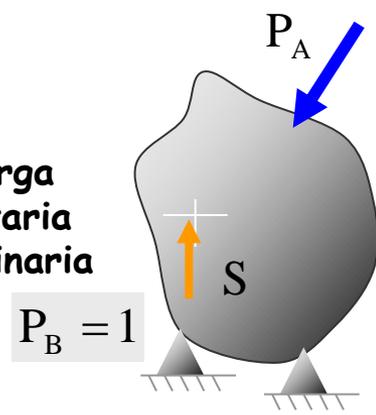
Si la dirección del desplazamiento es desconocida, el desplazamiento se determina calculando sus componentes horizontal y vertical



Carga unitaria imaginaria



Carga unitaria imaginaria



$$\delta_{P=1} = \delta_{Sx}$$

El signo del desplazamiento indica si coincide o no con el sentido de la carga unitaria

si $\delta_{Sx} < 0 \rightarrow \vec{\delta}_{Sx}, \vec{P}_B$

si $\delta_{Sx} > 0 \rightarrow \vec{\delta}_{Sx}, \vec{P}_B$

$$\delta_S = \sqrt{\delta_{Sx}^2 + \delta_{Sy}^2}$$

$$\delta_{P=1} = \delta_{Sy}$$

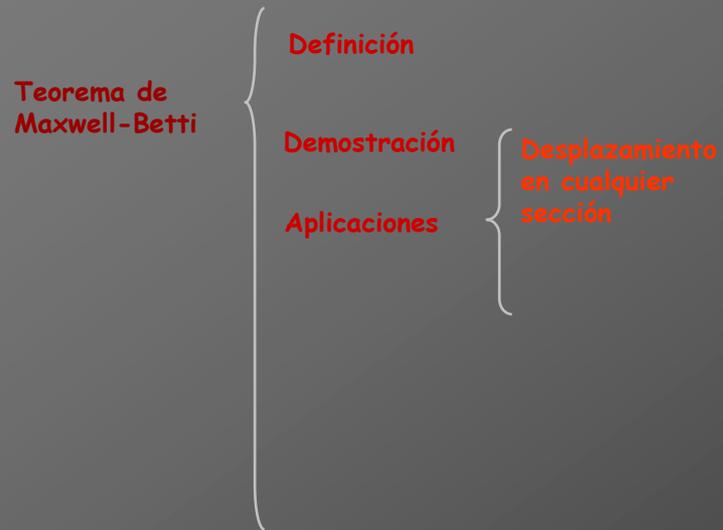
El signo del desplazamiento indica si coincide o no con el sentido de la carga unitaria

si $\delta_{Sy} < 0 \rightarrow \uparrow \delta_{Sy}, \downarrow P_B$

si $\delta_{Sy} > 0 \rightarrow \uparrow \delta_{Sy}, \uparrow P_B$



Teorema de Maxwell-Betti





Teorema de Maxwell-Betti





Giro en cualquier sección

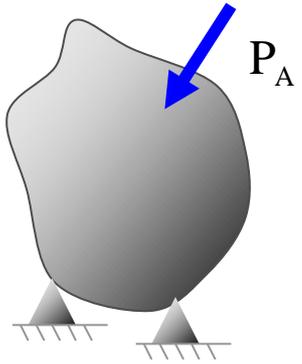


Giro en cualquier sección

**Sea una
estructura
sometida a unas
acciones. Se
desea conocer el
giro de alguna
sección S**

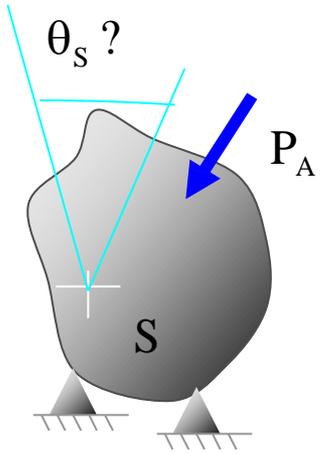


Giro en cualquier sección

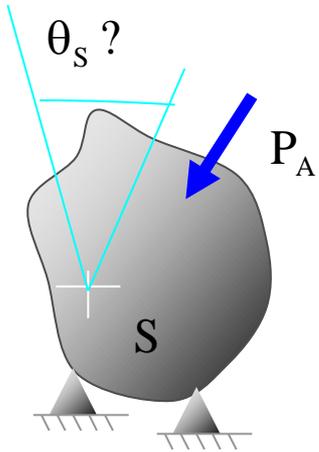




Giro en cualquier sección



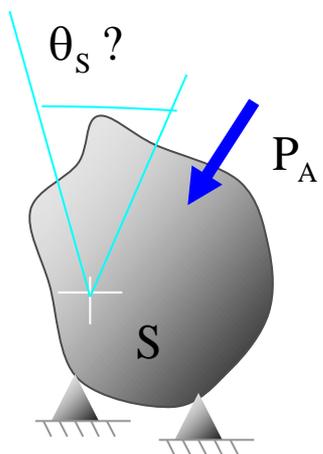
Giro en cualquier sección



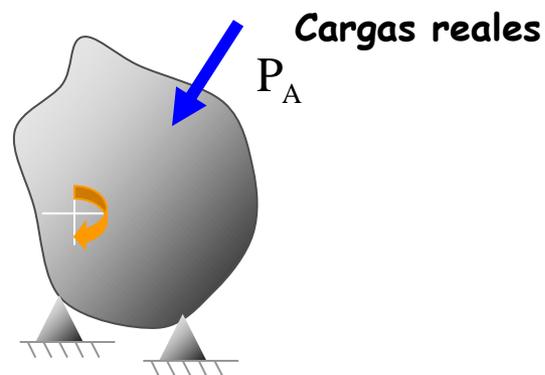
Para calcular el giro en S, se supone que, además de las cargas reales, existe un momento puntual unitario en S



Giro en cualquier sección



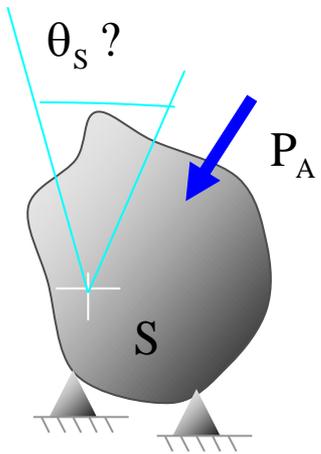
Momento
imaginario
 $m_B = 1$



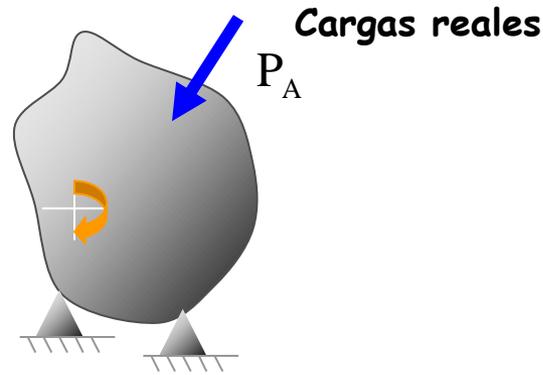
Situación ficticia



Giro en cualquier sección



Momento
imaginario
 $m_B = 1$

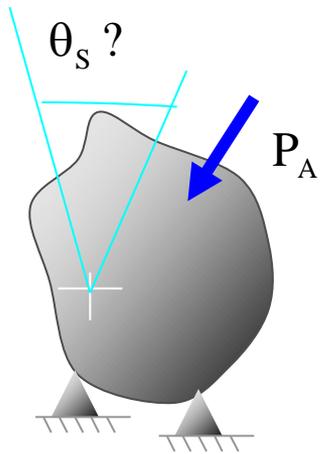


Situación ficticia

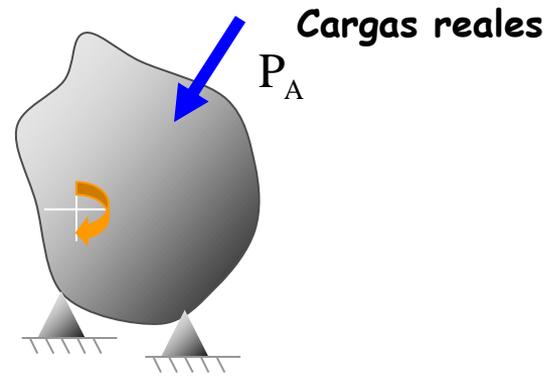
En esta situación aplicamos el teorema de Maxwell-Betti suponiendo que el sistema B es el momento unitario. Así se obtiene el giro de S



Giro en cualquier sección



Momento
imaginario
 $m_B = 1$

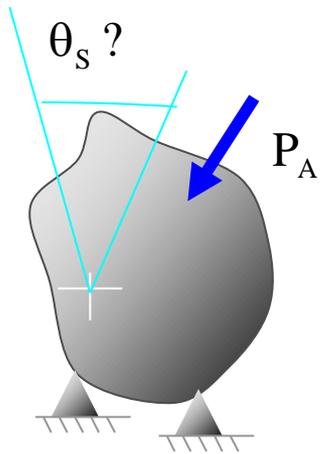


Situación ficticia

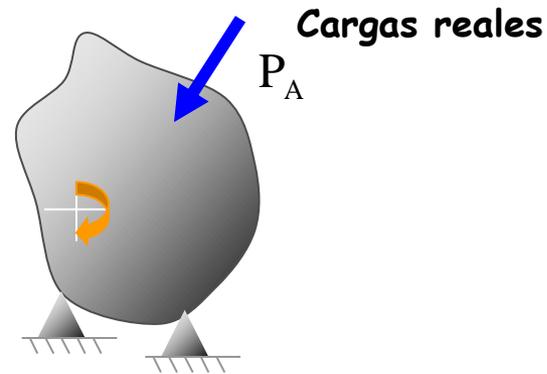
$$\theta_m = \theta_S$$



Giro en cualquier sección



Momento
imaginario
 $m_B = 1$



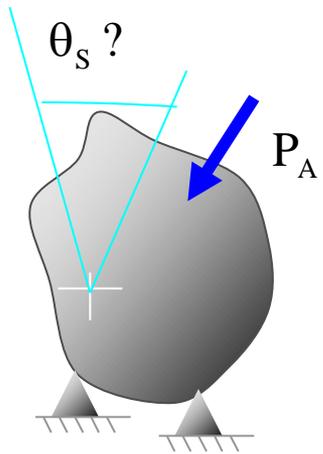
Situación ficticia

$$\theta_m = \theta_S$$

El signo del giro indica si coincide o no con el sentido del momento unitario

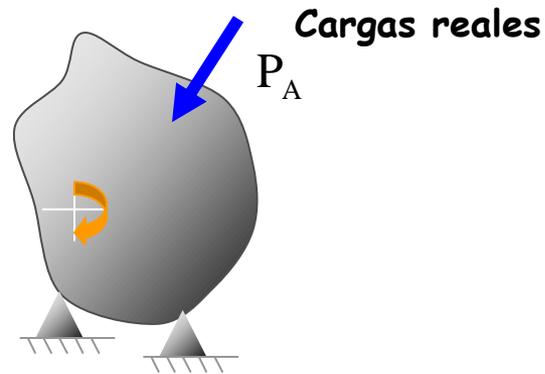


Giro en cualquier sección



Momento imaginario

$$m_B = 1$$



Situación ficticia

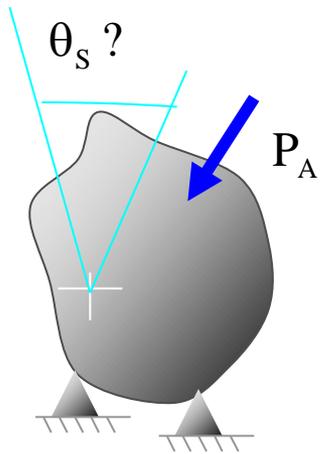
$$\theta_m = \theta_S$$

El signo del giro indica si coincide o no con el sentido del momento unitario

si $\theta_m > 0 \rightarrow m_B, \theta_m$

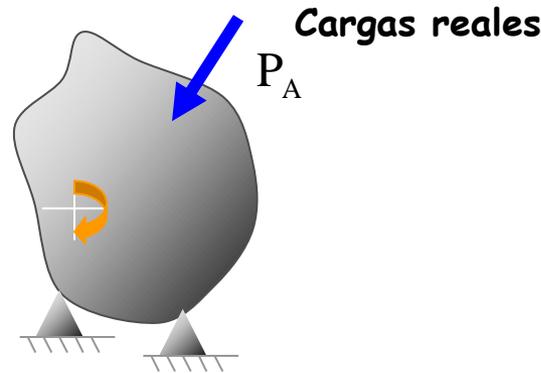


Giro en cualquier sección



Momento imaginario

$$m_B = 1$$



Cargas reales

Situación ficticia

$$\theta_m = \theta_s$$

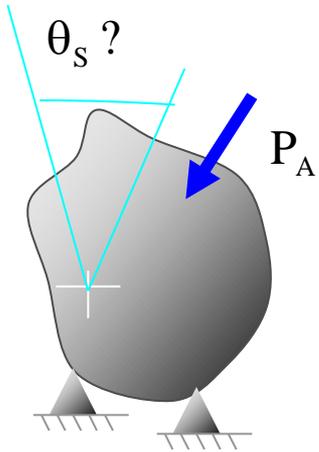
El signo del giro indica si coincide o no con el sentido del momento unitario

si $\theta_m > 0 \rightarrow m_B, \theta_m$

si $\theta_m < 0 \rightarrow m_{>B}, \theta_m$

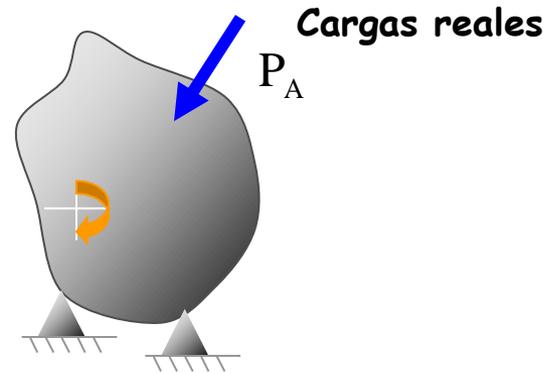


Giro en cualquier sección



Momento imaginario

$$m_B = 1$$



Cargas reales

Situación ficticia

$$\theta_m = \theta_s$$

El signo del giro indica si coincide o no con el sentido del momento unitario

si $\theta_m > 0 \rightarrow m_B, \theta_m$

si $\theta_m < 0 \rightarrow m_{>B}, \theta_m$



Teorema de Maxwell-Betti



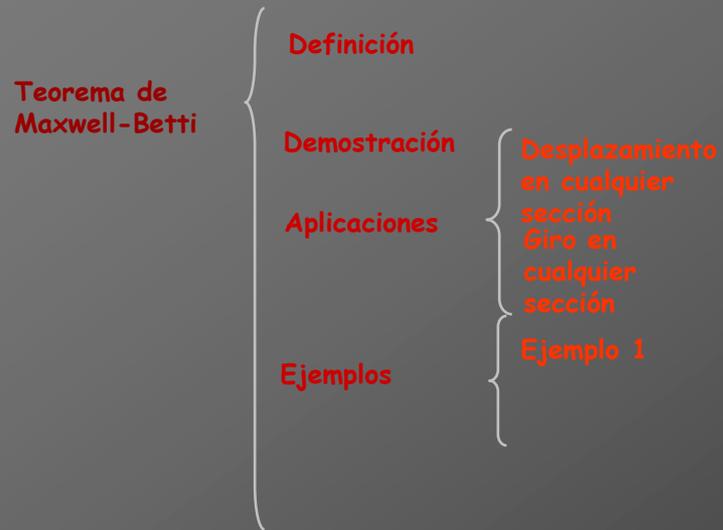


Teorema de Maxwell-Betti





Teorema de Maxwell-Betti





Ejemplo 1

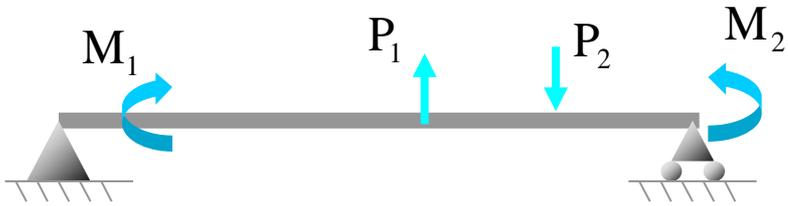


Ejemplo 1

Calculo de la flecha en una sección de una viga biapoyada bajo acciones puntuales

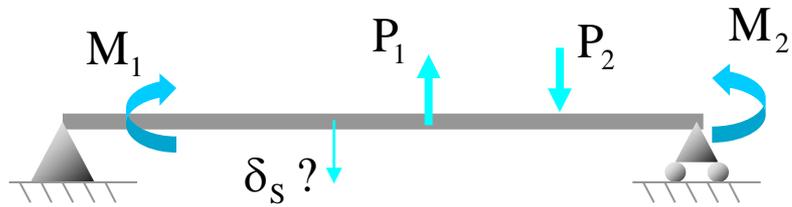
Ejemplo 1

Calculo de la flecha en una sección de una viga biapoyada bajo acciones puntuales



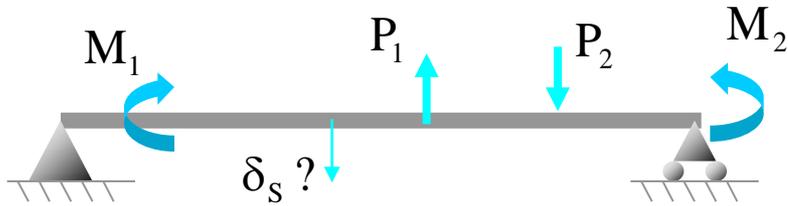
Ejemplo 1

Calculo de la flecha en una sección de una viga biapoyada bajo acciones puntuales



Ejemplo 1

Calculo de la flecha en una sección de una viga biapoyada bajo acciones puntuales

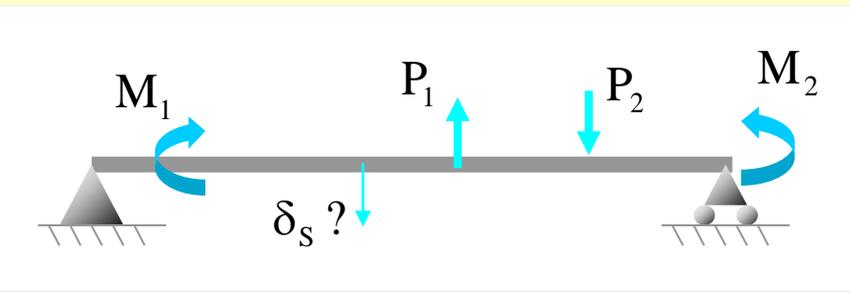


Como no existe ninguna acción sobre S , se altera la realidad suponiendo que sobre la estructura actúan dos sistemas de carga:

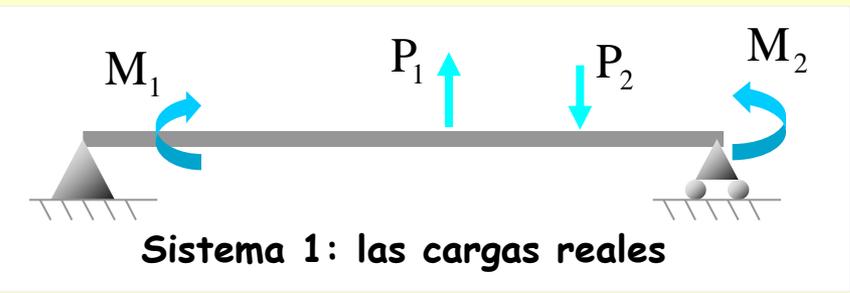


Ejemplo 1

Calculo de la flecha en una sección de una viga biapoyada bajo acciones puntuales



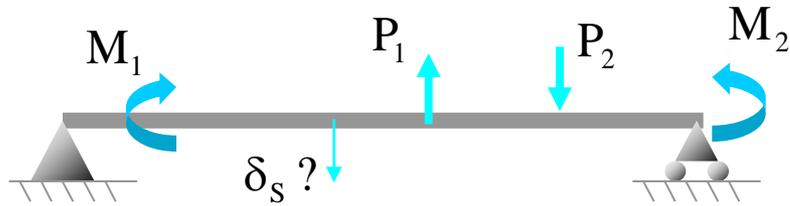
Como no existe ninguna acción sobre S , se altera la realidad suponiendo que sobre la estructura actúan dos sistemas de carga:



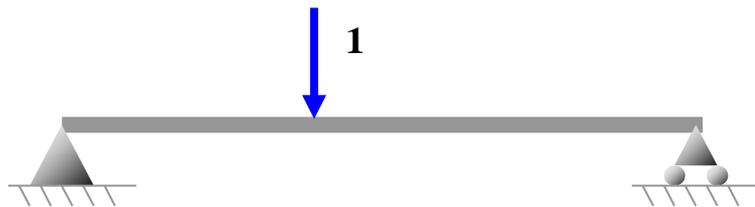
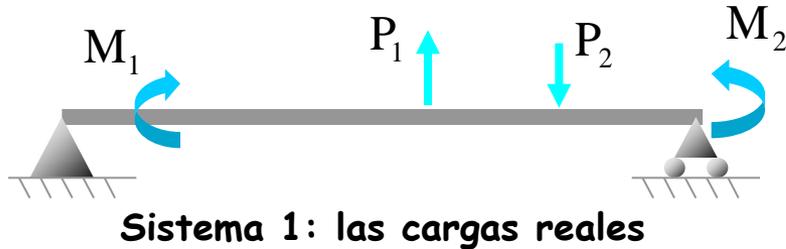


Ejemplo 1

Calculo de la flecha en una sección de una viga biapoyada bajo acciones puntuales



Como no existe ninguna acción sobre S , se altera la realidad suponiendo que sobre la estructura actúan dos sistemas de carga:

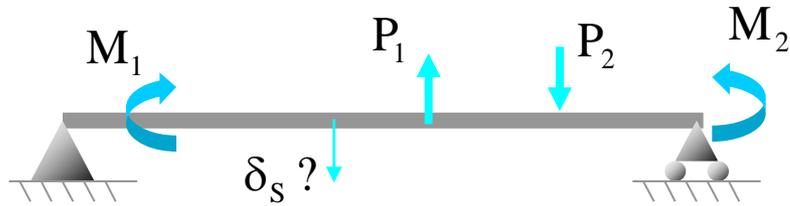


Sistema 2: una carga puntual aplicada en el lugar y en el sentido donde se desea conocer el desplazamiento

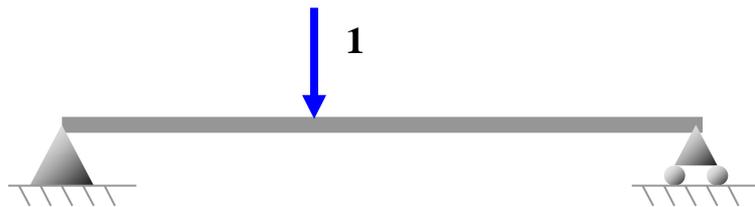
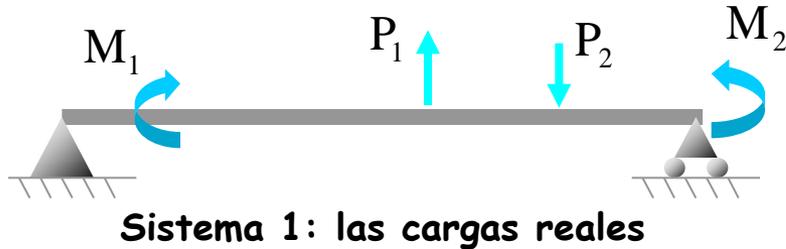


Ejemplo 1

Calculo de la flecha en una sección de una viga biapoyada bajo acciones puntuales



Como no existe ninguna acción sobre S , se altera la realidad suponiendo que sobre la estructura actúan dos sistemas de carga:



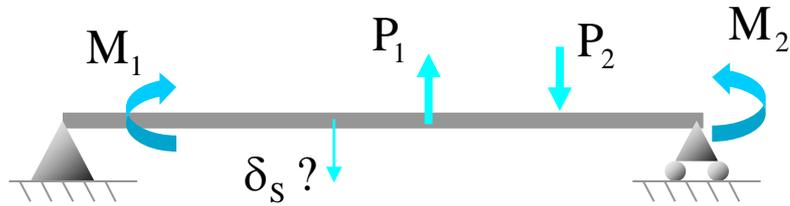
Sistema 2: una carga puntual aplicada en el lugar y en el sentido donde se desea conocer el desplazamiento

Aplicación del Teorema: para que el orden de aplicación de los sistemas no afecte el valor final de la energía de deformación, se debe cumplir la siguiente reciprocidad de trabajos:

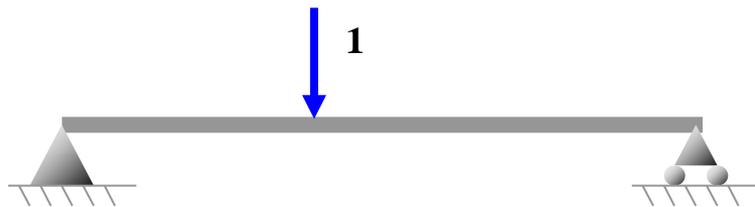
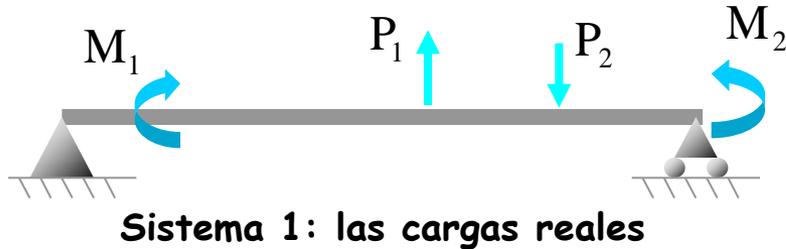


Ejemplo 1

Calculo de la flecha en una sección de una viga biapoyada bajo acciones puntuales



Como no existe ninguna acción sobre S , se altera la realidad suponiendo que sobre la estructura actúan dos sistemas de carga:



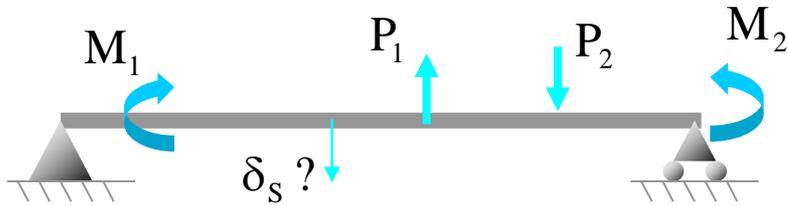
Sistema 2: una carga puntual aplicada en el lugar y en el sentido donde se desea conocer el desplazamiento

Aplicación del Teorema: para que el orden de aplicación de los sistemas no afecte el valor final de la energía de deformación, se debe cumplir la siguiente reciprocidad de trabajos:

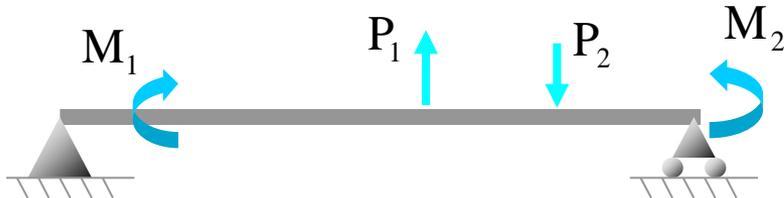
$$1 \cdot \delta_S = \sum P_i \cdot \delta_i + \sum M_i \cdot \theta_i$$

Ejemplo 1

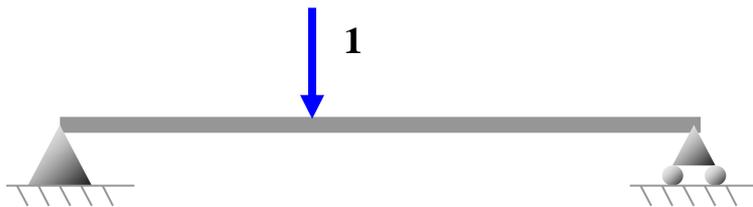
Calculo de la flecha en una sección de una viga biapoyada bajo acciones puntuales



Como no existe ninguna acción sobre S , se altera la realidad suponiendo que sobre la estructura actúan dos sistemas de carga:



Sistema 1: las cargas reales



Sistema 2: una carga puntual aplicada en el lugar y en el sentido donde se desea conocer el desplazamiento

Aplicación del Teorema: para que el orden de aplicación de los sistemas no afecte el valor final de la energía de deformación, se debe cumplir la siguiente reciprocidad de trabajos:

$$1 \cdot \delta_S = \sum P_i \cdot \delta_i + \sum M_i \cdot \theta_i$$

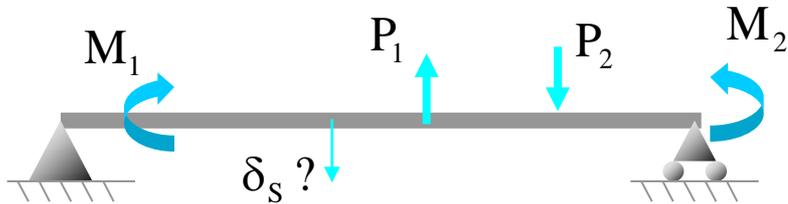


Trabajo del sistema 2 por las acciones del sistema 1

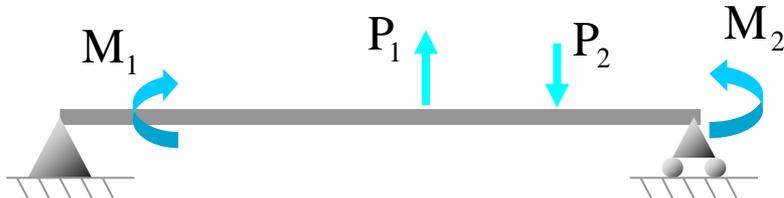


Ejemplo 1

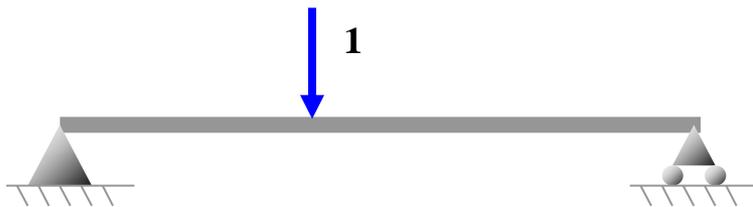
Calculo de la flecha en una sección de una viga biapoyada bajo acciones puntuales



Como no existe ninguna acción sobre S , se altera la realidad suponiendo que sobre la estructura actúan dos sistemas de carga:



Sistema 1: las cargas reales



Sistema 2: una carga puntual aplicada en el lugar y en el sentido donde se desea conocer el desplazamiento

Aplicación del Teorema: para que el orden de aplicación de los sistemas no afecte el valor final de la energía de deformación, se debe cumplir la siguiente reciprocidad de trabajos:

$$1 \cdot \delta_S = \sum P_i \cdot \delta_i + \sum M_i \cdot \theta_i$$



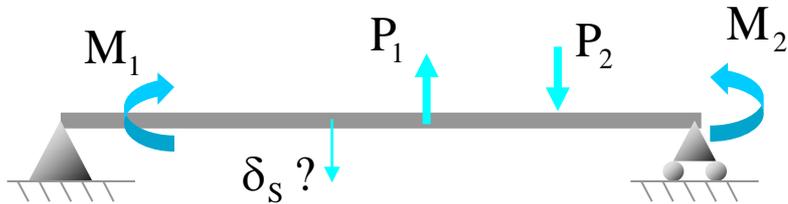
Trabajo del sistema 2 por las acciones del sistema 1



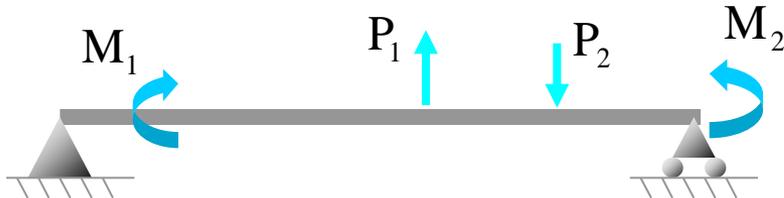
Trabajo del sistema 1 por las acciones del sistema 2

Ejemplo 1

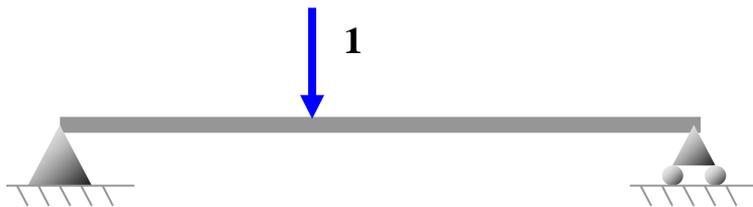
Calculo de la flecha en una sección de una viga biapoyada bajo acciones puntuales



Como no existe ninguna acción sobre S , se altera la realidad suponiendo que sobre la estructura actúan dos sistemas de carga:



Sistema 1: las cargas reales



Sistema 2: una carga puntual aplicada en el lugar y en el sentido donde se desea conocer el desplazamiento

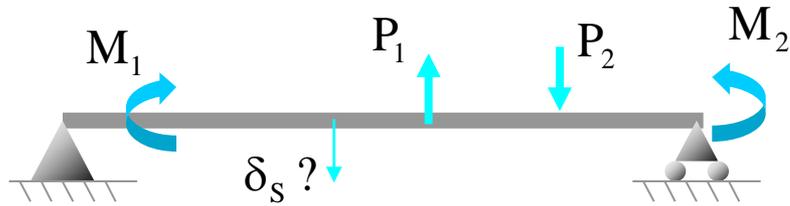
Aplicación del Teorema: para que el orden de aplicación de los sistemas no afecte el valor final de la energía de deformación, se debe cumplir la siguiente reciprocidad de trabajos:

$$1 \cdot \delta_S = \sum P_i \cdot \delta_i + \sum M_i \cdot \theta_i$$

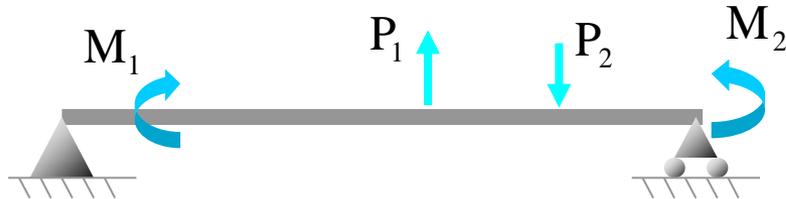


Ejemplo 1

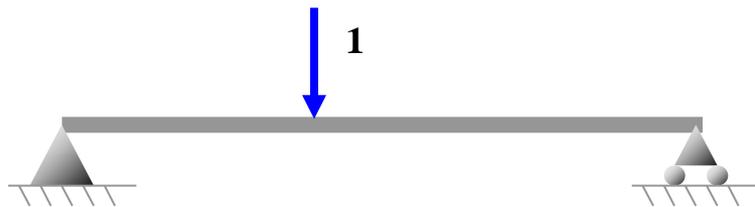
Calculo de la flecha en una sección de una viga biapoyada bajo acciones puntuales



Como no existe ninguna acción sobre S , se altera la realidad suponiendo que sobre la estructura actúan dos sistemas de carga:



Sistema 1: las cargas reales



Sistema 2: una carga puntual aplicada en el lugar y en el sentido donde se desea conocer el desplazamiento

Aplicación del Teorema: para que el orden de aplicación de los sistemas no afecte el valor final de la energía de deformación, se debe cumplir la siguiente reciprocidad de trabajos:

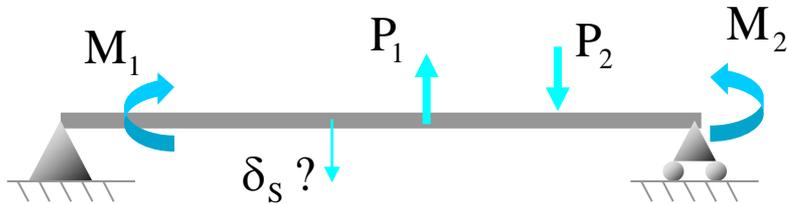
$$1 \cdot \delta_S = \sum P_i \cdot \delta_i + \sum M_i \cdot \theta_i$$

Desplazamiento de la sección S producido por las acciones reales

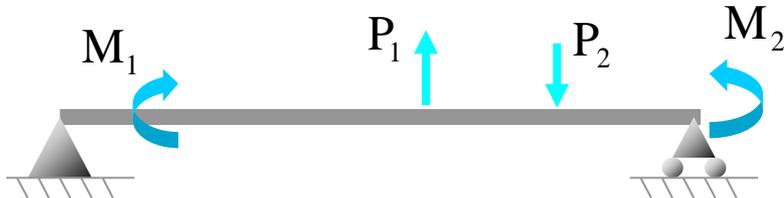


Ejemplo 1

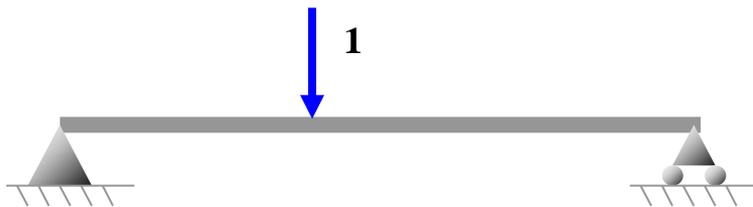
Calculo de la flecha en una sección de una viga biapoyada bajo acciones puntuales



Como no existe ninguna acción sobre S , se altera la realidad suponiendo que sobre la estructura actúan dos sistemas de carga:



Sistema 1: las cargas reales



Sistema 2: una carga puntual aplicada en el lugar y en el sentido donde se desea conocer el desplazamiento

Aplicación del Teorema: para que el orden de aplicación de los sistemas no afecte el valor final de la energía de deformación, se debe cumplir la siguiente reciprocidad de trabajos:

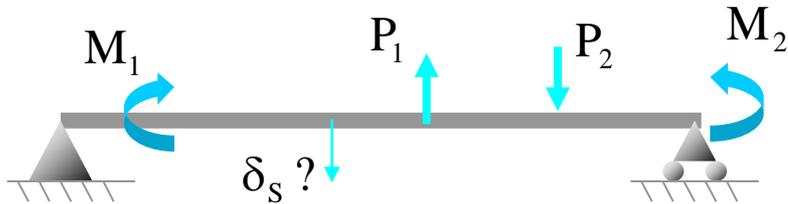
$$1 \cdot \delta_S = \sum P_i \cdot \delta_i + \sum M_i \cdot \theta_i$$

Acciones reales sobre la estructura

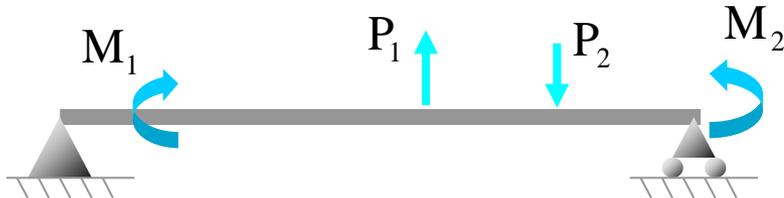


Ejemplo 1

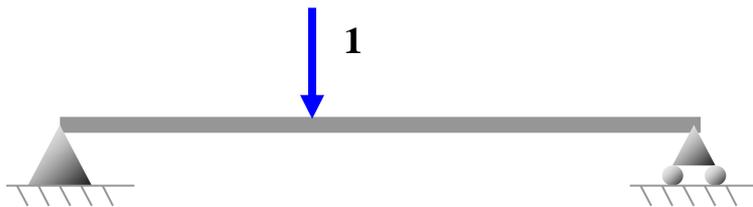
Calculo de la flecha en una sección de una viga biapoyada bajo acciones puntuales



Como no existe ninguna acción sobre S , se altera la realidad suponiendo que sobre la estructura actúan dos sistemas de carga:



Sistema 1: las cargas reales



Sistema 2: una carga puntual aplicada en el lugar y en el sentido donde se desea conocer el desplazamiento

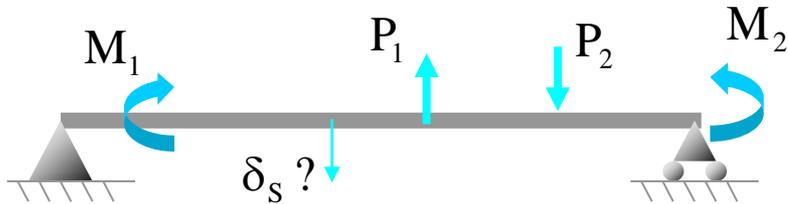
Aplicación del Teorema: para que el orden de aplicación de los sistemas no afecte el valor final de la energía de deformación, se debe cumplir la siguiente reciprocidad de trabajos:

$$1 \cdot \delta_S = \sum P_i \cdot \delta_i + \sum M_i \cdot \theta_i$$

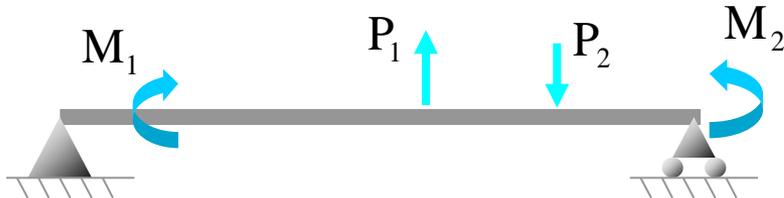
Movimientos de la estructura en los lugares y direcciones de las acciones reales producidos por la carga imaginaria

Ejemplo 1

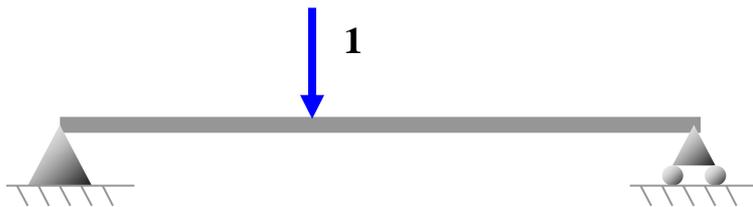
Calculo de la flecha en una sección de una viga biapoyada bajo acciones puntuales



Como no existe ninguna acción sobre S , se altera la realidad suponiendo que sobre la estructura actúan dos sistemas de carga:



Sistema 1: las cargas reales



Sistema 2: una carga puntual aplicada en el lugar y en el sentido donde se desea conocer el desplazamiento

Aplicación del Teorema: para que el orden de aplicación de los sistemas no afecte el valor final de la energía de deformación, se debe cumplir la siguiente reciprocidad de trabajos:

$$1 \cdot \delta_S = \sum P_i \cdot \delta_i + \sum M_i \cdot \theta_i$$

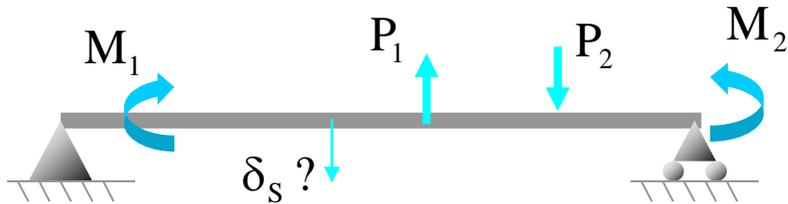
Movimientos de la estructura en los lugares y direcciones de las acciones reales producidos por la carga imaginaria

Para determinar los términos de esta igualdad puede actuarse de la siguiente manera:

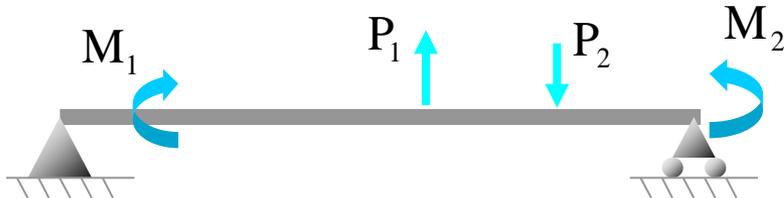


Ejemplo 1

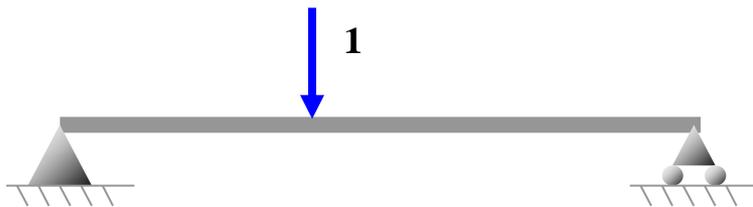
Calculo de la flecha en una sección de una viga biapoyada bajo acciones puntuales



Como no existe ninguna acción sobre S , se altera la realidad suponiendo que sobre la estructura actúan dos sistemas de carga:



Sistema 1: las cargas reales



Sistema 2: una carga puntual aplicada en el lugar y en el sentido donde se desea conocer el desplazamiento

Aplicación del Teorema: para que el orden de aplicación de los sistemas no afecte el valor final de la energía de deformación, se debe cumplir la siguiente reciprocidad de trabajos:

$$1 \cdot \delta_S = \sum P_i \cdot \delta_i + \sum M_i \cdot \theta_i$$

Movimientos de la estructura en los lugares y direcciones de las acciones reales producidos por la carga imaginaria

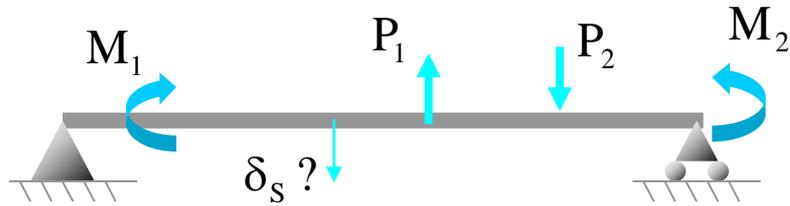
Para determinar los términos de esta igualdad puede actuarse de la siguiente manera:

Representar la estructura en dos situaciones: una con el sistema 1 de cargas y otra con el sistema 2

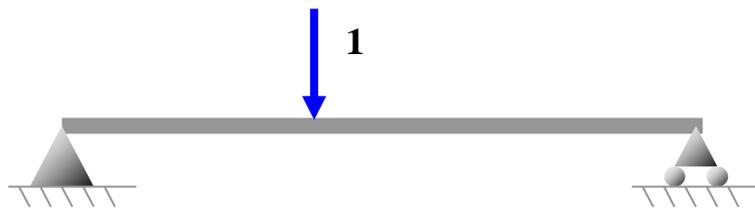
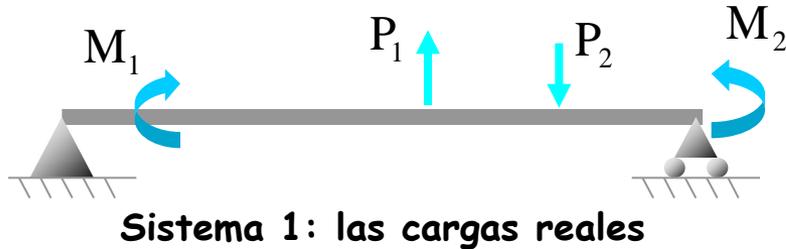


Ejemplo 1

Calculo de la flecha en una sección de una viga biapoyada bajo acciones puntuales



Como no existe ninguna acción sobre S , se altera la realidad suponiendo que sobre la estructura actúan dos sistemas de carga:



Sistema 2: una carga puntual aplicada en el lugar y en el sentido donde se desea conocer el desplazamiento

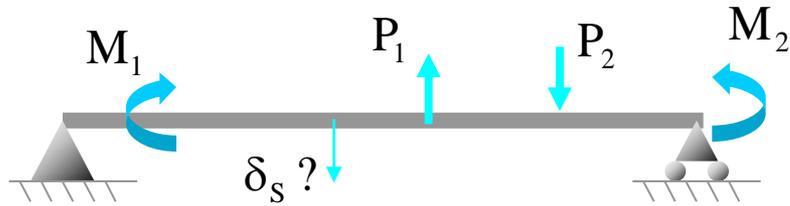
Aplicación del Teorema: para que el orden de aplicación de los sistemas no afecte el valor final de la energía de deformación, se debe cumplir la siguiente reciprocidad de trabajos:

$$1 \cdot \delta_S = \sum P_i \cdot \delta_i + \sum M_i \cdot \theta_i$$

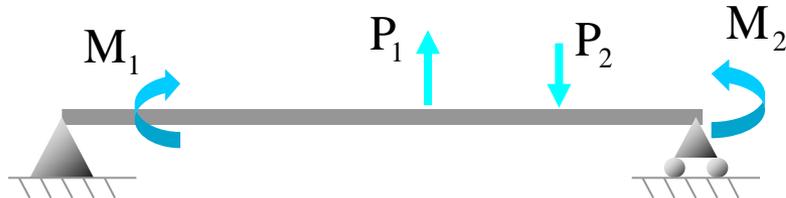


Ejemplo 1

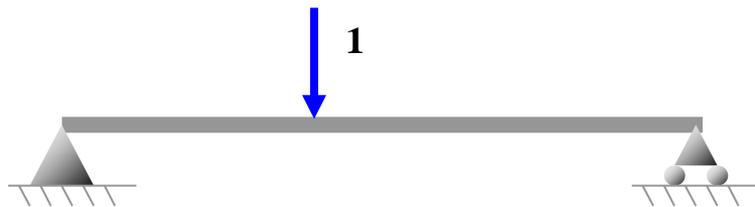
Calculo de la flecha en una sección de una viga biapoyada bajo acciones puntuales



Como no existe ninguna acción sobre S , se altera la realidad suponiendo que sobre la estructura actúan dos sistemas de carga:



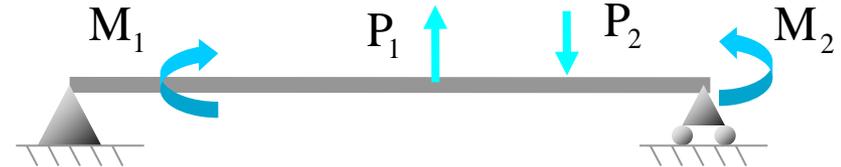
Sistema 1: las cargas reales



Sistema 2: una carga puntual aplicada en el lugar y en el sentido donde se desea conocer el desplazamiento

Aplicación del Teorema: para que el orden de aplicación de los sistemas no afecte el valor final de la energía de deformación, se debe cumplir la siguiente reciprocidad de trabajos:

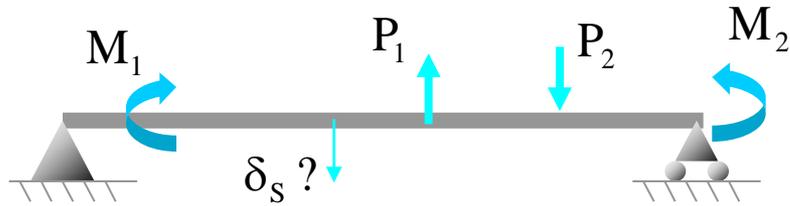
$$1 \cdot \delta_S = \sum P_i \cdot \delta_i + \sum M_i \cdot \theta_i$$



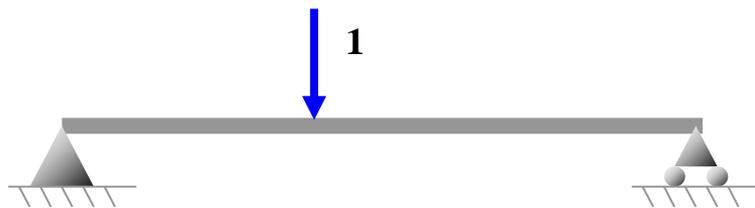
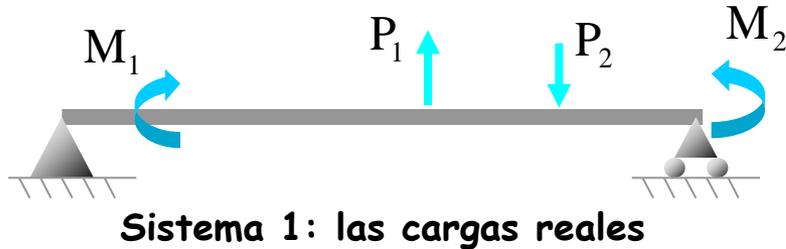


Ejemplo 1

Calculo de la flecha en una sección de una viga biapoyada bajo acciones puntuales



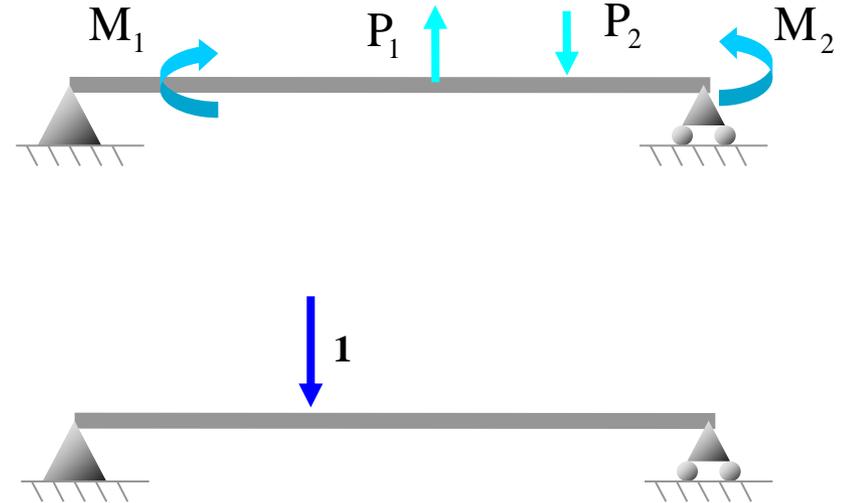
Como no existe ninguna acción sobre S , se altera la realidad suponiendo que sobre la estructura actúan dos sistemas de carga:



Sistema 2: una carga puntual aplicada en el lugar y en el sentido donde se desea conocer el desplazamiento

Aplicación del Teorema: para que el orden de aplicación de los sistemas no afecte el valor final de la energía de deformación, se debe cumplir la siguiente reciprocidad de trabajos:

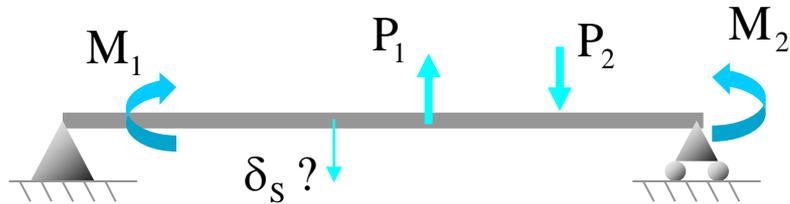
$$1 \cdot \delta_S = \sum P_i \cdot \delta_i + \sum M_i \cdot \theta_i$$



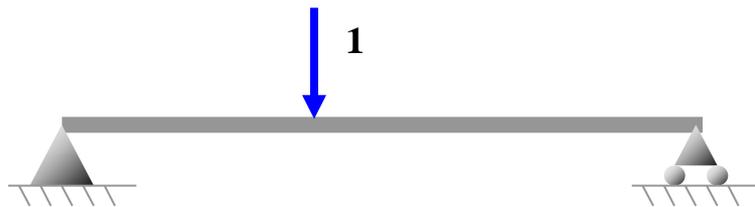
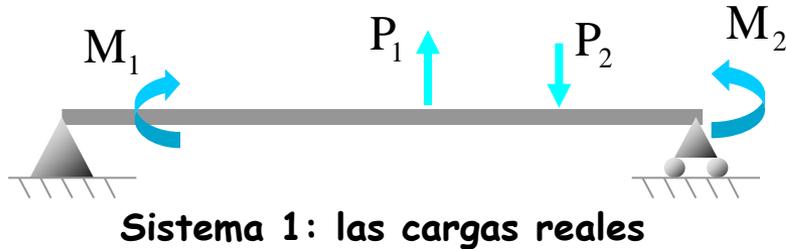


Ejemplo 1

Calculo de la flecha en una sección de una viga biapoyada bajo acciones puntuales

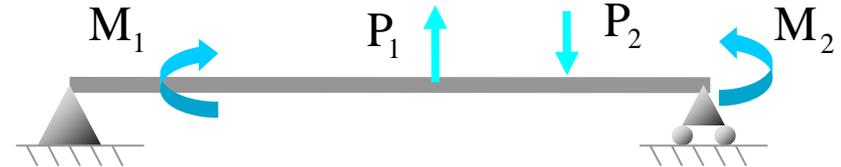


Como no existe ninguna acción sobre S , se altera la realidad suponiendo que sobre la estructura actúan dos sistemas de carga:

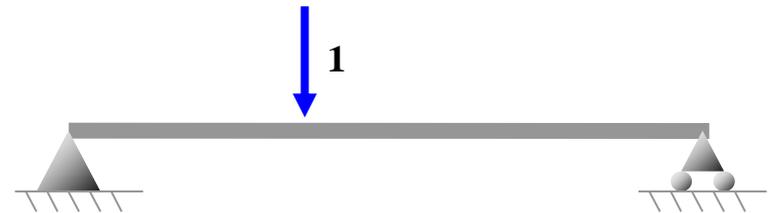


Aplicación del Teorema: para que el orden de aplicación de los sistemas no afecte el valor final de la energía de deformación, se debe cumplir la siguiente reciprocidad de trabajos:

$$1 \cdot \delta_S = \sum P_i \cdot \delta_i + \sum M_i \cdot \theta_i$$



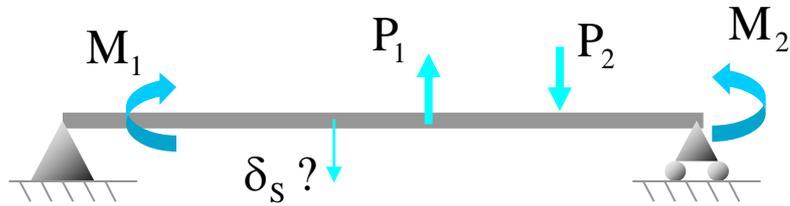
Representar en ambas situaciones las secciones de la estructura donde existan acciones puntuales



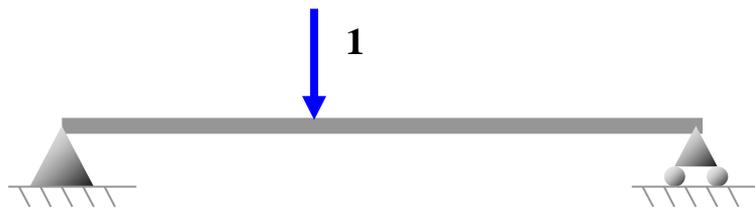
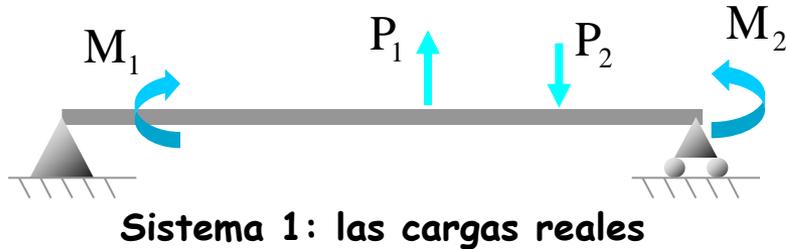
Sistema 2: una carga puntual aplicada en el lugar y en el sentido donde se desea conocer el desplazamiento

Ejemplo 1

Calculo de la flecha en una sección de una viga biapoyada bajo acciones puntuales



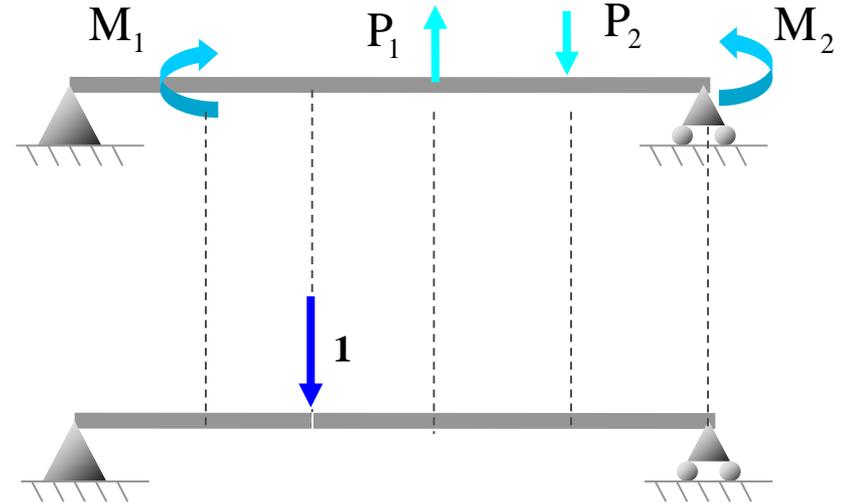
Como no existe ninguna acción sobre S , se altera la realidad suponiendo que sobre la estructura actúan dos sistemas de carga:



Sistema 2: una carga puntual aplicada en el lugar y en el sentido donde se desea conocer el desplazamiento

Aplicación del Teorema: para que el orden de aplicación de los sistemas no afecte el valor final de la energía de deformación, se debe cumplir la siguiente reciprocidad de trabajos:

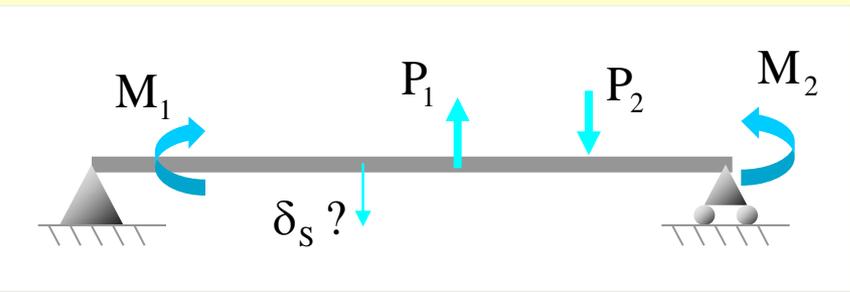
$$1 \cdot \delta_S = \sum P_i \cdot \delta_i + \sum M_i \cdot \theta_i$$



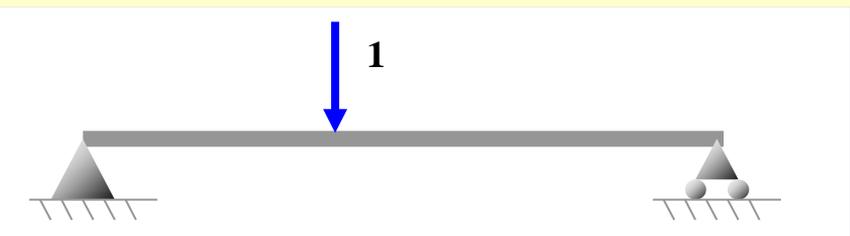
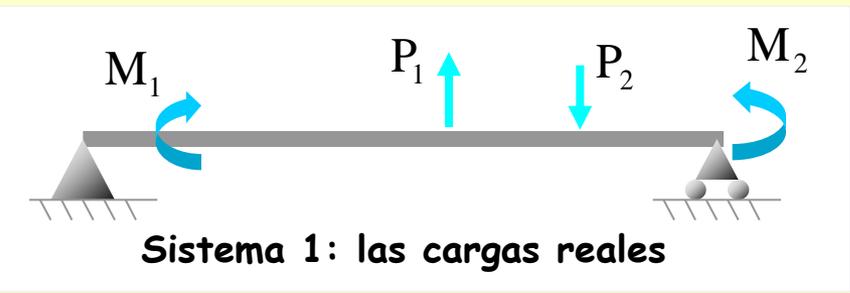


Ejemplo 1

Calculo de la flecha en una sección de una viga biapoyada bajo acciones puntuales

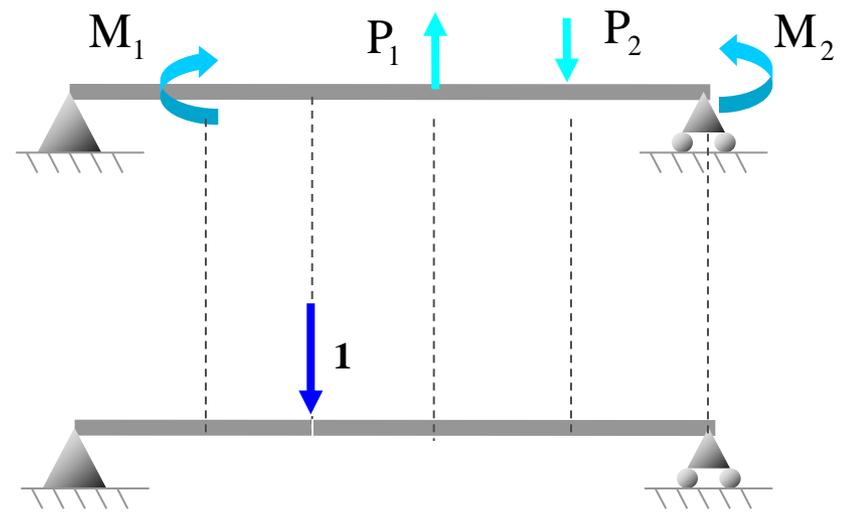


Como no existe ninguna acción sobre S , se altera la realidad suponiendo que sobre la estructura actúan dos sistemas de carga:



Aplicación del Teorema: para que el orden de aplicación de los sistemas no afecte el valor final de la energía de deformación, se debe cumplir la siguiente reciprocidad de trabajos:

$$1 \cdot \delta_S = \sum P_i \cdot \delta_i + \sum M_i \cdot \theta_i$$

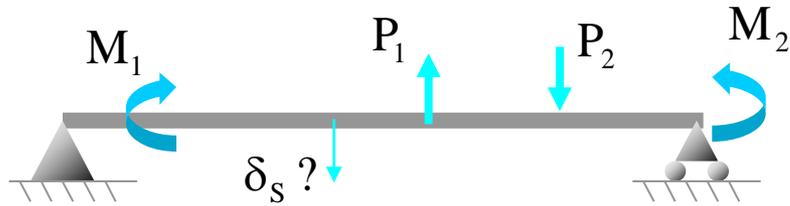


Plantear los movimientos de las secciones donde actúan las acciones (dibujar las flechas hacia abajo y los giros a favor de las agujas del reloj)

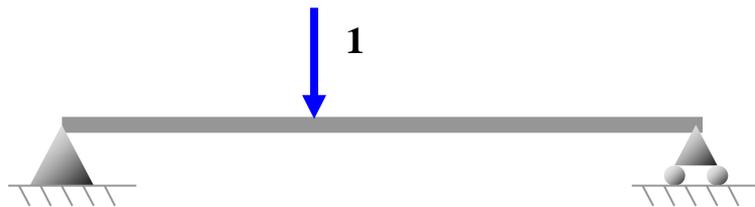
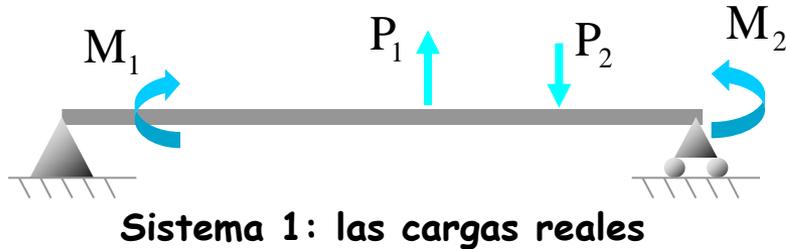


Ejemplo 1

Calculo de la flecha en una sección de una viga biapoyada bajo acciones puntuales



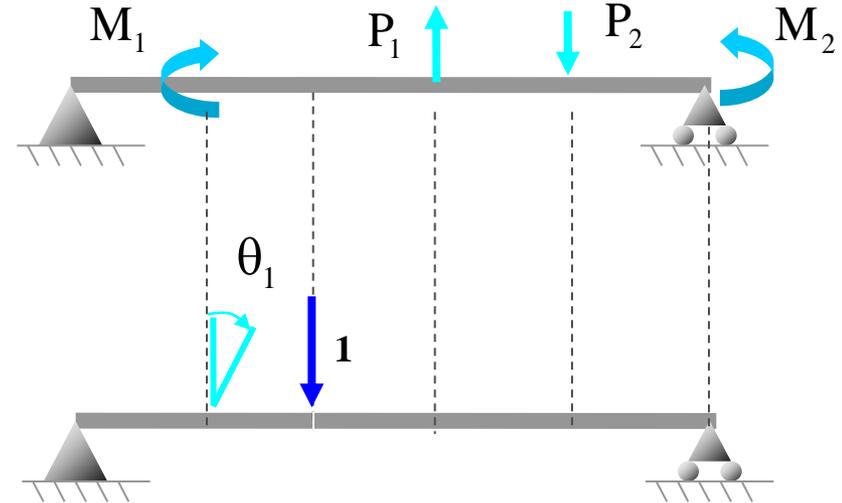
Como no existe ninguna acción sobre S , se altera la realidad suponiendo que sobre la estructura actúan dos sistemas de carga:



Sistema 2: una carga puntual aplicada en el lugar y en el sentido donde se desea conocer el desplazamiento

Aplicación del Teorema: para que el orden de aplicación de los sistemas no afecte el valor final de la energía de deformación, se debe cumplir la siguiente reciprocidad de trabajos:

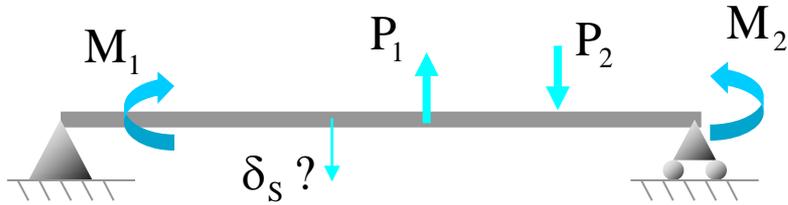
$$1 \cdot \delta_S = \sum P_i \cdot \delta_i + \sum M_i \cdot \theta_i$$



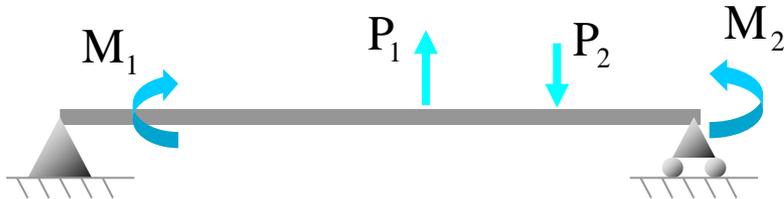
Plantear los movimientos de las secciones donde actúan las acciones (dibujar las flechas hacia abajo y los giros a favor de las agujas del reloj)

Ejemplo 1

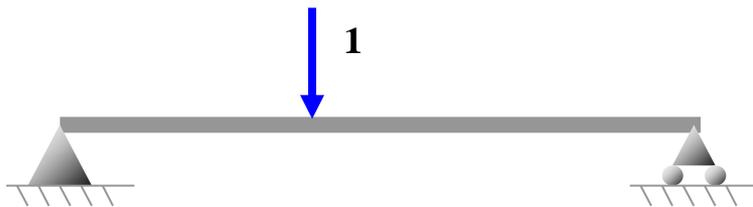
Calculo de la flecha en una sección de una viga biapoyada bajo acciones puntuales



Como no existe ninguna acción sobre S , se altera la realidad suponiendo que sobre la estructura actúan dos sistemas de carga:



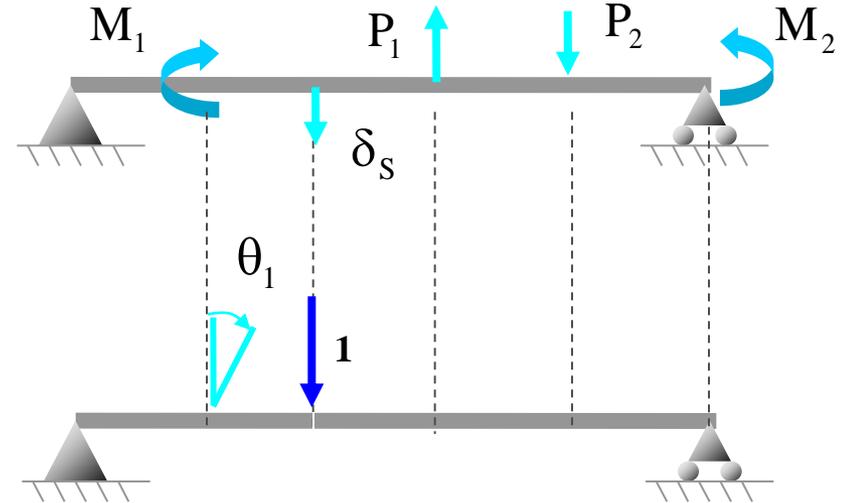
Sistema 1: las cargas reales



Sistema 2: una carga puntual aplicada en el lugar y en el sentido donde se desea conocer el desplazamiento

Aplicación del Teorema: para que el orden de aplicación de los sistemas no afecte el valor final de la energía de deformación, se debe cumplir la siguiente reciprocidad de trabajos:

$$1 \cdot \delta_S = \sum P_i \cdot \delta_i + \sum M_i \cdot \theta_i$$

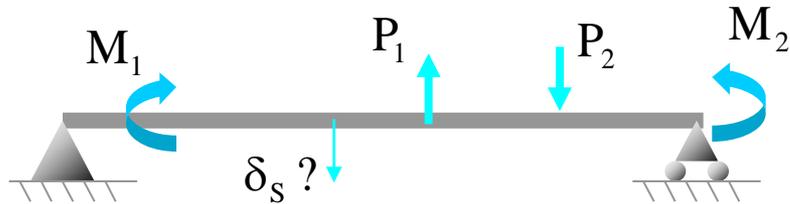


Plantear los movimientos de las secciones donde actúan las acciones (dibujar las flechas hacia abajo y los giros a favor de las agujas del reloj)

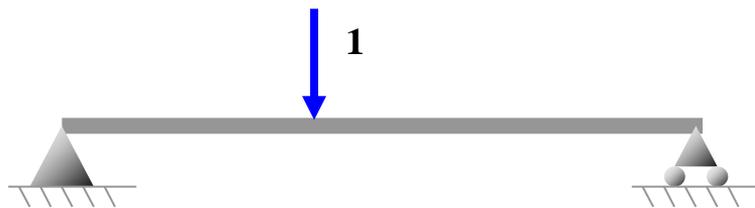
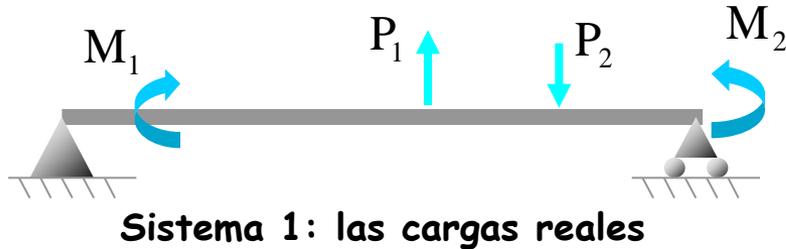


Ejemplo 1

Calculo de la flecha en una sección de una viga biapoyada bajo acciones puntuales



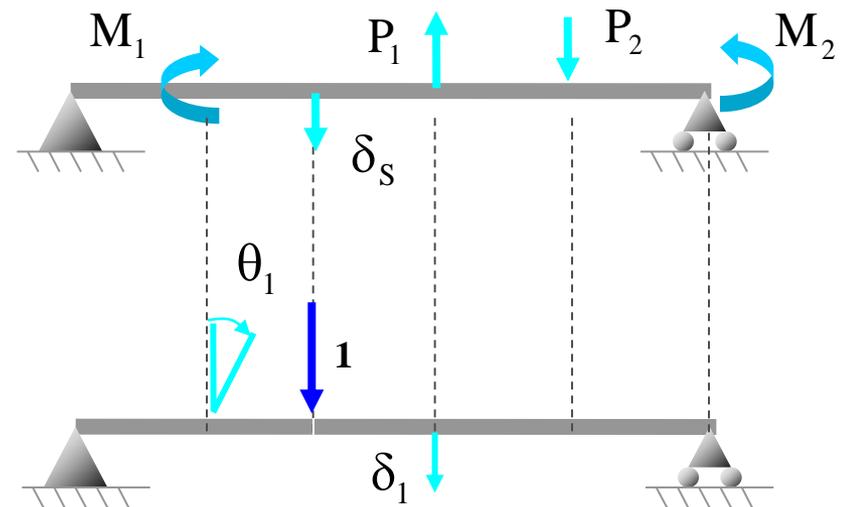
Como no existe ninguna acción sobre S , se altera la realidad suponiendo que sobre la estructura actúan dos sistemas de carga:



Sistema 2: una carga puntual aplicada en el lugar y en el sentido donde se desea conocer el desplazamiento

Aplicación del Teorema: para que el orden de aplicación de los sistemas no afecte el valor final de la energía de deformación, se debe cumplir la siguiente reciprocidad de trabajos:

$$1 \cdot \delta_S = \sum P_i \cdot \delta_i + \sum M_i \cdot \theta_i$$

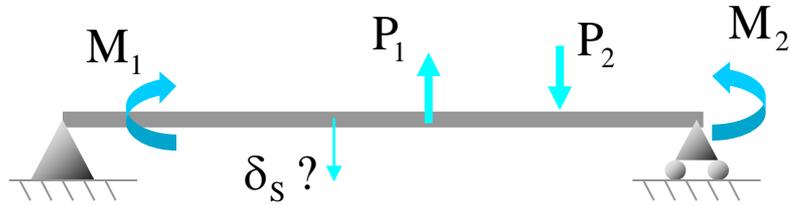


Plantear los movimientos de las secciones donde actúan las acciones (dibujar las flechas hacia abajo y los giros a favor de las agujas del reloj)

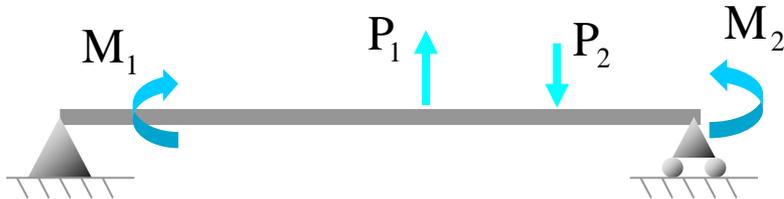


Ejemplo 1

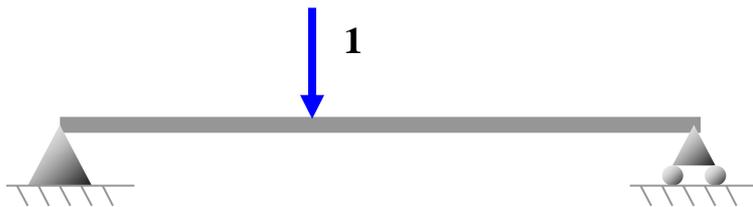
Calculo de la flecha en una sección de una viga biapoyada bajo acciones puntuales



Como no existe ninguna acción sobre S , se altera la realidad suponiendo que sobre la estructura actúan dos sistemas de carga:



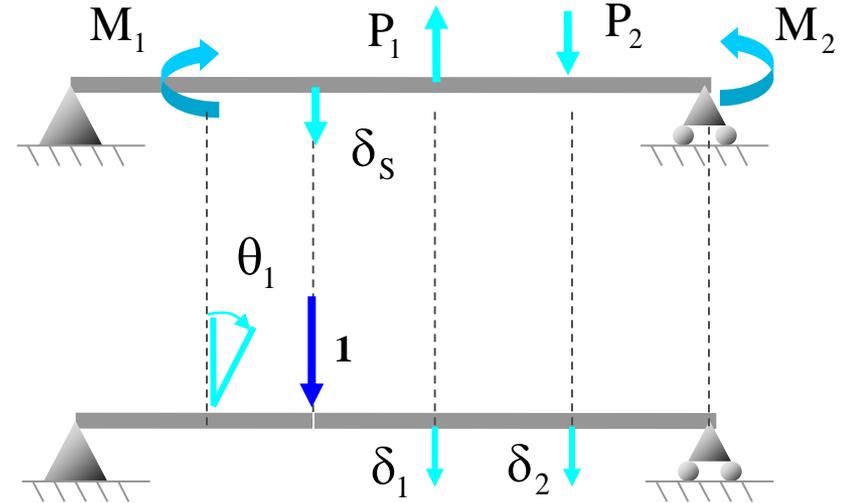
Sistema 1: las cargas reales



Sistema 2: una carga puntual aplicada en el lugar y en el sentido donde se desea conocer el desplazamiento

Aplicación del Teorema: para que el orden de aplicación de los sistemas no afecte el valor final de la energía de deformación, se debe cumplir la siguiente reciprocidad de trabajos:

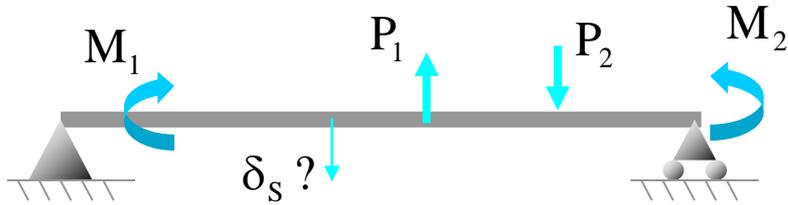
$$1 \cdot \delta_S = \sum P_i \cdot \delta_i + \sum M_i \cdot \theta_i$$



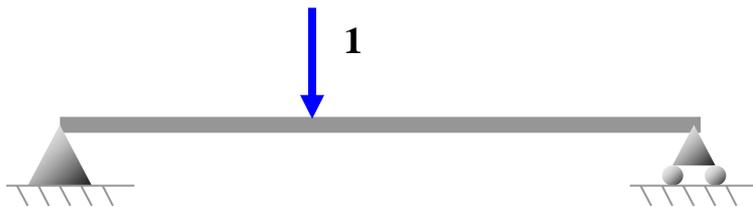
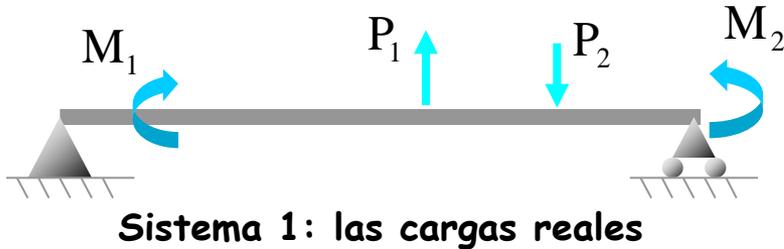
Plantear los movimientos de las secciones donde actúan las acciones (dibujar las flechas hacia abajo y los giros a favor de las agujas del reloj)

Ejemplo 1

Calculo de la flecha en una sección de una viga biapoyada bajo acciones puntuales



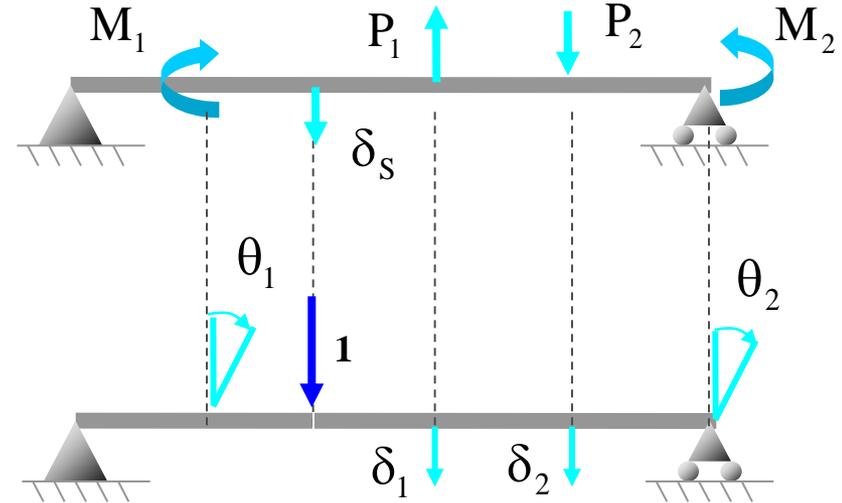
Como no existe ninguna acción sobre S , se altera la realidad suponiendo que sobre la estructura actúan dos sistemas de carga:



Sistema 2: una carga puntual aplicada en el lugar y en el sentido donde se desea conocer el desplazamiento

Aplicación del Teorema: para que el orden de aplicación de los sistemas no afecte el valor final de la energía de deformación, se debe cumplir la siguiente reciprocidad de trabajos:

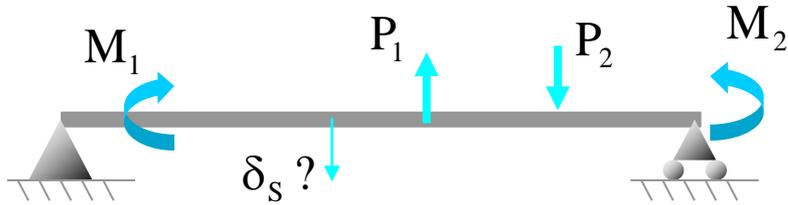
$$1 \cdot \delta_S = \sum P_i \cdot \delta_i + \sum M_i \cdot \theta_i$$



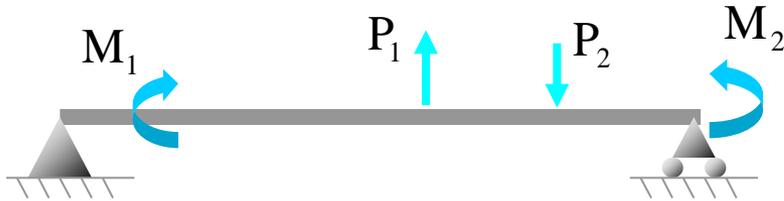
Plantear los movimientos de las secciones donde actúan las acciones (dibujar las flechas hacia abajo y los giros a favor de las agujas del reloj)

Ejemplo 1

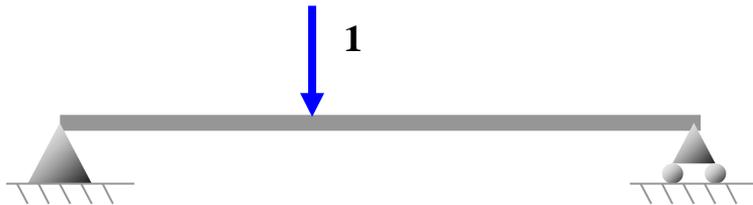
Calculo de la flecha en una sección de una viga biapoyada bajo acciones puntuales



Como no existe ninguna acción sobre S , se altera la realidad suponiendo que sobre la estructura actúan dos sistemas de carga:



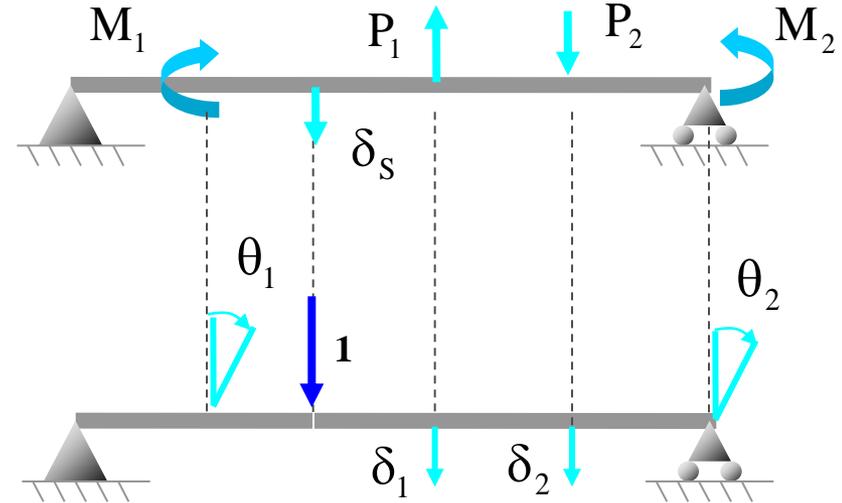
Sistema 1: las cargas reales



Sistema 2: una carga puntual aplicada en el lugar y en el sentido donde se desea conocer el desplazamiento

Aplicación del Teorema: para que el orden de aplicación de los sistemas no afecte el valor final de la energía de deformación, se debe cumplir la siguiente reciprocidad de trabajos:

$$1 \cdot \delta_S = \sum P_i \cdot \delta_i + \sum M_i \cdot \theta_i$$

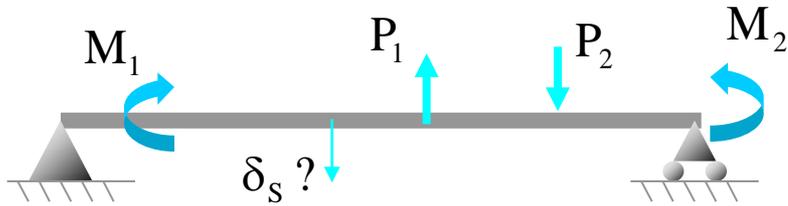


Calcular los trabajos recíprocos de los dos sistemas e igualarlos entre sí

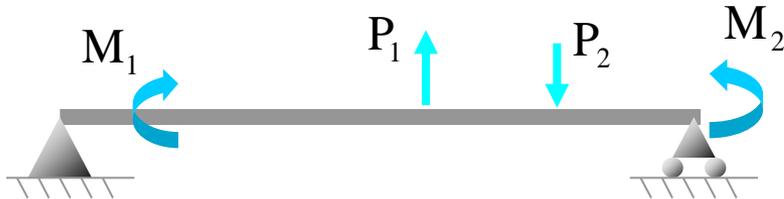


Ejemplo 1

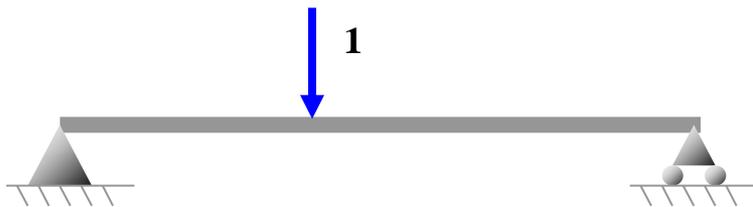
Calculo de la flecha en una sección de una viga biapoyada bajo acciones puntuales



Como no existe ninguna acción sobre S , se altera la realidad suponiendo que sobre la estructura actúan dos sistemas de carga:



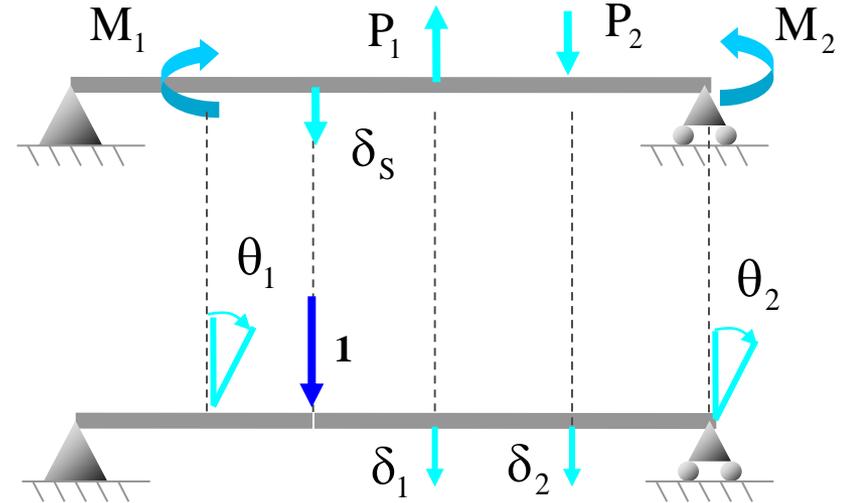
Sistema 1: las cargas reales



Sistema 2: una carga puntual aplicada en el lugar y en el sentido donde se desea conocer el desplazamiento

Aplicación del Teorema: para que el orden de aplicación de los sistemas no afecte el valor final de la energía de deformación, se debe cumplir la siguiente reciprocidad de trabajos:

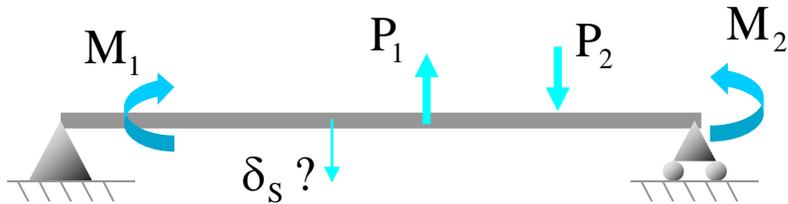
$$1 \cdot \delta_S = \sum P_i \cdot \delta_i + \sum M_i \cdot \theta_i$$



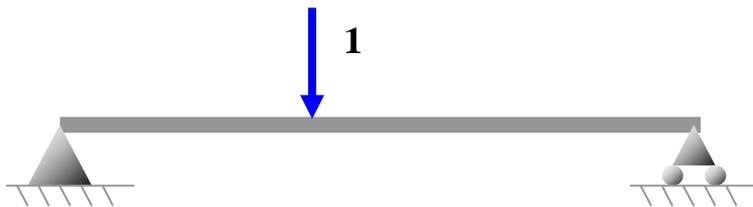
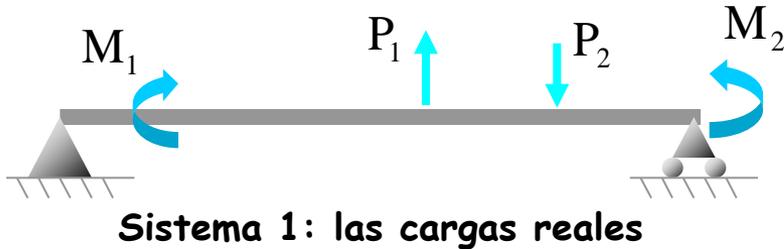
$$\delta_S = M_1 \theta_1 - P_1 \delta_1 + P_2 \delta_2 - M_2 \theta_2$$

Ejemplo 1

Calculo de la flecha en una sección de una viga biapoyada bajo acciones puntuales



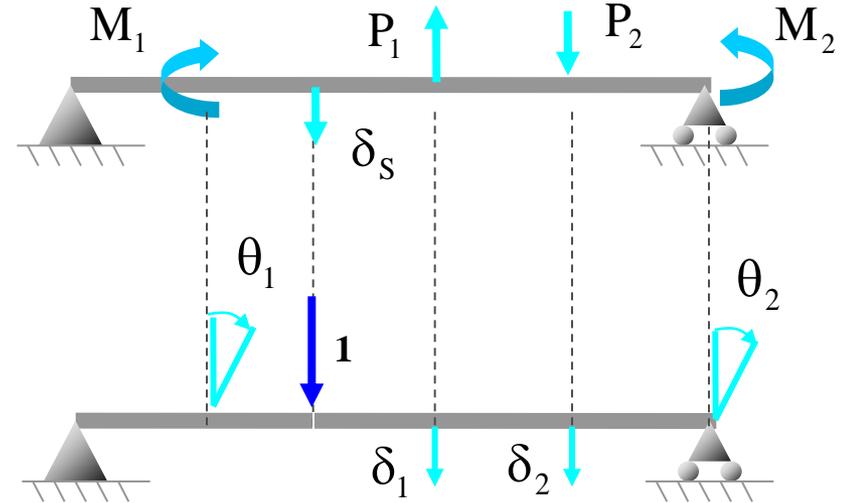
Como no existe ninguna acción sobre S , se altera la realidad suponiendo que sobre la estructura actúan dos sistemas de carga:



Sistema 2: una carga puntual aplicada en el lugar y en el sentido donde se desea conocer el desplazamiento

Aplicación del Teorema: para que el orden de aplicación de los sistemas no afecte el valor final de la energía de deformación, se debe cumplir la siguiente reciprocidad de trabajos:

$$1 \cdot \delta_S = \sum P_i \cdot \delta_i + \sum M_i \cdot \theta_i$$

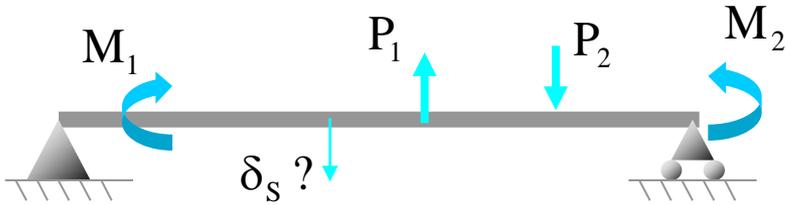


$$\delta_S = M_1 \theta_1 - P_1 \delta_1 + P_2 \delta_2 - M_2 \theta_2$$

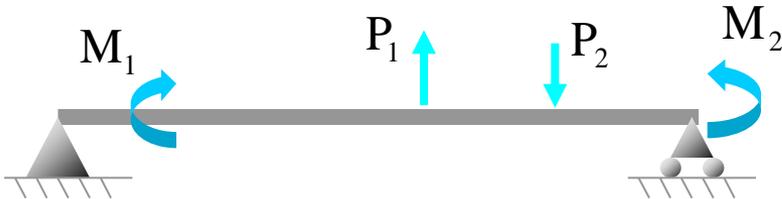
El valor de la flecha queda determinado con cuatro desplazamientos producidos por la carga imaginaria. Estos desplazamientos son más sencillos de calcular que el producido en S por las cargas reales

Ejemplo 1

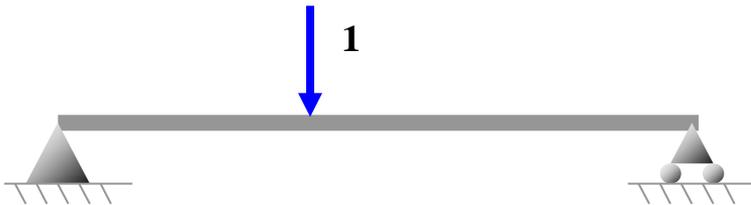
Calculo de la flecha en una sección de una viga biapoyada bajo acciones puntuales



Como no existe ninguna acción sobre S , se altera la realidad suponiendo que sobre la estructura actúan dos sistemas de carga:



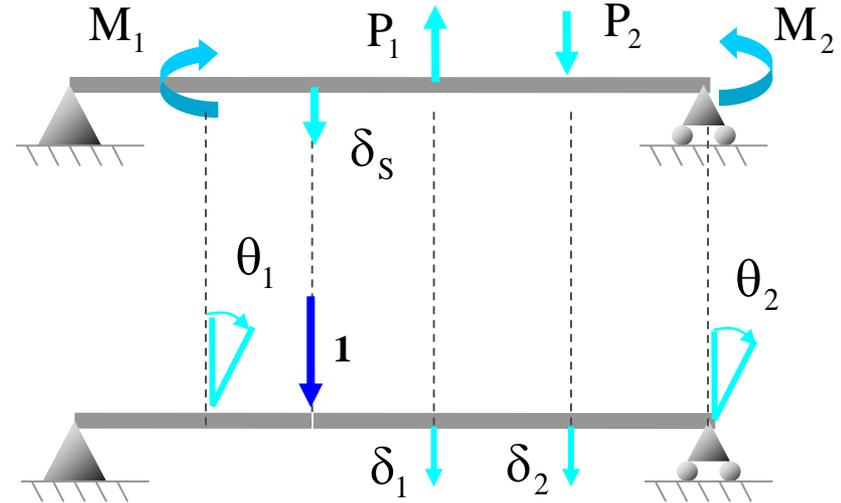
Sistema 1: las cargas reales



Sistema 2: una carga puntual aplicada en el lugar y en el sentido donde se desea conocer el desplazamiento

Aplicación del Teorema: para que el orden de aplicación de los sistemas no afecte el valor final de la energía de deformación, se debe cumplir la siguiente reciprocidad de trabajos:

$$1 \cdot \delta_S = \sum P_i \cdot \delta_i + \sum M_i \cdot \theta_i$$

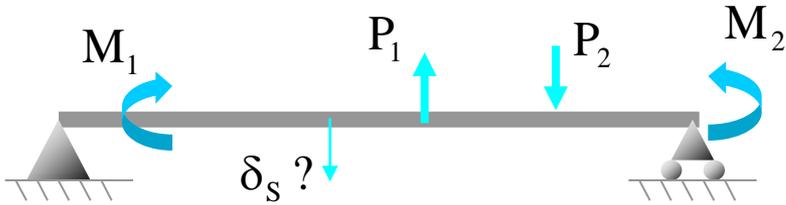


$$\delta_S = M_1 \theta_1 - P_1 \delta_1 + P_2 \delta_2 - M_2 \theta_2$$

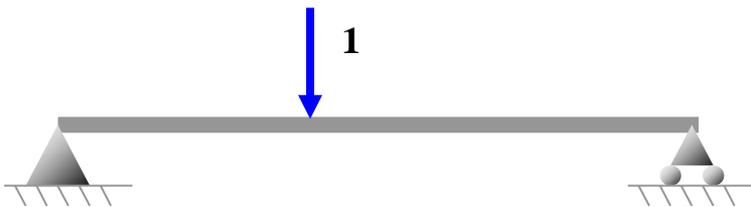
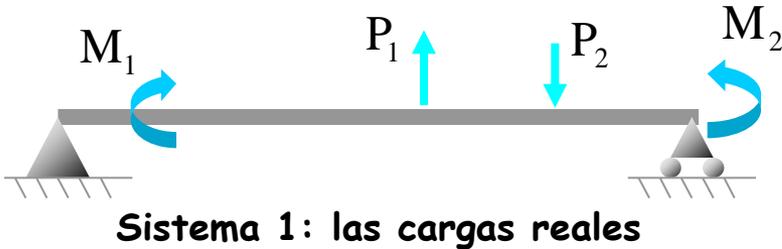
$$\theta_1, \delta_1, \delta_2, \theta_2$$

Ejemplo 1

Calculo de la flecha en una sección de una viga biapoyada bajo acciones puntuales



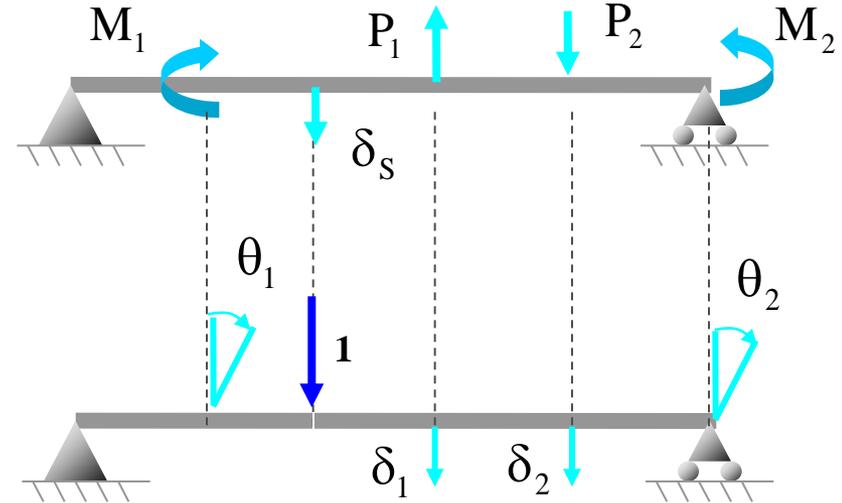
Como no existe ninguna acción sobre S , se altera la realidad suponiendo que sobre la estructura actúan dos sistemas de carga:



Sistema 2: una carga puntual aplicada en el lugar y en el sentido donde se desea conocer el desplazamiento

Aplicación del Teorema: para que el orden de aplicación de los sistemas no afecte el valor final de la energía de deformación, se debe cumplir la siguiente reciprocidad de trabajos:

$$1 \cdot \delta_S = \sum P_i \cdot \delta_i + \sum M_i \cdot \theta_i$$



$$\delta_S = M_1 \theta_1 - P_1 \delta_1 + P_2 \delta_2 - M_2 \theta_2$$

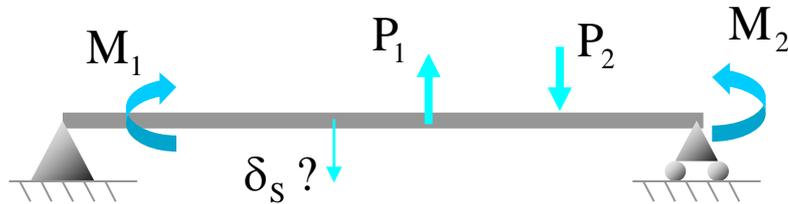
$$\theta_1, \delta_1, \delta_2, \theta_2$$

Pueden calcularse utilizando los métodos matemáticos

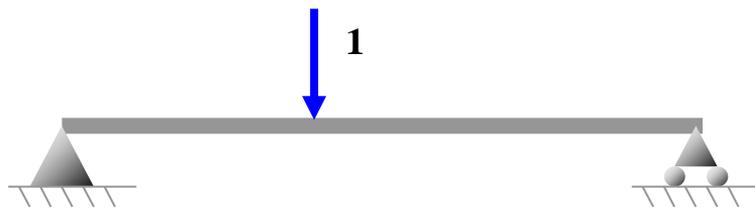
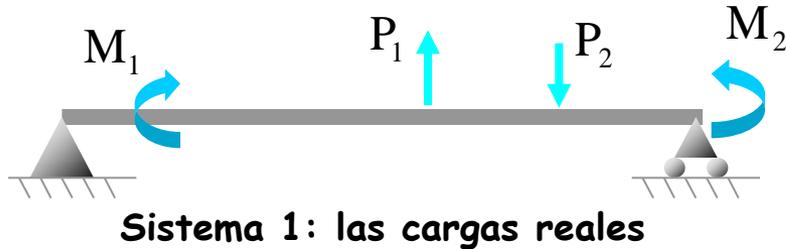


Ejemplo 1

Calculo de la flecha en una sección de una viga biapoyada bajo acciones puntuales



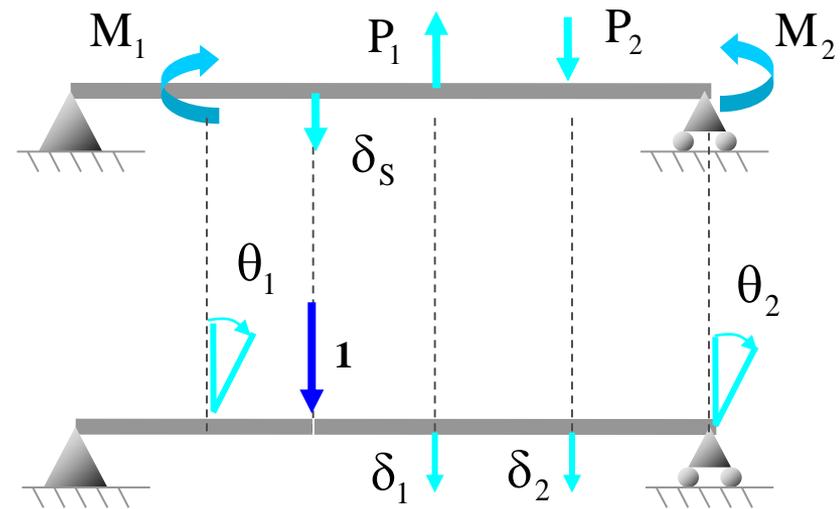
Como no existe ninguna acción sobre S , se altera la realidad suponiendo que sobre la estructura actúan dos sistemas de carga:



Sistema 2: una carga puntual aplicada en el lugar y en el sentido donde se desea conocer el desplazamiento

Aplicación del Teorema: para que el orden de aplicación de los sistemas no afecte el valor final de la energía de deformación, se debe cumplir la siguiente reciprocidad de trabajos:

$$1 \cdot \delta_S = \sum P_i \cdot \delta_i + \sum M_i \cdot \theta_i$$



$$\delta_S = M_1 \theta_1 - P_1 \delta_1 + P_2 \delta_2 - M_2 \theta_2$$

$\theta_1, \delta_1, \delta_2, \theta_2$

Pueden calcularse utilizando los métodos matemáticos

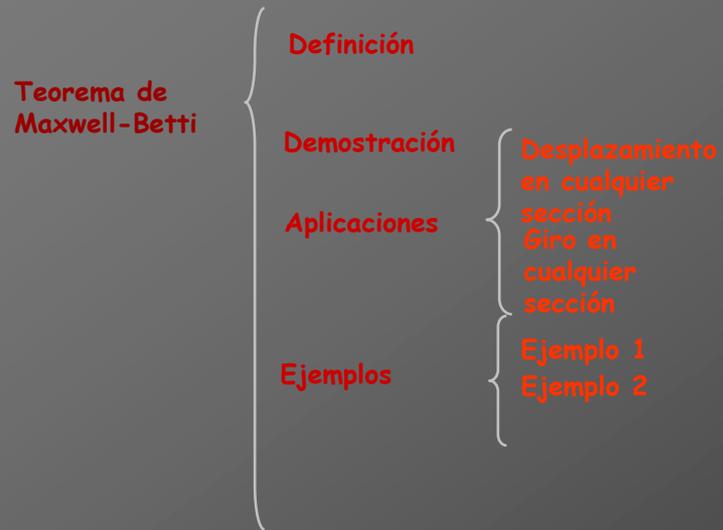


Teorema de Maxwell-Betti





Teorema de Maxwell-Betti





Ejemplo 2

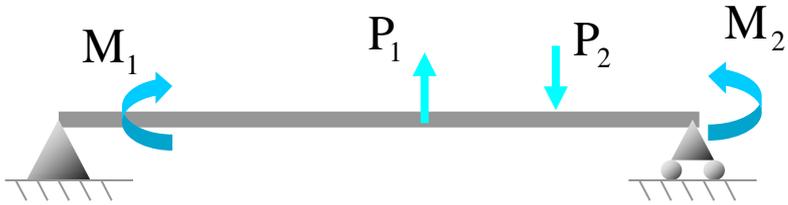


Ejemplo 2

Calculo del giro en una sección de una viga biapoyada bajo acciones puntuales

Ejemplo 2

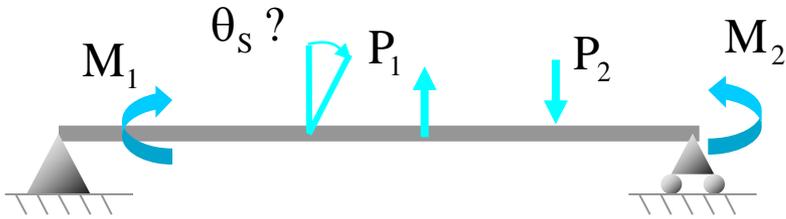
Calculo del giro en una sección de una viga biapoyada bajo acciones puntuales





Ejemplo 2

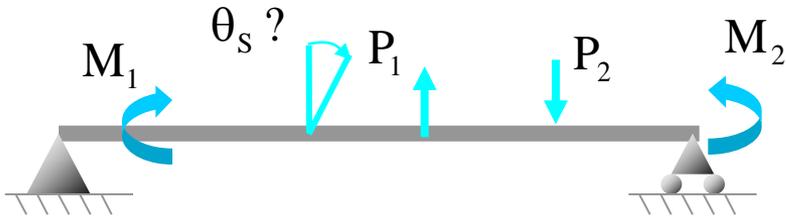
Calculo del giro en una sección de una viga biapoyada bajo acciones puntuales





Ejemplo 2

Calculo del giro en una sección de una viga biapoyada bajo acciones puntuales

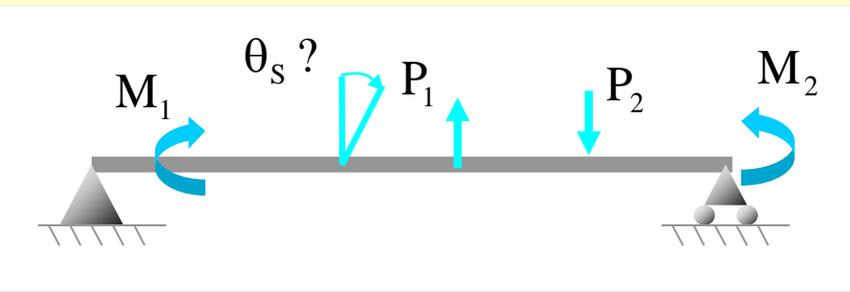


Como no existe ningún momento sobre S , se altera la realidad suponiendo que actúan dos sistemas de carga:

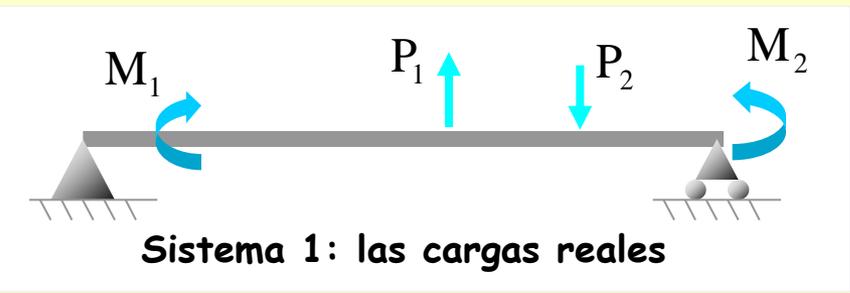


Ejemplo 2

Calculo del giro en una sección de una viga biapoyada bajo acciones puntuales

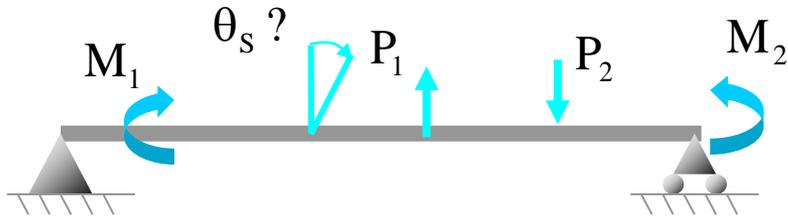


Como no existe ningún momento sobre S , se altera la realidad suponiendo que actúan dos sistemas de carga:

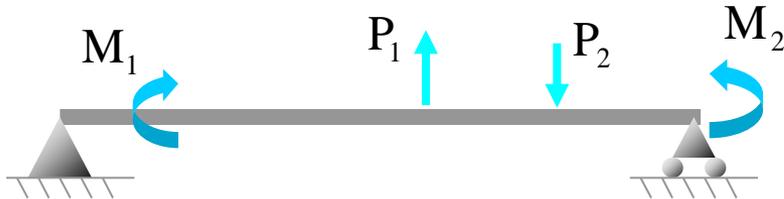


Ejemplo 2

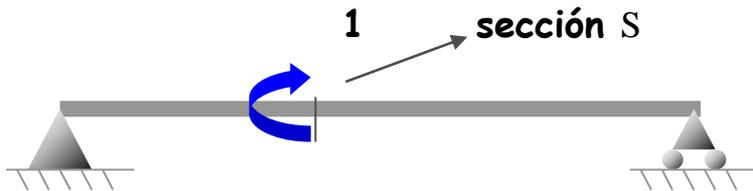
Calculo del giro en una sección de una viga biapoyada bajo acciones puntuales



Como no existe ningún momento sobre S , se altera la realidad suponiendo que actúan dos sistemas de carga:



Sistema 1: las cargas reales

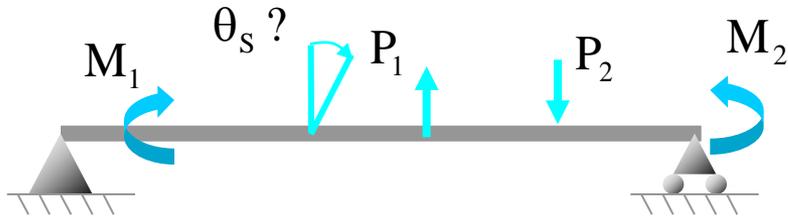


Sistema 2: un momento puntual aplicado en el lugar y en el sentido donde se desea conocer el giro

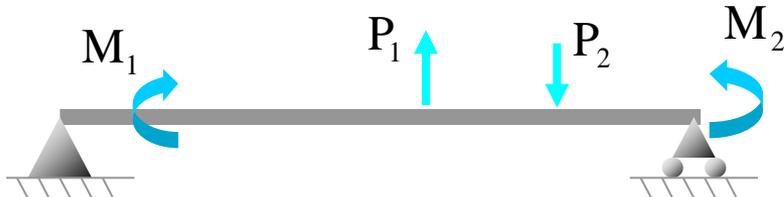


Ejemplo 2

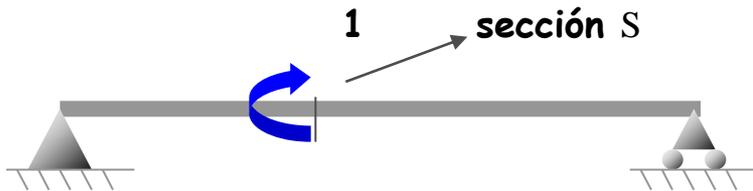
Calculo del giro en una sección de una viga biapoyada bajo acciones puntuales



Como no existe ningún momento sobre S , se altera la realidad suponiendo que actúan dos sistemas de carga:



Sistema 1: las cargas reales

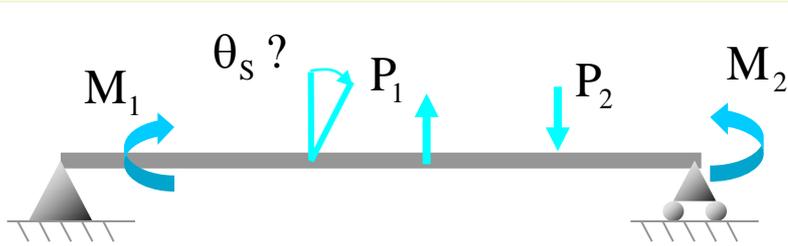


Sistema 2: un momento puntual aplicado en el lugar y en el sentido donde se desea conocer el giro

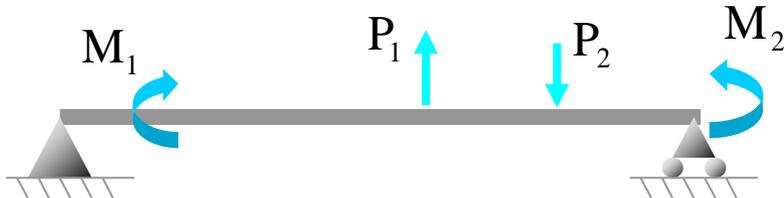
Aplicación del Teorema: para que el orden de aplicación de los dos sistemas no afecte el valor de la energía de deformación, se debe cumplir la siguiente reciprocidad de trabajos:

Ejemplo 2

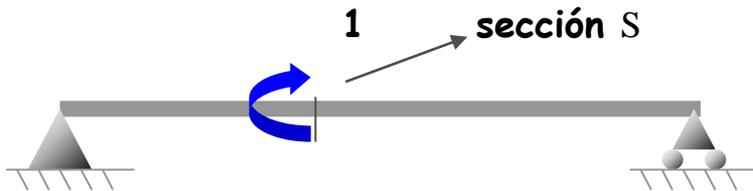
Calculo del giro en una sección de una viga biapoyada bajo acciones puntuales



Como no existe ningún momento sobre S , se altera la realidad suponiendo que actúan dos sistemas de carga:



Sistema 1: las cargas reales



Sistema 2: un momento puntual aplicado en el lugar y en el sentido donde se desea conocer el giro

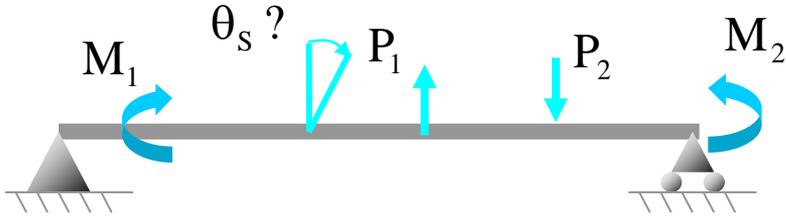
Aplicación del Teorema: para que el orden de aplicación de los dos sistemas no afecte el valor de la energía de deformación, se debe cumplir la siguiente reciprocidad de trabajos:

$$1 \cdot \theta_S = \sum P_i \cdot \delta_i + \sum M_i \cdot \theta_i$$

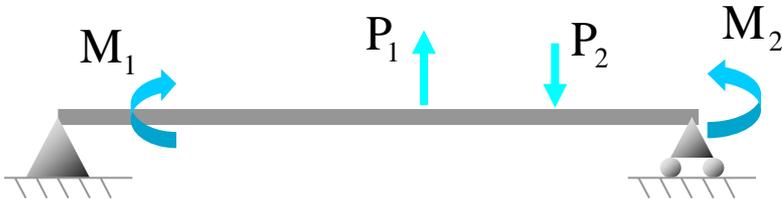


Ejemplo 2

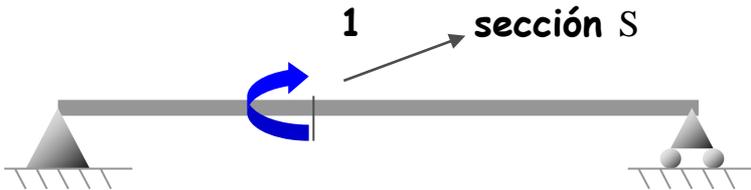
Calculo del giro en una sección de una viga biapoyada bajo acciones puntuales



Como no existe ningún momento sobre S , se altera la realidad suponiendo que actúan dos sistemas de carga:



Sistema 1: las cargas reales



Sistema 2: un momento puntual aplicado en el lugar y en el sentido donde se desea conocer el giro

Aplicación del Teorema: para que el orden de aplicación de los dos sistemas no afecte el valor de la energía de deformación, se debe cumplir la siguiente reciprocidad de trabajos:

$$1 \cdot \theta_S = \sum P_i \cdot \delta_i + \sum M_i \cdot \theta_i$$

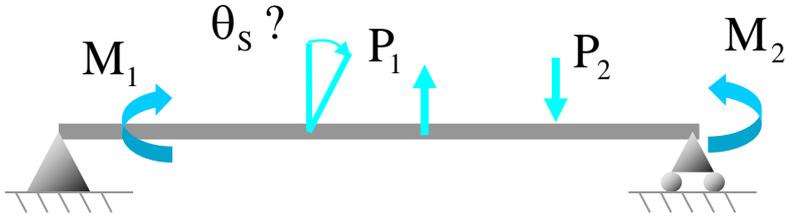


Trabajo del sistema 2 por las acciones del sistema 1

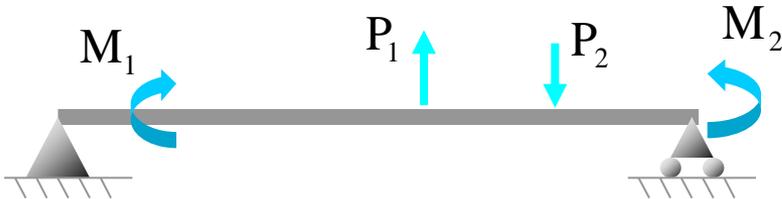


Ejemplo 2

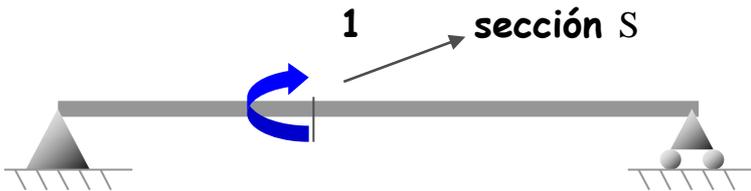
Calculo del giro en una sección de una viga biapoyada bajo acciones puntuales



Como no existe ningún momento sobre S , se altera la realidad suponiendo que actúan dos sistemas de carga:



Sistema 1: las cargas reales



Sistema 2: un momento puntual aplicado en el lugar y en el sentido donde se desea conocer el giro

Aplicación del Teorema: para que el orden de aplicación de los dos sistemas no afecte el valor de la energía de deformación, se debe cumplir la siguiente reciprocidad de trabajos:

$$1 \cdot \theta_S = \sum P_i \cdot \delta_i + \sum M_i \cdot \theta_i$$

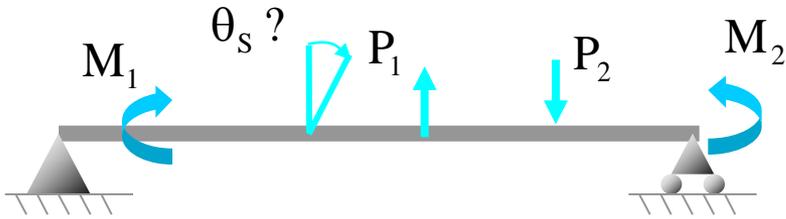
Trabajo del sistema 2 por las acciones del sistema 1

Trabajo del sistema 1 por las acciones del sistema 2

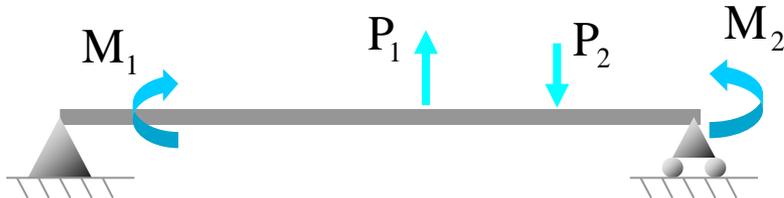


Ejemplo 2

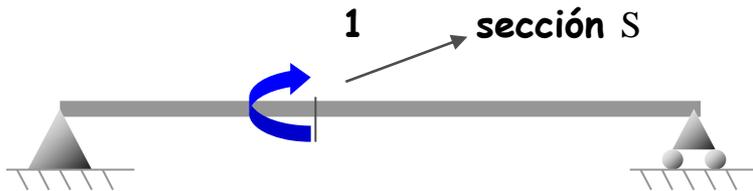
Calculo del giro en una sección de una viga biapoyada bajo acciones puntuales



Como no existe ningún momento sobre S , se altera la realidad suponiendo que actúan dos sistemas de carga:



Sistema 1: las cargas reales



Sistema 2: un momento puntual aplicado en el lugar y en el sentido donde se desea conocer el giro

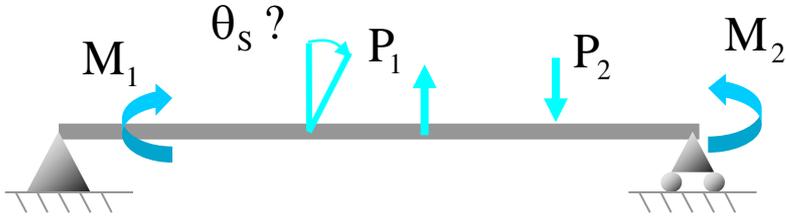
Aplicación del Teorema: para que el orden de aplicación de los dos sistemas no afecte el valor de la energía de deformación, se debe cumplir la siguiente reciprocidad de trabajos:

$$1 \cdot \theta_S = \sum P_i \cdot \delta_i + \sum M_i \cdot \theta_i$$

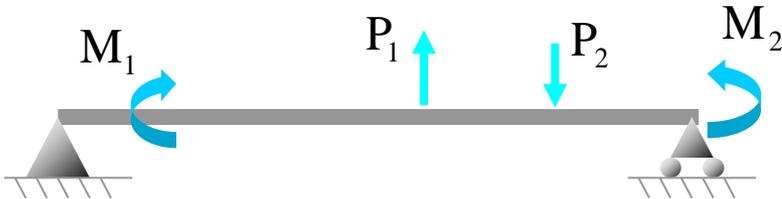


Ejemplo 2

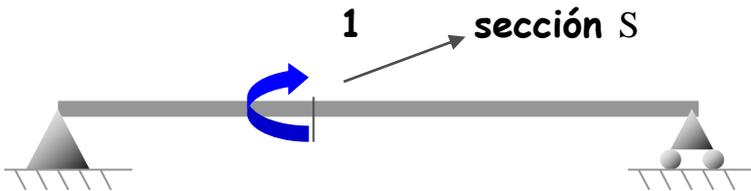
Calculo del giro en una sección de una viga biapoyada bajo acciones puntuales



Como no existe ningún momento sobre S , se altera la realidad suponiendo que actúan dos sistemas de carga:



Sistema 1: las cargas reales



Sistema 2: un momento puntual aplicado en el lugar y en el sentido donde se desea conocer el giro

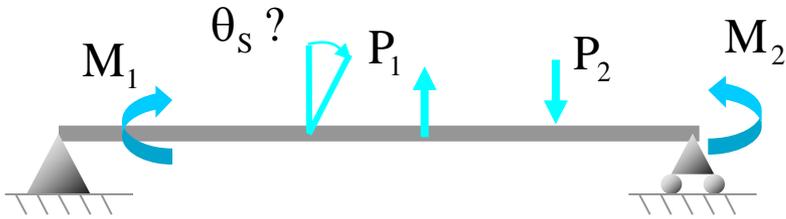
Aplicación del Teorema: para que el orden de aplicación de los dos sistemas no afecte el valor de la energía de deformación, se debe cumplir la siguiente reciprocidad de trabajos:

$$1 \cdot \theta_s = \sum P_i \cdot \delta_i + \sum M_i \cdot \theta_i$$

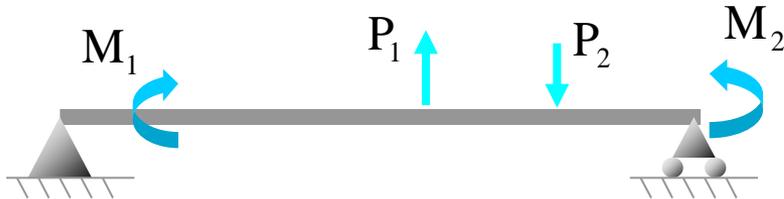
Giro de la sección S producido por las acciones reales

Ejemplo 2

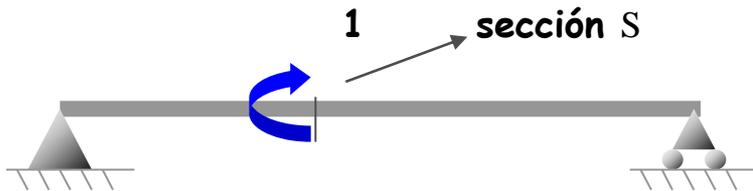
Calculo del giro en una sección de una viga biapoyada bajo acciones puntuales



Como no existe ningún momento sobre S , se altera la realidad suponiendo que actúan dos sistemas de carga:



Sistema 1: las cargas reales



Sistema 2: un momento puntual aplicado en el lugar y en el sentido donde se desea conocer el giro

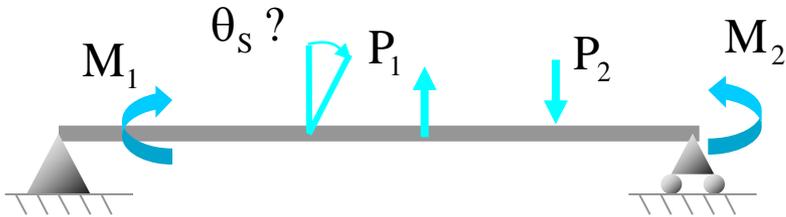
Aplicación del Teorema: para que el orden de aplicación de los dos sistemas no afecte el valor de la energía de deformación, se debe cumplir la siguiente reciprocidad de trabajos:

$$1 \cdot \theta_S = \sum P_i \cdot \delta_i + \sum M_i \cdot \theta_i$$

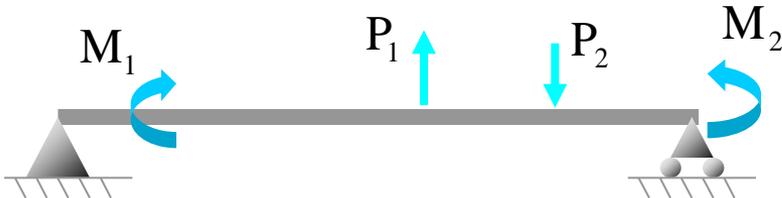
Acciones reales sobre la estructura

Ejemplo 2

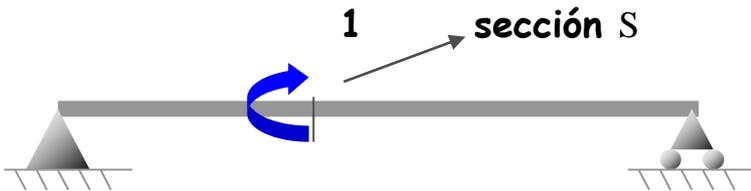
Calculo del giro en una sección de una viga biapoyada bajo acciones puntuales



Como no existe ningún momento sobre S , se altera la realidad suponiendo que actúan dos sistemas de carga:



Sistema 1: las cargas reales



Sistema 2: un momento puntual aplicado en el lugar y en el sentido donde se desea conocer el giro

Aplicación del Teorema: para que el orden de aplicación de los dos sistemas no afecte el valor de la energía de deformación, se debe cumplir la siguiente reciprocidad de trabajos:

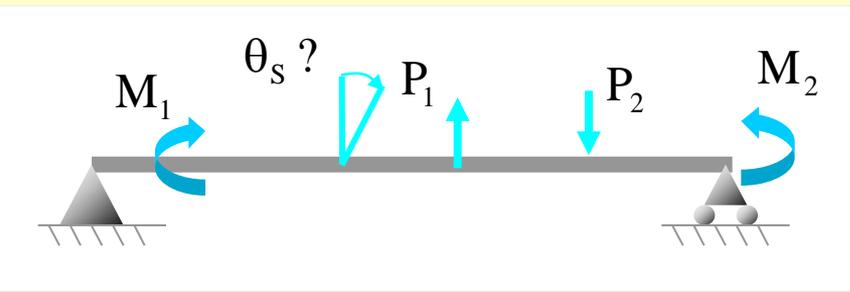
$$1 \cdot \theta_S = \sum P_i \cdot \delta_i + \sum M_i \cdot \theta_i$$

Movimientos de la estructura en los lugares y direcciones de las acciones reales producidos por el momento imaginario

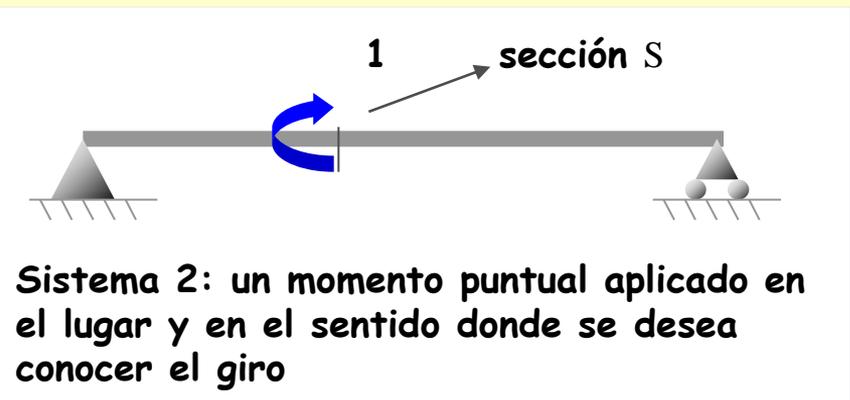
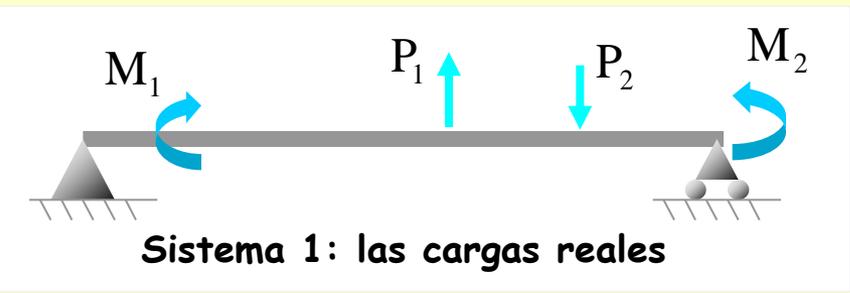


Ejemplo 2

Calculo del giro en una sección de una viga biapoyada bajo acciones puntuales



Como no existe ningún momento sobre S , se altera la realidad suponiendo que actúan dos sistemas de carga:



Aplicación del Teorema: para que el orden de aplicación de los dos sistemas no afecte el valor de la energía de deformación, se debe cumplir la siguiente reciprocidad de trabajos:

$$1 \cdot \theta_S = \sum P_i \cdot \delta_i + \sum M_i \cdot \theta_i$$

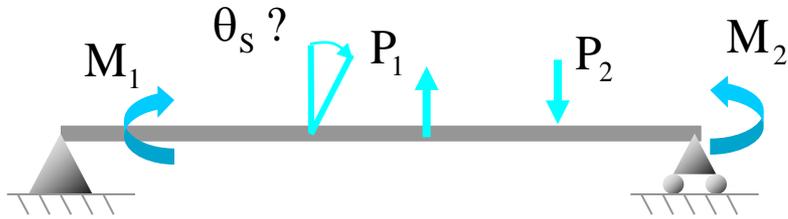
Movimientos de la estructura en los lugares y direcciones de las acciones reales producidos por el momento imaginario

Para determinar los términos de esta igualdad, se puede actuar de la siguiente manera:

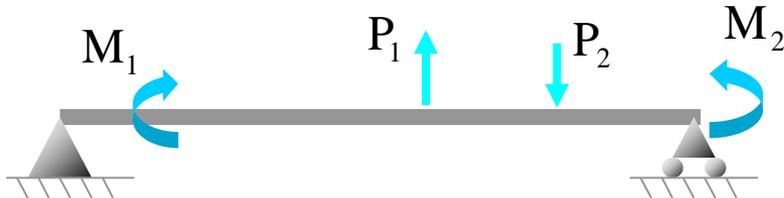


Ejemplo 2

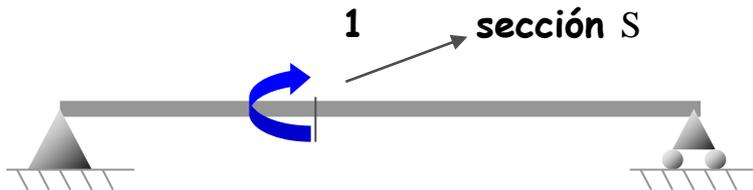
Calculo del giro en una sección de una viga biapoyada bajo acciones puntuales



Como no existe ningún momento sobre S , se altera la realidad suponiendo que actúan dos sistemas de carga:



Sistema 1: las cargas reales



Sistema 2: un momento puntual aplicado en el lugar y en el sentido donde se desea conocer el giro

Aplicación del Teorema: para que el orden de aplicación de los dos sistemas no afecte el valor de la energía de deformación, se debe cumplir la siguiente reciprocidad de trabajos:

$$1 \cdot \theta_S = \sum P_i \cdot \delta_i + \sum M_i \cdot \theta_i$$

Movimientos de la estructura en los lugares y direcciones de las acciones reales producidos por el momento imaginario

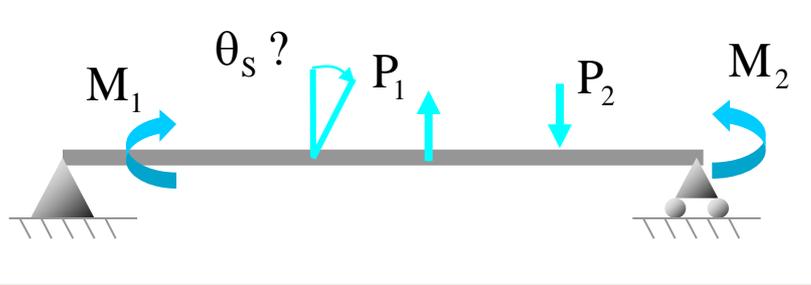
Para determinar los términos de esta igualdad, se puede actuar de la siguiente manera:

Representar la estructura en dos situaciones: una con el sistema 1 de cargas y otra con el sistema 2

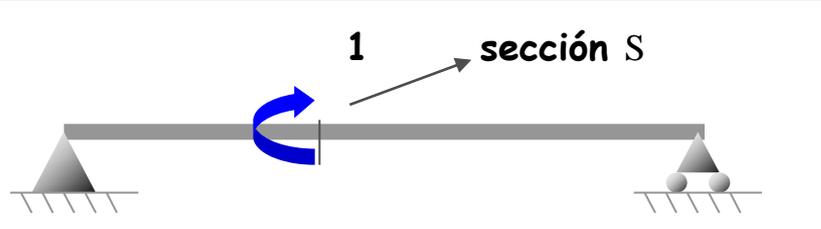
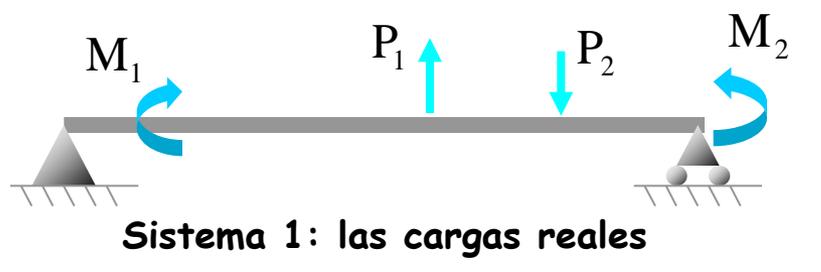


Ejemplo 2

Calculo del giro en una sección de una viga biapoyada bajo acciones puntuales

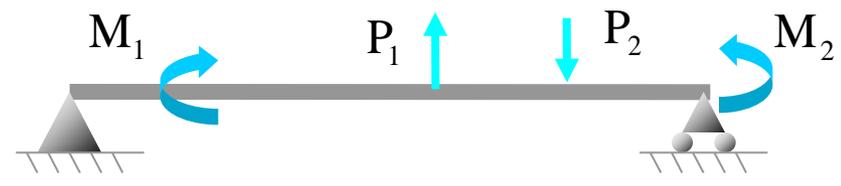


Como no existe ningún momento sobre S , se altera la realidad suponiendo que actúan dos sistemas de carga:



Aplicación del Teorema: para que el orden de aplicación de los dos sistemas no afecte el valor de la energía de deformación, se debe cumplir la siguiente reciprocidad de trabajos:

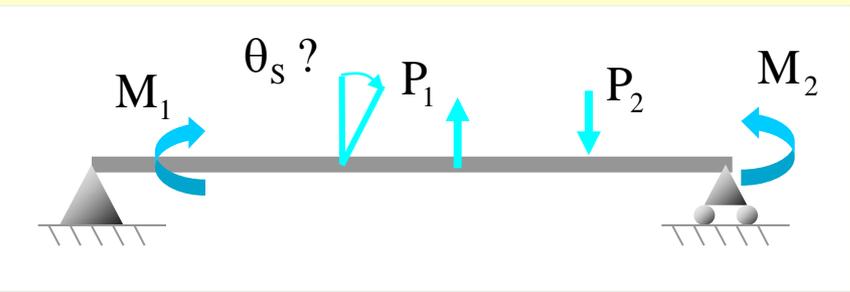
$$1 \cdot \theta_S = \sum P_i \cdot \delta_i + \sum M_i \cdot \theta_i$$



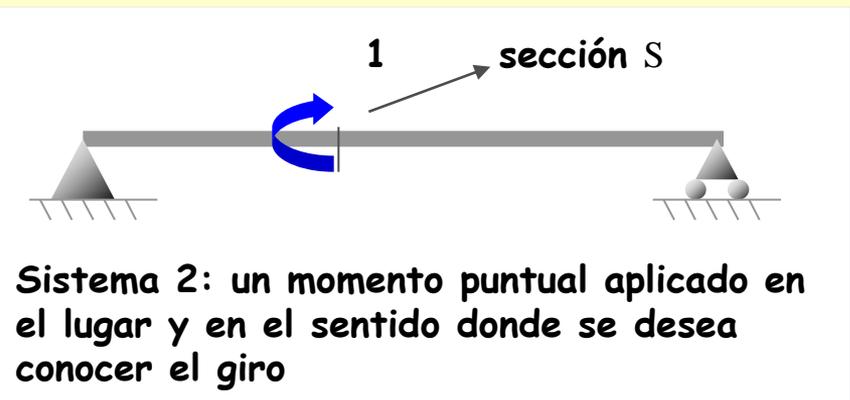
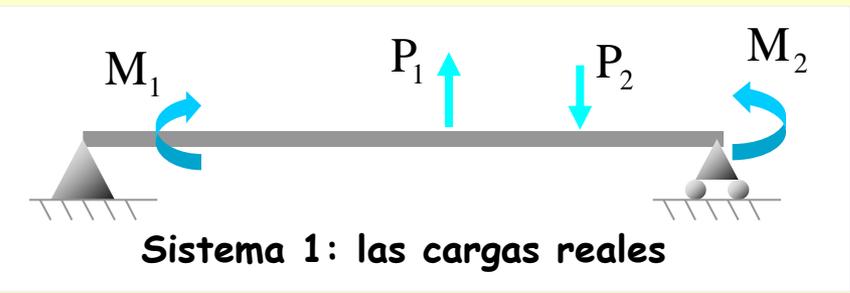


Ejemplo 2

Calculo del giro en una sección de una viga biapoyada bajo acciones puntuales

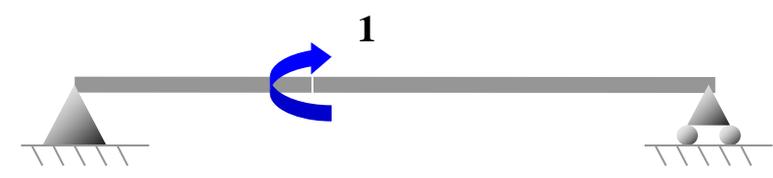
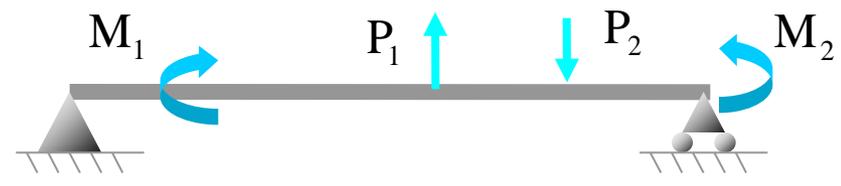


Como no existe ningún momento sobre S , se altera la realidad suponiendo que actúan dos sistemas de carga:



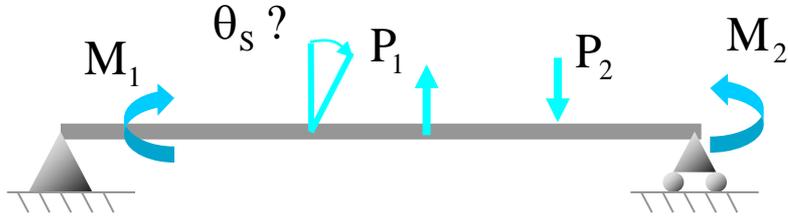
Aplicación del Teorema: para que el orden de aplicación de los dos sistemas no afecte el valor de la energía de deformación, se debe cumplir la siguiente reciprocidad de trabajos:

$$1 \cdot \theta_S = \sum P_i \cdot \delta_i + \sum M_i \cdot \theta_i$$

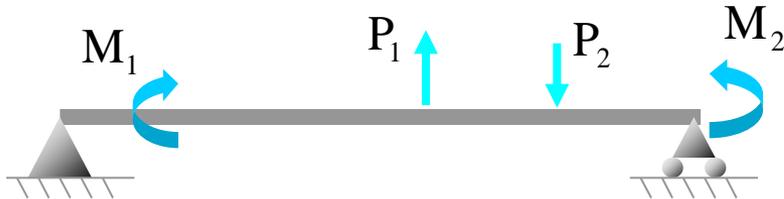


Ejemplo 2

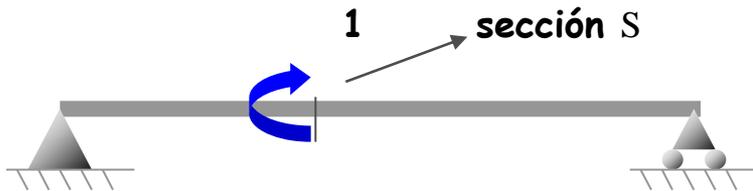
Calculo del giro en una sección de una viga biapoyada bajo acciones puntuales



Como no existe ningún momento sobre S , se altera la realidad suponiendo que actúan dos sistemas de carga:



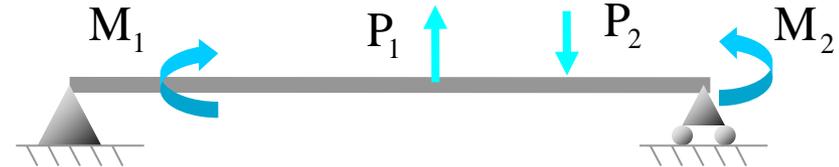
Sistema 1: las cargas reales



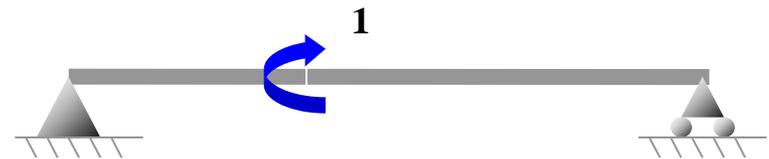
Sistema 2: un momento puntual aplicado en el lugar y en el sentido donde se desea conocer el giro

Aplicación del Teorema: para que el orden de aplicación de los dos sistemas no afecte el valor de la energía de deformación, se debe cumplir la siguiente reciprocidad de trabajos:

$$1 \cdot \theta_S = \sum P_i \cdot \delta_i + \sum M_i \cdot \theta_i$$



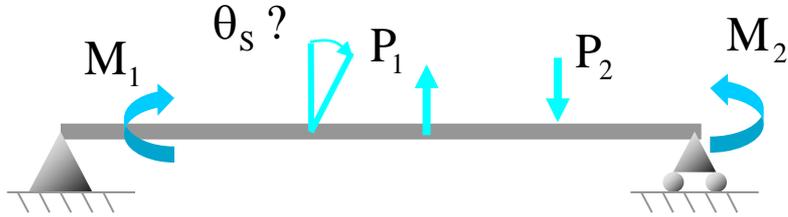
Representar en ambas situaciones las secciones donde existan acciones puntuales



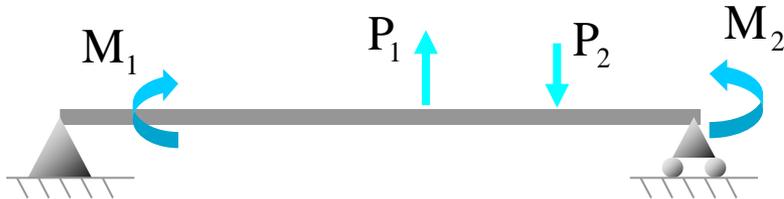


Ejemplo 2

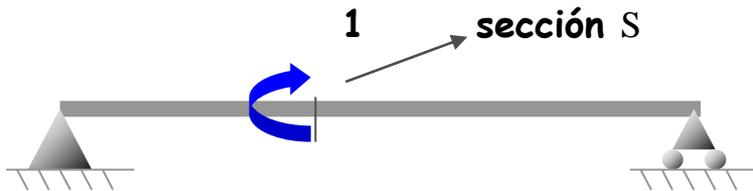
Calculo del giro en una sección de una viga biapoyada bajo acciones puntuales



Como no existe ningún momento sobre S , se altera la realidad suponiendo que actúan dos sistemas de carga:



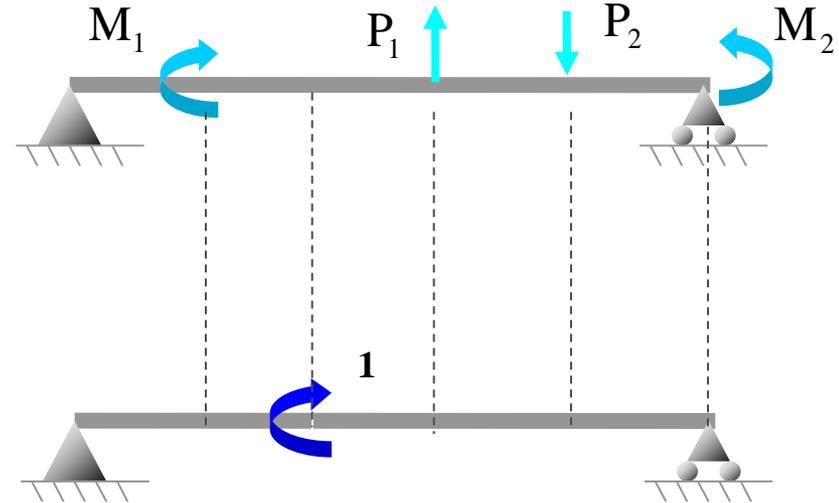
Sistema 1: las cargas reales



Sistema 2: un momento puntual aplicado en el lugar y en el sentido donde se desea conocer el giro

Aplicación del Teorema: para que el orden de aplicación de los dos sistemas no afecte el valor de la energía de deformación, se debe cumplir la siguiente reciprocidad de trabajos:

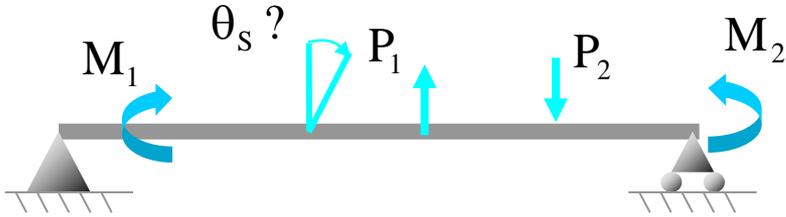
$$1 \cdot \theta_S = \sum P_i \cdot \delta_i + \sum M_i \cdot \theta_i$$



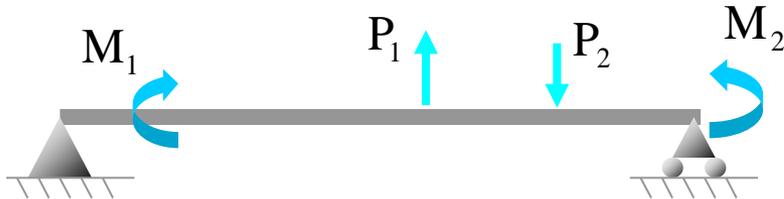


Ejemplo 2

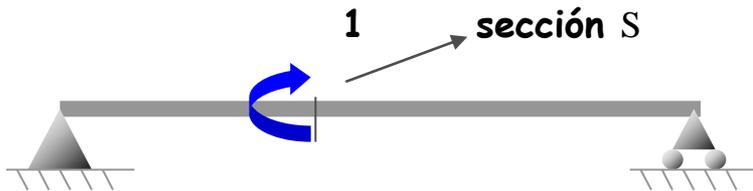
Calculo del giro en una sección de una viga biapoyada bajo acciones puntuales



Como no existe ningún momento sobre S , se altera la realidad suponiendo que actúan dos sistemas de carga:



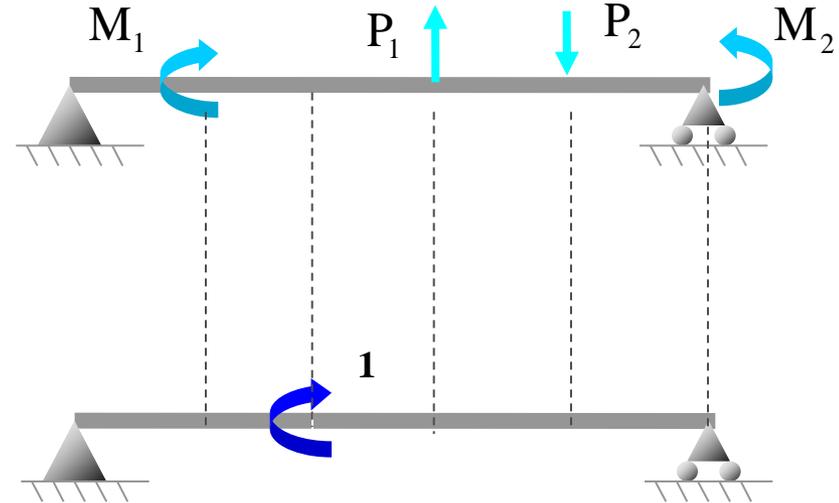
Sistema 1: las cargas reales



Sistema 2: un momento puntual aplicado en el lugar y en el sentido donde se desea conocer el giro

Aplicación del Teorema: para que el orden de aplicación de los dos sistemas no afecte el valor de la energía de deformación, se debe cumplir la siguiente reciprocidad de trabajos:

$$1 \cdot \theta_S = \sum P_i \cdot \delta_i + \sum M_i \cdot \theta_i$$

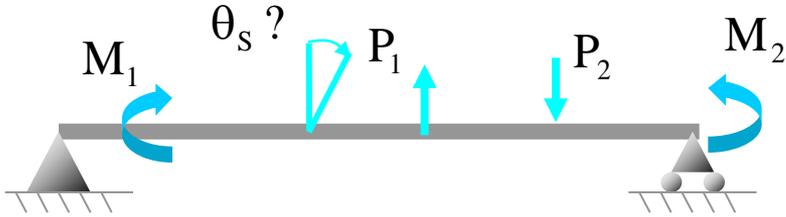


Plantear los movimientos de las secciones donde actúan las acciones (dibujar las flechas hacia abajo y los giros a favor de las agujas del reloj)

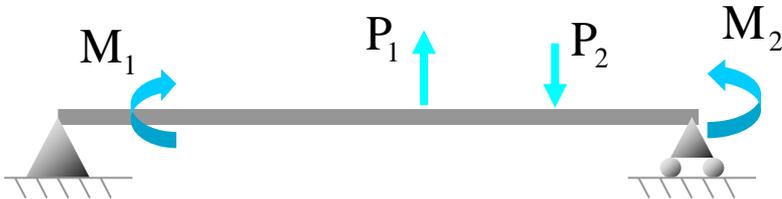


Ejemplo 2

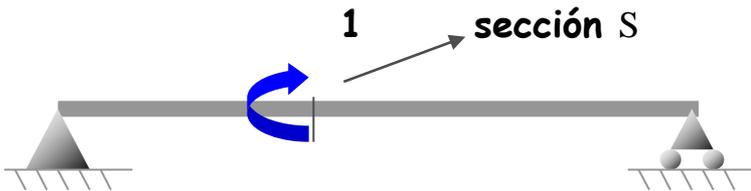
Calculo del giro en una sección de una viga biapoyada bajo acciones puntuales



Como no existe ningún momento sobre S , se altera la realidad suponiendo que actúan dos sistemas de carga:



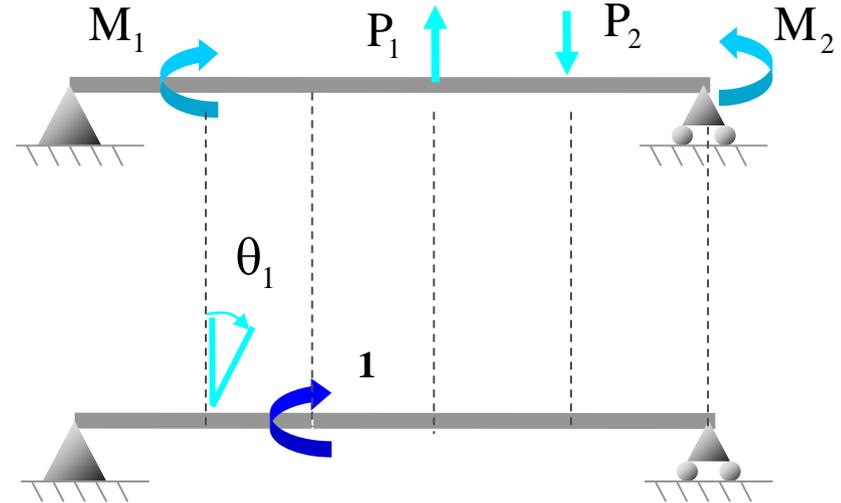
Sistema 1: las cargas reales



Sistema 2: un momento puntual aplicado en el lugar y en el sentido donde se desea conocer el giro

Aplicación del Teorema: para que el orden de aplicación de los dos sistemas no afecte el valor de la energía de deformación, se debe cumplir la siguiente reciprocidad de trabajos:

$$1 \cdot \theta_S = \sum P_i \cdot \delta_i + \sum M_i \cdot \theta_i$$

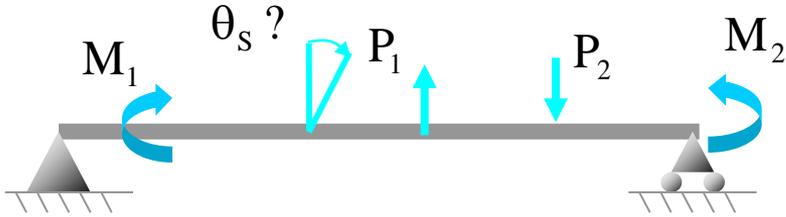


Plantear los movimientos de las secciones donde actúan las acciones (dibujar las flechas hacia abajo y los giros a favor de las agujas del reloj)

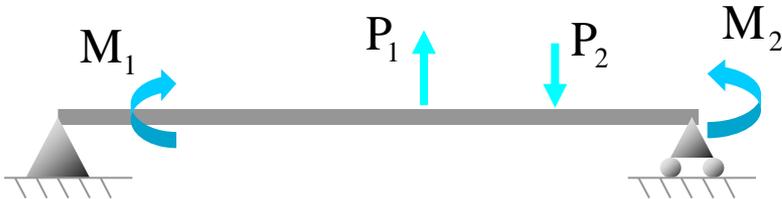


Ejemplo 2

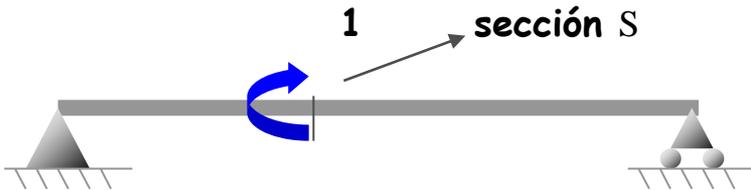
Calculo del giro en una sección de una viga biapoyada bajo acciones puntuales



Como no existe ningún momento sobre S , se altera la realidad suponiendo que actúan dos sistemas de carga:



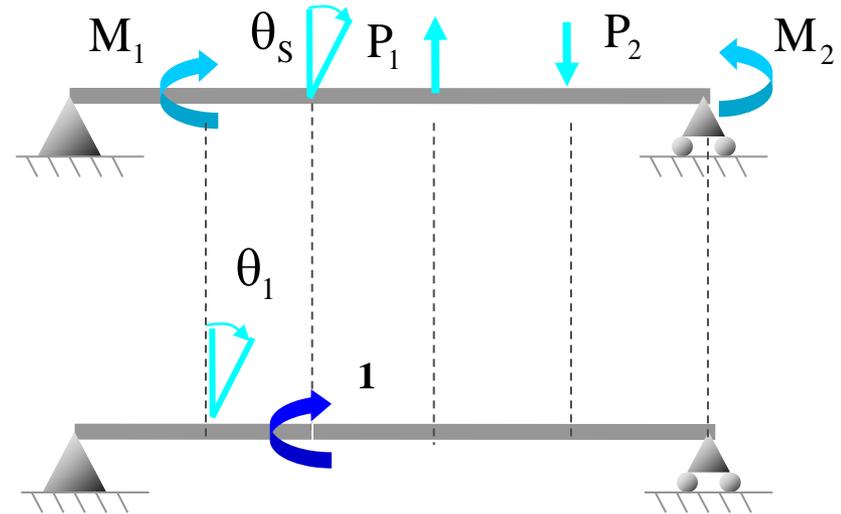
Sistema 1: las cargas reales



Sistema 2: un momento puntual aplicado en el lugar y en el sentido donde se desea conocer el giro

Aplicación del Teorema: para que el orden de aplicación de los dos sistemas no afecte el valor de la energía de deformación, se debe cumplir la siguiente reciprocidad de trabajos:

$$1 \cdot \theta_S = \sum P_i \cdot \delta_i + \sum M_i \cdot \theta_i$$

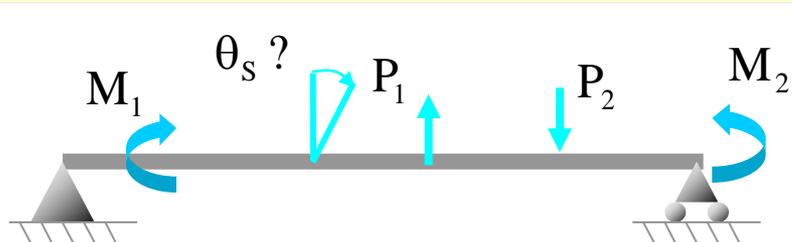


Plantear los movimientos de las secciones donde actúan las acciones (dibujar las flechas hacia abajo y los giros a favor de las agujas del reloj)

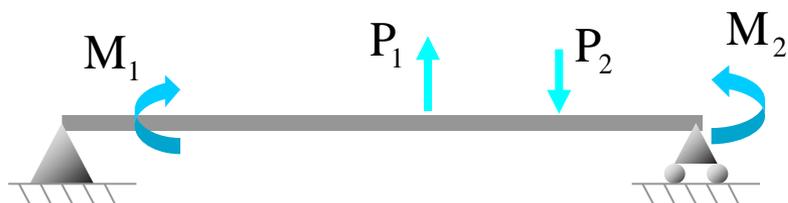


Ejemplo 2

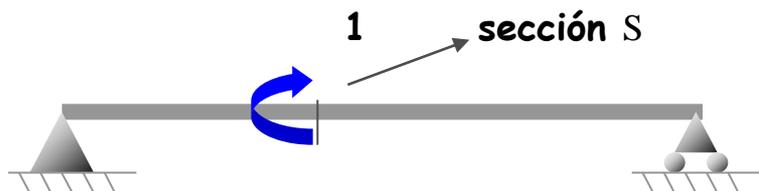
Calculo del giro en una sección de una viga biapoyada bajo acciones puntuales



Como no existe ningún momento sobre S , se altera la realidad suponiendo que actúan dos sistemas de carga:



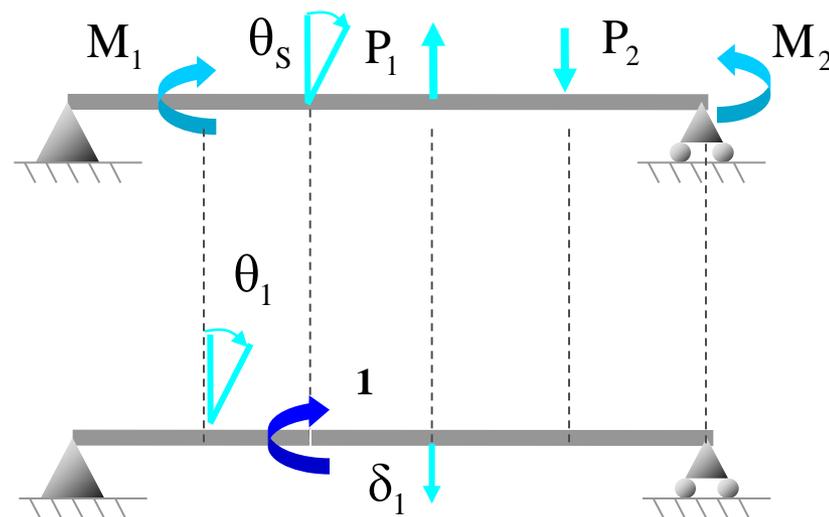
Sistema 1: las cargas reales



Sistema 2: un momento puntual aplicado en el lugar y en el sentido donde se desea conocer el giro

Aplicación del Teorema: para que el orden de aplicación de los dos sistemas no afecte el valor de la energía de deformación, se debe cumplir la siguiente reciprocidad de trabajos:

$$1 \cdot \theta_S = \sum P_i \cdot \delta_i + \sum M_i \cdot \theta_i$$

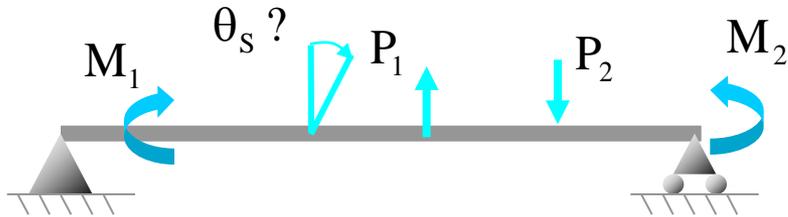


Plantear los movimientos de las secciones donde actúan las acciones (dibujar las flechas hacia abajo y los giros a favor de las agujas del reloj)

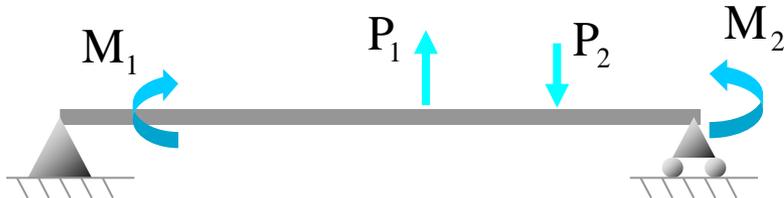


Ejemplo 2

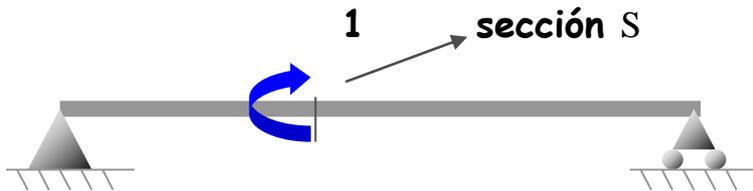
Calculo del giro en una sección de una viga biapoyada bajo acciones puntuales



Como no existe ningún momento sobre S , se altera la realidad suponiendo que actúan dos sistemas de carga:



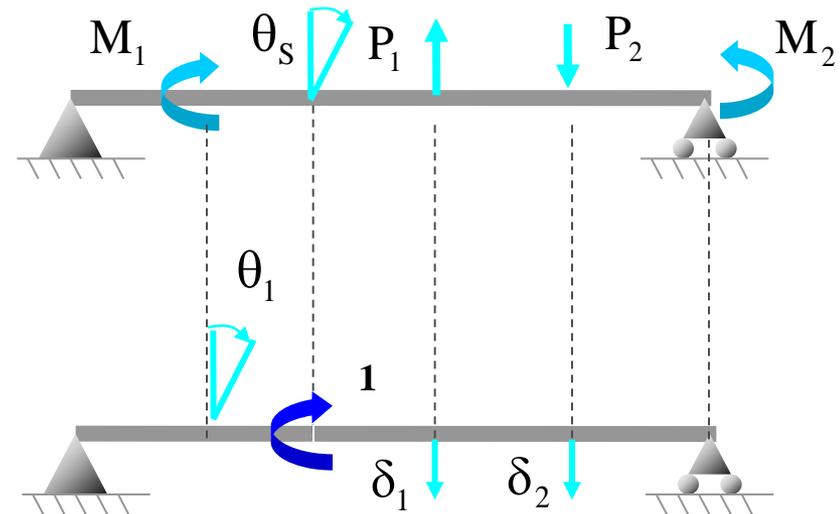
Sistema 1: las cargas reales



Sistema 2: un momento puntual aplicado en el lugar y en el sentido donde se desea conocer el giro

Aplicación del Teorema: para que el orden de aplicación de los dos sistemas no afecte el valor de la energía de deformación, se debe cumplir la siguiente reciprocidad de trabajos:

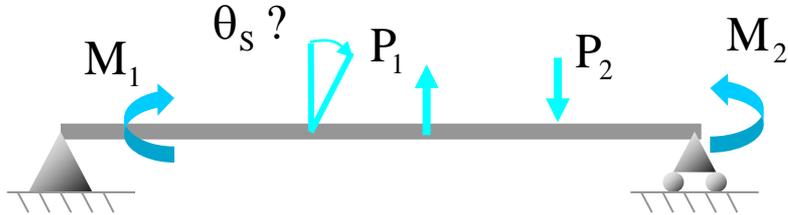
$$1 \cdot \theta_s = \sum P_i \cdot \delta_i + \sum M_i \cdot \theta_i$$



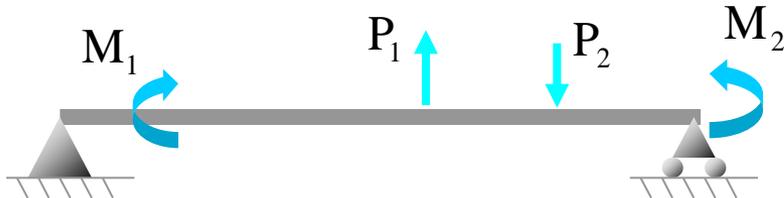
Plantear los movimientos de las secciones donde actúan las acciones (dibujar las flechas hacia abajo y los giros a favor de las agujas del reloj)

Ejemplo 2

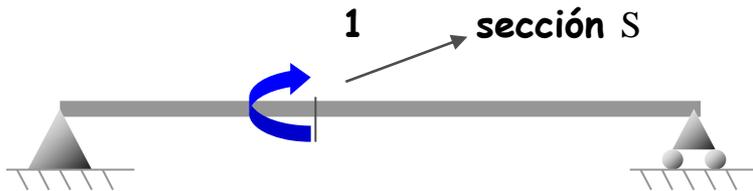
Calculo del giro en una sección de una viga biapoyada bajo acciones puntuales



Como no existe ningún momento sobre S , se altera la realidad suponiendo que actúan dos sistemas de carga:



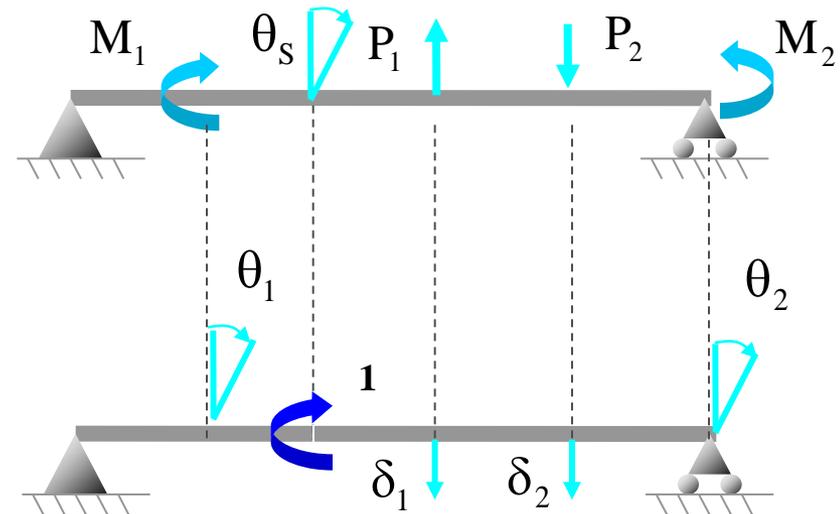
Sistema 1: las cargas reales



Sistema 2: un momento puntual aplicado en el lugar y en el sentido donde se desea conocer el giro

Aplicación del Teorema: para que el orden de aplicación de los dos sistemas no afecte el valor de la energía de deformación, se debe cumplir la siguiente reciprocidad de trabajos:

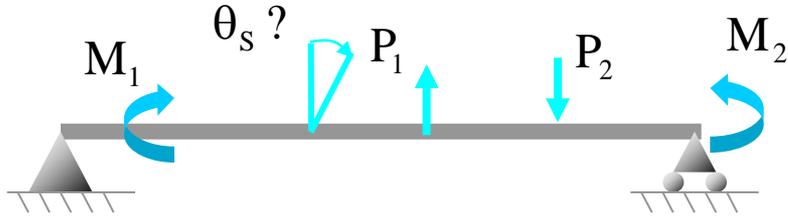
$$1 \cdot \theta_s = \sum P_i \cdot \delta_i + \sum M_i \cdot \theta_i$$



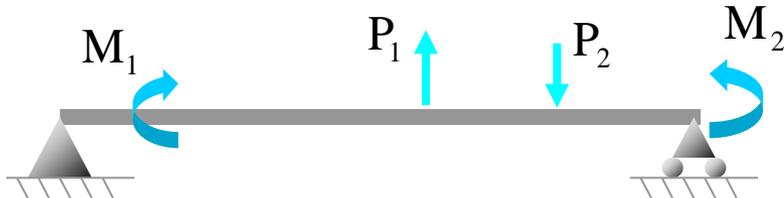
Plantear los movimientos de las secciones donde actúan las acciones (dibujar las flechas hacia abajo y los giros a favor de las agujas del reloj)

Ejemplo 2

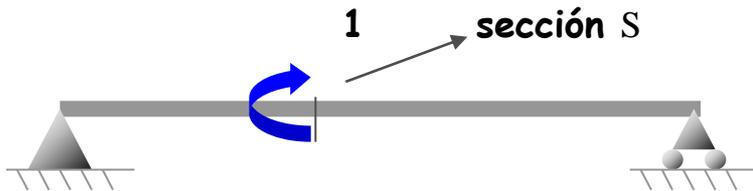
Calculo del giro en una sección de una viga biapoyada bajo acciones puntuales



Como no existe ningún momento sobre S , se altera la realidad suponiendo que actúan dos sistemas de carga:



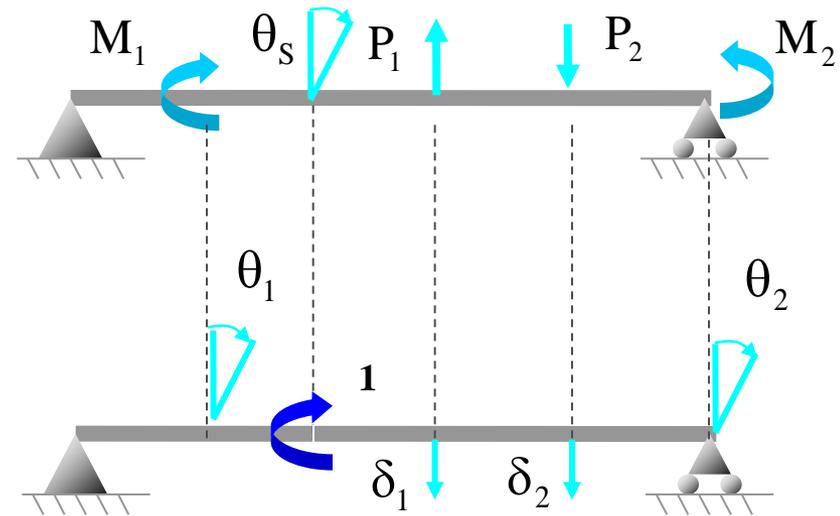
Sistema 1: las cargas reales



Sistema 2: un momento puntual aplicado en el lugar y en el sentido donde se desea conocer el giro

Aplicación del Teorema: para que el orden de aplicación de los dos sistemas no afecte el valor de la energía de deformación, se debe cumplir la siguiente reciprocidad de trabajos:

$$1 \cdot \theta_S = \sum P_i \cdot \delta_i + \sum M_i \cdot \theta_i$$

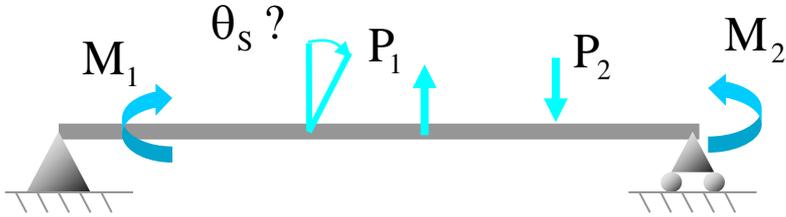


Calcular los trabajos recíprocos de los dos sistemas e igualarlos entre sí

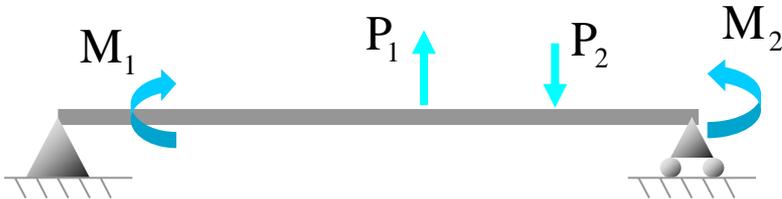


Ejemplo 2

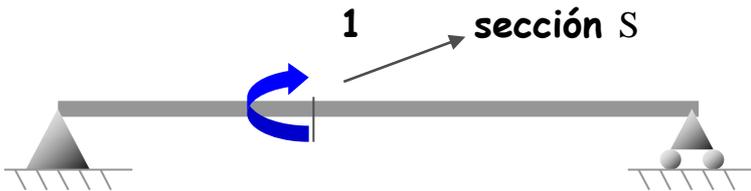
Calculo del giro en una sección de una viga biapoyada bajo acciones puntuales



Como no existe ningún momento sobre S , se altera la realidad suponiendo que actúan dos sistemas de carga:



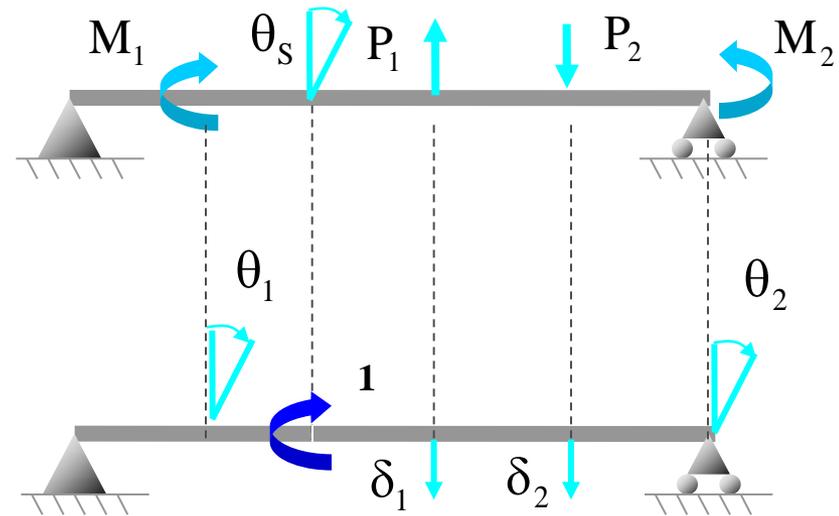
Sistema 1: las cargas reales



Sistema 2: un momento puntual aplicado en el lugar y en el sentido donde se desea conocer el giro

Aplicación del Teorema: para que el orden de aplicación de los dos sistemas no afecte el valor de la energía de deformación, se debe cumplir la siguiente reciprocidad de trabajos:

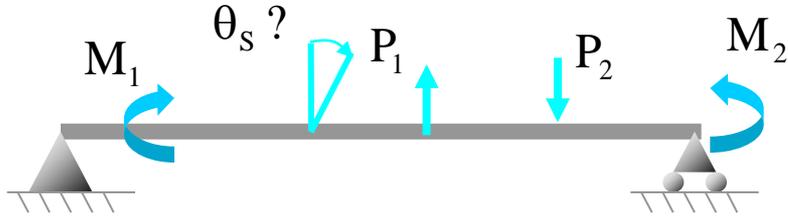
$$1 \cdot \theta_S = \sum P_i \cdot \delta_i + \sum M_i \cdot \theta_i$$



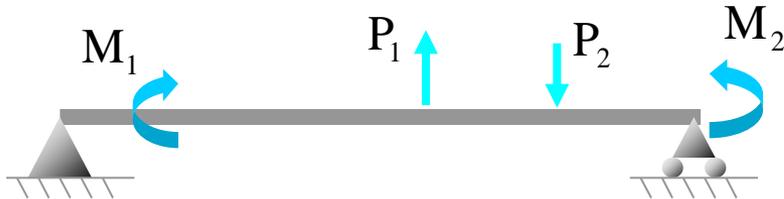
$$\theta_S = M_1 \theta_1 - P_1 \delta_1 + P_2 \delta_2 - M_2 \theta_2$$

Ejemplo 2

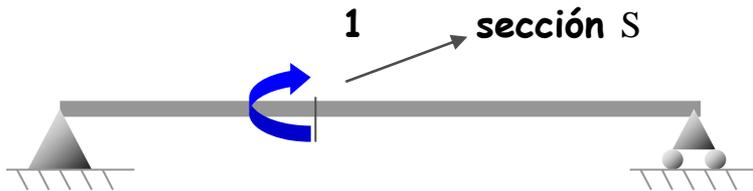
Calculo del giro en una sección de una viga biapoyada bajo acciones puntuales



Como no existe ningún momento sobre S , se altera la realidad suponiendo que actúan dos sistemas de carga:



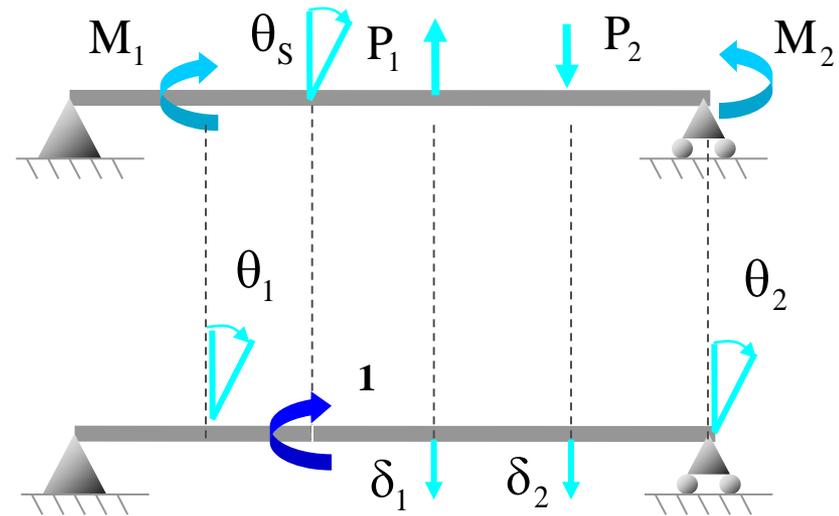
Sistema 1: las cargas reales



Sistema 2: un momento puntual aplicado en el lugar y en el sentido donde se desea conocer el giro

Aplicación del Teorema: para que el orden de aplicación de los dos sistemas no afecte el valor de la energía de deformación, se debe cumplir la siguiente reciprocidad de trabajos:

$$1 \cdot \theta_s = \sum P_i \cdot \delta_i + \sum M_i \cdot \theta_i$$



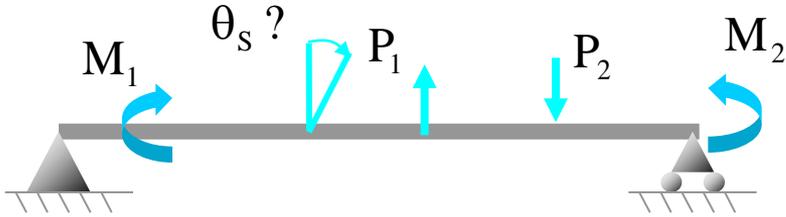
$$\theta_s = M_1 \theta_1 - P_1 \delta_1 + P_2 \delta_2 - M_2 \theta_2$$

El valor del giro queda determinado con cuatro movimientos producidos por el momento imaginario. Es más sencillo calcular estos desplazamientos que el producido en S por las cargas reales

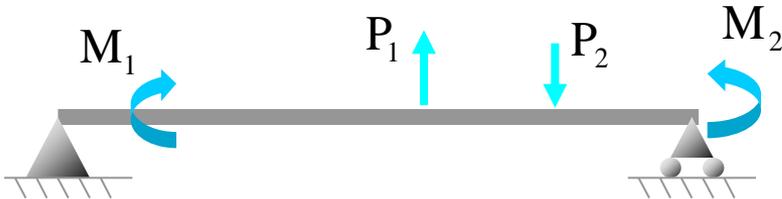


Ejemplo 2

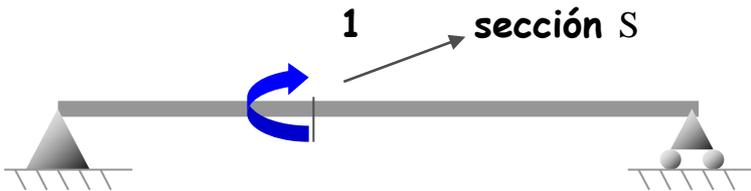
Calculo del giro en una sección de una viga biapoyada bajo acciones puntuales



Como no existe ningún momento sobre S , se altera la realidad suponiendo que actúan dos sistemas de carga:



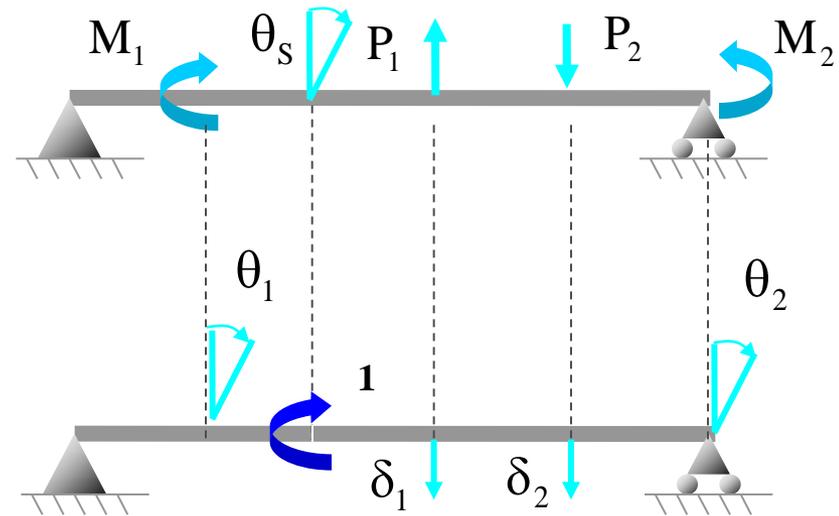
Sistema 1: las cargas reales



Sistema 2: un momento puntual aplicado en el lugar y en el sentido donde se desea conocer el giro

Aplicación del Teorema: para que el orden de aplicación de los dos sistemas no afecte el valor de la energía de deformación, se debe cumplir la siguiente reciprocidad de trabajos:

$$1 \cdot \theta_s = \sum P_i \cdot \delta_i + \sum M_i \cdot \theta_i$$



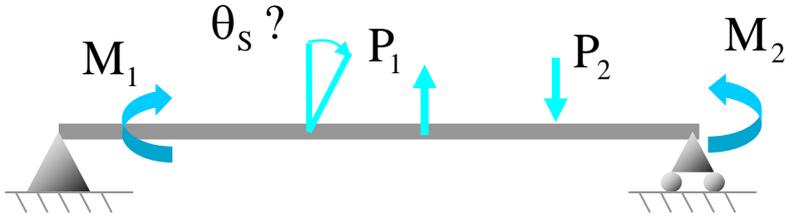
$$\theta_s = M_1 \theta_1 - P_1 \delta_1 + P_2 \delta_2 - M_2 \theta_2$$

$$\theta_1, \delta_1, \delta_2, \theta_2$$

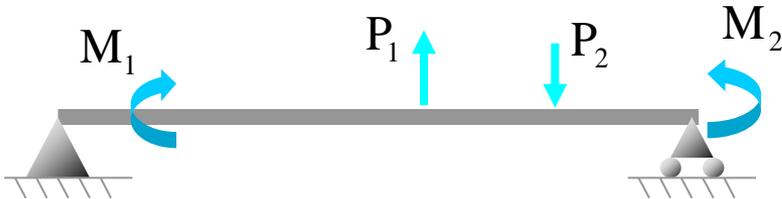


Ejemplo 2

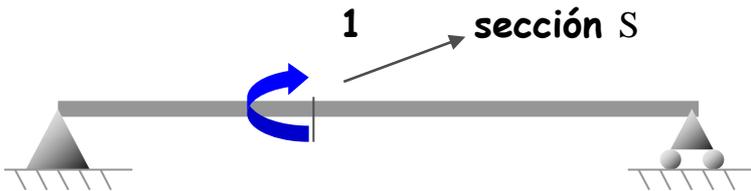
Calculo del giro en una sección de una viga biapoyada bajo acciones puntuales



Como no existe ningún momento sobre S , se altera la realidad suponiendo que actúan dos sistemas de carga:



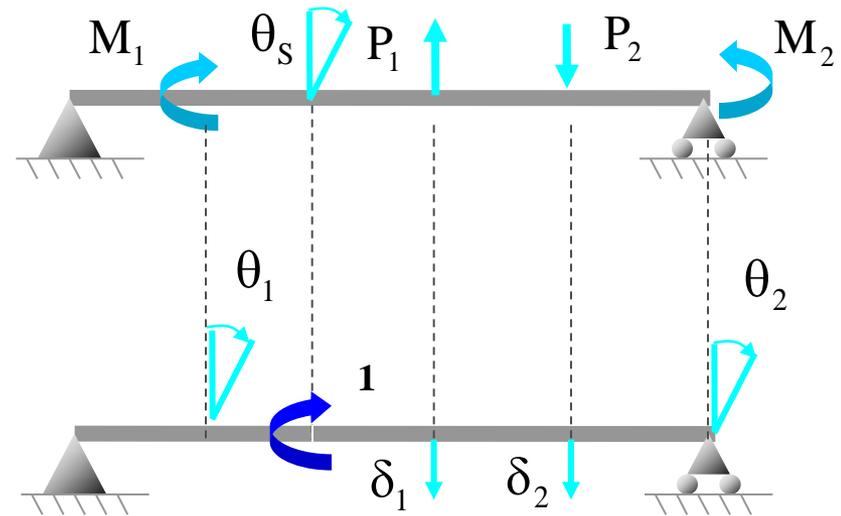
Sistema 1: las cargas reales



Sistema 2: un momento puntual aplicado en el lugar y en el sentido donde se desea conocer el giro

Aplicación del Teorema: para que el orden de aplicación de los dos sistemas no afecte el valor de la energía de deformación, se debe cumplir la siguiente reciprocidad de trabajos:

$$1 \cdot \theta_s = \sum P_i \cdot \delta_i + \sum M_i \cdot \theta_i$$



$$\theta_s = M_1 \theta_1 - P_1 \delta_1 + P_2 \delta_2 - M_2 \theta_2$$

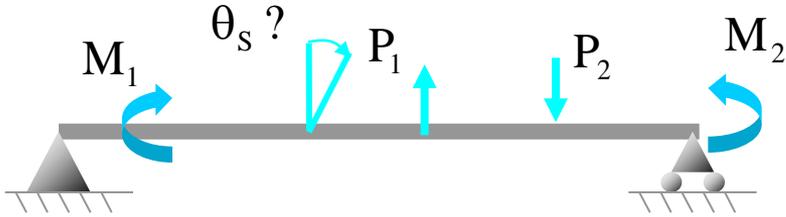
$$\theta_1, \delta_1, \delta_2, \theta_2$$

Pueden calcularse utilizando los métodos matemáticos

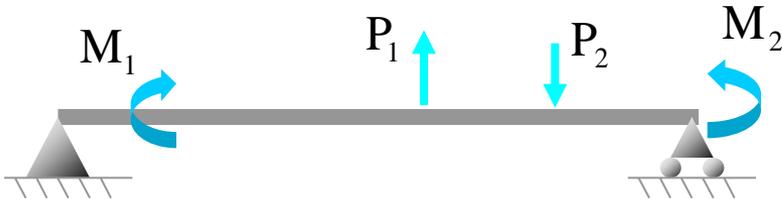


Ejemplo 2

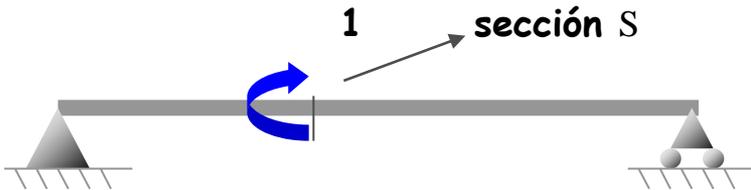
Calculo del giro en una sección de una viga biapoyada bajo acciones puntuales



Como no existe ningún momento sobre S , se altera la realidad suponiendo que actúan dos sistemas de carga:



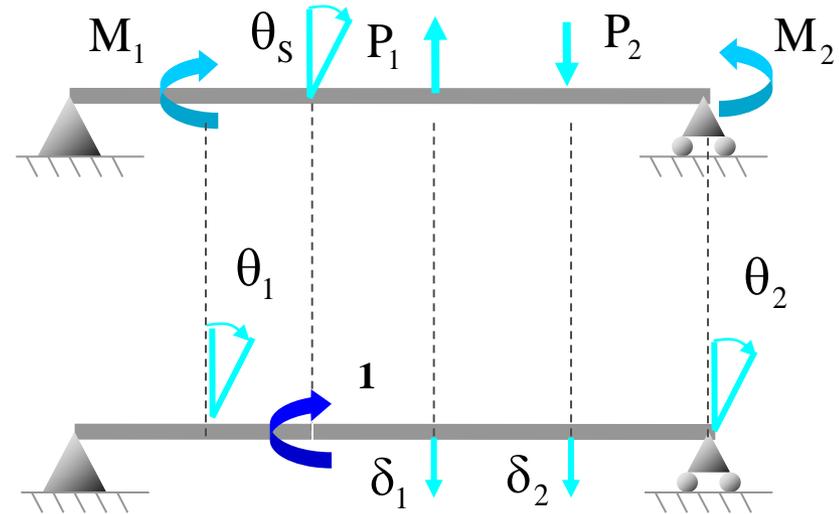
Sistema 1: las cargas reales



Sistema 2: un momento puntual aplicado en el lugar y en el sentido donde se desea conocer el giro

Aplicación del Teorema: para que el orden de aplicación de los dos sistemas no afecte el valor de la energía de deformación, se debe cumplir la siguiente reciprocidad de trabajos:

$$1 \cdot \theta_s = \sum P_i \cdot \delta_i + \sum M_i \cdot \theta_i$$



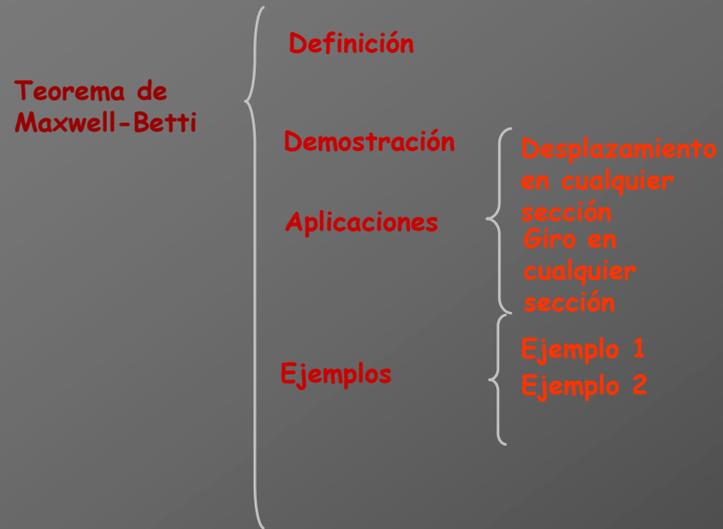
$$\theta_s = M_1 \theta_1 - P_1 \delta_1 + P_2 \delta_2 - M_2 \theta_2$$

$\theta_1, \delta_1, \delta_2, \theta_2$

Pueden calcularse utilizando los métodos matemáticos

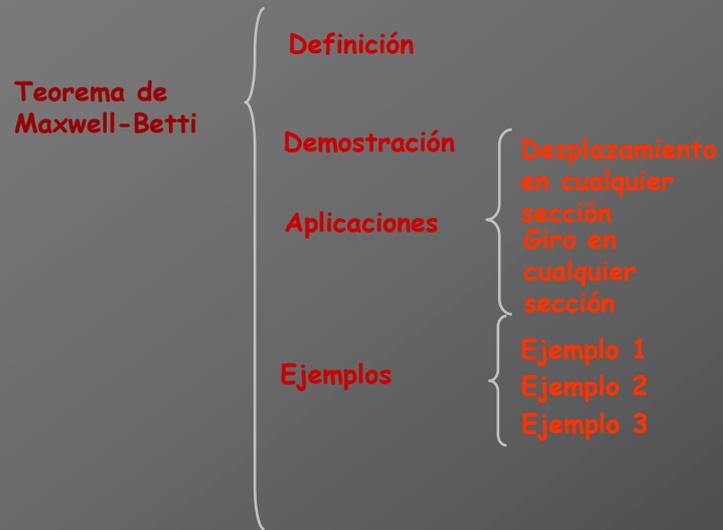


Teorema de Maxwell-Betti





Teorema de Maxwell-Betti



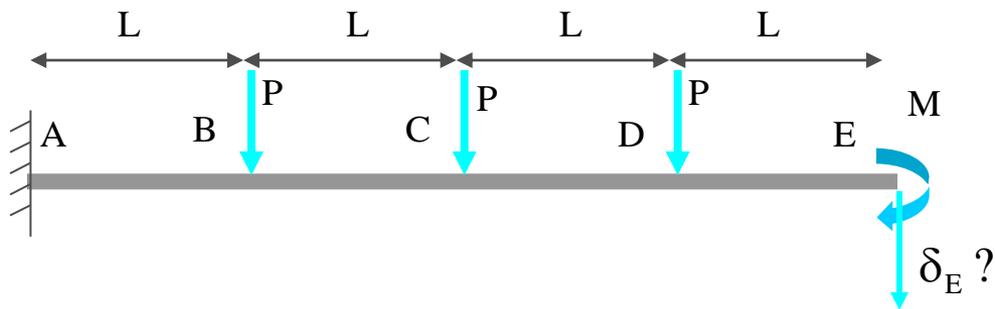


Ejemplo 3



Ejemplo 3

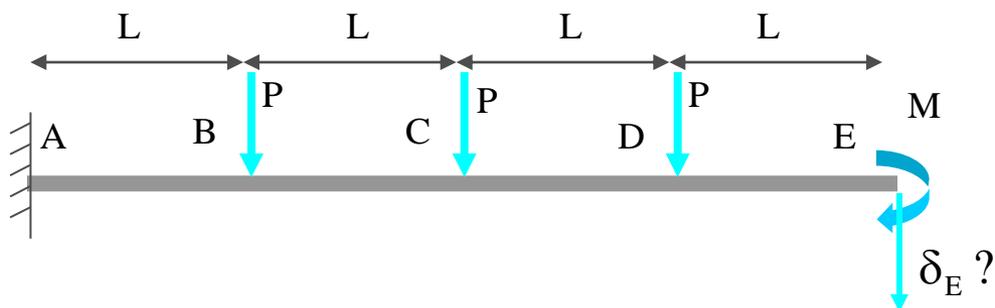
Utilizando el Teorema de Maxwell-Betti y los Teoremas de área de momentos, obtener en el voladizo la flecha en E





Ejemplo 3

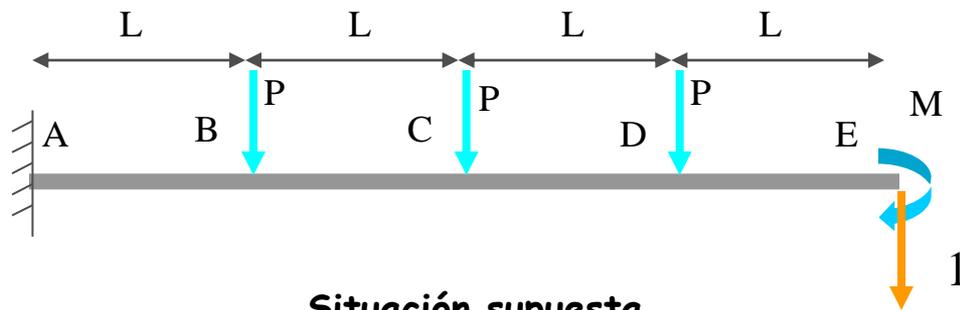
Utilizando el Teorema de Maxwell-Betti y los Teoremas de área de momentos, obtener en el voladizo la flecha en E



Suponer que existe también una acción unitaria aplicada en E, orientada según el movimiento de la flecha



Ejemplo 3

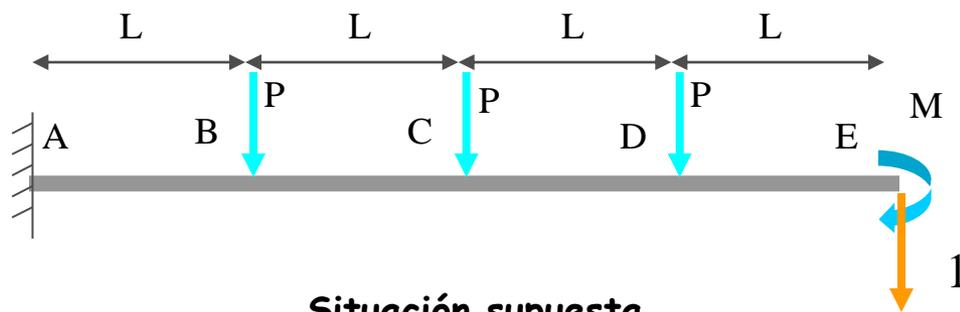


Situación supuesta

Suponer que existe también una acción unitaria aplicada en E, orientada según el movimiento de la flecha



Ejemplo 3



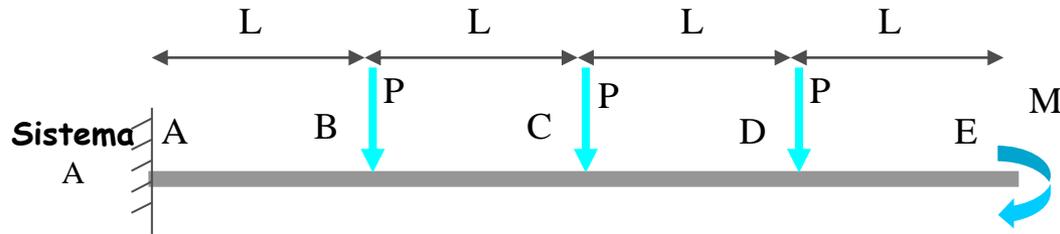
Situación supuesta

Suponer que existe también una acción unitaria aplicada en E, orientada según el movimiento de la flecha

Aplicar el Teorema suponiendo que las acciones reales forman el sistema A y la carga unitaria forma el B



Ejemplo 3

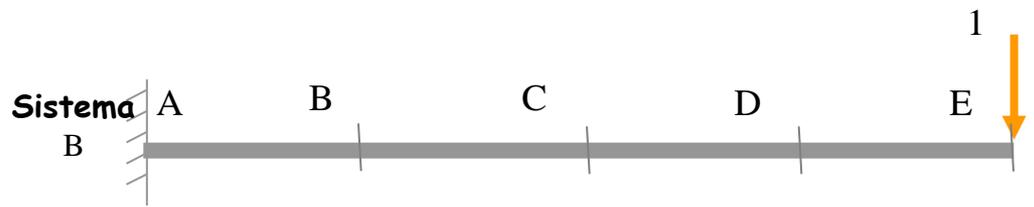
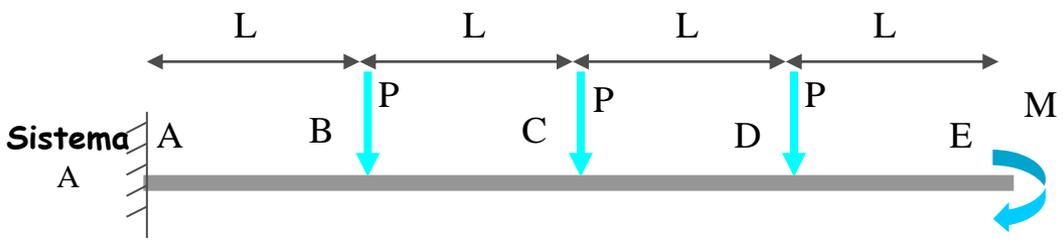


Suponer que existe también una acción unitaria aplicada en E, orientada según el movimiento de la flecha

Aplicar el Teorema suponiendo que las acciones reales forman el sistema A y la carga unitaria forma el B



Ejemplo 3

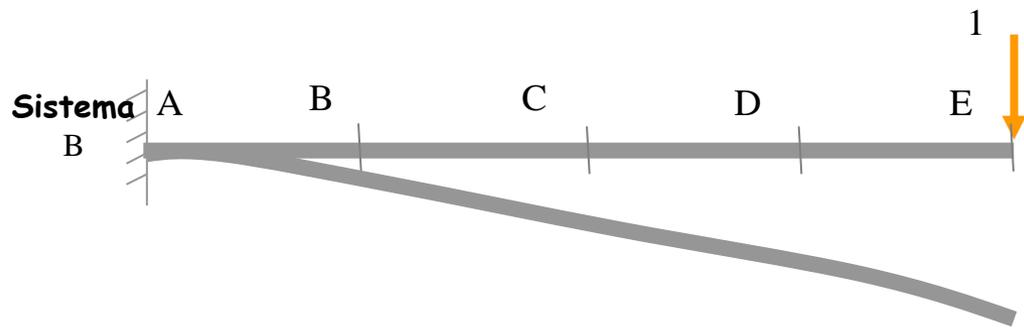
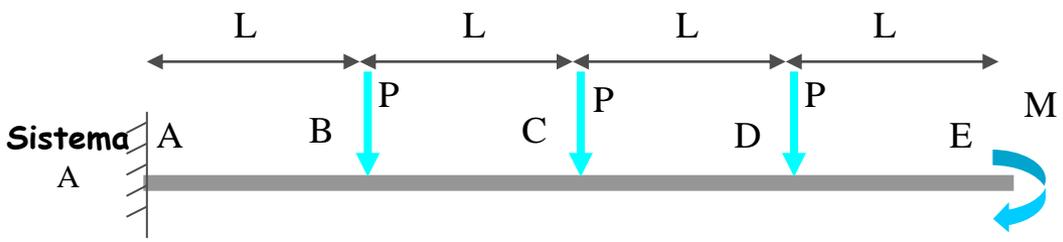


Suponer que existe también una acción unitaria aplicada en E, orientada según el movimiento de la flecha

Aplicar el Teorema suponiendo que las acciones reales forman el sistema A y la carga unitaria forma el B



Ejemplo 3

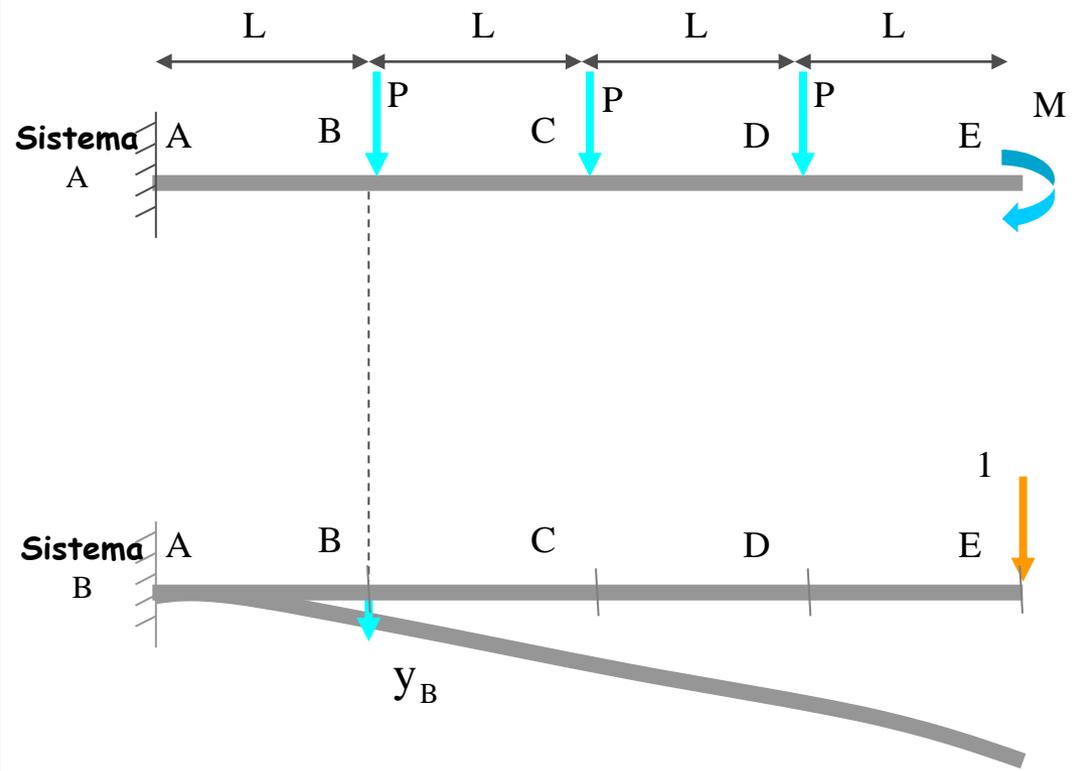


Suponer que existe también una acción unitaria aplicada en E, orientada según el movimiento de la flecha

Aplicar el Teorema suponiendo que las acciones reales forman el sistema A y la carga unitaria forma el B



Ejemplo 3

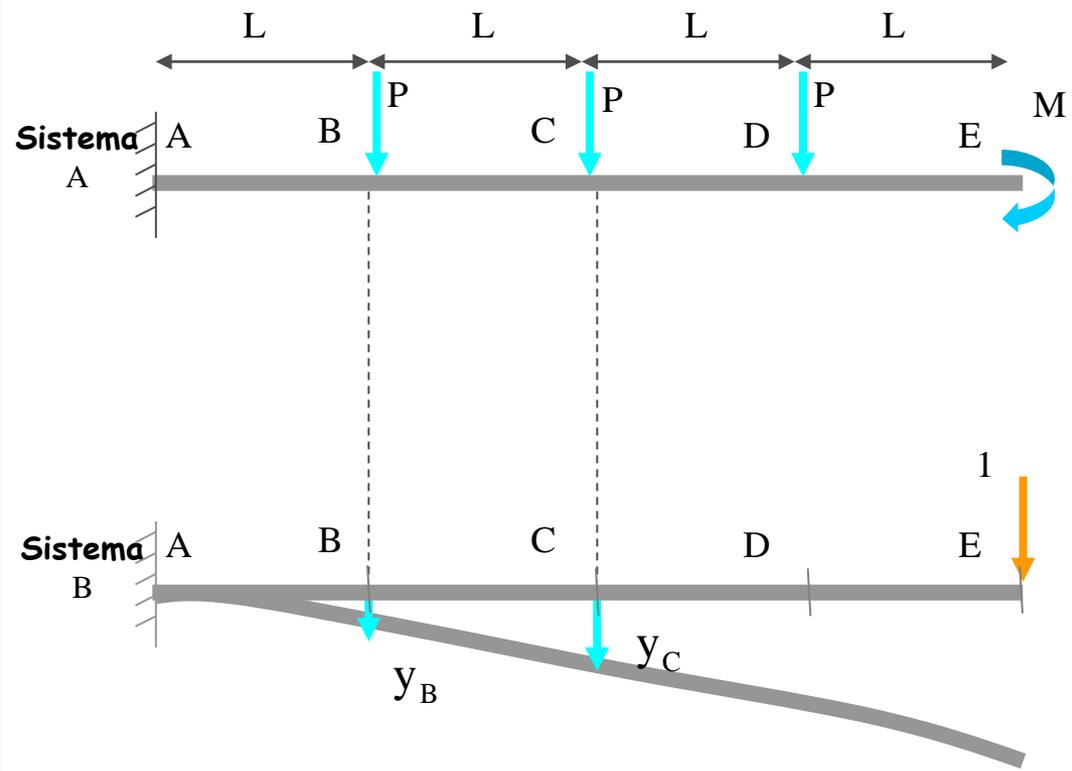


Suponer que existe también una acción unitaria aplicada en E, orientada según el movimiento de la flecha

Aplicar el Teorema suponiendo que las acciones reales forman el sistema A y la carga unitaria forma el B



Ejemplo 3

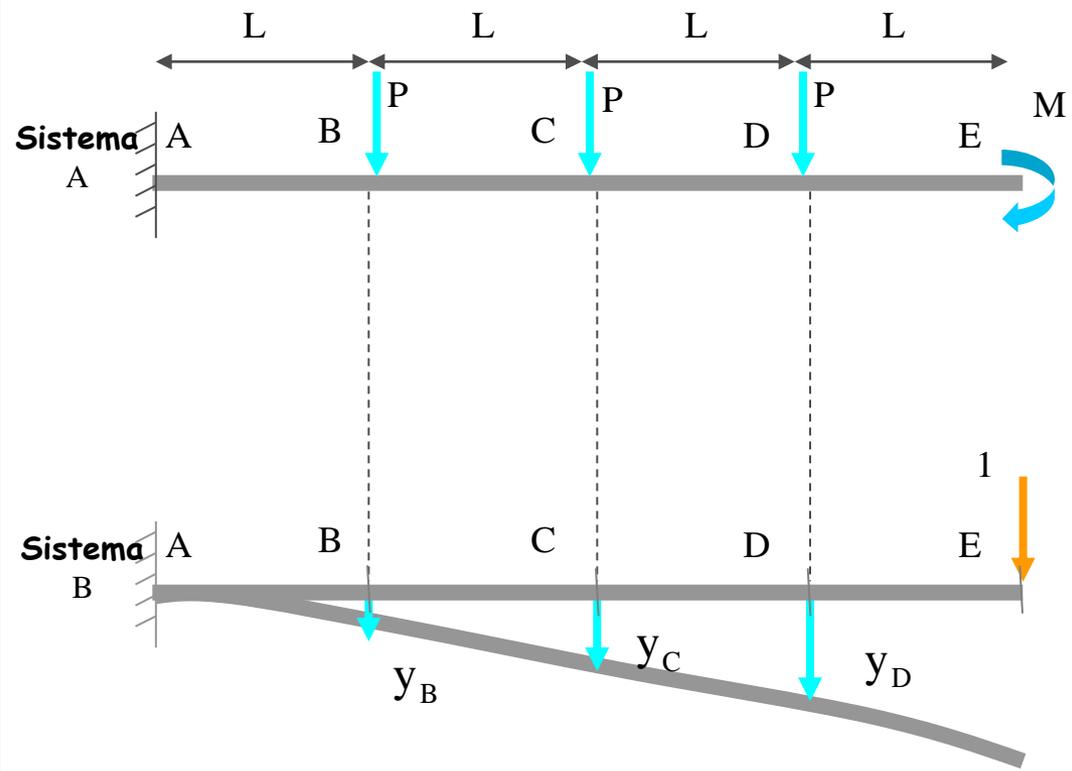


Suponer que existe también una acción unitaria aplicada en E, orientada según el movimiento de la flecha

Aplicar el Teorema suponiendo que las acciones reales forman el sistema A y la carga unitaria forma el B



Ejemplo 3

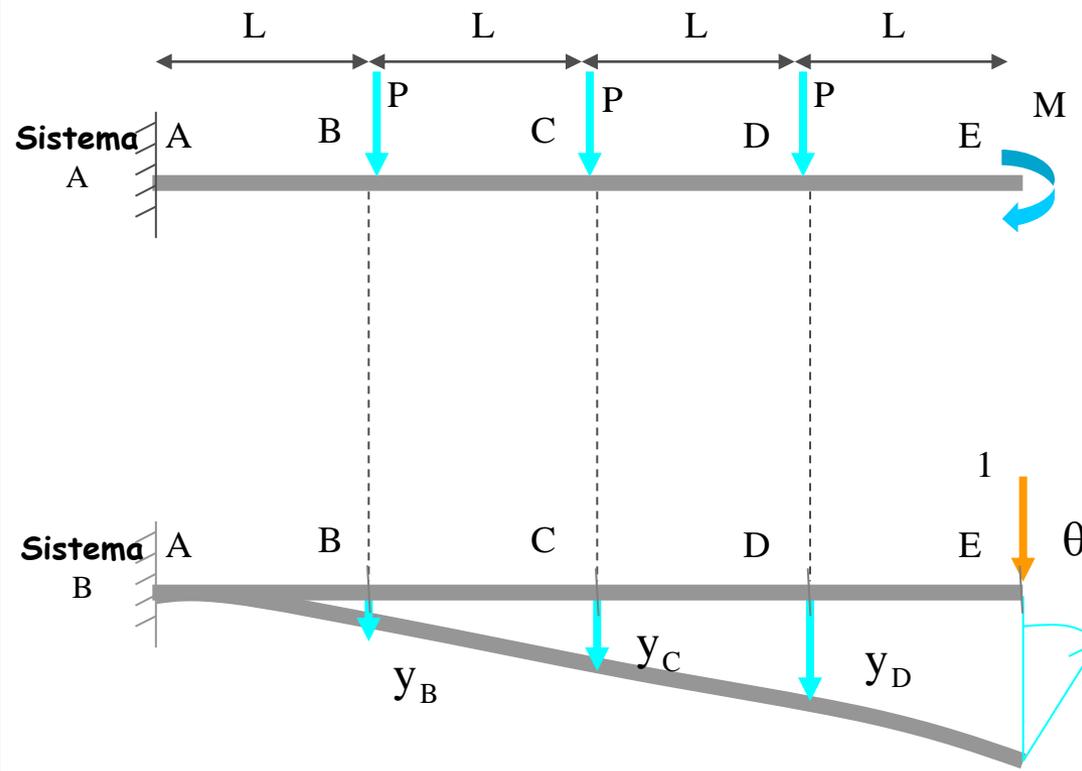


Suponer que existe también una acción unitaria aplicada en E, orientada según el movimiento de la flecha

Aplicar el Teorema suponiendo que las acciones reales forman el sistema A y la carga unitaria forma el B



Ejemplo 3

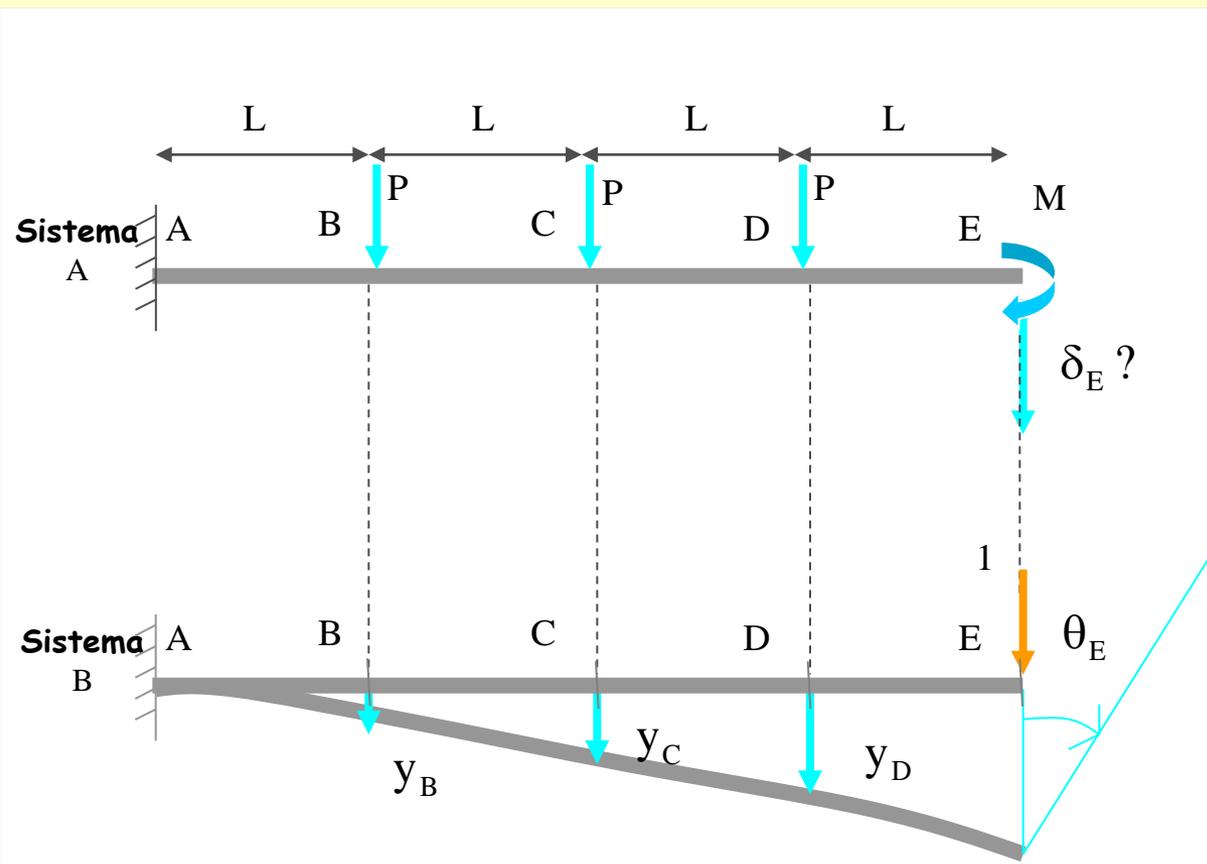


Suponer que existe también una acción unitaria aplicada en E, orientada según el movimiento de la flecha

Aplicar el Teorema suponiendo que las acciones reales forman el sistema A y la carga unitaria forma el B



Ejemplo 3

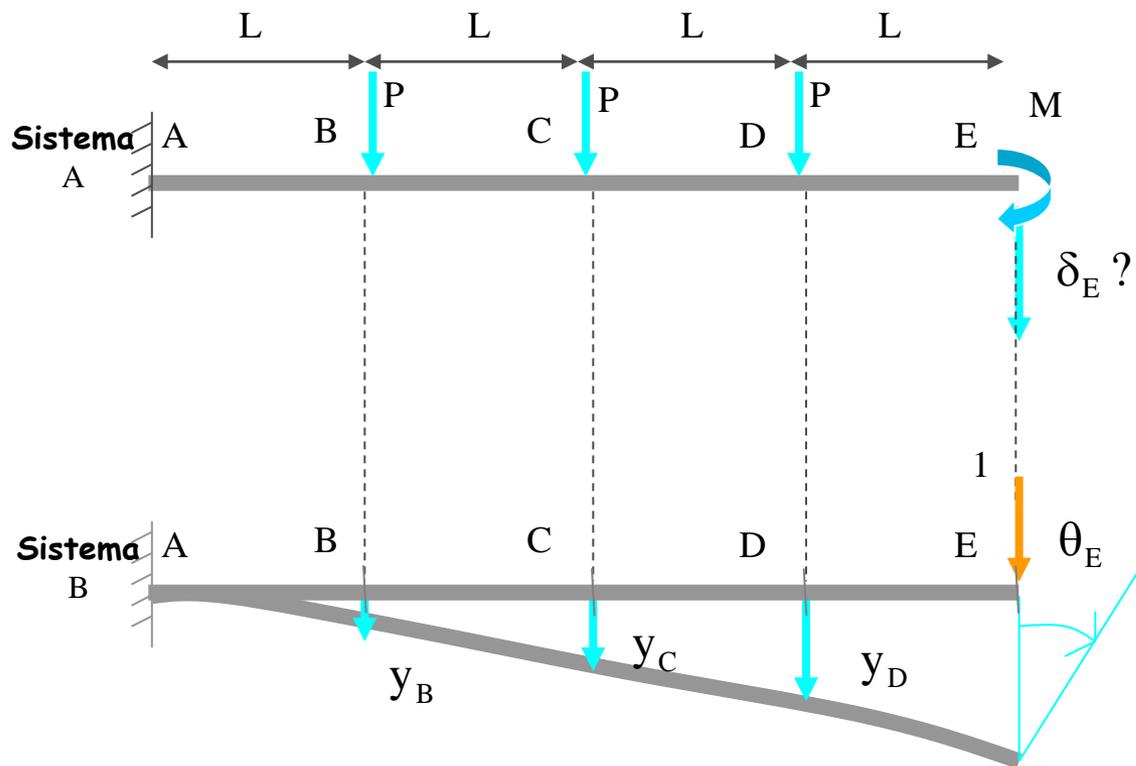


Suponer que existe también una acción unitaria aplicada en E, orientada según el movimiento de la flecha

Aplicar el Teorema suponiendo que las acciones reales forman el sistema A y la carga unitaria forma el B



Ejemplo 3

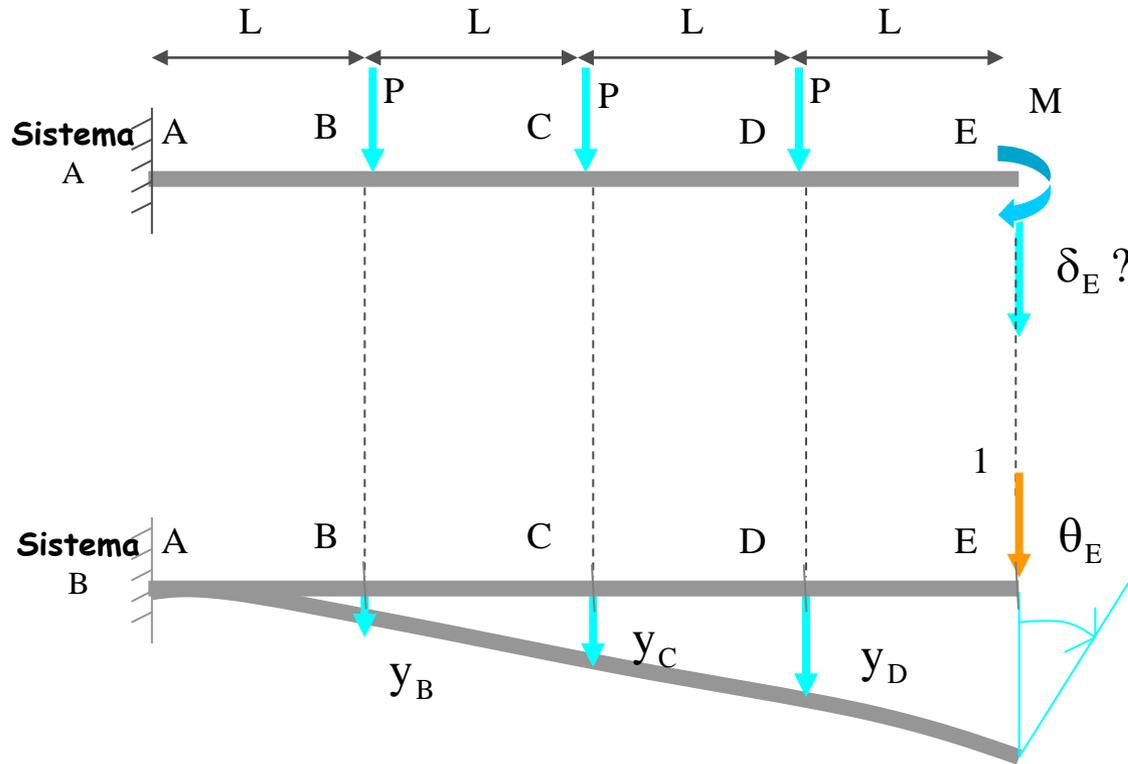


Suponer que existe también una acción unitaria aplicada en E, orientada según el movimiento de la flecha

Aplicar el Teorema suponiendo que las acciones reales forman el sistema A y la carga unitaria forma el B

$$1 \cdot \delta_E = Py_B + Py_C + Py_D + M\theta_E$$

Ejemplo 3



Suponer que existe también una acción unitaria aplicada en E, orientada según el movimiento de la flecha

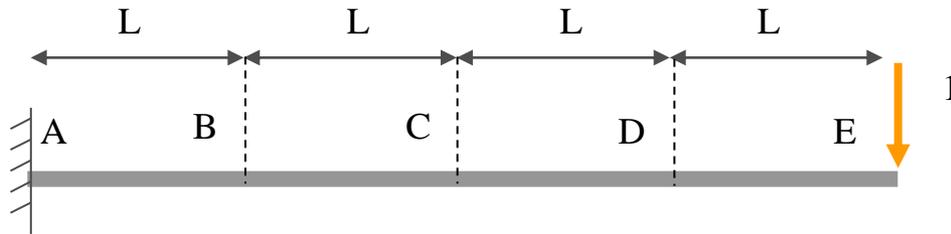
Aplicar el Teorema suponiendo que las acciones reales forman el sistema A y la carga unitaria forma el B

Obtener los valores de los desplazamientos y giros de la ecuación utilizando los Teoremas de área de momentos

$$1 \cdot \delta_E = Py_B + Py_C + Py_D + M\theta_E$$



Ejemplo 3



Suponer que existe también una acción unitaria aplicada en E, orientada según el movimiento de la flecha

Aplicar el Teorema suponiendo que las acciones reales forman el sistema A y la carga unitaria forma el B

Obtener los valores de los desplazamientos y giros de la ecuación utilizando los Teoremas de área de momentos

$$1 \cdot \delta_E = P y_B + P y_C + P y_D + M \theta_E$$



Ejemplo 3

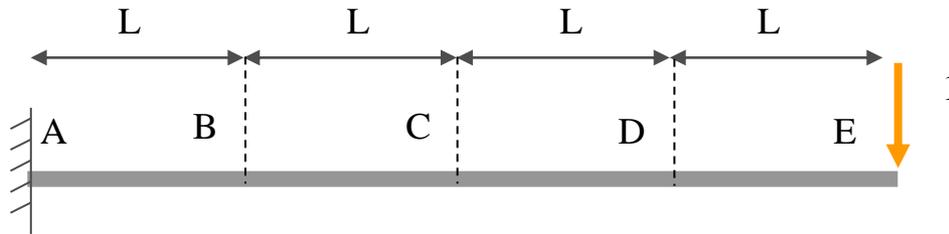


Diagrama de $\frac{M}{EI}$ en la estructura por la carga unitaria:

Suponer que existe también una acción unitaria aplicada en E, orientada según el movimiento de la flecha

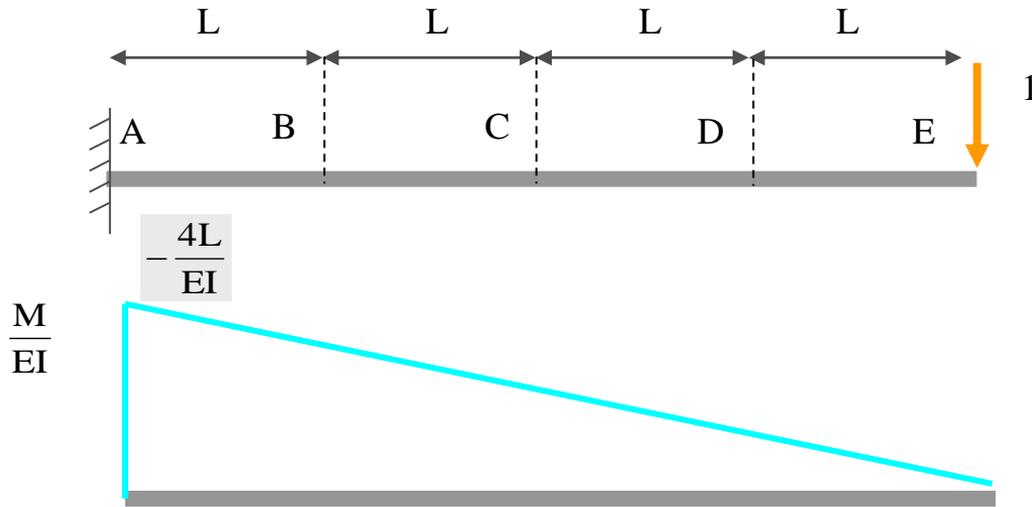
Aplicar el Teorema suponiendo que las acciones reales forman el sistema A y la carga unitaria forma el B

Obtener los valores de los desplazamientos y giros de la ecuación utilizando los Teoremas de área de momentos

$$1 \cdot \delta_E = P y_B + P y_C + P y_D + M \theta_E$$



Ejemplo 3



Suponer que existe también una acción unitaria aplicada en E, orientada según el movimiento de la flecha

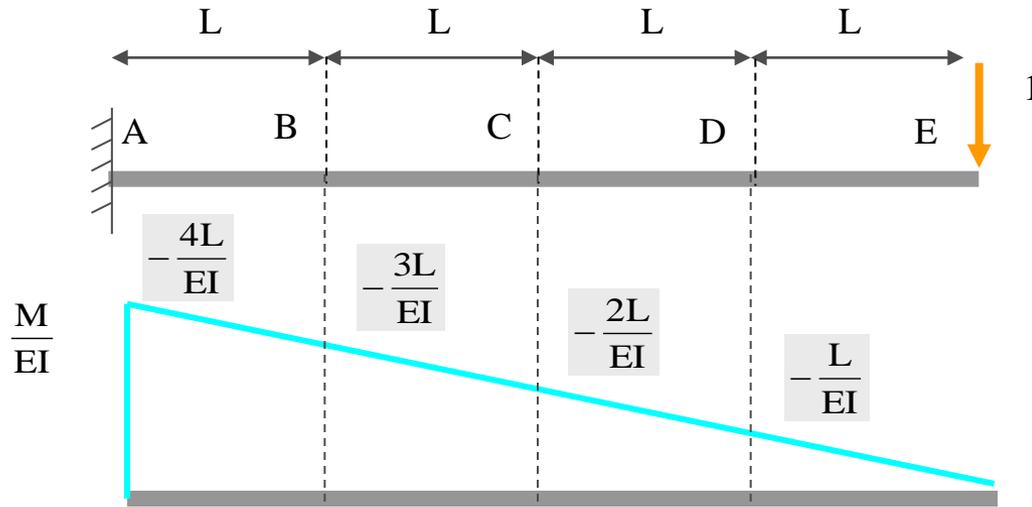
Aplicar el Teorema suponiendo que las acciones reales forman el sistema A y la carga unitaria forma el B

Obtener los valores de los desplazamientos y giros de la ecuación utilizando los Teoremas de área de momentos

$$1 \cdot \delta_E = P y_B + P y_C + P y_D + M \theta_E$$



Ejemplo 3



Suponer que existe también una acción unitaria aplicada en E, orientada según el movimiento de la flecha

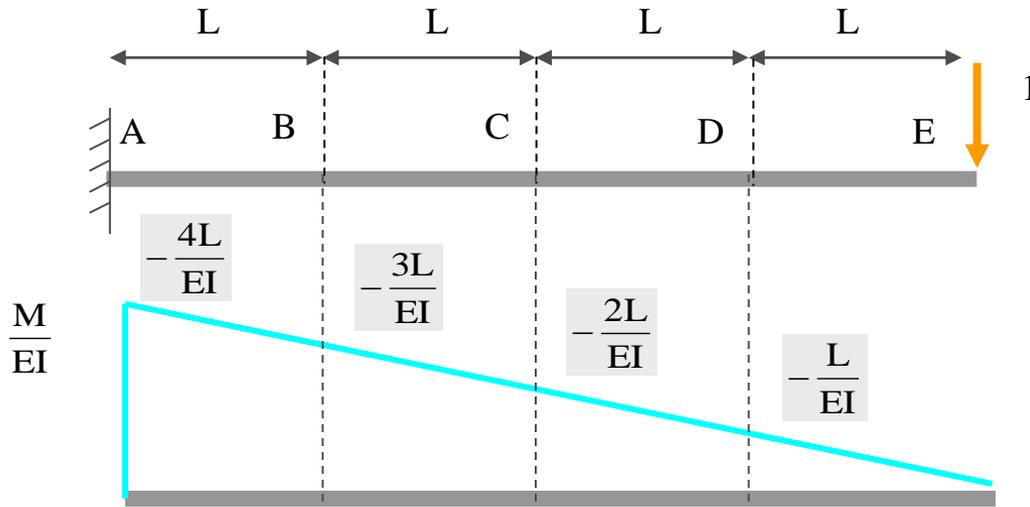
Aplicar el Teorema suponiendo que las acciones reales forman el sistema A y la carga unitaria forma el B

Obtener los valores de los desplazamientos y giros de la ecuación utilizando los Teoremas de área de momentos

$$1 \cdot \delta_E = P y_B + P y_C + P y_D + M \theta_E$$



Ejemplo 3



Obtención de la flecha en B:

Aplicación del 2º Teorema de área de momentos entre las secciones A y B

$$1 \cdot \delta_E = P y_B + P y_C + P y_D + M \theta_E$$

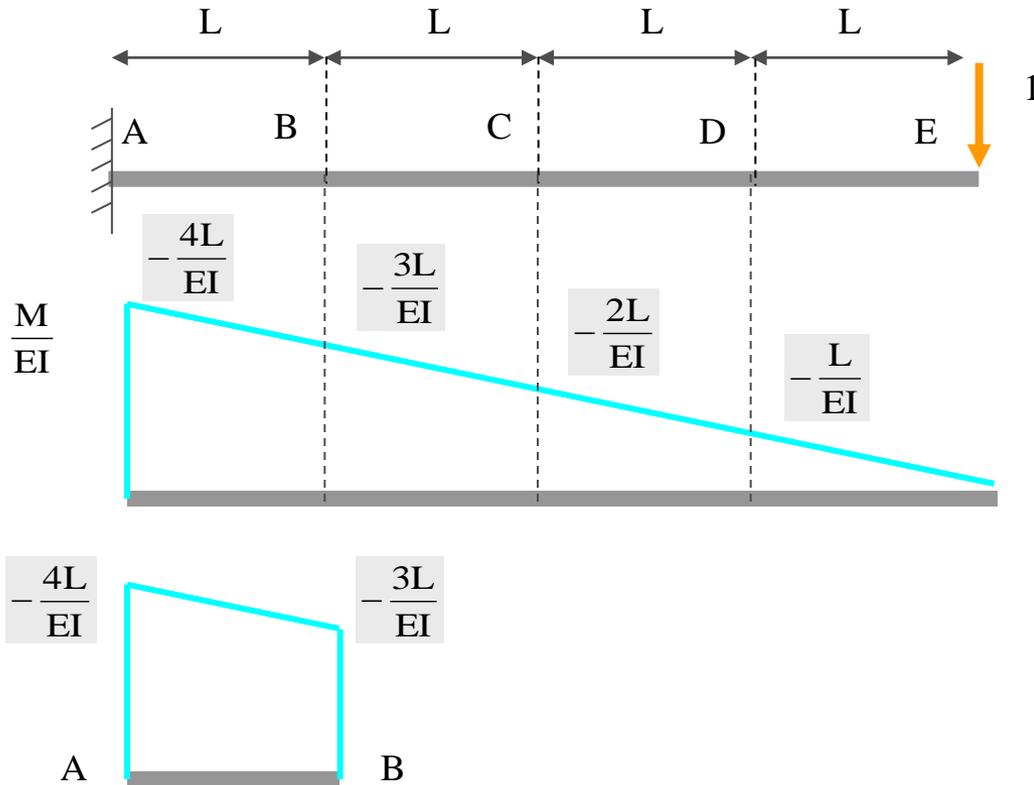
Suponer que existe también una acción unitaria aplicada en E, orientada según el movimiento de la flecha

Aplicar el Teorema suponiendo que las acciones reales forman el sistema A y la carga unitaria forma el B

Obtener los valores de los desplazamientos y giros de la ecuación utilizando los Teoremas de área de momentos



Ejemplo 3



$$1 \cdot \delta_E = Py_B + Py_C + Py_D + M\theta_E$$

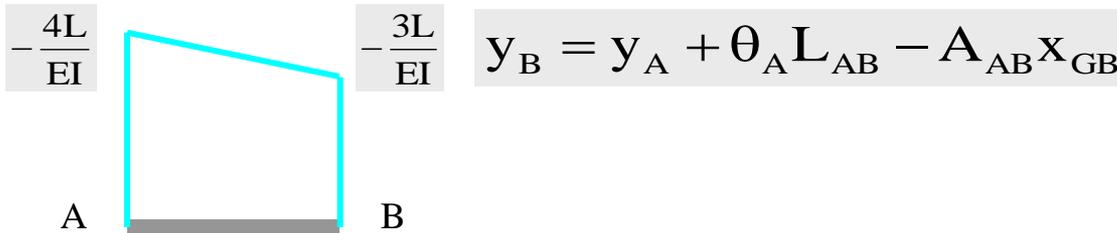
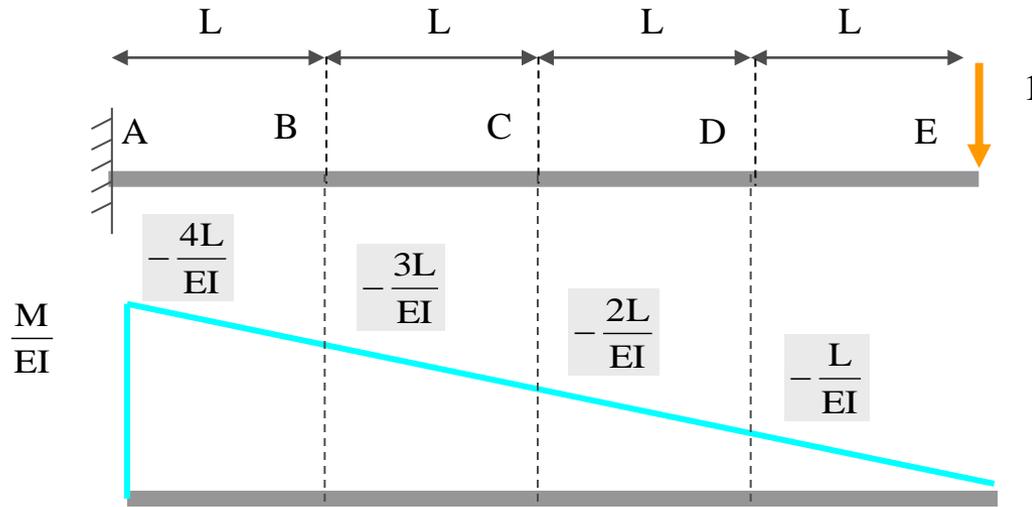
Suponer que existe también una acción unitaria aplicada en E, orientada según el movimiento de la flecha

Aplicar el Teorema suponiendo que las acciones reales forman el sistema A y la carga unitaria forma el B

Obtener los valores de los desplazamientos y giros de la ecuación utilizando los Teoremas de área de momentos



Ejemplo 3



$$1 \cdot \delta_E = P y_B + P y_C + P y_D + M \theta_E$$

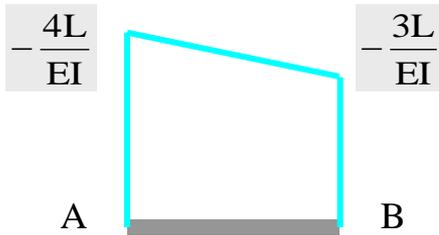
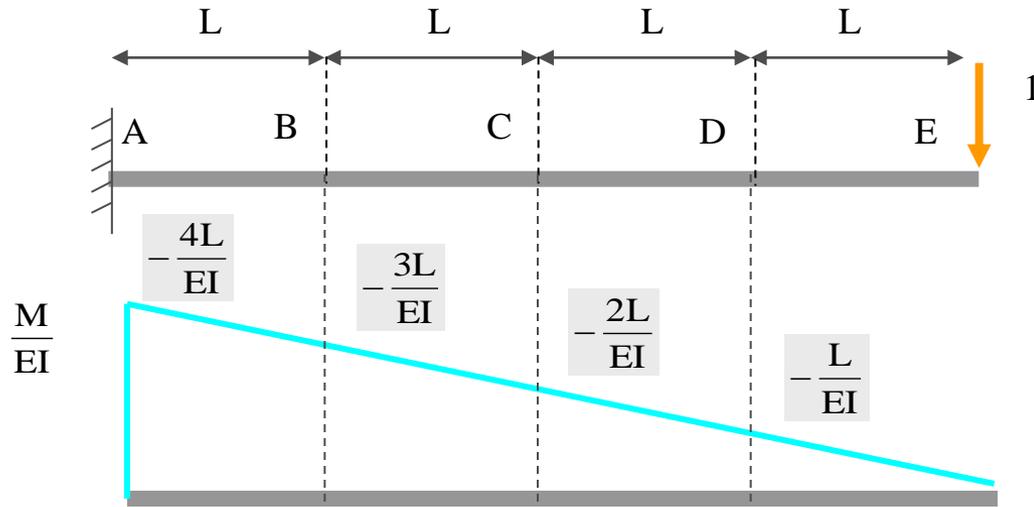
Suponer que existe también una acción unitaria aplicada en E, orientada según el movimiento de la flecha

Aplicar el Teorema suponiendo que las acciones reales forman el sistema A y la carga unitaria forma el B

Obtener los valores de los desplazamientos y giros de la ecuación utilizando los Teoremas de área de momentos



Ejemplo 3



$$y_B = y_A + \theta_A L_{AB} - A_{AB} X_{GB}$$

$$y_B = \frac{11L^3}{6EI}$$

$$1 \cdot \delta_E = P y_B + P y_C + P y_D + M \theta_E$$

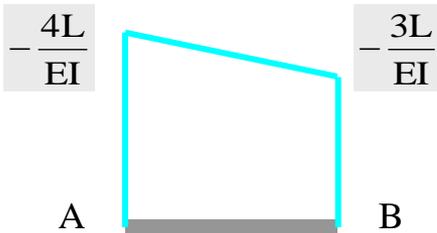
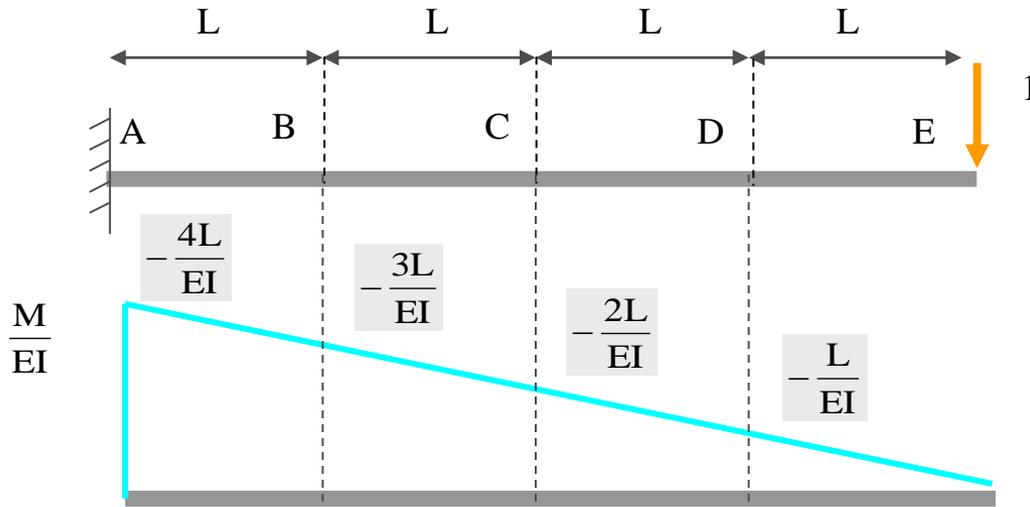
Suponer que existe también una acción unitaria aplicada en E, orientada según el movimiento de la flecha

Aplicar el Teorema suponiendo que las acciones reales forman el sistema A y la carga unitaria forma el B

Obtener los valores de los desplazamientos y giros de la ecuación utilizando los Teoremas de área de momentos



Ejemplo 3



$$y_B = y_A + \theta_A L_{AB} - A_{AB} X_{GB}$$

$$y_B = \frac{11L^3}{6EI}$$

$$1 \cdot \delta_E = P y_B + P y_C + P y_D + M \theta_E$$

$$y_B = \frac{11L^3}{6EI}$$

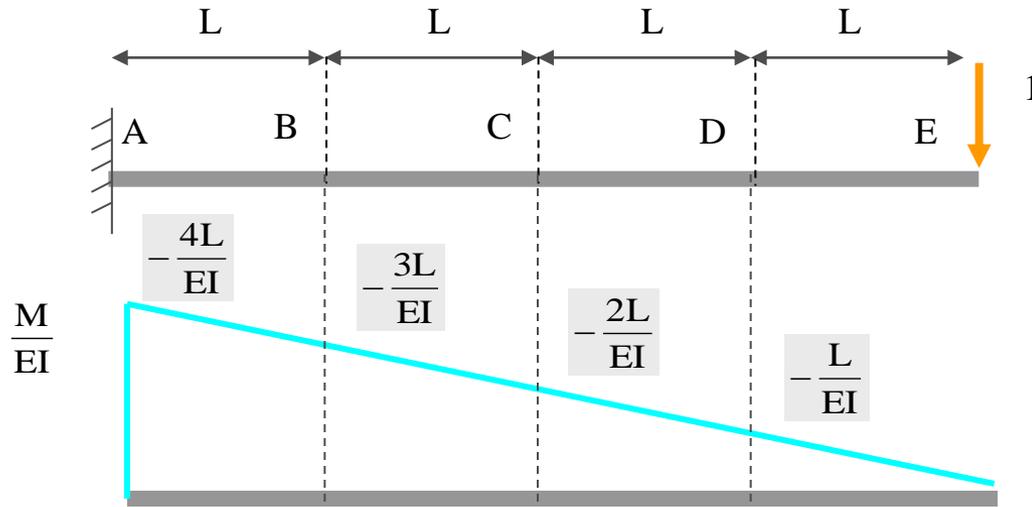
Suponer que existe también una acción unitaria aplicada en E, orientada según el movimiento de la flecha

Aplicar el Teorema suponiendo que las acciones reales forman el sistema A y la carga unitaria forma el B

Obtener los valores de los desplazamientos y giros de la ecuación utilizando los Teoremas de área de momentos



Ejemplo 3



Suponer que existe también una acción unitaria aplicada en E, orientada según el movimiento de la flecha

Aplicar el Teorema suponiendo que las acciones reales forman el sistema A y la carga unitaria forma el B

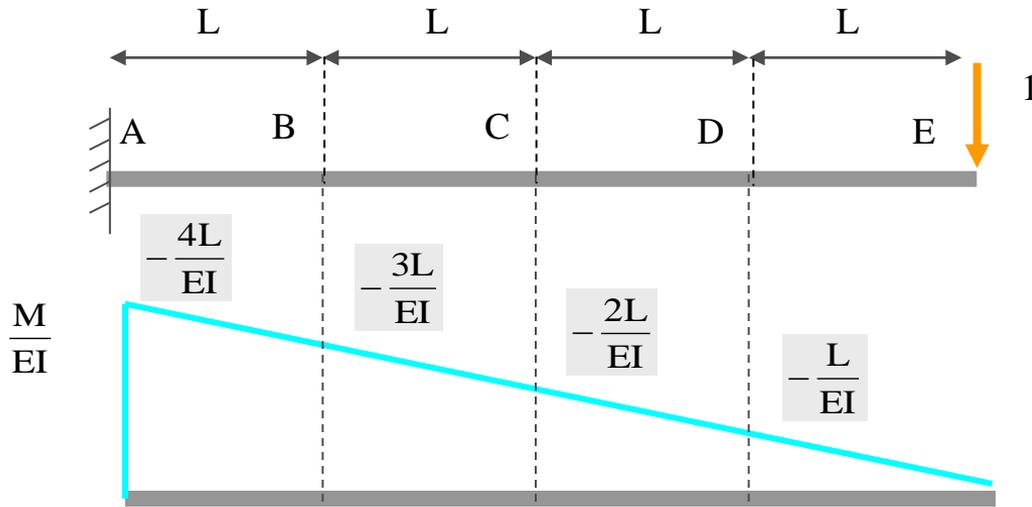
Obtener los valores de los desplazamientos y giros de la ecuación utilizando los Teoremas de área de momentos

$$1 \cdot \delta_E = P y_B + P y_C + P y_D + M \theta_E$$

$$y_B = \frac{11L^3}{6EI}$$



Ejemplo 3



Obtención de la flecha en C:

Aplicación del 2º Teorema de área de momentos entre las secciones A y C

$$1 \cdot \delta_E = P y_B + P y_C + P y_D + M \theta_E$$

$$y_B = \frac{11L^3}{6EI}$$

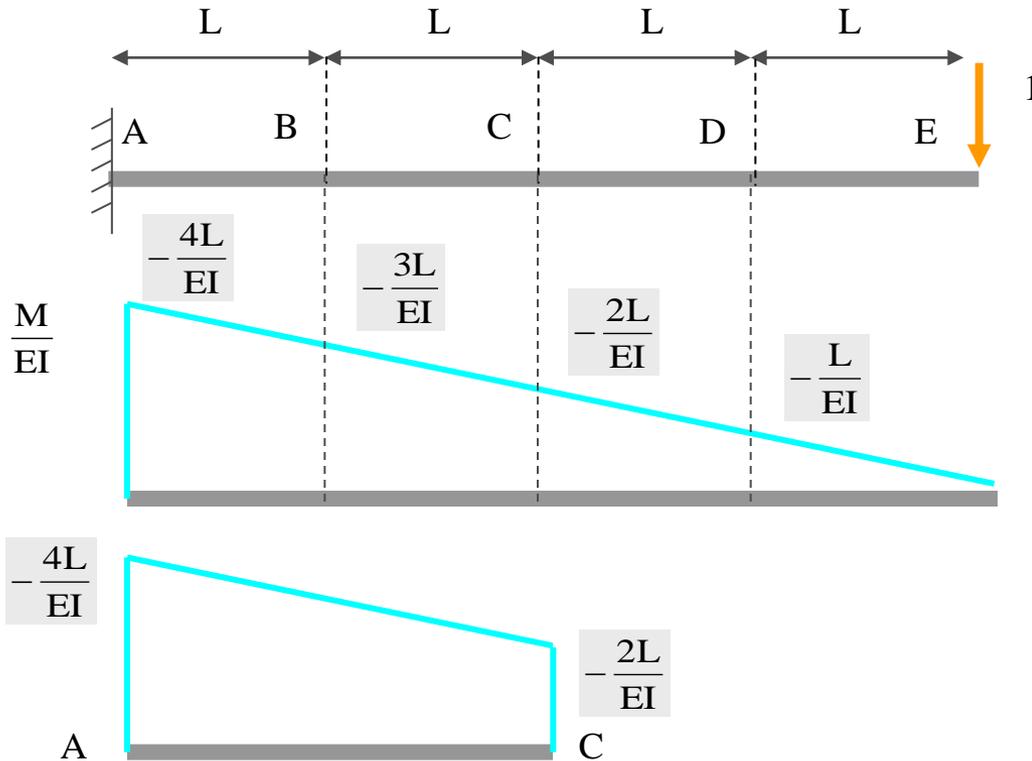
Suponer que existe también una acción unitaria aplicada en E, orientada según el movimiento de la flecha

Aplicar el Teorema suponiendo que las acciones reales forman el sistema A y la carga unitaria forma el B

Obtener los valores de los desplazamientos y giros de la ecuación utilizando los Teoremas de área de momentos



Ejemplo 3



Suponer que existe también una acción unitaria aplicada en E, orientada según el movimiento de la flecha

Aplicar el Teorema suponiendo que las acciones reales forman el sistema A y la carga unitaria forma el B

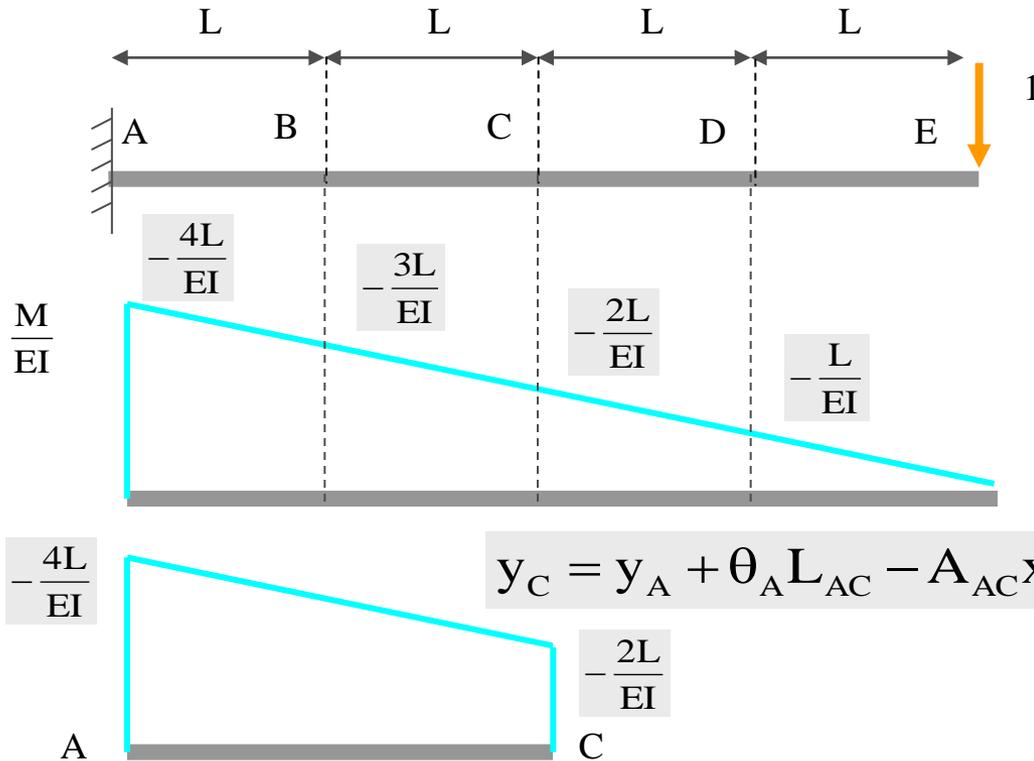
Obtener los valores de los desplazamientos y giros de la ecuación utilizando los Teoremas de área de momentos

$$1 \cdot \delta_E = Py_B + Py_C + Py_D + M\theta_E$$

$$y_B = \frac{11L^3}{6EI}$$



Ejemplo 3



Suponer que existe también una acción unitaria aplicada en E, orientada según el movimiento de la flecha

Aplicar el Teorema suponiendo que las acciones reales forman el sistema A y la carga unitaria forma el B

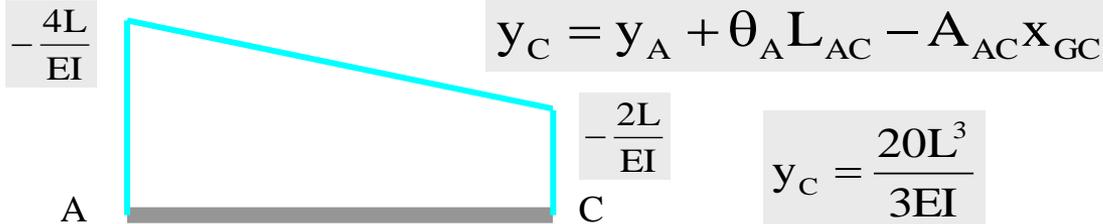
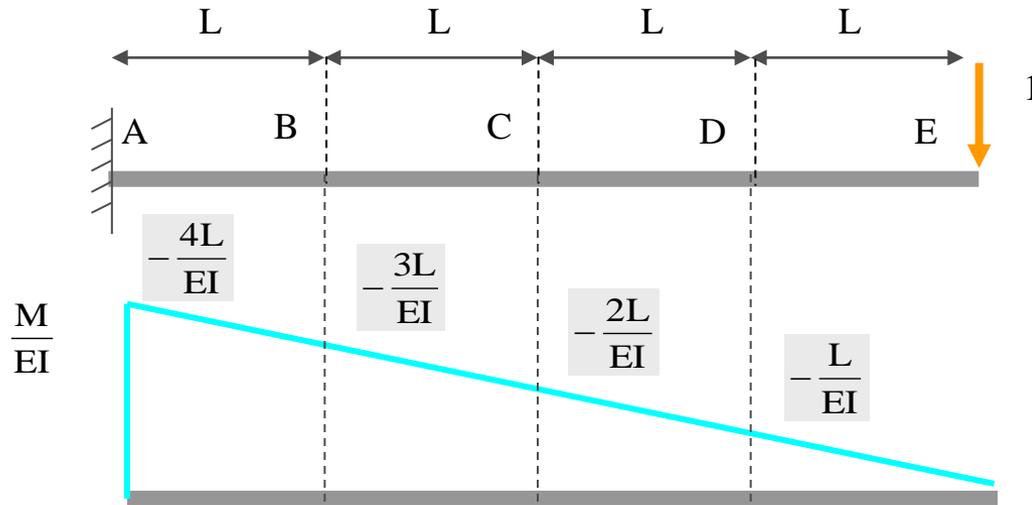
Obtener los valores de los desplazamientos y giros de la ecuación utilizando los Teoremas de área de momentos

$$1 \cdot \delta_E = P y_B + P y_C + P y_D + M \theta_E$$

$$y_B = \frac{11L^3}{6EI}$$



Ejemplo 3



$$1 \cdot \delta_E = P y_B + P y_C + P y_D + M \theta_E$$

$$y_B = \frac{11L^3}{6EI}$$

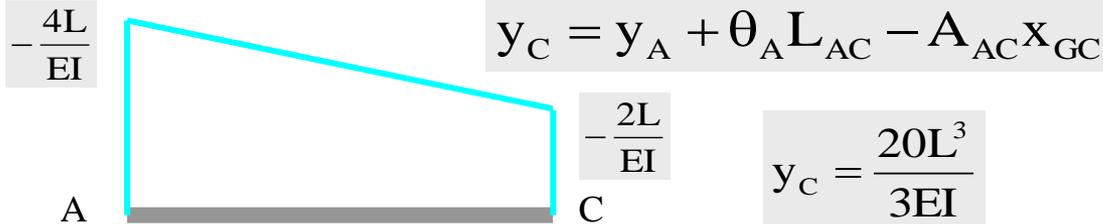
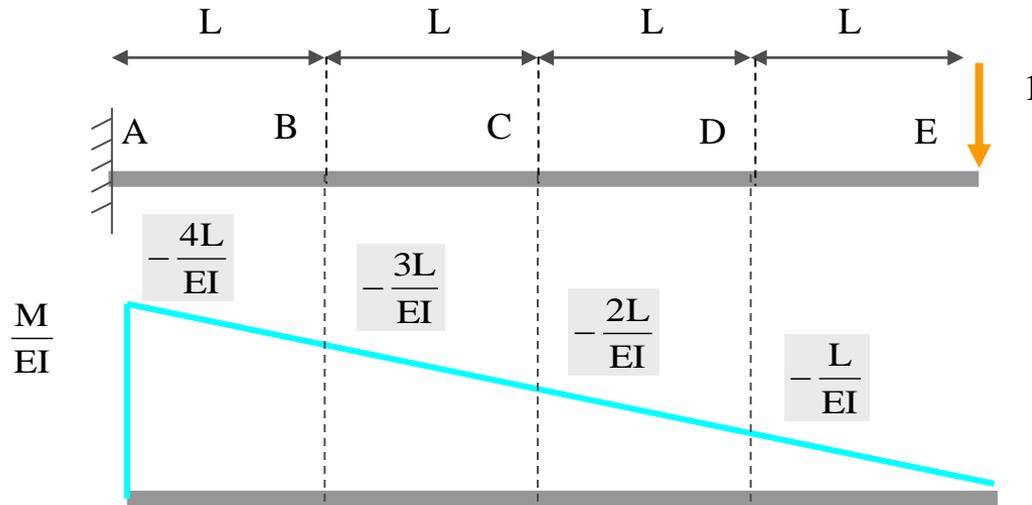
Suponer que existe también una acción unitaria aplicada en E, orientada según el movimiento de la flecha

Aplicar el Teorema suponiendo que las acciones reales forman el sistema A y la carga unitaria forma el B

Obtener los valores de los desplazamientos y giros de la ecuación utilizando los Teoremas de área de momentos



Ejemplo 3



$$1 \cdot \delta_E = P y_B + P y_C + P y_D + M \theta_E$$

$$y_B = \frac{11L^3}{6EI} \quad y_C = \frac{20L^3}{3EI}$$

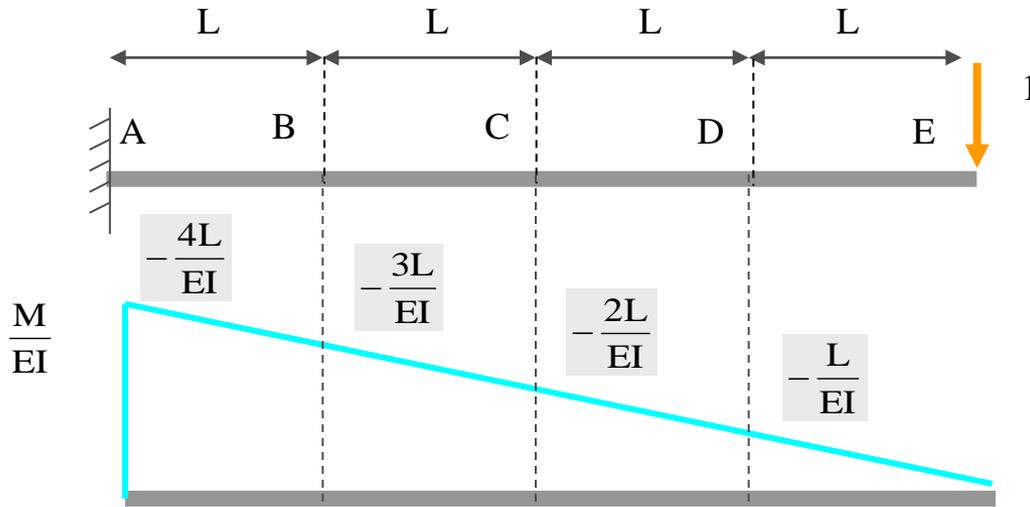
Suponer que existe también una acción unitaria aplicada en E, orientada según el movimiento de la flecha

Aplicar el Teorema suponiendo que las acciones reales forman el sistema A y la carga unitaria forma el B

Obtener los valores de los desplazamientos y giros de la ecuación utilizando los Teoremas de área de momentos



Ejemplo 3



Suponer que existe también una acción unitaria aplicada en E, orientada según el movimiento de la flecha

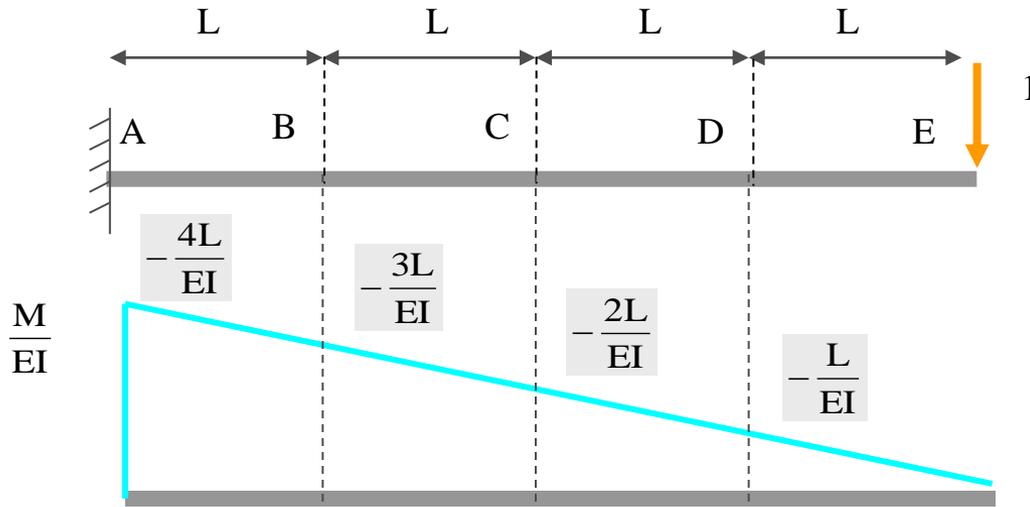
Aplicar el Teorema suponiendo que las acciones reales forman el sistema A y la carga unitaria forma el B

Obtener los valores de los desplazamientos y giros de la ecuación utilizando los Teoremas de área de momentos

$$1 \cdot \delta_E = P y_B + P y_C + P y_D + M \theta_E$$

$$y_B = \frac{11L^3}{6EI} \quad y_C = \frac{20L^3}{3EI}$$

Ejemplo 3



Obtención de la flecha en D:

Aplicación del 2º Teorema de área de momentos entre las secciones A y D

$$1 \cdot \delta_E = P y_B + P y_C + P y_D + M \theta_E$$

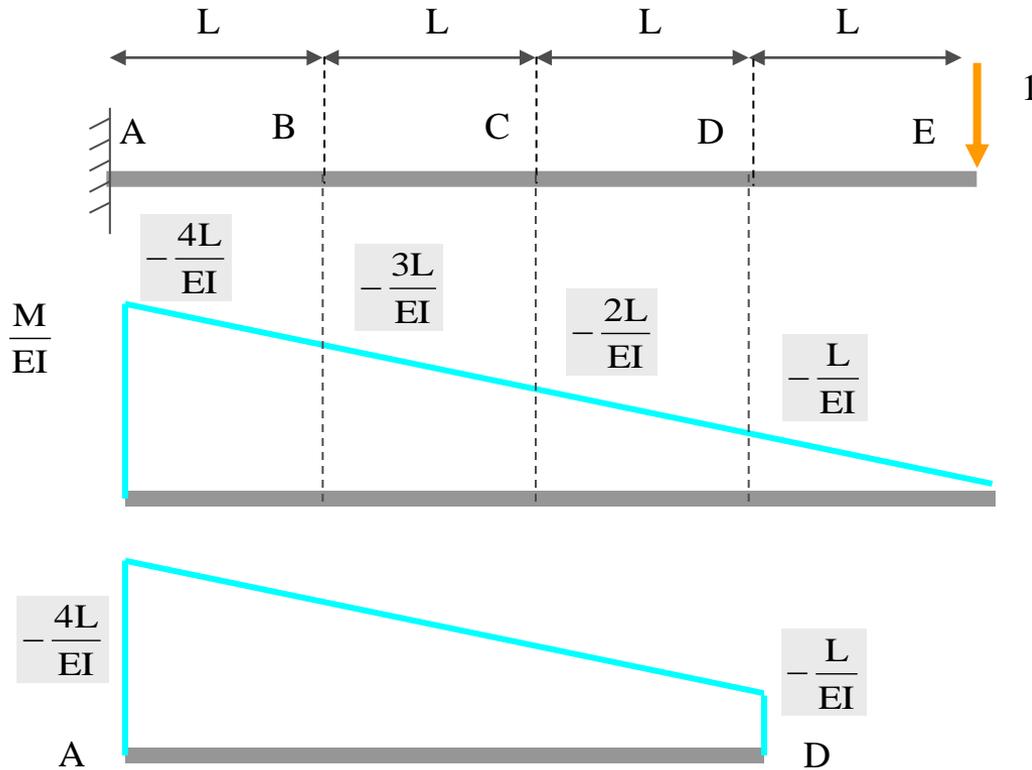
$$y_B = \frac{11L^3}{6EI} \quad y_C = \frac{20L^3}{3EI}$$

Suponer que existe también una acción unitaria aplicada en E, orientada según el movimiento de la flecha

Aplicar el Teorema suponiendo que las acciones reales forman el sistema A y la carga unitaria forma el B

Obtener los valores de los desplazamientos y giros de la ecuación utilizando los Teoremas de área de momentos

Ejemplo 3



Suponer que existe también una acción unitaria aplicada en E, orientada según el movimiento de la flecha

Aplicar el Teorema suponiendo que las acciones reales forman el sistema A y la carga unitaria forma el B

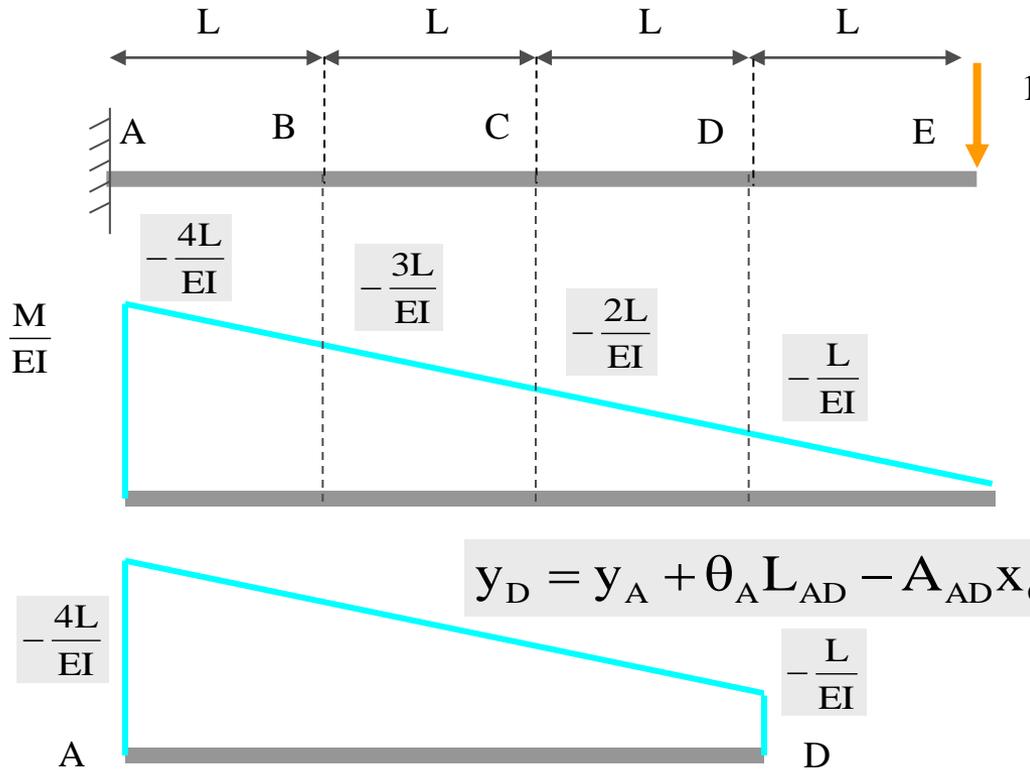
Obtener los valores de los desplazamientos y giros de la ecuación utilizando los Teoremas de área de momentos

$$1 \cdot \delta_E = P y_B + P y_C + P y_D + M \theta_E$$

$$y_B = \frac{11L^3}{6EI} \quad y_C = \frac{20L^3}{3EI}$$



Ejemplo 3



$$y_D = y_A + \theta_A L_{AD} - A_{AD} x_{GD}$$

$$1 \cdot \delta_E = P y_B + P y_C + P y_D + M \theta_E$$

$$y_B = \frac{11L^3}{6EI} \quad y_C = \frac{20L^3}{3EI}$$

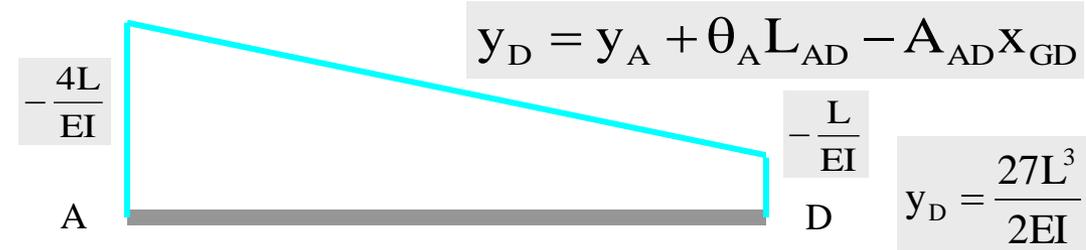
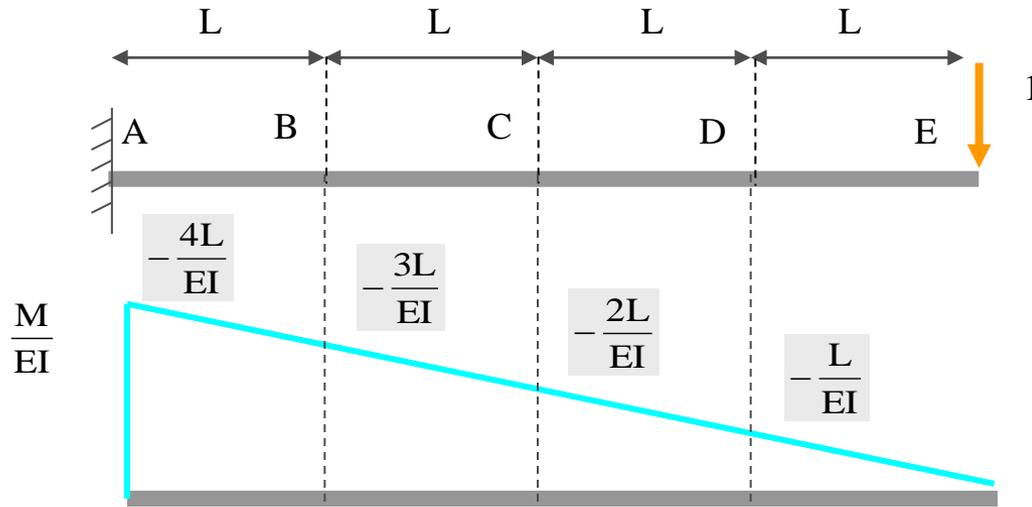
Suponer que existe también una acción unitaria aplicada en E, orientada según el movimiento de la flecha

Aplicar el Teorema suponiendo que las acciones reales forman el sistema A y la carga unitaria forma el B

Obtener los valores de los desplazamientos y giros de la ecuación utilizando los Teoremas de área de momentos



Ejemplo 3



$$1 \cdot \delta_E = P y_B + P y_C + P y_D + M \theta_E$$

$$y_B = \frac{11L^3}{6EI} \quad y_C = \frac{20L^3}{3EI}$$

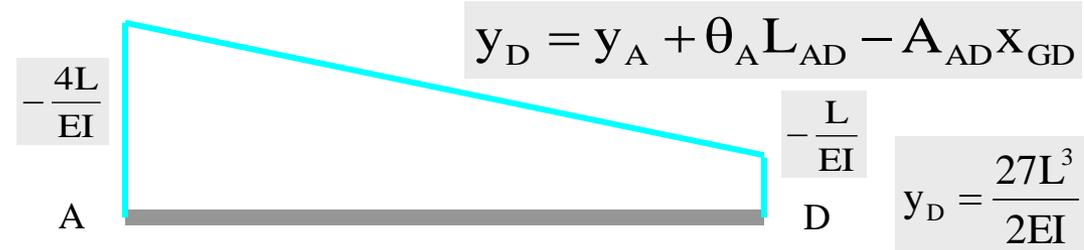
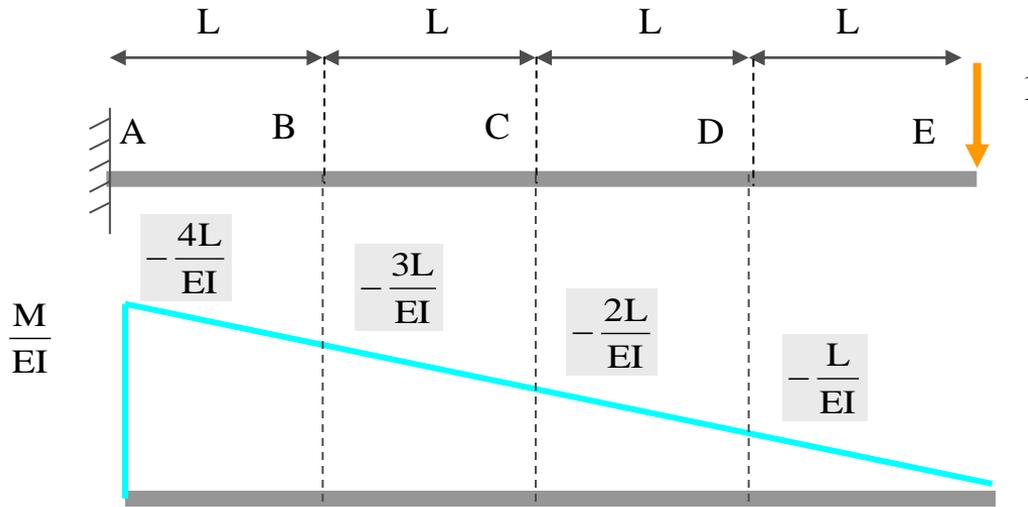
Suponer que existe también una acción unitaria aplicada en E, orientada según el movimiento de la flecha

Aplicar el Teorema suponiendo que las acciones reales forman el sistema A y la carga unitaria forma el B

Obtener los valores de los desplazamientos y giros de la ecuación utilizando los Teoremas de área de momentos



Ejemplo 3



$$1 \cdot \delta_E = P y_B + P y_C + P y_D + M \theta_E$$

$$y_B = \frac{11L^3}{6EI}$$

$$y_C = \frac{20L^3}{3EI}$$

$$y_D = \frac{27L^3}{2EI}$$

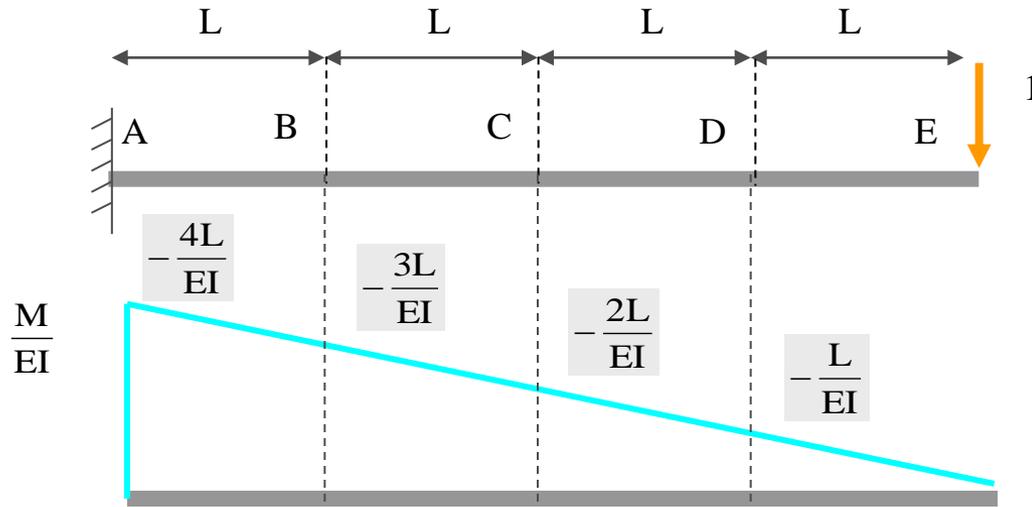
Suponer que existe también una acción unitaria aplicada en E, orientada según el movimiento de la flecha

Aplicar el Teorema suponiendo que las acciones reales forman el sistema A y la carga unitaria forma el B

Obtener los valores de los desplazamientos y giros de la ecuación utilizando los Teoremas de área de momentos



Ejemplo 3



Suponer que existe también una acción unitaria aplicada en E, orientada según el movimiento de la flecha

Aplicar el Teorema suponiendo que las acciones reales forman el sistema A y la carga unitaria forma el B

Obtener los valores de los desplazamientos y giros de la ecuación utilizando los Teoremas de área de momentos

$$1 \cdot \delta_E = P y_B + P y_C + P y_D + M \theta_E$$

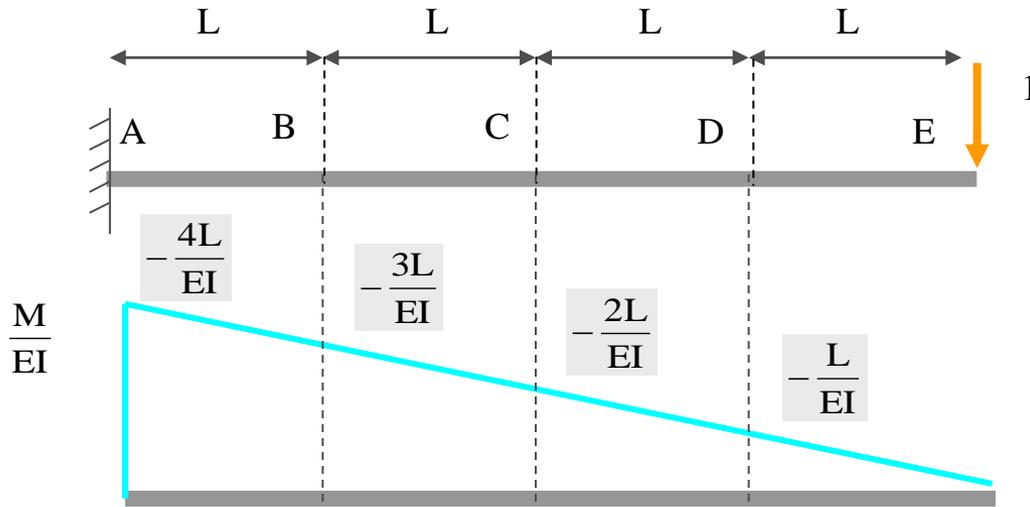
$$y_B = \frac{11L^3}{6EI}$$

$$y_C = \frac{20L^3}{3EI}$$

$$y_D = \frac{27L^3}{2EI}$$



Ejemplo 3



Obtención del giro en E:

Aplicación del 1º Teorema de área de momentos entre las secciones A y E

$$1 \cdot \delta_E = P y_B + P y_C + P y_D + M \theta_E$$

$$y_B = \frac{11L^3}{6EI}$$

$$y_C = \frac{20L^3}{3EI}$$

$$y_D = \frac{27L^3}{2EI}$$

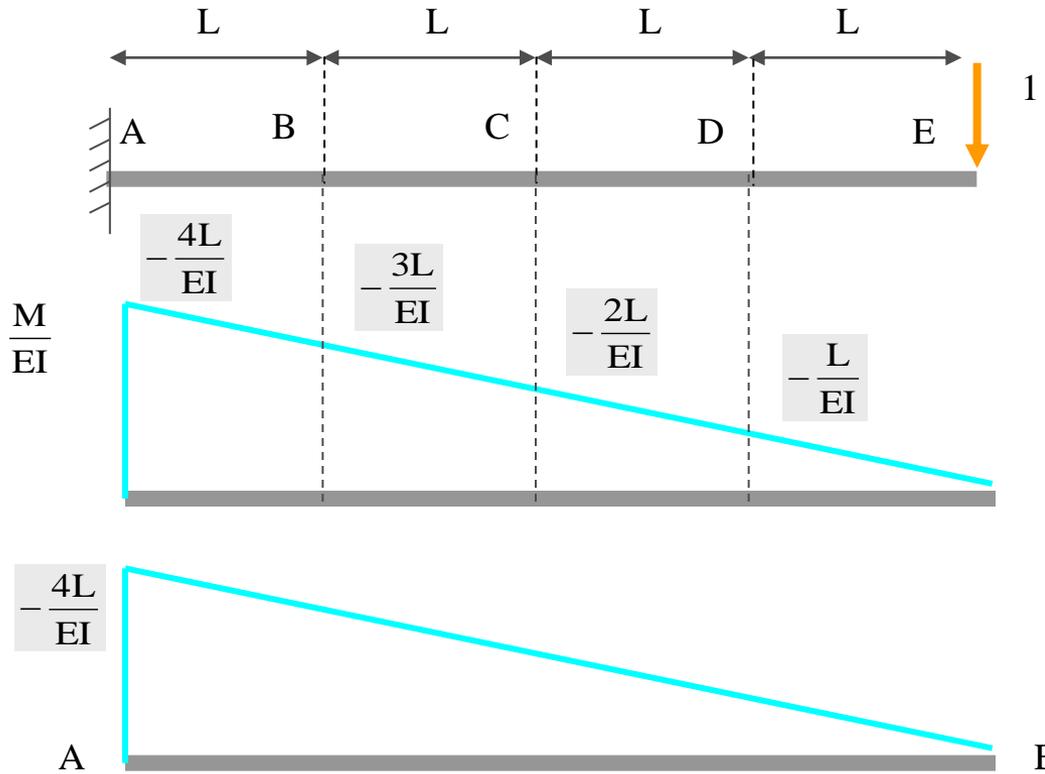
Suponer que existe también una acción unitaria aplicada en E, orientada según el movimiento de la flecha

Aplicar el Teorema suponiendo que las acciones reales forman el sistema A y la carga unitaria forma el B

Obtener los valores de los desplazamientos y giros de la ecuación utilizando los Teoremas de área de momentos



Ejemplo 3



Suponer que existe también una acción unitaria aplicada en E, orientada según el movimiento de la flecha

Aplicar el Teorema suponiendo que las acciones reales forman el sistema A y la carga unitaria forma el B

Obtener los valores de los desplazamientos y giros de la ecuación utilizando los Teoremas de área de momentos

$$1 \cdot \delta_E = P y_B + P y_C + P y_D + M \theta_E$$

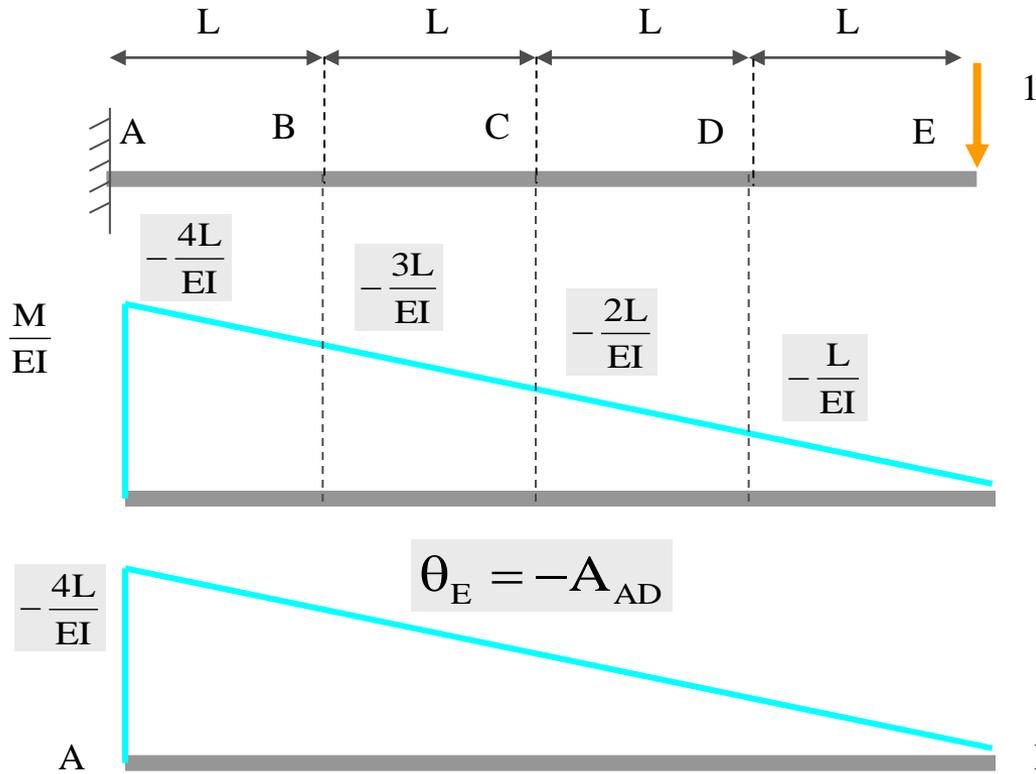
$$y_B = \frac{11L^3}{6EI}$$

$$y_C = \frac{20L^3}{3EI}$$

$$y_D = \frac{27L^3}{2EI}$$



Ejemplo 3



Suponer que existe también una acción unitaria aplicada en E, orientada según el movimiento de la flecha

Aplicar el Teorema suponiendo que las acciones reales forman el sistema A y la carga unitaria forma el B

Obtener los valores de los desplazamientos y giros de la ecuación utilizando los Teoremas de área de momentos

$$1 \cdot \delta_E = P y_B + P y_C + P y_D + M \theta_E$$

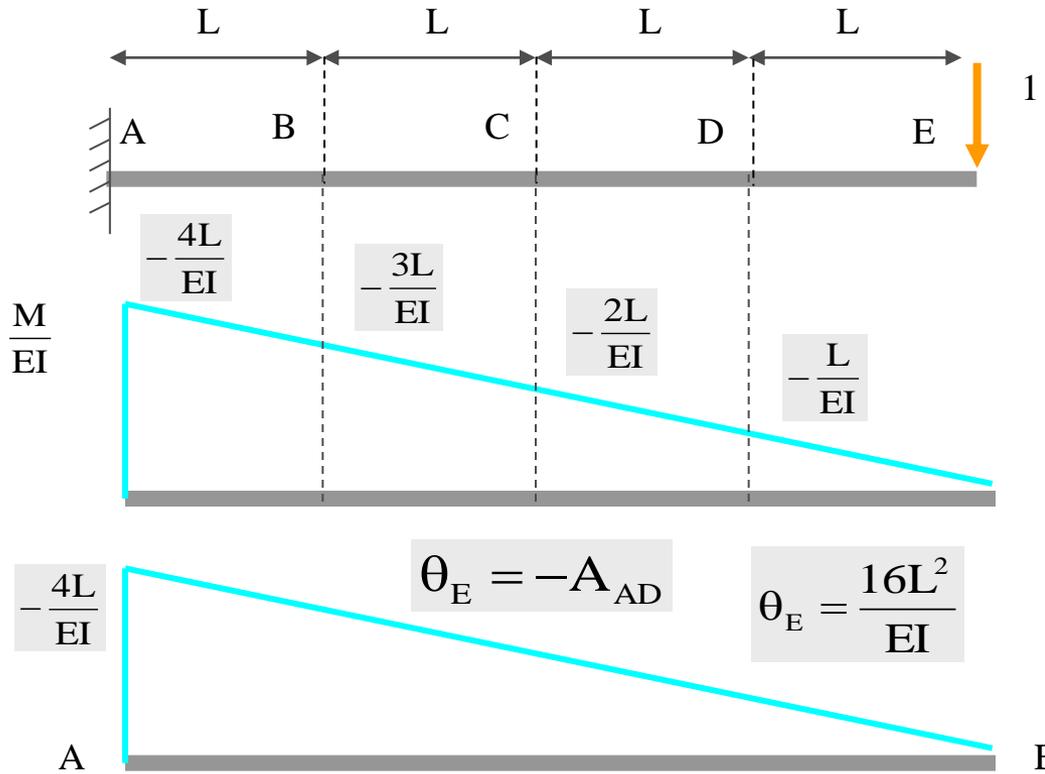
$$y_B = \frac{11L^3}{6EI}$$

$$y_C = \frac{20L^3}{3EI}$$

$$y_D = \frac{27L^3}{2EI}$$



Ejemplo 3



Suponer que existe también una acción unitaria aplicada en E, orientada según el movimiento de la flecha

Aplicar el Teorema suponiendo que las acciones reales forman el sistema A y la carga unitaria forma el B

Obtener los valores de los desplazamientos y giros de la ecuación utilizando los Teoremas de área de momentos

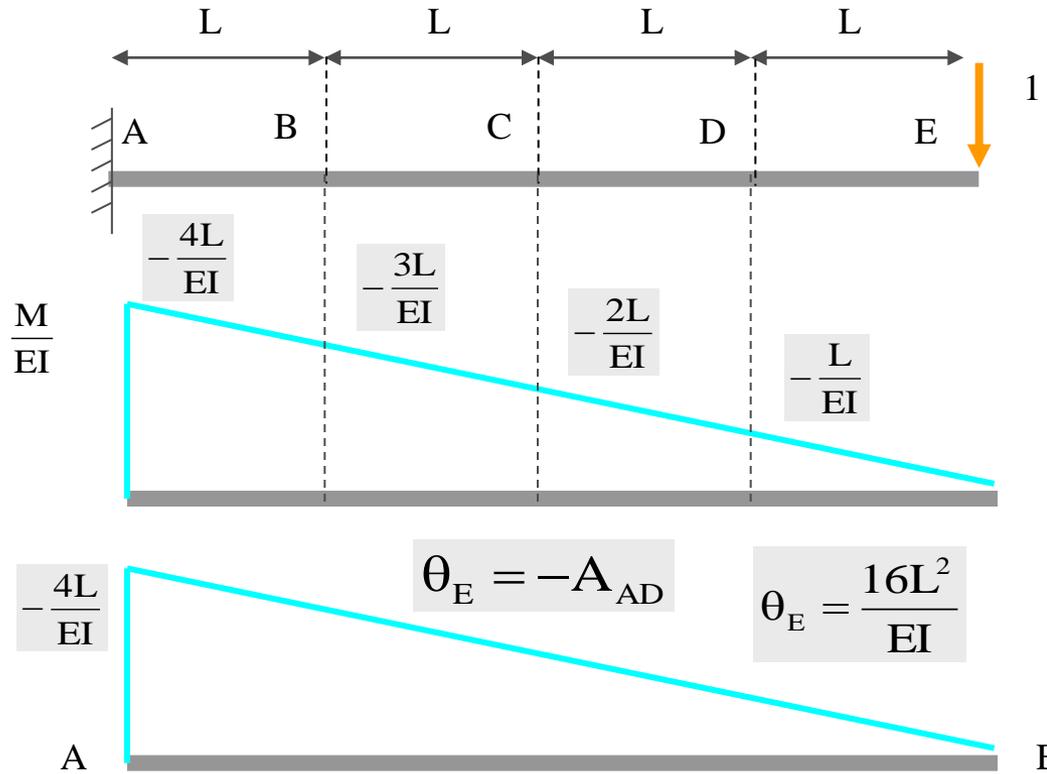
$$\theta_E = -A_{AD} \quad \theta_E = \frac{16L^2}{EI}$$

$$1 \cdot \delta_E = Py_B + Py_C + Py_D + M\theta_E$$

$$y_B = \frac{11L^3}{6EI} \quad y_C = \frac{20L^3}{3EI} \quad y_D = \frac{27L^3}{2EI}$$



Ejemplo 3



Suponer que existe también una acción unitaria aplicada en E, orientada según el movimiento de la flecha

Aplicar el Teorema suponiendo que las acciones reales forman el sistema A y la carga unitaria forma el B

Obtener los valores de los desplazamientos y giros de la ecuación utilizando los Teoremas de área de momentos

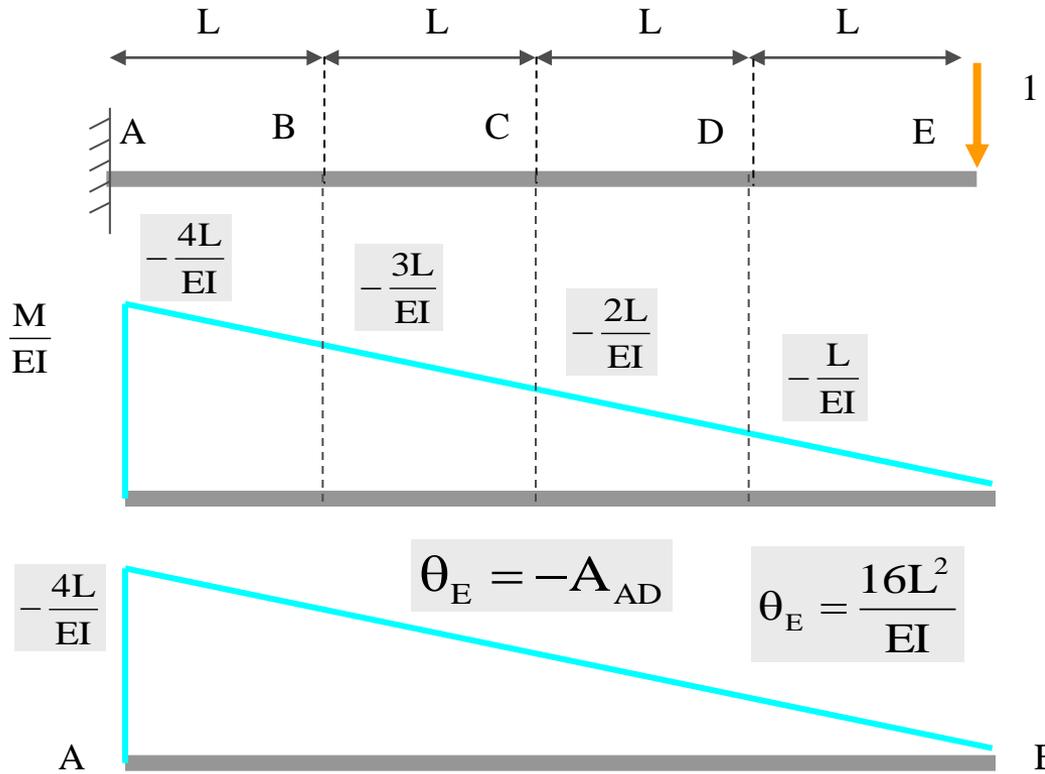
$$\theta_E = -A_{AD} \quad \theta_E = \frac{16L^2}{EI}$$

$$1 \cdot \delta_E = Py_B + Py_C + Py_D + M\theta_E$$

$$y_B = \frac{11L^3}{6EI} \quad y_C = \frac{20L^3}{3EI} \quad y_D = \frac{27L^3}{2EI} \quad \theta_E = \frac{16L^2}{EI}$$



Ejemplo 3



$$1 \cdot \delta_E = Py_B + Py_C + Py_D + M\theta_E$$

$$y_B = \frac{11L^3}{6EI}$$

$$y_C = \frac{20L^3}{3EI}$$

$$y_D = \frac{27L^3}{2EI}$$

$$\theta_E = \frac{16L^2}{EI}$$

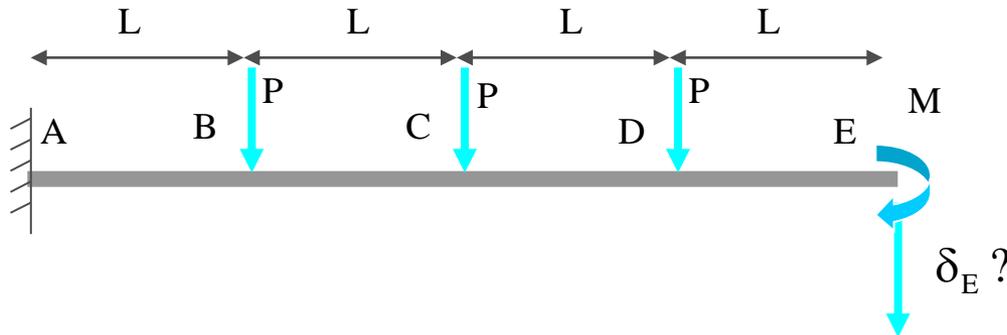
Suponer que existe también una acción unitaria aplicada en E, orientada según el movimiento de la flecha

Aplicar el Teorema suponiendo que las acciones reales forman el sistema A y la carga unitaria forma el B

Obtener los valores de los desplazamientos y giros de la ecuación utilizando los Teoremas de área de momentos

Obtener la flecha aplicando la ecuación deducida del Teorema de Maxwell-Betti

Ejemplo 3



Suponer que existe también una acción unitaria aplicada en E, orientada según el movimiento de la flecha

Aplicar el Teorema suponiendo que las acciones reales forman el sistema A y la carga unitaria forma el B

Obtener los valores de los desplazamientos y giros de la ecuación utilizando los Teoremas de área de momentos

Obtener la flecha aplicando la ecuación deducida del Teorema de Maxwell-Betti

$$1 \cdot \delta_E = Py_B + Py_C + Py_D + M\theta_E$$

$$y_B = \frac{11L^3}{6EI}$$

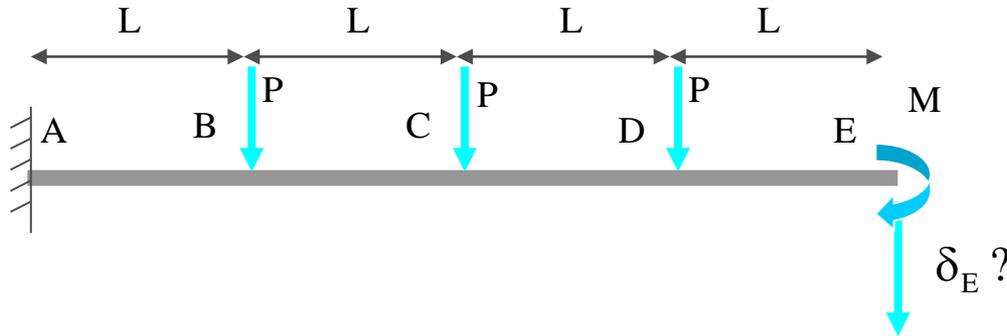
$$y_C = \frac{20L^3}{3EI}$$

$$y_D = \frac{27L^3}{2EI}$$

$$\theta_E = \frac{16L^2}{EI}$$



Ejemplo 3



Suponer que existe también una acción unitaria aplicada en E, orientada según el movimiento de la flecha

Aplicar el Teorema suponiendo que las acciones reales forman el sistema A y la carga unitaria forma el B

Obtener los valores de los desplazamientos y giros de la ecuación utilizando los Teoremas de área de momentos

Obtener la flecha aplicando la ecuación deducida del Teorema de Maxwell-Betti

$$\delta_E = \frac{22PL^3}{EI} + \frac{16ML^2}{EI}$$



$$1 \cdot \delta_E = Py_B + Py_C + Py_D + M\theta_E$$

$$y_B = \frac{11L^3}{6EI}$$

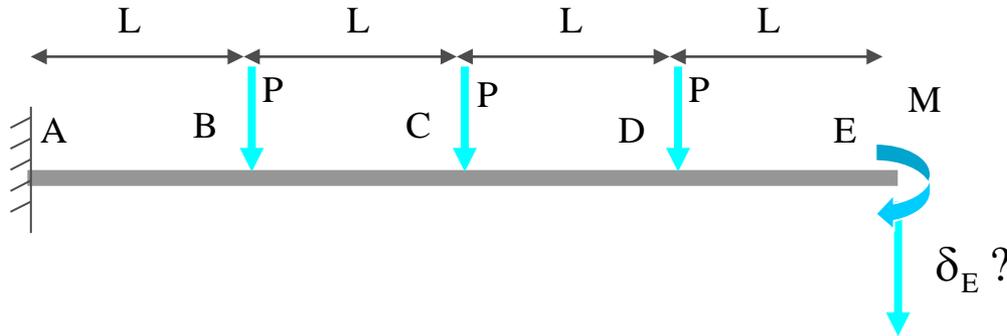
$$y_C = \frac{20L^3}{3EI}$$

$$y_D = \frac{27L^3}{2EI}$$

$$\theta_E = \frac{16L^2}{EI}$$



Ejemplo 3



Suponer que existe también una acción unitaria aplicada en E, orientada según el movimiento de la flecha

Aplicar el Teorema suponiendo que las acciones reales forman el sistema A y la carga unitaria forma el B

Obtener los valores de los desplazamientos y giros de la ecuación utilizando los Teoremas de área de momentos

Obtener la flecha aplicando la ecuación deducida del Teorema de Maxwell-Betti

$$\delta_E = \frac{22PL^3}{EI} + \frac{16ML^2}{EI}$$

Por ser positiva, el sentido de la flecha coincide con el de la carga unitaria



$$1 \cdot \delta_E = Py_B + Py_C + Py_D + M\theta_E$$

$$y_B = \frac{11L^3}{6EI}$$

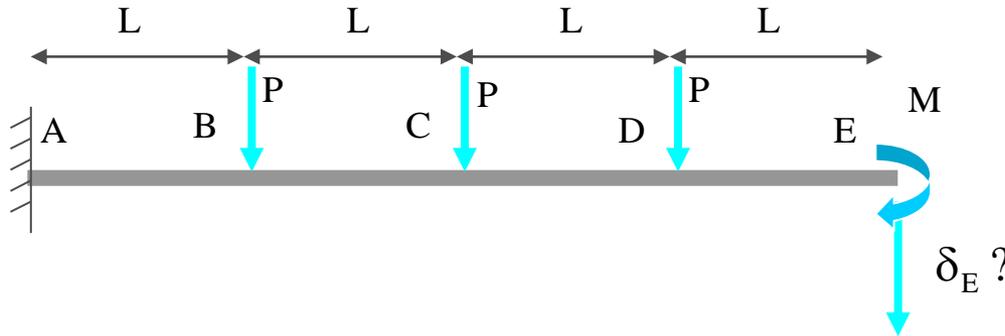
$$y_C = \frac{20L^3}{3EI}$$

$$y_D = \frac{27L^3}{2EI}$$

$$\theta_E = \frac{16L^2}{EI}$$



Ejemplo 3



$$\delta_E = \frac{22PL^3}{EI} + \frac{16ML^2}{EI}$$

Por ser positiva, el sentido de la flecha coincide con el de la carga unitaria



$$1 \cdot \delta_E = Py_B + Py_C + Py_D + M\theta_E$$

$$y_B = \frac{11L^3}{6EI}$$

$$y_C = \frac{20L^3}{3EI}$$

$$y_D = \frac{27L^3}{2EI}$$

$$\theta_E = \frac{16L^2}{EI}$$

Suponer que existe también una acción unitaria aplicada en E, orientada según el movimiento de la flecha

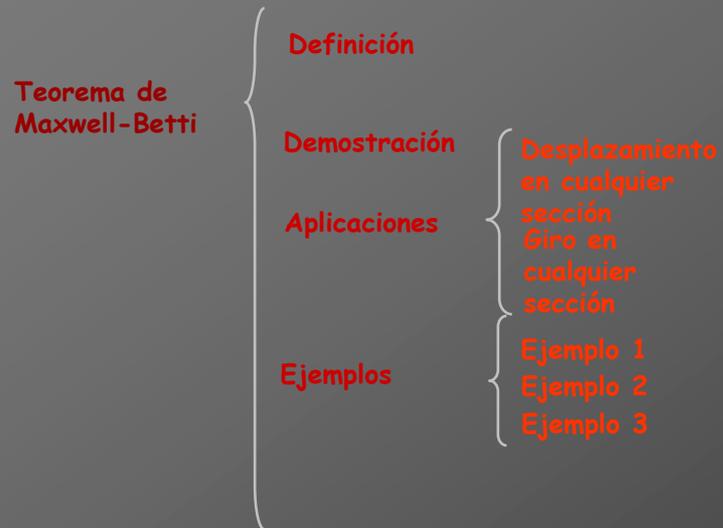
Aplicar el Teorema suponiendo que las acciones reales forman el sistema A y la carga unitaria forma el B

Obtener los valores de los desplazamientos y giros de la ecuación utilizando los Teoremas de área de momentos

Obtener la flecha aplicando la ecuación deducida del Teorema de Maxwell-Betti



Teorema de Maxwell-Betti





Teorema de Maxwell-Betti

Teorema de Maxwell-Betti	{	Definición		
		Demostración	{	
		Aplicaciones		Desplazamiento en cualquier sección
		Ejemplos		Giro en cualquier sección
		Observaciones	Ejemplo 1 Ejemplo 2 Ejemplo 3	



Teorema de Maxwell-Betti

Teorema de Maxwell-Betti	{	Definición	
		Demostración	
		Aplicaciones	{ Desplazamiento en cualquier sección Giro en cualquier sección
		Ejemplos	{ Ejemplo 1 Ejemplo 2 Ejemplo 3
		Observaciones	{ Observación 1



Observación 1

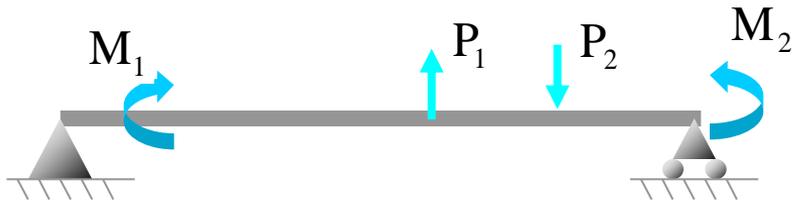


Observación 1

Independientemente de si se calcula el giro o el desplazamiento de una sección, los movimientos que aparecen en la ecuación del Teorema, además de estar producidos por la acción unitaria, se localizan siempre donde actúan las acciones reales

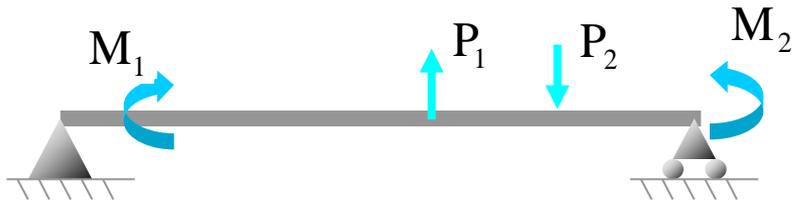
Observación 1

Independientemente de si se calcula el giro o el desplazamiento de una sección, los movimientos que aparecen en la ecuación del Teorema, además de estar producidos por la acción unitaria, se localizan siempre donde actúan las acciones reales



Observación 1

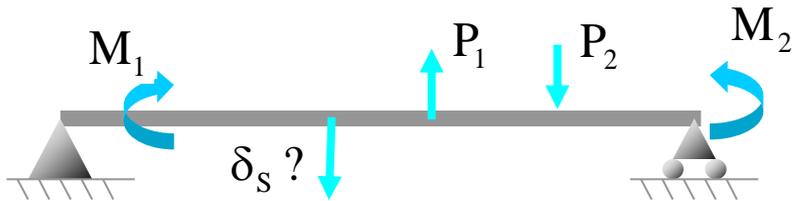
Independientemente de si se calcula el giro o el desplazamiento de una sección, los movimientos que aparecen en la ecuación del Teorema, además de estar producidos por la acción unitaria, se localizan siempre donde actúan las acciones reales



Cálculo del desplazamiento de una sección S

Observación 1

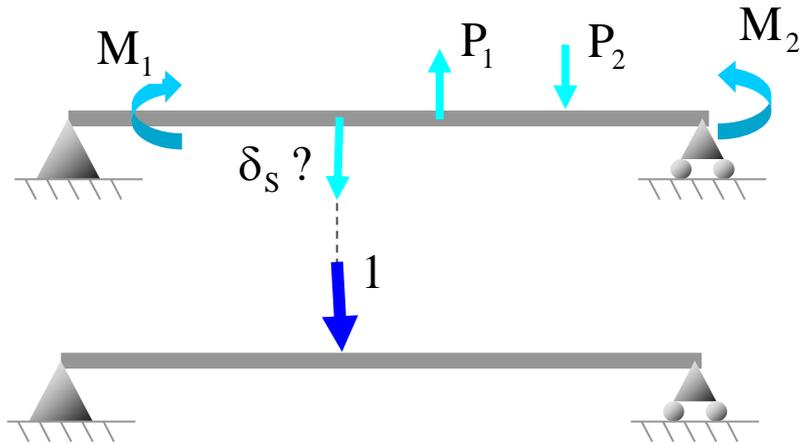
Independientemente de si se calcula el giro o el desplazamiento de una sección, los movimientos que aparecen en la ecuación del Teorema, además de estar producidos por la acción unitaria, se localizan siempre donde actúan las acciones reales



Cálculo del desplazamiento de una sección S

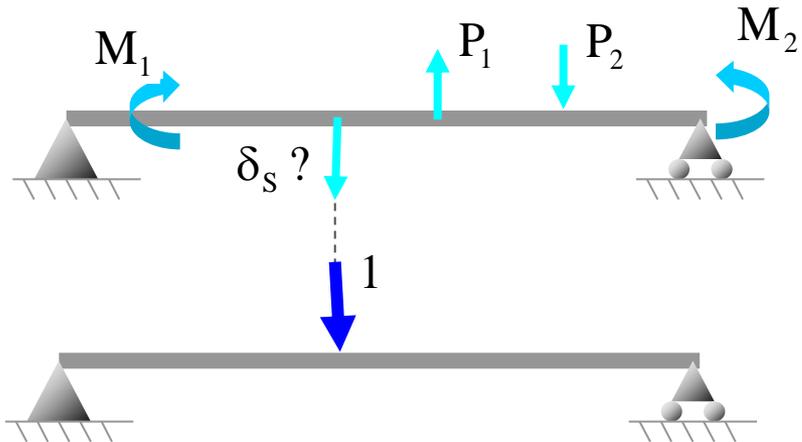
Observación 1

Independientemente de si se calcula el giro o el desplazamiento de una sección, los movimientos que aparecen en la ecuación del Teorema, además de estar producidos por la acción unitaria, se localizan siempre donde actúan las acciones reales



Observación 1

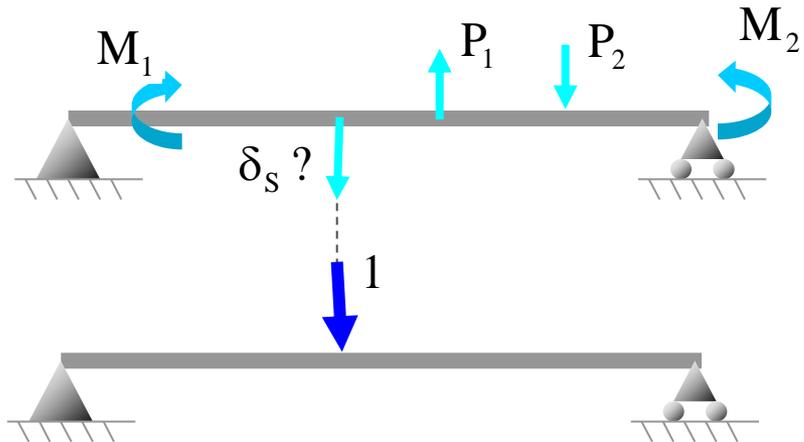
Independientemente de si se calcula el giro o el desplazamiento de una sección, los movimientos que aparecen en la ecuación del Teorema, además de estar producidos por la acción unitaria, se localizan siempre donde actúan las acciones reales



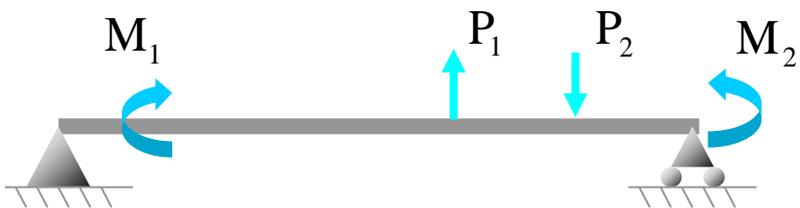
Cálculo del giro de la sección S

Observación 1

Independientemente de si se calcula el giro o el desplazamiento de una sección, los movimientos que aparecen en la ecuación del Teorema, además de estar producidos por la acción unitaria, se localizan siempre donde actúan las acciones reales

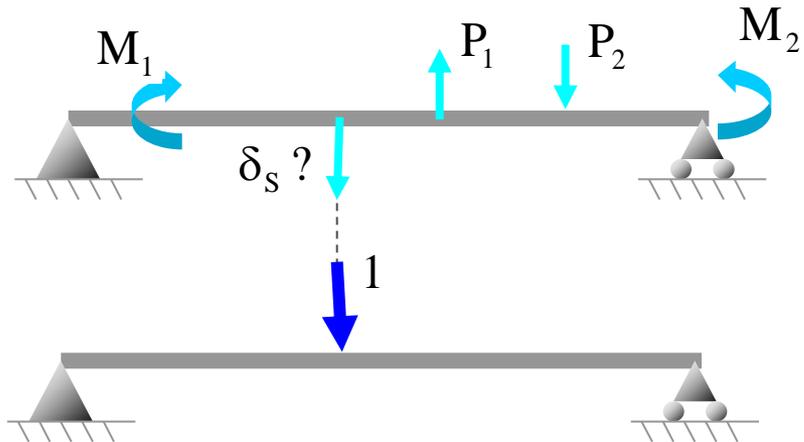


Cálculo del giro de la sección S

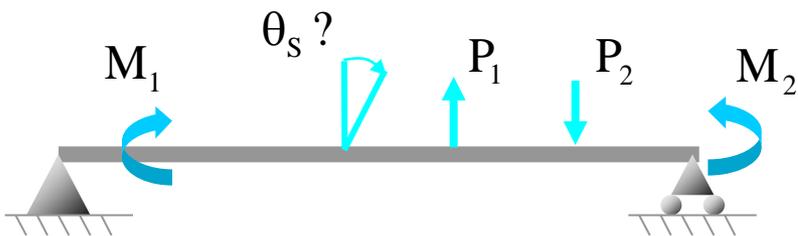


Observación 1

Independientemente de si se calcula el giro o el desplazamiento de una sección, los movimientos que aparecen en la ecuación del Teorema, además de estar producidos por la acción unitaria, se localizan siempre donde actúan las acciones reales



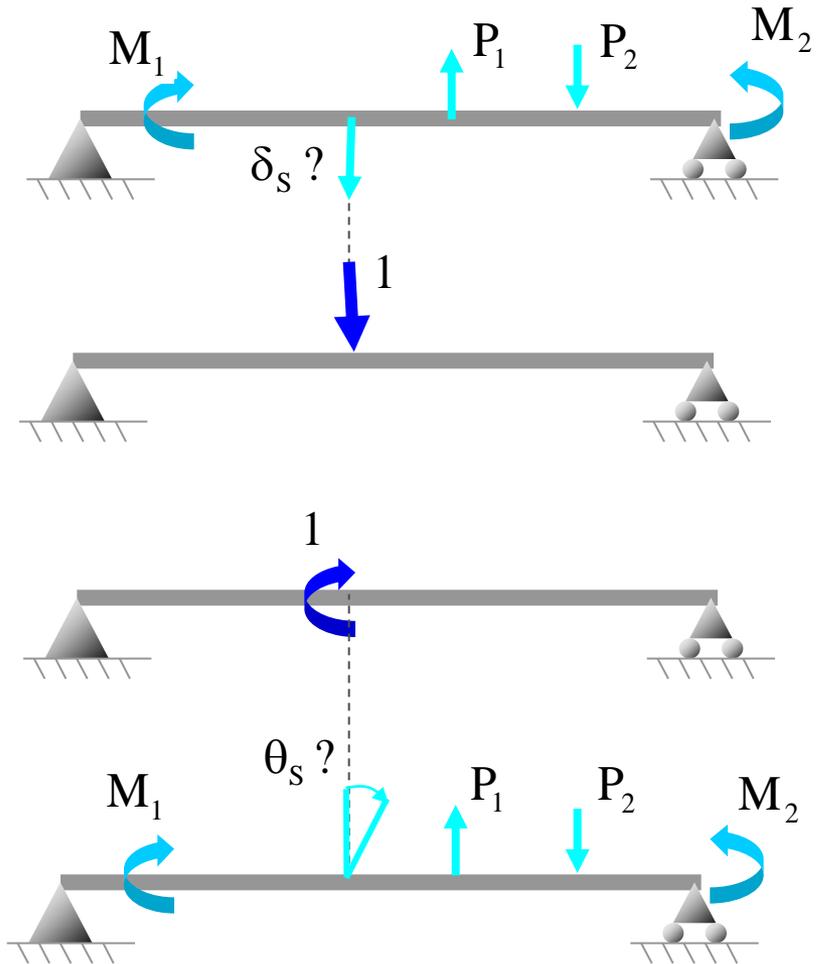
Cálculo del giro de la sección S





Observación 1

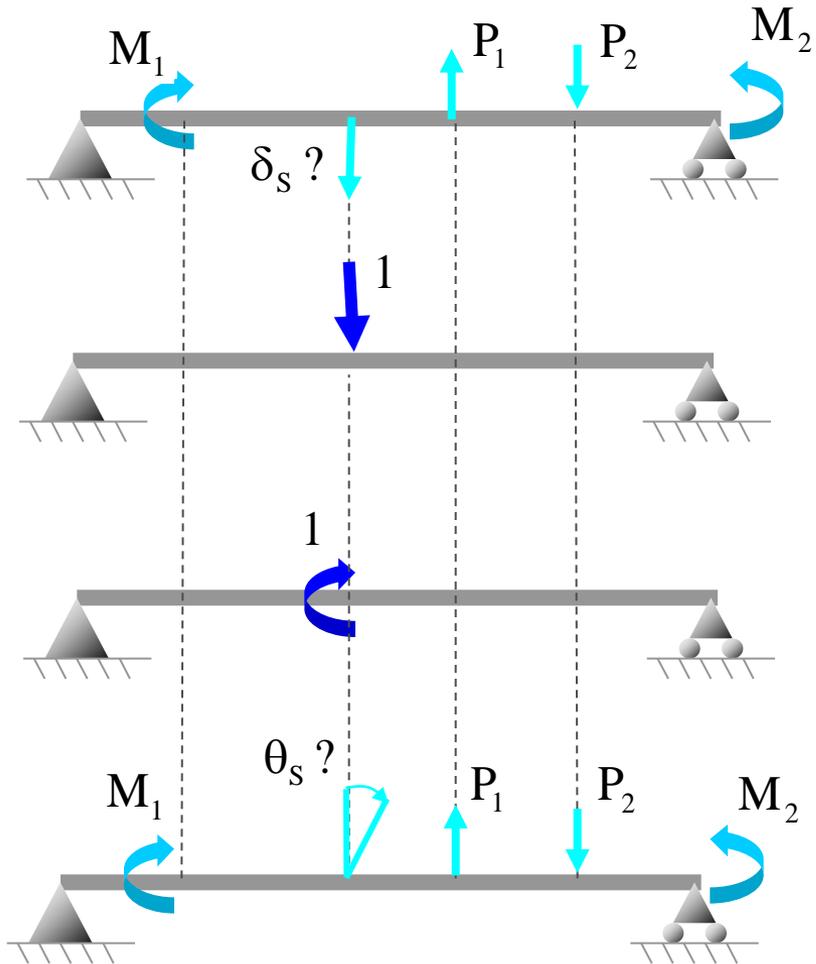
Independientemente de si se calcula el giro o el desplazamiento de una sección, los movimientos que aparecen en la ecuación del Teorema, además de estar producidos por la acción unitaria, se localizan siempre donde actúan las acciones reales





Observación 1

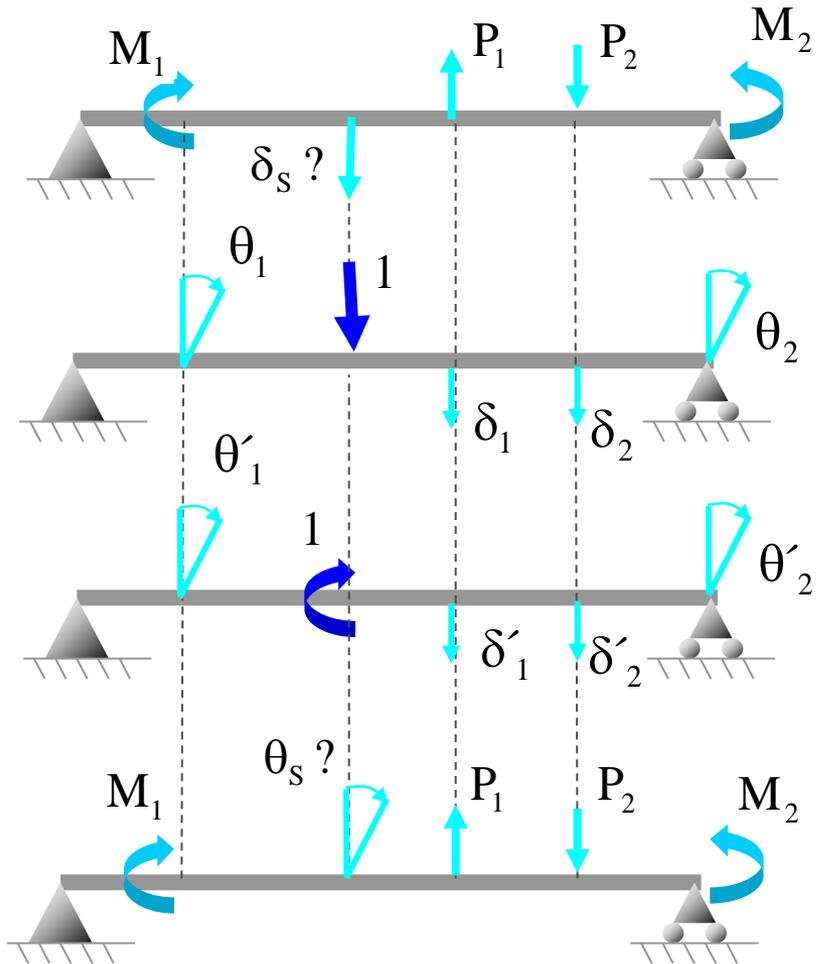
Independientemente de si se calcula el giro o el desplazamiento de una sección, los movimientos que aparecen en la ecuación del Teorema, además de estar producidos por la acción unitaria, se localizan siempre donde actúan las acciones reales





Observación 1

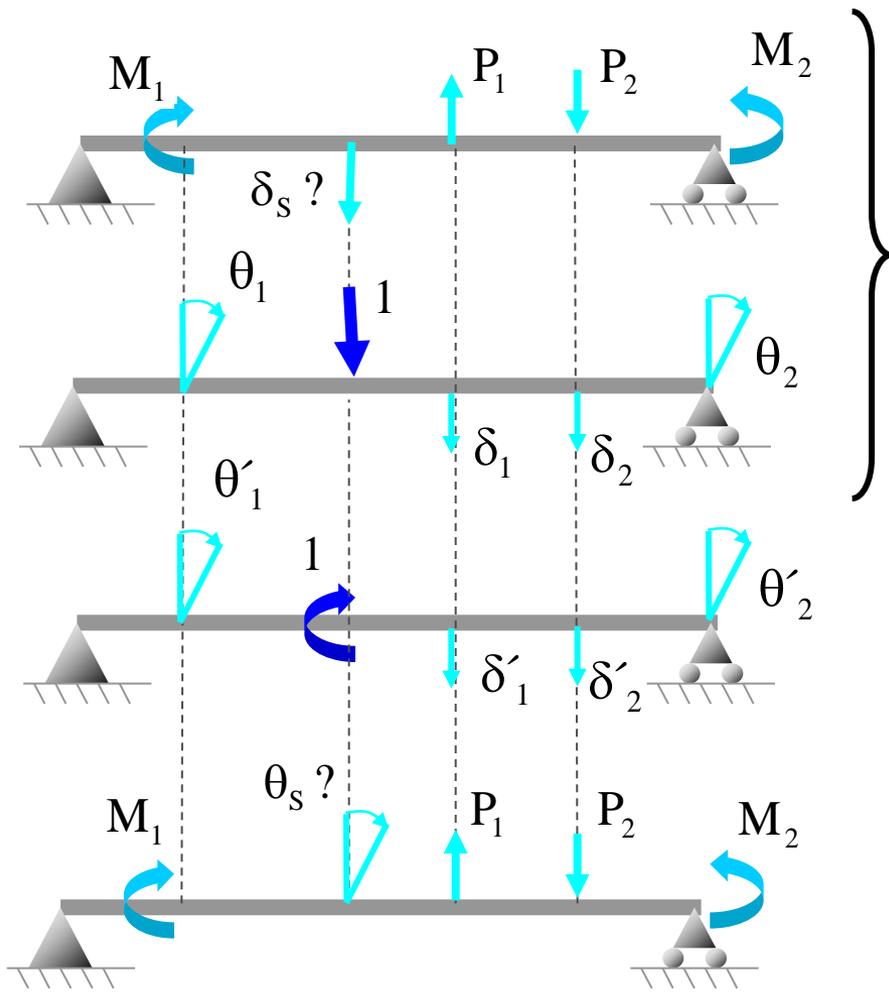
Independientemente de si se calcula el giro o el desplazamiento de una sección, los movimientos que aparecen en la ecuación del Teorema, además de estar producidos por la acción unitaria, se localizan siempre donde actúan las acciones reales





Observación 1

Independientemente de si se calcula el giro o el desplazamiento de una sección, los movimientos que aparecen en la ecuación del Teorema, además de estar producidos por la acción unitaria, se localizan siempre donde actúan las acciones reales

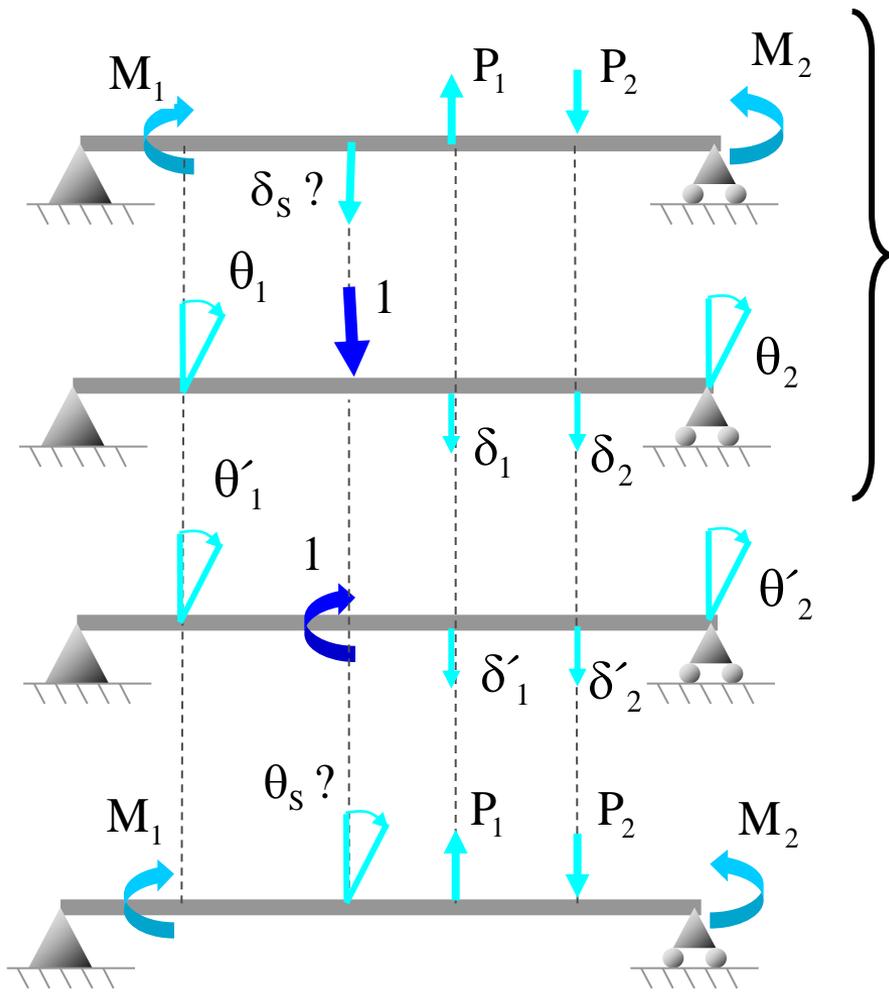


Aplicación del Teorema de Maxwell-Betti



Observación 1

Independientemente de si se calcula el giro o el desplazamiento de una sección, los movimientos que aparecen en la ecuación del Teorema, además de estar producidos por la acción unitaria, se localizan siempre donde actúan las acciones reales

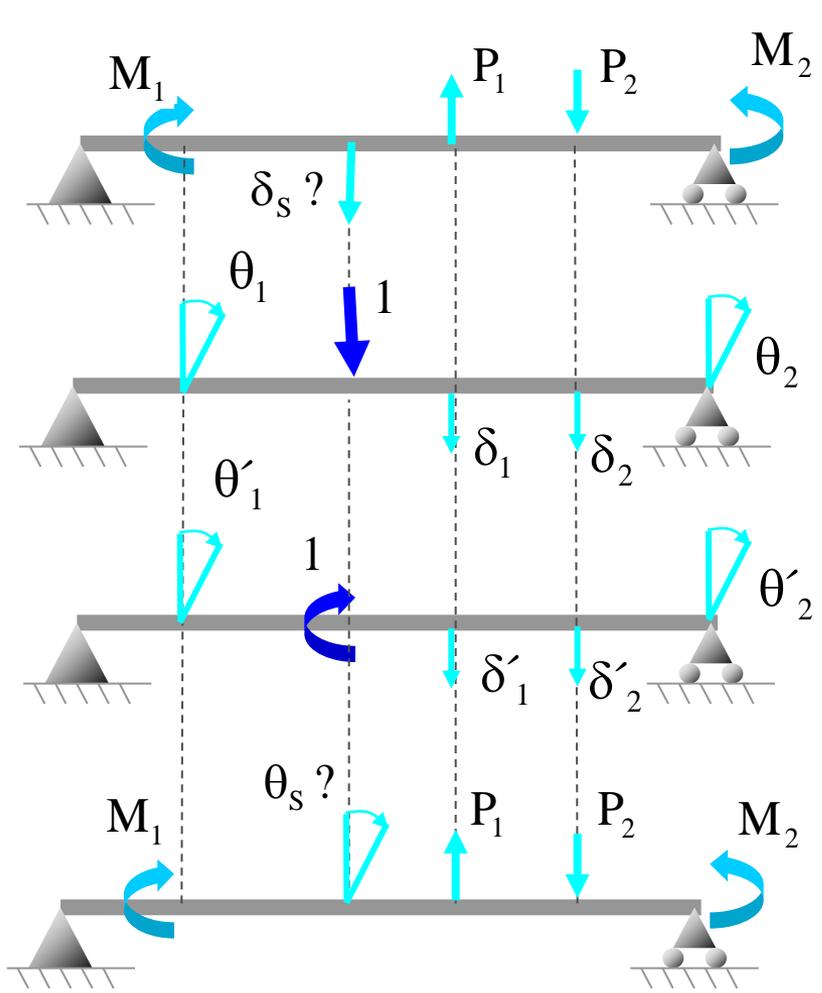


$$1 \cdot \delta_s = \sum P_i \cdot \delta_i + \sum M_i \cdot \theta_i$$



Observación 1

Independientemente de si se calcula el giro o el desplazamiento de una sección, los movimientos que aparecen en la ecuación del Teorema, además de estar producidos por la acción unitaria, se localizan siempre donde actúan las acciones reales



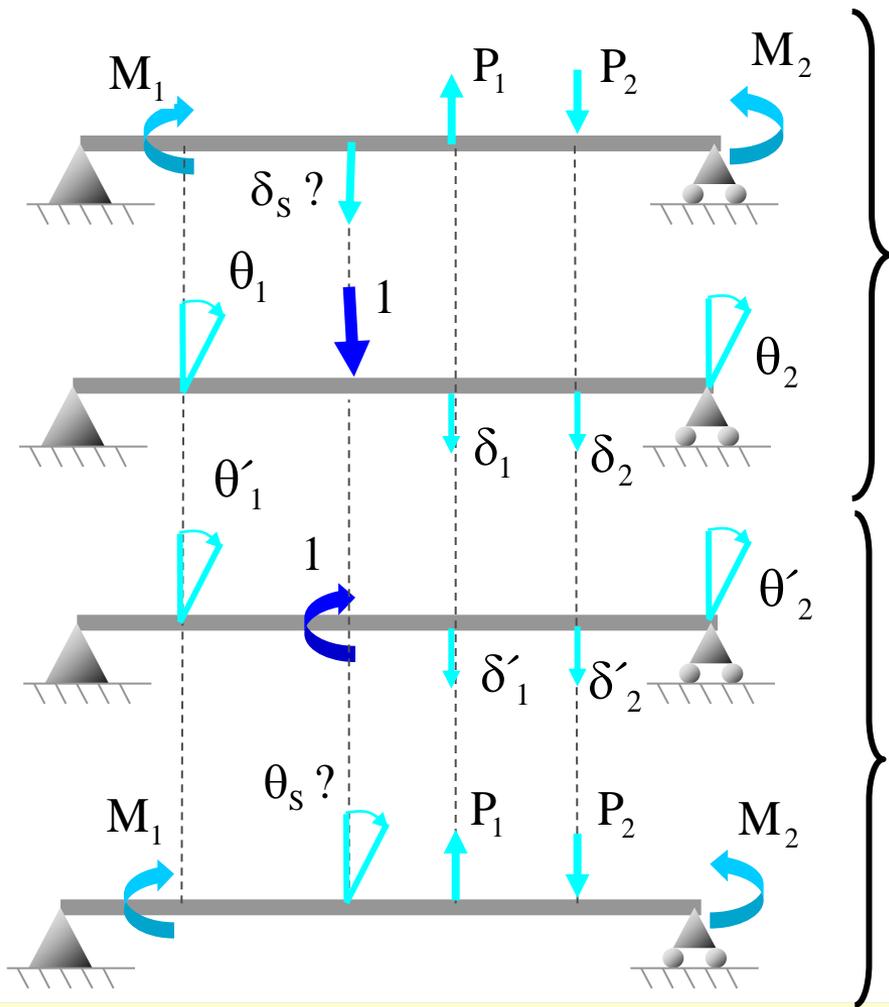
$\theta_1, \delta_1, \delta_2, \theta_2$ Producidos por la carga unitaria

$$1 \cdot \delta_s = \sum P_i \cdot \delta_i + \sum M_i \cdot \theta_i$$



Observación 1

Independientemente de si se calcula el giro o el desplazamiento de una sección, los movimientos que aparecen en la ecuación del Teorema, además de estar producidos por la acción unitaria, se localizan siempre donde actúan las acciones reales



$\theta_1, \delta_1, \delta_2, \theta_2$ Producidos por la carga unitaria

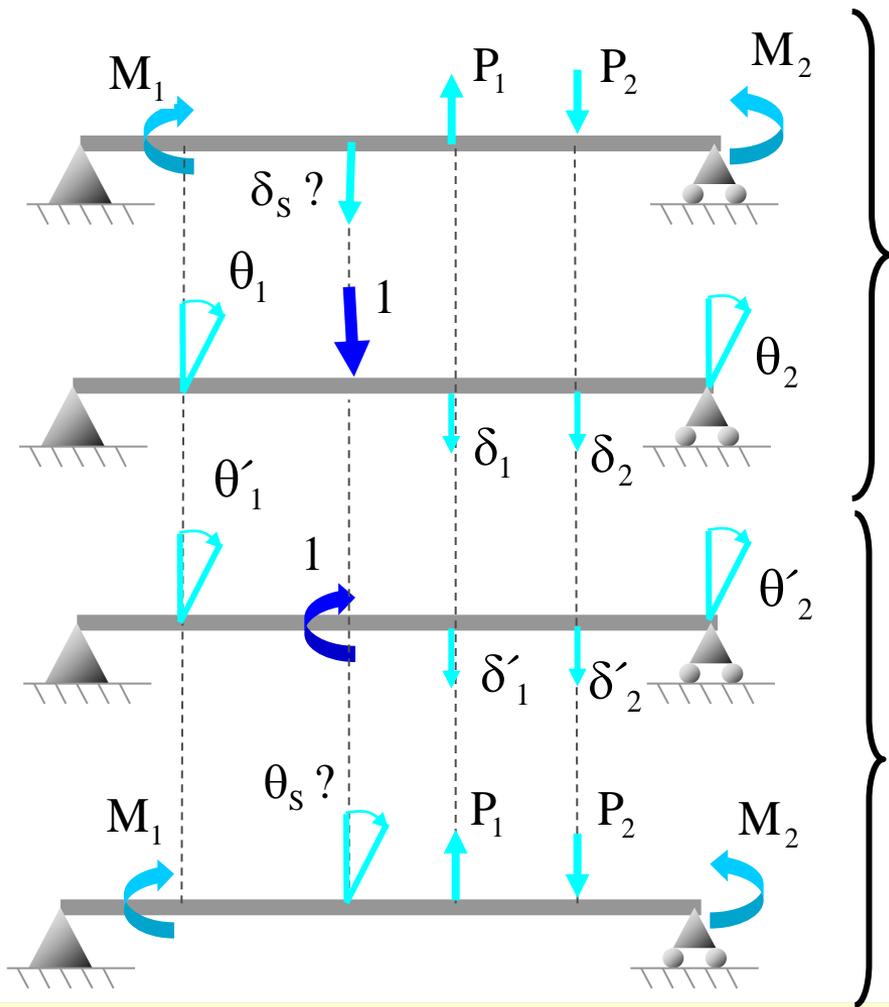
$$1 \cdot \delta_s = \sum P_i \cdot \delta_i + \sum M_i \cdot \theta_i$$

Aplicación del Teorema de Maxwell-Betti



Observación 1

Independientemente de si se calcula el giro o el desplazamiento de una sección, los movimientos que aparecen en la ecuación del Teorema, además de estar producidos por la acción unitaria, se localizan siempre donde actúan las acciones reales



$\theta_1, \delta_1, \delta_2, \theta_2$ Producidos por la carga unitaria

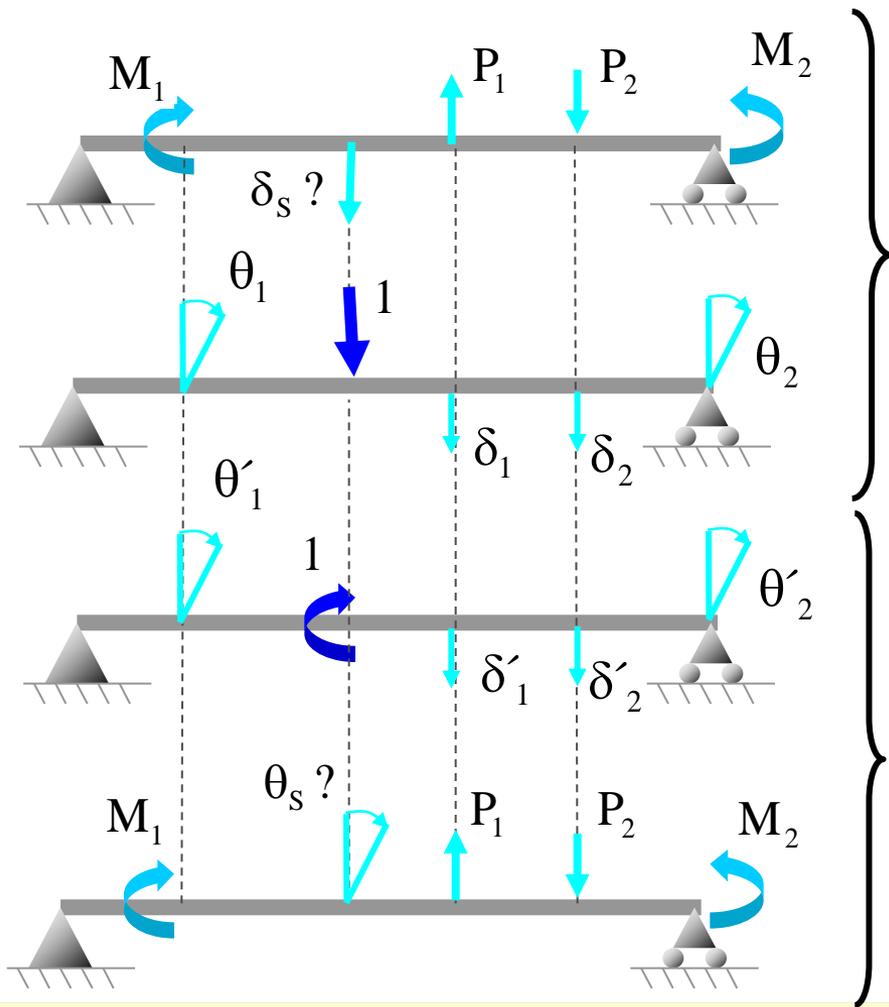
$$1 \cdot \delta_s = \sum P_i \cdot \delta_i + \sum M_i \cdot \theta_i$$

$$1 \cdot \theta_s = \sum P_i \cdot \delta'_i + \sum M_i \cdot \theta'_i$$



Observación 1

Independientemente de si se calcula el giro o el desplazamiento de una sección, los movimientos que aparecen en la ecuación del Teorema, además de estar producidos por la acción unitaria, se localizan siempre donde actúan las acciones reales



$\theta_1, \delta_1, \delta_2, \theta_2$ Producidos por la carga unitaria

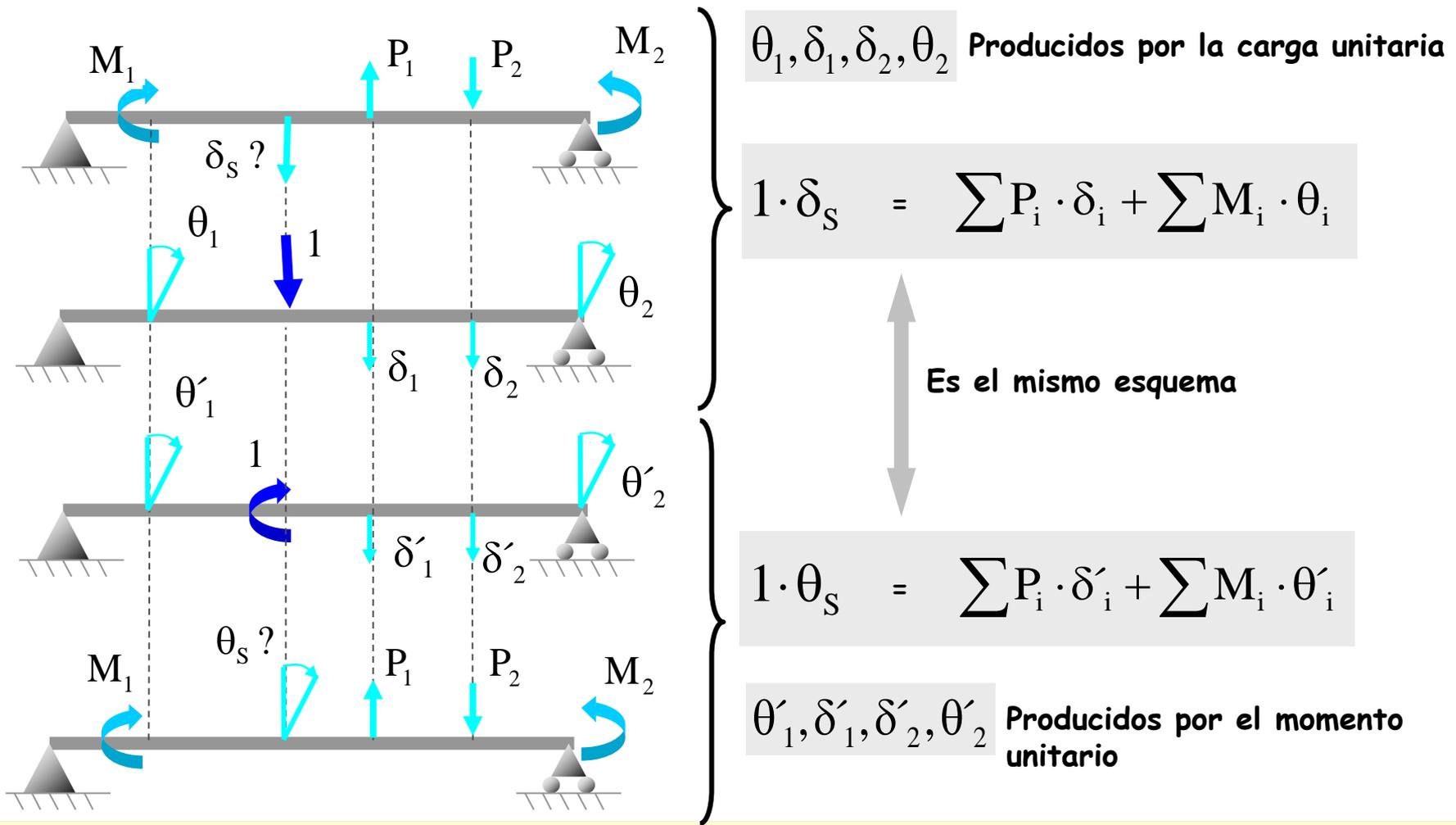
$$1 \cdot \delta_s = \sum P_i \cdot \delta_i + \sum M_i \cdot \theta_i$$

$$1 \cdot \theta_s = \sum P_i \cdot \delta'_i + \sum M_i \cdot \theta'_i$$

$\theta'_1, \delta'_1, \delta'_2, \theta'_2$ Producidos por el momento unitario

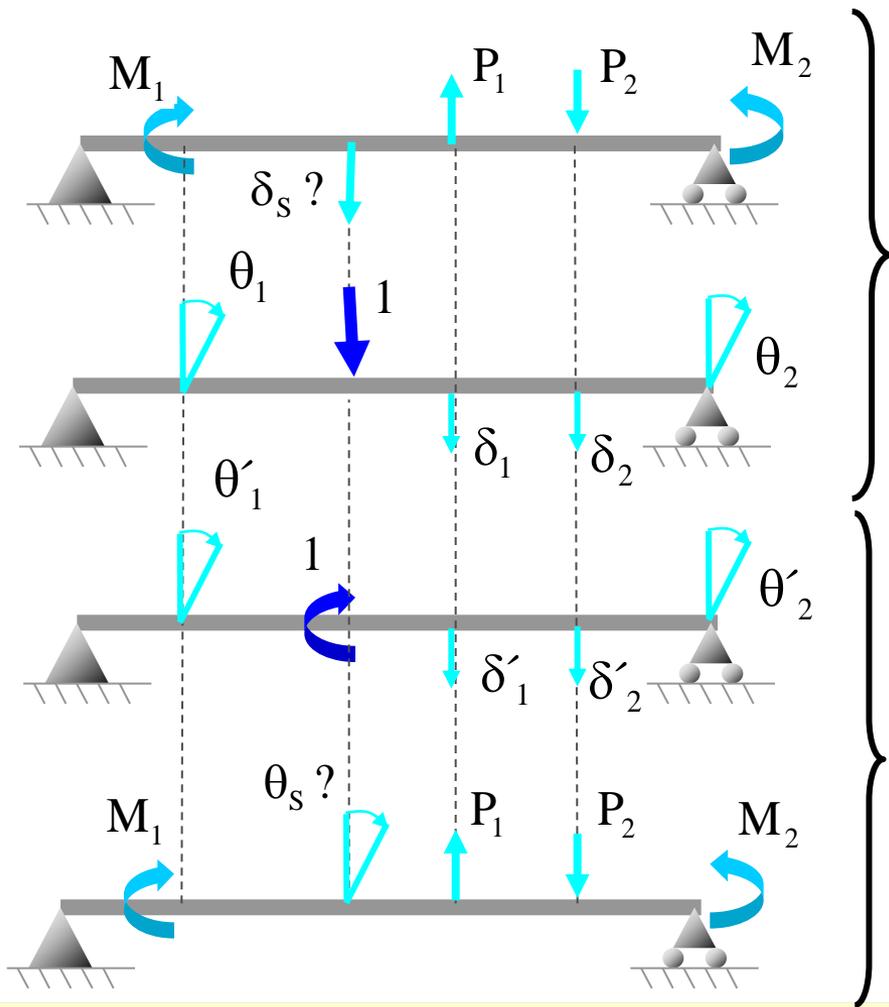
Observación 1

Independientemente de si se calcula el giro o el desplazamiento de una sección, los movimientos que aparecen en la ecuación del Teorema, además de estar producidos por la acción unitaria, se localizan siempre donde actúan las acciones reales



Observación 1

Independientemente de si se calcula el giro o el desplazamiento de una sección, los movimientos que aparecen en la ecuación del Teorema, además de estar producidos por la acción unitaria, se localizan siempre donde actúan las acciones reales



$\theta_1, \delta_1, \delta_2, \theta_2$ Producidos por la carga unitaria

$$1 \cdot \delta_s = \sum P_i \cdot \delta_i + \sum M_i \cdot \theta_i$$

Es el mismo esquema

$$1 \cdot \theta_s = \sum P_i \cdot \delta'_i + \sum M_i \cdot \theta'_i$$

$\theta'_1, \delta'_1, \delta'_2, \theta'_2$ Producidos por el momento unitario



Teorema de Maxwell-Betti

Teorema de Maxwell-Betti	Definición	
	Demostración	
	Aplicaciones	Desplazamiento en cualquier sección Giro en cualquier sección
	Ejemplos	Ejemplo 1 Ejemplo 2 Ejemplo 3
	Observaciones	Observación 1



Teorema de Maxwell-Betti

Teorema de Maxwell-Betti	Definición	
	Demostración	
	Aplicaciones	Desplazamiento en cualquier sección Giro en cualquier sección
	Ejemplos	Ejemplo 1 Ejemplo 2 Ejemplo 3
	Observaciones	Observación 1 Observación 2



Observación 2



Observación 2

La condición de indeformabilidad de un tramo se introduce sin considerar en el cálculo los diagramas de momentos de dicho tramo



Observación 2

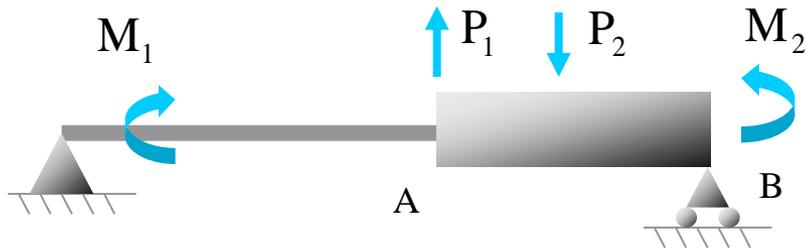
La condición de indeformabilidad de un tramo se introduce sin considerar en el cálculo los diagramas de momentos de dicho tramo

Aplicación del Teorema con tramos indeformables

Observación 2

La condición de indeformabilidad de un tramo se introduce sin considerar en el cálculo los diagramas de momentos de dicho tramo

Aplicación del Teorema con tramos indeformables

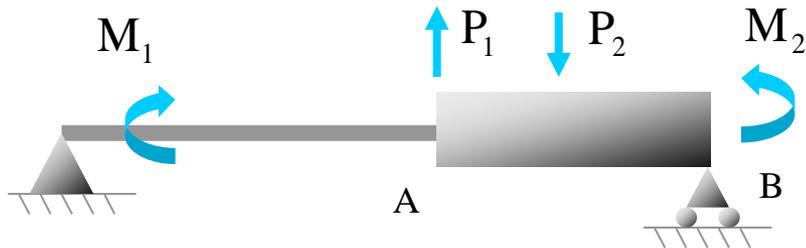


AB indeformable

Observación 2

La condición de indeformabilidad de un tramo se introduce sin considerar en el cálculo los diagramas de momentos de dicho tramo

Aplicación del Teorema con tramos indeformables



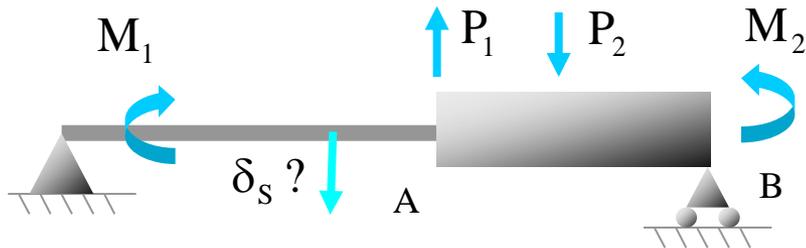
AB indeformable

Se desea calcular la
flecha en una sección S

Observación 2

La condición de indeformabilidad de un tramo se introduce sin considerar en el cálculo los diagramas de momentos de dicho tramo

Aplicación del Teorema con tramos indeformables



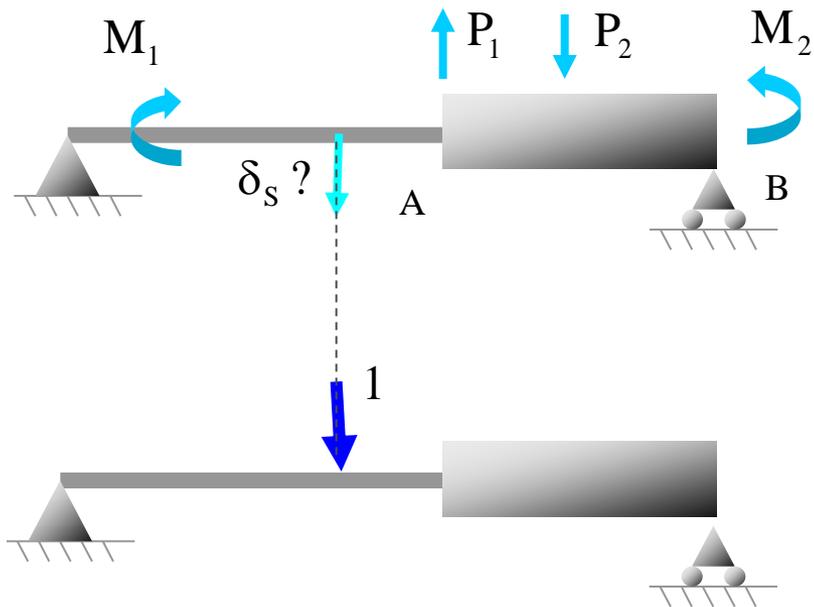
AB indeformable



Observación 2

La condición de indeformabilidad de un tramo se introduce sin considerar en el cálculo los diagramas de momentos de dicho tramo

Aplicación del Teorema con tramos indeformables

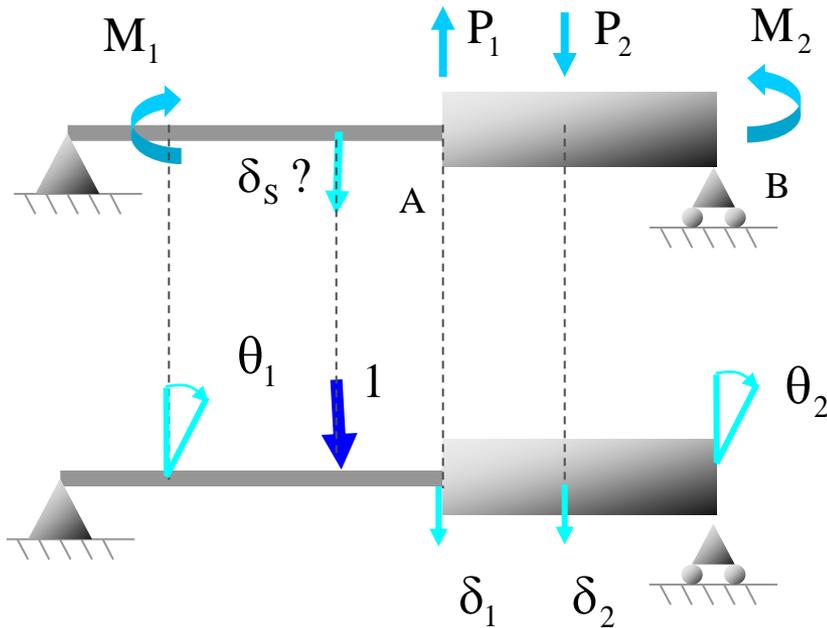


AB indeformable

Observación 2

La condición de indeformabilidad de un tramo se introduce sin considerar en el cálculo los diagramas de momentos de dicho tramo

Aplicación del Teorema con tramos indeformables

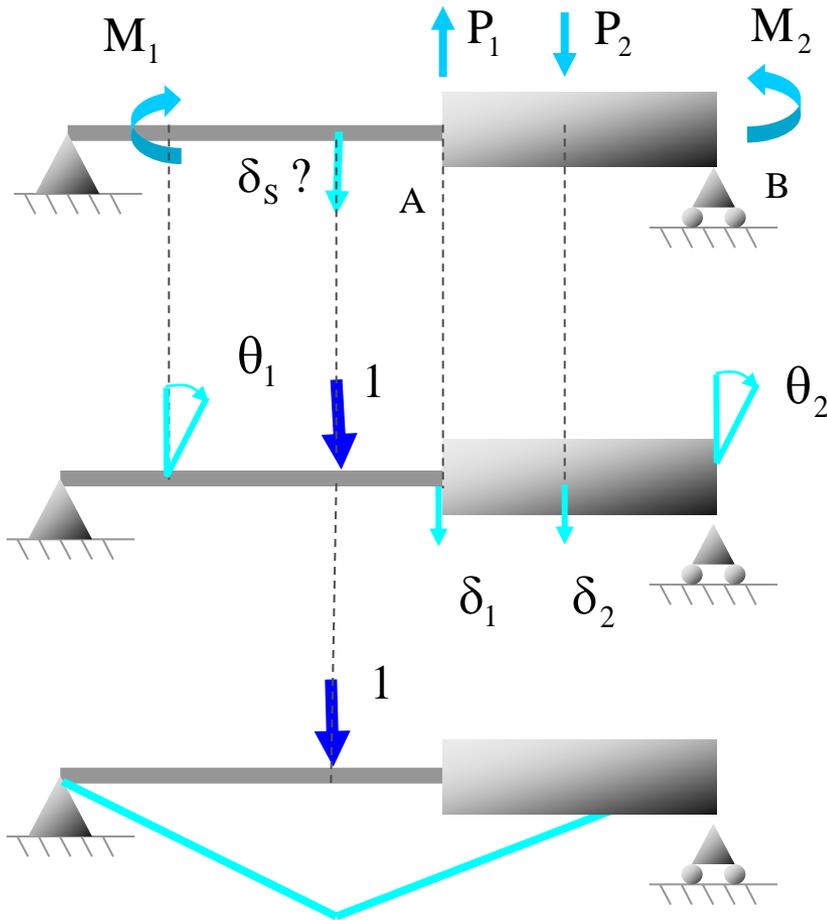


AB indeformable

Observación 2

La condición de indeformabilidad de un tramo se introduce sin considerar en el cálculo los diagramas de momentos de dicho tramo

Aplicación del Teorema con tramos indeformables



AB indeformable

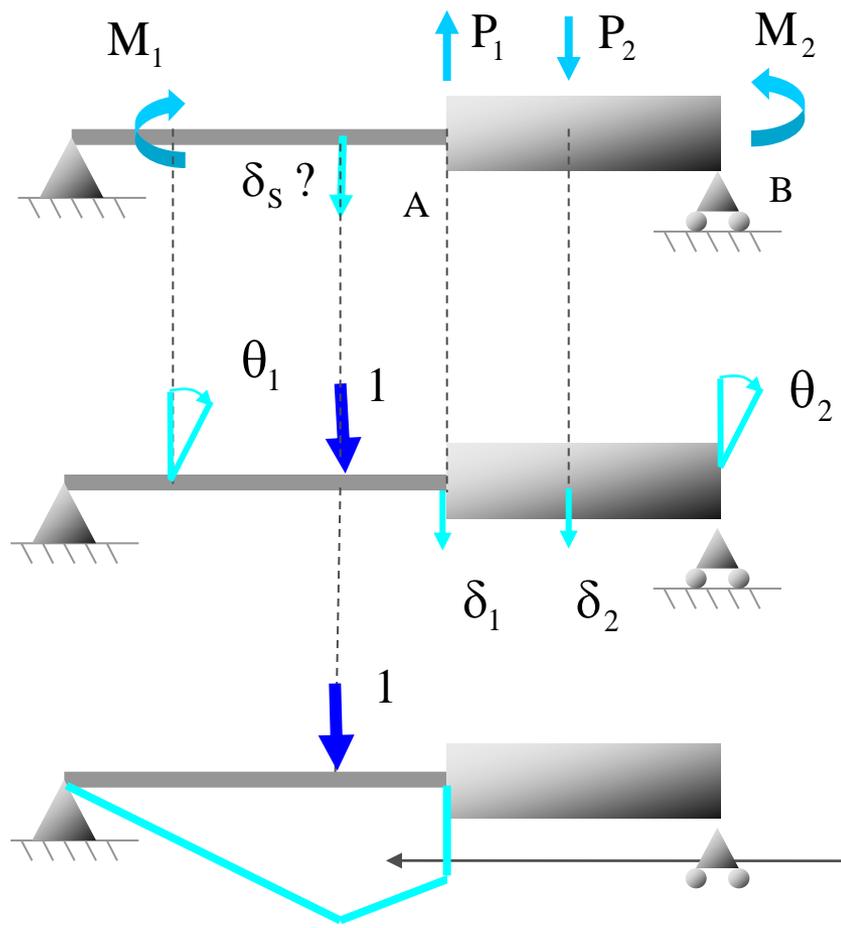
Diagrama de momentos



Observación 2

La condición de indeformabilidad de un tramo se introduce sin considerar en el cálculo los diagramas de momentos de dicho tramo

Aplicación del Teorema con tramos indeformables



AB indeformable

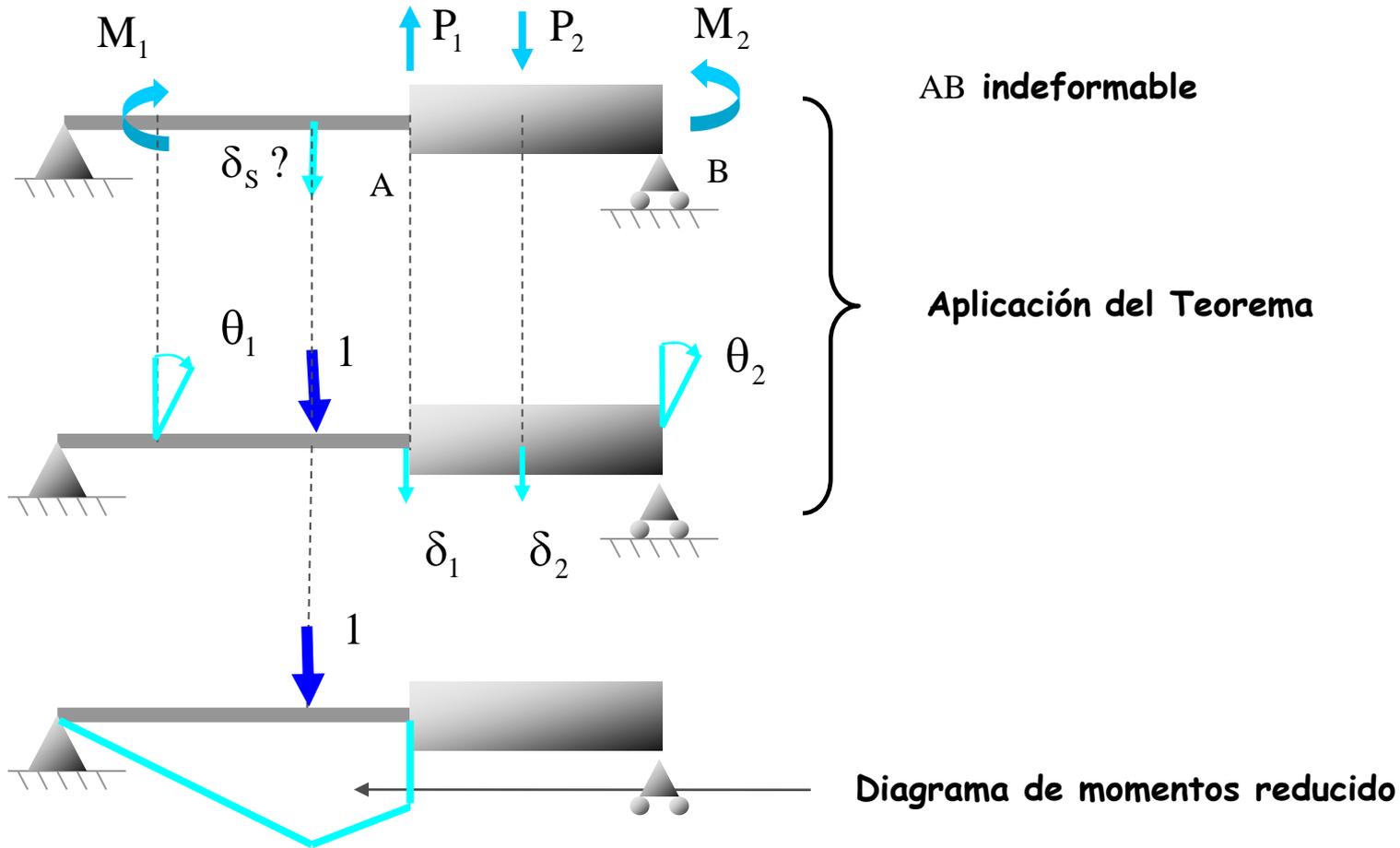
Diagrama de momentos reducido



Observación 2

La condición de indeformabilidad de un tramo se introduce sin considerar en el cálculo los diagramas de momentos de dicho tramo

Aplicación del Teorema con tramos indeformables

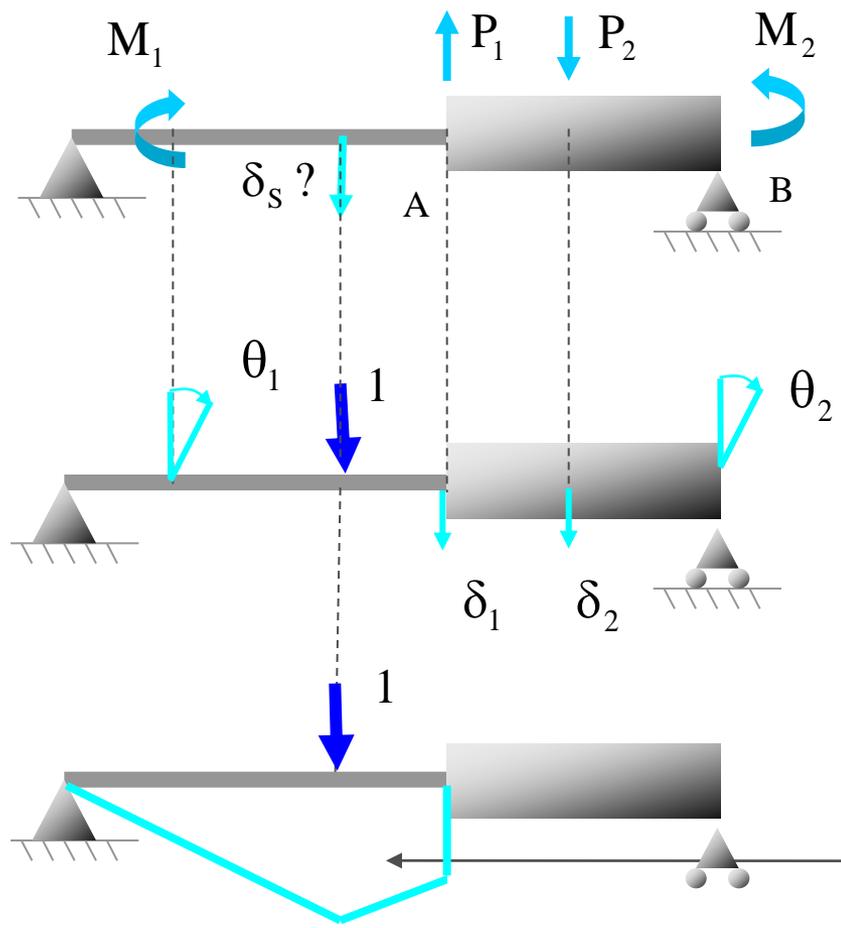




Observación 2

La condición de indeformabilidad de un tramo se introduce sin considerar en el cálculo los diagramas de momentos de dicho tramo

Aplicación del Teorema con tramos indeformables



AB indeformable

$$1 \cdot \delta_s = \sum P_i \cdot \delta_i + \sum M_i \cdot \theta_i$$

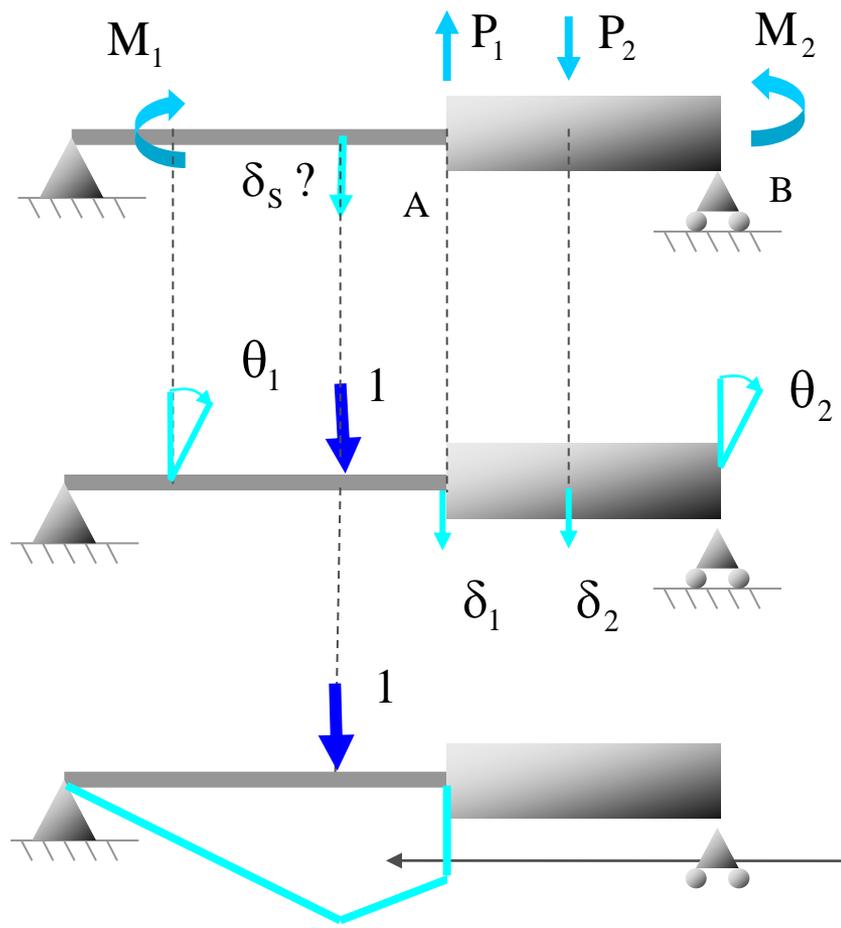
Diagrama de momentos reducido



Observación 2

La condición de indeformabilidad de un tramo se introduce sin considerar en el cálculo los diagramas de momentos de dicho tramo

Aplicación del Teorema con tramos indeformables



AB indeformable

$$1 \cdot \delta_s = \sum P_i \cdot \delta_i + \sum M_i \cdot \theta_i$$

$\theta_1, \delta_1, \delta_2, \theta_2$ Están producidos por la carga unitaria utilizando el diagrama de momentos reducido

Diagrama de momentos reducido



Teorema de Maxwell-Betti

Teorema de Maxwell-Betti	Definición	
	Demostración	
	Aplicaciones	Desplazamiento en cualquier sección Giro en cualquier sección
	Ejemplos	Ejemplo 1 Ejemplo 2 Ejemplo 3
	Observaciones	Observación 1 Observación 2



Teorema de Maxwell-Betti

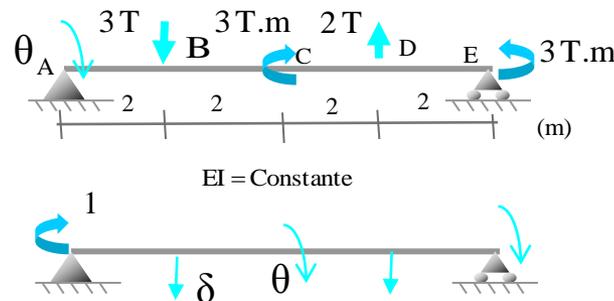
Teorema de Maxwell-Betti	Definición	
	Demostración	
	Aplicaciones	Desplazamiento en cualquier sección Giro en cualquier sección
	Ejemplos	Ejemplo 1 Ejemplo 2 Ejemplo 3
	Observaciones	Observación 1 Observación 2

Autoevaluación



Autoevaluación

- Pregunta 1
- Pregunta 2
- Pregunta 3
- Pregunta 4
- Pregunta 5
- Pregunta 6
- Pregunta 7



La aplicación del Teorema de Maxwell_Betti para conocer el giro en A conduce a la expresión:

a)

$$\theta_A = 3\delta_B + 3\theta_C + 2\delta_D - 3\theta_E$$

b)

$$\theta_A = 3\delta_B + 3\theta_C - 2\delta_D - 3\theta_E$$

c)

$$\theta_A = 3\delta_B - 3\theta_C - 2\delta_D + 3\theta_E$$

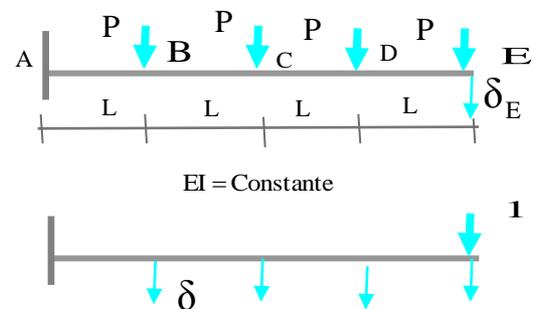
d)

Ninguna de las anteriores



Autoevaluación

- Pregunta 1
- **Pregunta 2**
- Pregunta 3
- Pregunta 4
- Pregunta 5
- Pregunta 6
- Pregunta 7



La aplicación del Teorema de Maxwell_Betti para conocer la flecha en E conduce a la expresión:

a)

$$\downarrow \delta_E = 4P(\delta_B + \delta_C + \delta_D + \delta_E)$$

b)

$$\downarrow \delta_E = P(\delta_B + \delta_D + \delta_E)$$

c)

$$\downarrow \delta_E = \frac{P}{EI} (\delta_B + \delta_C + \delta_D + \delta_E)$$

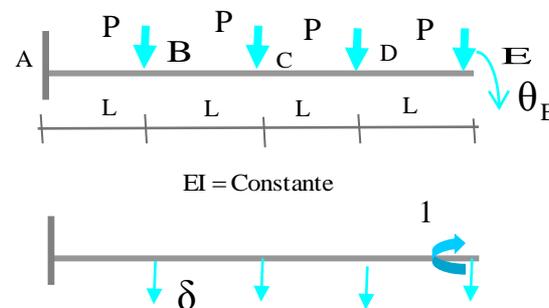
d)

Ninguna de las anteriores



Autoevaluación

- Pregunta 1
- Pregunta 2
- **Pregunta 3**
- Pregunta 4
- Pregunta 5
- Pregunta 6
- Pregunta 7



La aplicación del Teorema de Maxwell_Betti para conocer el giro en E conduce a la expresión:

a)

$$\theta_E = P(\delta_B + \delta_C + \delta_D + \delta_E)$$

b)

$$\theta_E = \frac{P}{EI}(\delta_B + \delta_C + \delta_D + \delta_E)$$

c)

$$\theta_E = PEI(\delta_B + \delta_C + \delta_D + \delta_E)$$

d)

Ninguna de las anteriores



Autoevaluación

- Pregunta 1
- Pregunta 2
- Pregunta 3
- **Pregunta 4**
- Pregunta 5
- Pregunta 6
- Pregunta 7

Señalar la respuesta correcta

a)

El Teorema de Betti es un caso particular del Teorema de Maxwell

b)

El Teorema de Maxwell es un caso particular del Teorema de Betti

c)

El Teorema siempre hay que aplicarlo con otro método para calcular con él algún giro o desplazamiento

d)

Ninguna de las anteriores



Autoevaluación

- Pregunta 1
- Pregunta 2
- Pregunta 3
- Pregunta 4
- **Pregunta 5**
- Pregunta 6
- Pregunta 7

Señalar la respuesta correcta

a)

Con la aplicación del Teorema no se calcula ni giros ni desplazamientos, sino trabajos que numéricamente coinciden con un giro o desplazamiento de la figura

b)

Una figura indeformable cargada podría producir deformaciones

c)

Aplicando el Teorema no se puede calcular el giro relativo entre dos secciones

d)

Ninguna de las anteriores



Autoevaluación

- Pregunta 1
- Pregunta 2
- Pregunta 3
- Pregunta 4
- Pregunta 5
- **Pregunta 6**
- Pregunta 7

Señalar la respuesta correcta

a)

Sea una figura bajo acciones F_i . Para calcular el desplazamiento de una de las fuerzas (F), se puede aplicar el Teorema considerando dos conjuntos de carga. Uno formado por las cargas F_i y otro formado por una acción unitaria alineada con F

b)

Sea una figura bajo acciones F_i . Para calcular el desplazamiento de una de las fuerzas (F), se puede aplicar el Teorema considerando dos conjuntos de carga. Uno formado por todas las cargas menos F y otro formado por F

c)

Son correctas a) y b)

d)

Ninguna de las anteriores



Autoevaluación

- Pregunta 1
- Pregunta 2
- Pregunta 3
- Pregunta 4
- Pregunta 5
- Pregunta 6
- **Pregunta 7**

Señalar la respuesta correcta

a)

El trabajo realizado por una fuerza F a lo largo de su desplazamiento D vale $F \cdot D$ cuando F no varía de valor durante D

b)

El Teorema hay que emplearlo siempre combinando una acción unitaria imaginaria con las acciones reales. De otro modo no sería posible calcular con él en ningún caso giros y desplazamientos reales

c)

Cuando calculamos la flecha de una viga con el Teorema y sale negativa, siempre quiere decir que el desplazamiento es hacia arriba

d)

Ninguna de las anteriores

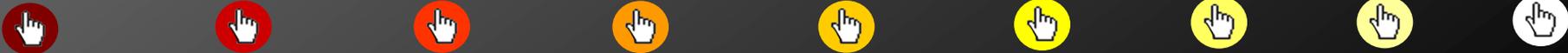
Teorema de Maxwell-Betti

Índice

Teorema de Maxwell-Betti

- Definición
- Demostración
- Aplicaciones
 - Desplazamiento en cualquier sección
 - Giro en cualquier sección
- Ejemplos
 - Ejemplo 1
 - Ejemplo 2
 - Ejemplo 3
- Observaciones
 - Observación 1
 - Observación 2

Autoevaluación





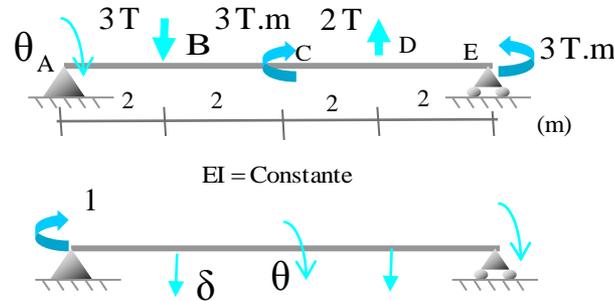
Anexos





Autoevaluación

- Pregunta 1
- Pregunta 2
- Pregunta 3
- Pregunta 4
- Pregunta 5
- Pregunta 6
- Pregunta 7



La aplicación del Teorema de Maxwell_Betti para conocer el giro en A conduce a la expresión:

a)

$$\theta_A = \dots + 3\theta_E$$

Respuesta incorrecta
 Pulsar para volver

b)

$$\theta_A = 3\delta_B + 3\theta_C - 2\delta_D - 3\theta_E$$

c)

$$\theta_A = 3\delta_B - 3\theta_C - 2\delta_D + 3\theta_E$$

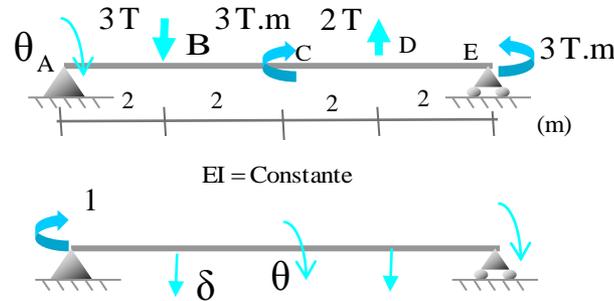
d)

Ninguna de las anteriores



Autoevaluación

- Pregunta 1
- Pregunta 2
- Pregunta 3
- Pregunta 4
- Pregunta 5
- Pregunta 6
- Pregunta 7



La aplicación del Teorema de Maxwell_Betti para conocer el giro en A conduce a la expresión:

a)

$$\theta_A = 3\delta_B + 3\theta_C + 2\delta_D - 3\theta_E$$

b)

Respuesta correcta

Pulsar para volver

c)

$$\theta_A = 3\delta_B - 3\theta_C - 2\delta_D + 3\theta_E$$

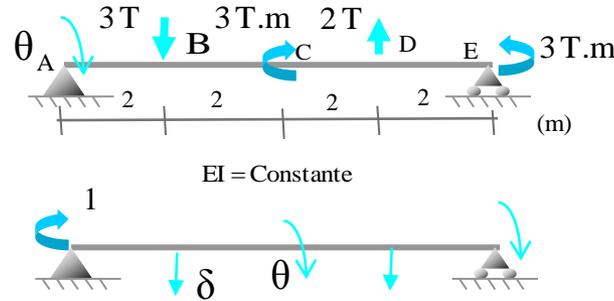
d)

Ninguna de las anteriores



Autoevaluación

- Pregunta 1
- Pregunta 2
- Pregunta 3
- Pregunta 4
- Pregunta 5
- Pregunta 6
- Pregunta 7



La aplicación del Teorema de Maxwell_Betti para conocer el giro en A conduce a la expresión:

a)

$$\theta_A = 3\delta_B + 3\theta_C + 2\delta_D - 3\theta_E$$

b)

$$\theta_A = 3\delta_B + 3\theta_C - 2\delta_D - 3\theta_E$$

c)

$$\theta_A = \theta_E$$

Respuesta incorrecta
 Pulsar para volver

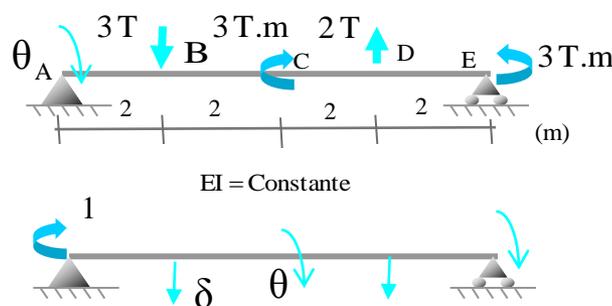
d)

Ninguna de las anteriores



Autoevaluación

- Pregunta 1
- Pregunta 2
- Pregunta 3
- Pregunta 4
- Pregunta 5
- Pregunta 6
- Pregunta 7



La aplicación del Teorema de Maxwell_Betti para conocer el giro en A conduce a la expresión:

a)

$$\theta_A = 3\delta_B + 3\theta_C + 2\delta_D - 3\theta_E$$

b)

$$\theta_A = 3\delta_B + 3\theta_C - 2\delta_D - 3\theta_E$$

c)

$$\theta_A = 3\delta_B - 3\theta_C - 2\delta_D + 3\theta_E$$

d)

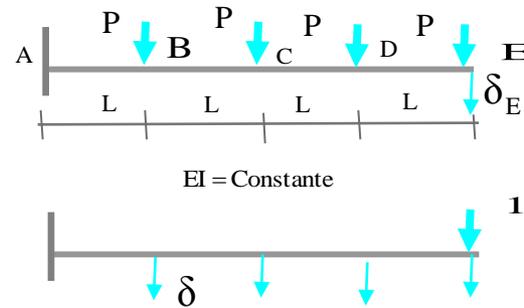
Nin

Respuesta incorrecta
Pulsar para volver



Autoevaluación

- Pregunta 1
- **Pregunta 2**
- Pregunta 3
- Pregunta 4
- Pregunta 5
- Pregunta 6
- Pregunta 7



La aplicación del Teorema de Maxwell_Betti para conocer la flecha en E conduce a la expresión:

a)

$$\downarrow \delta_E = P(\delta_B + \delta_C + \delta_D + \delta_E)$$

Respuesta incorrecta
Pulsar para volver

b)

$$\downarrow \delta_E = P(\delta_B + \delta_D + \delta_E)$$

c)

$$\downarrow \delta_E = \frac{P}{EI} (\delta_B + \delta_C + \delta_D + \delta_E)$$

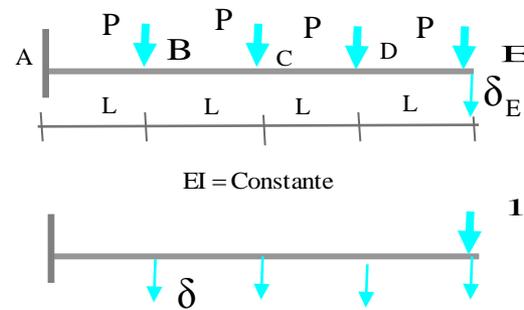
d)

Ninguna de las anteriores



Autoevaluación

- Pregunta 1
- **Pregunta 2**
- Pregunta 3
- Pregunta 4
- Pregunta 5
- Pregunta 6
- Pregunta 7



La aplicación del Teorema de Maxwell_Betti para conocer la flecha en E conduce a la expresión:

a)

$$\downarrow \delta_E = 4P(\delta_B + \delta_C + \delta_D + \delta_E)$$

b)

Respuesta incorrecta
 Pulsar para volver

c)

$$\downarrow \delta_E = \frac{P}{EI} (\delta_B + \delta_C + \delta_D + \delta_E)$$

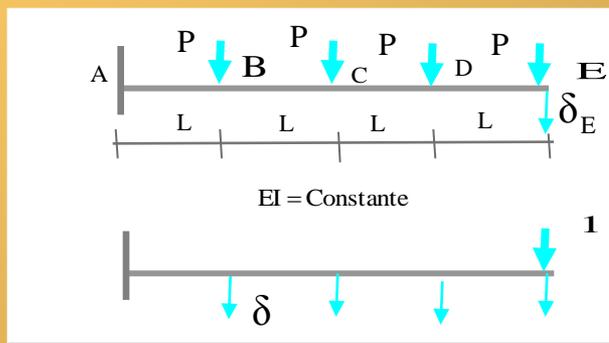
d)

Ninguna de las anteriores



Autoevaluación

- Pregunta 1
- **Pregunta 2**
- Pregunta 3
- Pregunta 4
- Pregunta 5
- Pregunta 6
- Pregunta 7



La aplicación del Teorema de Maxwell_Betti para conocer la flecha en E conduce a la expresión:

a)

$$\downarrow \delta_E = 4P(\delta_B + \delta_C + \delta_D + \delta_E)$$

b)

$$\downarrow \delta_E = P(\delta_B + \delta_D + \delta_E)$$

c)

$$\downarrow \delta_E = \dots (\delta_E)$$

Respuesta incorrecta
Pulsar para volver

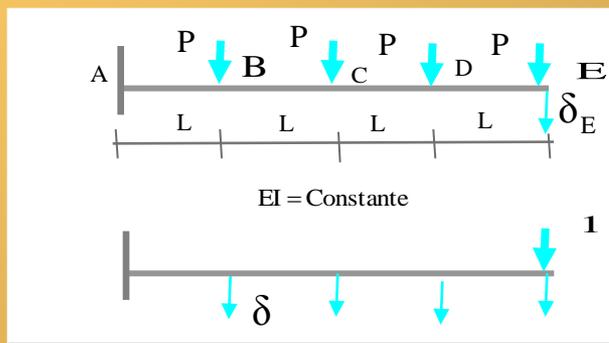
d)

Ninguna de las anteriores



Autoevaluación

- Pregunta 1
- **Pregunta 2**
- Pregunta 3
- Pregunta 4
- Pregunta 5
- Pregunta 6
- Pregunta 7



La aplicación del Teorema de Maxwell_Betti para conocer la flecha en E conduce a la expresión:

a)

$$\delta_E = 4P(\delta_B + \delta_C + \delta_D + \delta_E)$$

b)

$$\delta_E = P(\delta_B + \delta_D + \delta_E)$$

c)

$$\delta_E = \frac{P}{EI}(\delta_B + \delta_C + \delta_D + \delta_E)$$

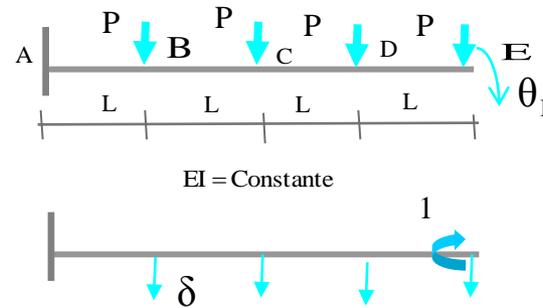
d)

Respuesta correcta
Pulsar para volver



Autoevaluación

- Pregunta 1
- Pregunta 2
- **Pregunta 3**
- Pregunta 4
- Pregunta 5
- Pregunta 6
- Pregunta 7



La aplicación del Teorema de Maxwell_Betti para conocer el giro en E conduce a la expresión:

a)

$$\theta_E = \dots$$

Respuesta correcta
 Pulsar para volver

b)

$$\theta_E = \frac{P}{EI} (\delta_B + \delta_C + \delta_D + \delta_E)$$

c)

$$\theta_E = PEI(\delta_B + \delta_C + \delta_D + \delta_E)$$

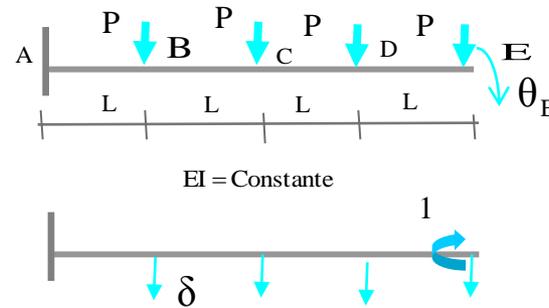
d)

Ninguna de las anteriores



Autoevaluación

- Pregunta 1
- Pregunta 2
- **Pregunta 3**
- Pregunta 4
- Pregunta 5
- Pregunta 6
- Pregunta 7



La aplicación del Teorema de Maxwell_Betti para conocer el giro en E conduce a la expresión:

a)

$$\theta_E = P(\delta_B + \delta_C + \delta_D + \delta_E)$$

b)

$$\theta_E = \dots (\delta_E)$$

Respuesta incorrecta
Pulsar para volver

c)

$$\theta_E = PEI(\delta_B + \delta_C + \delta_D + \delta_E)$$

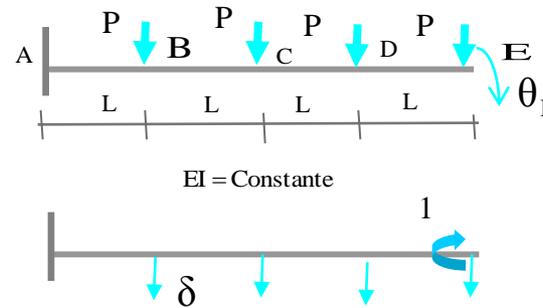
d)

Ninguna de las anteriores



Autoevaluación

- Pregunta 1
- Pregunta 2
- **Pregunta 3**
- Pregunta 4
- Pregunta 5
- Pregunta 6
- Pregunta 7



La aplicación del Teorema de Maxwell_Betti para conocer el giro en E conduce a la expresión:

a)

$$\theta_E = P(\delta_B + \delta_C + \delta_D + \delta_E)$$

b)

$$\theta_E = \frac{P}{EI}(\delta_B + \delta_C + \delta_D + \delta_E)$$

c)

$$\theta_E =]$$

Respuesta incorrecta
Pulsar para volver

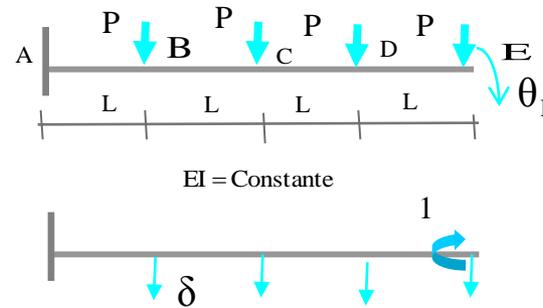
d)

Ninguna de las anteriores



Autoevaluación

- Pregunta 1
- Pregunta 2
- **Pregunta 3**
- Pregunta 4
- Pregunta 5
- Pregunta 6
- Pregunta 7



La aplicación del Teorema de Maxwell_Betti para conocer el giro en E conduce a la expresión:

a)

$$\theta_E = P(\delta_B + \delta_C + \delta_D + \delta_E)$$

b)

$$\theta_E = \frac{P}{EI}(\delta_B + \delta_C + \delta_D + \delta_E)$$

c)

$$\theta_E = PEI(\delta_B + \delta_C + \delta_D + \delta_E)$$

d)

Nin

Respuesta incorrecta
Pulsar para volver



Autoevaluación

- Pregunta 1
- Pregunta 2
- Pregunta 3
- **Pregunta 4**
- Pregunta 5
- Pregunta 6
- Pregunta 7

Señalar la respuesta correcta

a)

El Teorema de Maxwell es un caso particular del Teorema de Betti

Respuesta correcta

Pulsar para volver



b)

El Teorema de Maxwell es un caso particular del Teorema de Betti

c)

El Teorema siempre hay que aplicarlo con otro método para calcular con él algún giro o desplazamiento

d)

Ninguna de las anteriores



Autoevaluación

- Pregunta 1
- Pregunta 2
- Pregunta 3
- **Pregunta 4**
- Pregunta 5
- Pregunta 6
- Pregunta 7

Señalar la respuesta correcta

a)

El Teorema de Betti es un caso particular del Teorema de Maxwell

b)

El Teorema de Betti es un caso particular del Teorema de Maxwell

Respuesta incorrecta

Pulsar para volver



c)

El Teorema siempre hay que aplicarlo con otro método para calcular con él algún giro o desplazamiento

d)

Ninguna de las anteriores



Autoevaluación

- Pregunta 1
- Pregunta 2
- Pregunta 3
- **Pregunta 4**
- Pregunta 5
- Pregunta 6
- Pregunta 7

Señalar la respuesta correcta

a)

El Teorema de Betti es un caso particular del Teorema de Maxwell

b)

El Teorema de Maxwell es un caso particular del Teorema de Betti

c)

El Teorema de Betti es un caso particular del Teorema de Maxwell para aplicaciones de cálculo de desplazamientos

Respuesta incorrecta

Pulsar para volver



d)

Ninguna de las anteriores



Autoevaluación

- Pregunta 1
- Pregunta 2
- Pregunta 3
- **Pregunta 4**
- Pregunta 5
- Pregunta 6
- Pregunta 7

Señalar la respuesta correcta

a)

El Teorema de Betti es un caso particular del Teorema de Maxwell

b)

El Teorema de Maxwell es un caso particular del Teorema de Betti

c)

El Teorema siempre hay que aplicarlo con otro método para calcular con él algún giro o desplazamiento

d)

Ni... s

Respuesta incorrecta

Pulsar para volver





Autoevaluación

- Pregunta 1
- Pregunta 2
- Pregunta 3
- Pregunta 4
- **Pregunta 5**
- Pregunta 6
- Pregunta 7

Señalar la respuesta correcta

a)

Con la... ma
no se...
despl...ajos
que n...n
con un...o de
la figura

**Respuesta
correcta**

Pulsar para volver



b)

Una figura indeformable
cargada podría producir
deformaciones

c)

Aplicando el Teorema no se
puede calcular el giro relativo
entre dos secciones

d)

Ninguna de las anteriores



Autoevaluación

- Pregunta 1
- Pregunta 2
- Pregunta 3
- Pregunta 4
- **Pregunta 5**
- Pregunta 6
- Pregunta 7

Señalar la respuesta correcta

a)

Con la aplicación del Teorema no se calcula ni giros ni desplazamientos, sino trabajos que numéricamente coinciden con un giro o desplazamiento de la figura

b)

Una carga defo

Respuesta incorrecta
Pulsar para volver



c)

Aplicando el Teorema no se puede calcular el giro relativo entre dos secciones

d)

Ninguna de las anteriores



Autoevaluación

- Pregunta 1
- Pregunta 2
- Pregunta 3
- Pregunta 4
- **Pregunta 5**
- Pregunta 6
- Pregunta 7

Señalar la respuesta correcta

a)

Con la aplicación del Teorema no se calcula ni giros ni desplazamientos, sino trabajos que numéricamente coinciden con un giro o desplazamiento de la figura

b)

Una figura indeformable cargada podría producir deformaciones

c)

Aplicaciones pueden producirse entre sí de modo que el trabajo puede ser positivo

d)

Ninguna de las anteriores

Respuesta incorrecta
Pulsar para volver



Autoevaluación

- Pregunta 1
- Pregunta 2
- Pregunta 3
- Pregunta 4
- **Pregunta 5**
- Pregunta 6
- Pregunta 7

Señalar la respuesta correcta

a)

Con la aplicación del Teorema no se calcula ni giros ni desplazamientos, sino trabajos que numéricamente coinciden con un giro o desplazamiento de la figura

b)

Una figura indeformable cargada podría producir deformaciones

c)

Aplicando el Teorema no se puede calcular el giro relativo entre dos secciones

d)

Ninguna

Respuesta incorrecta

Pulsar para volver





Autoevaluación

- Pregunta 1
- Pregunta 2
- Pregunta 3
- Pregunta 4
- Pregunta 5
- **Pregunta 6**
- Pregunta 7

Señalar la respuesta correcta

a)

Sea una
Para ca
una de
una de
aplicar
conjunto
por las
una acción unitaria alineada con F

Respuesta incorrecta
Pulsar para volver

b)

Sea una figura bajo acciones F_i . Para calcular el desplazamiento de una de las fuerzas (F), se puede aplicar el Teorema considerando dos conjuntos de carga. Uno formado por todas las cargas menos F y otro formado por F

c)

Son correctas a) y b)

d)

Ninguna de las anteriores



Autoevaluación

- Pregunta 1
- Pregunta 2
- Pregunta 3
- Pregunta 4
- Pregunta 5
- **Pregunta 6**
- Pregunta 7

Señalar la respuesta correcta

a)

Sea una figura bajo acciones F_i . Para calcular el desplazamiento de una de las fuerzas (F), se puede aplicar el Teorema considerando dos conjuntos de carga. Uno formado por las cargas F_i y otro formado por una acción unitaria alineada con F

b)

Sea una figura bajo acciones F_i . Para calcular el desplazamiento de una de las fuerzas (F), se puede aplicar el Teorema considerando dos conjuntos de carga. Uno formado por las cargas F_i y otro formado por una acción unitaria alineada con F

Respuesta incorrecta
Pulsar para volver

c)

Son correctas a) y b)

d)

Ninguna de las anteriores



Autoevaluación

- Pregunta 1
- Pregunta 2
- Pregunta 3
- Pregunta 4
- Pregunta 5
- **Pregunta 6**
- Pregunta 7

Señalar la respuesta correcta

a)

Sea una figura bajo acciones F_i . Para calcular el desplazamiento de una de las fuerzas (F), se puede aplicar el Teorema considerando dos conjuntos de carga. Uno formado por las cargas F_i y otro formado por una acción unitaria alineada con F

b)

Sea una figura bajo acciones F_i . Para calcular el desplazamiento de una de las fuerzas (F), se puede aplicar el Teorema considerando dos conjuntos de carga. Uno formado por todas las cargas menos F y otro formado por F

c)

Son

**Respuesta
correcta**

Pulsar para volver



d)

Ninguna de las anteriores



Autoevaluación

- Pregunta 1
- Pregunta 2
- Pregunta 3
- Pregunta 4
- Pregunta 5
- **Pregunta 6**
- Pregunta 7

Señalar la respuesta correcta

a)

Sea una figura bajo acciones F_i . Para calcular el desplazamiento de una de las fuerzas (F), se puede aplicar el Teorema considerando dos conjuntos de carga. Uno formado por las cargas F_i y otro formado por una acción unitaria alineada con F

b)

Sea una figura bajo acciones F_i . Para calcular el desplazamiento de una de las fuerzas (F), se puede aplicar el Teorema considerando dos conjuntos de carga. Uno formado por todas las cargas menos F y otro formado por F

c)

Son correctas a) y b)

d)

Ninguna

Respuesta incorrecta

Pulsar para volver





Autoevaluación

- Pregunta 1
- Pregunta 2
- Pregunta 3
- Pregunta 4
- Pregunta 5
- Pregunta 6
- **Pregunta 7**

Señalar la respuesta correcta

a)

El trabajo de una fuerza F a lo largo de un camino D vale $F \cdot D$ si F es constante y D es el valor durante...

**Respuesta
correcta**

Pulsar para volver



b)

El Teorema hay que emplearlo siempre combinando una acción unitaria imaginaria con las acciones reales. De otro modo no sería posible calcular con él en ningún caso giros y desplazamientos reales

c)

Cuando calculamos la flecha de una viga con el Teorema y sale negativa, siempre quiere decir que el desplazamiento es hacia arriba

d)

Ninguna de las anteriores



Autoevaluación

- Pregunta 1
- Pregunta 2
- Pregunta 3
- Pregunta 4
- Pregunta 5
- Pregunta 6
- **Pregunta 7**

Señalar la respuesta correcta

a)

El trabajo realizado por una fuerza F a lo largo de su desplazamiento D vale $F \cdot D$ cuando F no varía de valor durante D

b)

El Teorema de la Energía Cinética establece que el trabajo realizado por una fuerza unitaria a lo largo de un desplazamiento posible es igual al cambio de energía cinética en ese caso.

Respuesta incorrecta
Pulsar para volver



c)

Cuando calculamos la flecha de una viga con el Teorema y sale negativa, siempre quiere decir que el desplazamiento es hacia arriba

d)

Ninguna de las anteriores



Autoevaluación

- Pregunta 1
- Pregunta 2
- Pregunta 3
- Pregunta 4
- Pregunta 5
- Pregunta 6
- **Pregunta 7**

Señalar la respuesta correcta

a)

El trabajo realizado por una fuerza F a lo largo de su desplazamiento D vale $F \cdot D$ cuando F no varía de valor durante D

b)

El Teorema hay que emplearlo siempre combinando una acción unitaria imaginaria con las acciones reales. De otro modo no sería posible calcular con él en ningún caso giros y desplazamientos reales

c)

Cuando una velocidad es negativa, el desplazamiento que se produce es de signo contrario al de la velocidad. Es decir, si la velocidad es negativa, el desplazamiento es positivo.

Respuesta incorrecta

Pulsar para volver



d)

Ninguna de las anteriores



Autoevaluación

- Pregunta 1
- Pregunta 2
- Pregunta 3
- Pregunta 4
- Pregunta 5
- Pregunta 6
- **Pregunta 7**

Señalar la respuesta correcta

a)

El trabajo realizado por una fuerza F a lo largo de su desplazamiento D vale $F \cdot D$ cuando F no varía de valor durante D

b)

El Teorema hay que emplearlo siempre combinando una acción unitaria imaginaria con las acciones reales. De otro modo no sería posible calcular con él en ningún caso giros y desplazamientos reales

c)

Cuando calculamos la flecha de una viga con el Teorema y sale negativa, siempre quiere decir que el desplazamiento es hacia arriba

d)

Ni

Respuesta incorrecta

Pulsar para volver

