



Cálculo de deformaciones por métodos matemáticos



Cálculo de deformaciones por métodos matemáticos

Generalidades
sobre los
tramos viga



Cálculo de deformaciones por métodos matemáticos

Generalidades
sobre los
tramos viga

Concepto



Concepto de un tramo viga



Concepto de un tramo viga

Son aquellos tramos capaces de transmitir momentos flectores y/o torsores. En un tramo lineal las acciones que pueden generar flexión son las siguientes:

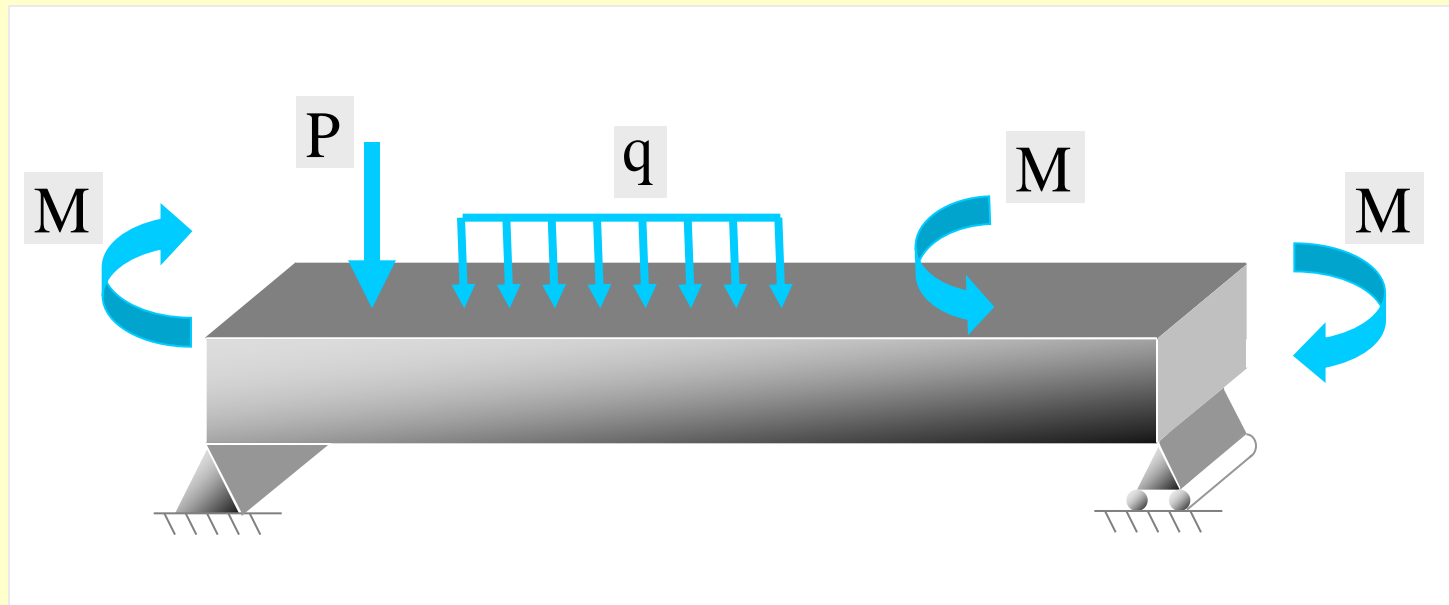
Concepto de un tramo viga

Son aquellos tramos capaces de transmitir momentos flectores y/o torsores. En un tramo lineal las acciones que pueden generar flexión son las siguientes:



Concepto de un tramo viga

Son aquellos tramos capaces de transmitir momentos flectores y/o torsores. En un tramo lineal las acciones que pueden generar flexión son las siguientes:





Cálculo de deformaciones por métodos matemáticos

Generalidades
sobre los
tramos viga

Concepto



Cálculo de deformaciones por métodos matemáticos

Generalidades
sobre los
tramos viga

Concepto

Representación



Representación



Representación

Un tramo viga se representa con su directriz, que está formada por los espesores de todas las rodajas diferenciales que forman el tramo, medidos a la altura de los centros de masas de dichas rodajas

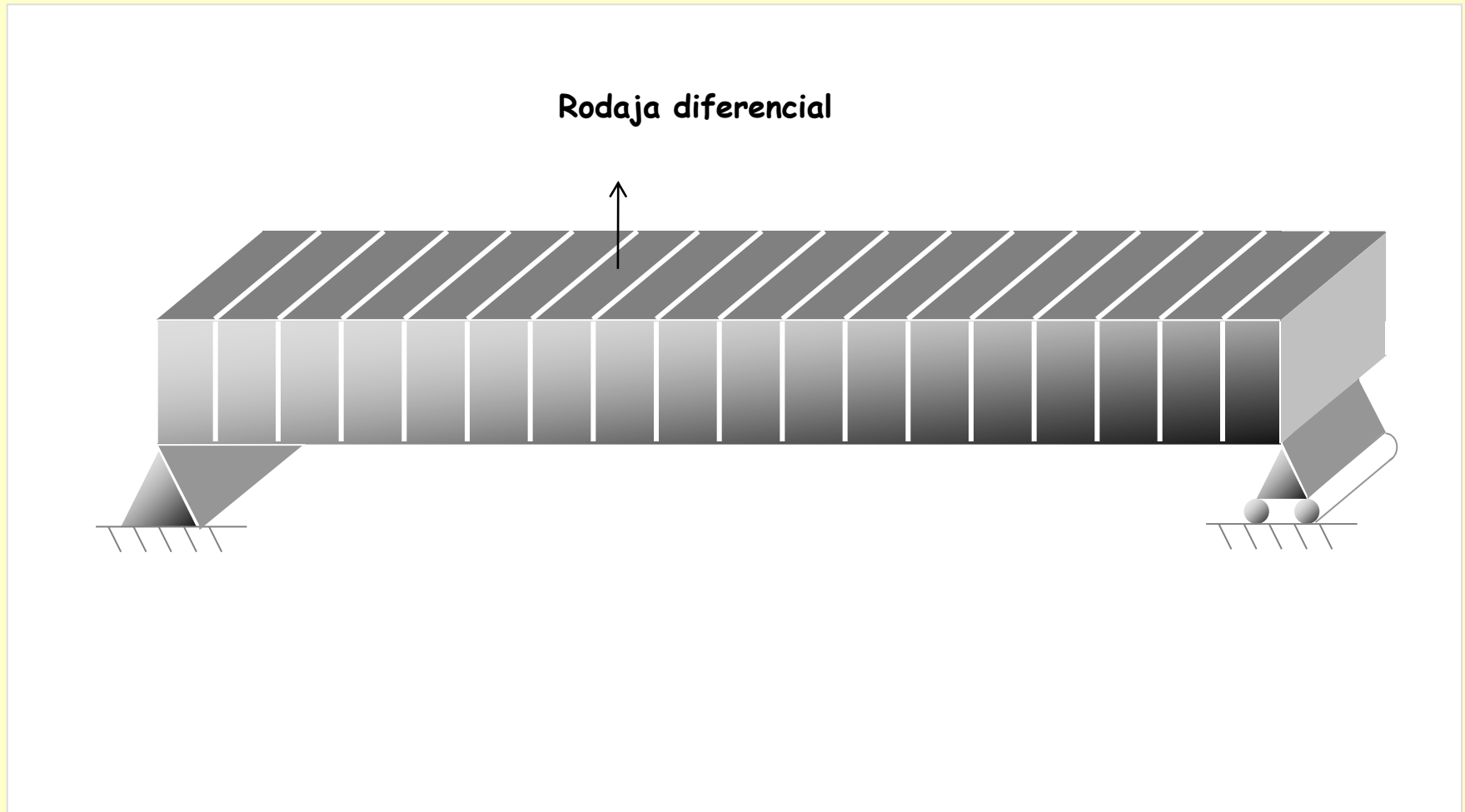
Representación

Un tramo viga se representa con su directriz, que está formada por los espesores de todas las rodajas diferenciales que forman el tramo, medidos a la altura de los centros de masas de dichas rodajas



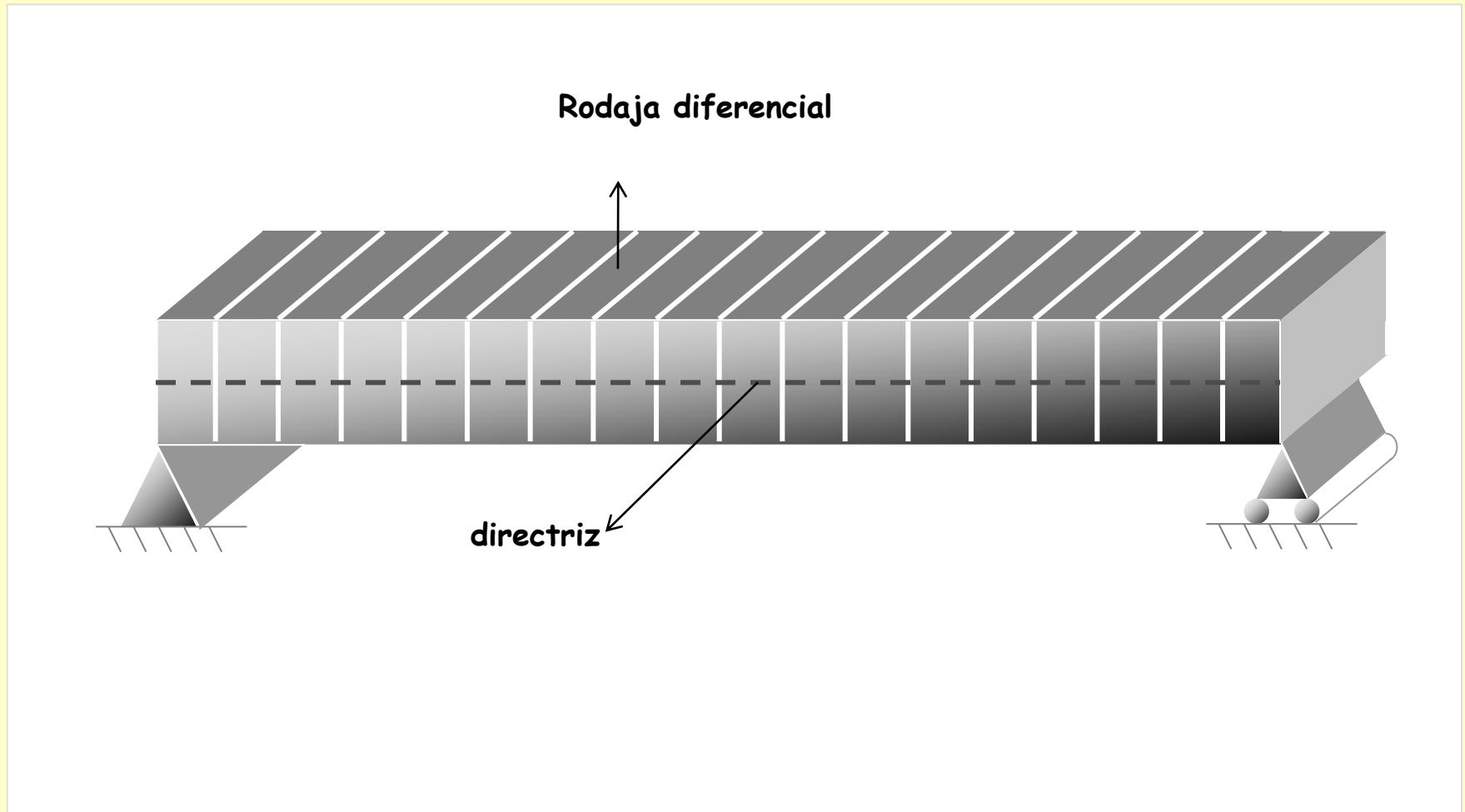
Representación

Un tramo viga se representa con su directriz, que está formada por los espesores de todas las rodajas diferenciales que forman el tramo, medidos a la altura de los centros de masas de dichas rodajas



Representación

Un tramo viga se representa con su directriz, que está formada por los espesores de todas las rodajas diferenciales que forman el tramo, medidos a la altura de los centros de masas de dichas rodajas





Cálculo de deformaciones por métodos matemáticos

Generalidades
sobre los
tramos viga

Concepto

Representación



Cálculo de deformaciones por métodos matemáticos

Generalidades
sobre los
tramos viga

Concepto

Representación

Deformación

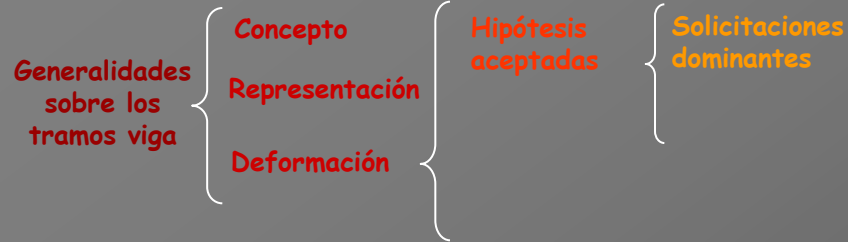


Cálculo de deformaciones por métodos matemáticos





Cálculo de deformaciones por métodos matemáticos





Solicitaciones dominantes

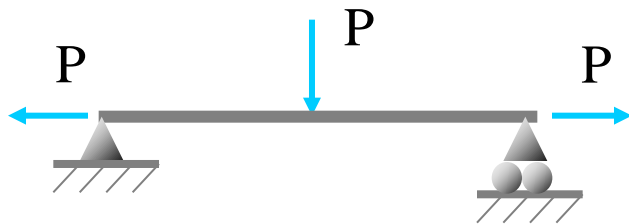


Solicitaciones dominantes

En presencia de flector, cortante y axil, las solicitaciones que se utilizan para definir las deformaciones en una viga son los momentos flectores, ya que las debidas a las restantes solicitaciones se desprecian por ser muy pequeñas en relación con las producidas por la flexión

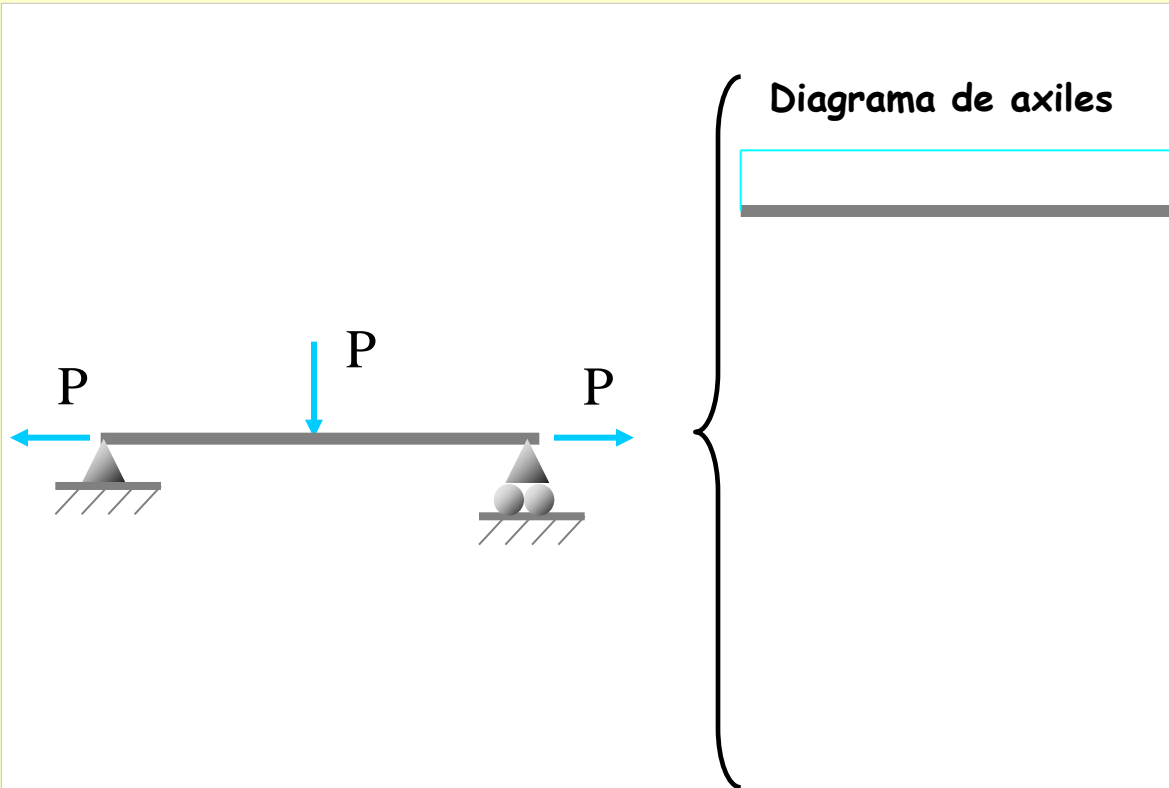
Solicitaciones dominantes

En presencia de flector, cortante y axil, las solicitaciones que se utilizan para definir las deformaciones en una viga son los momentos flectores, ya que las debidas a las restantes solicitaciones se desprecian por ser muy pequeñas en relación con las producidas por la flexión



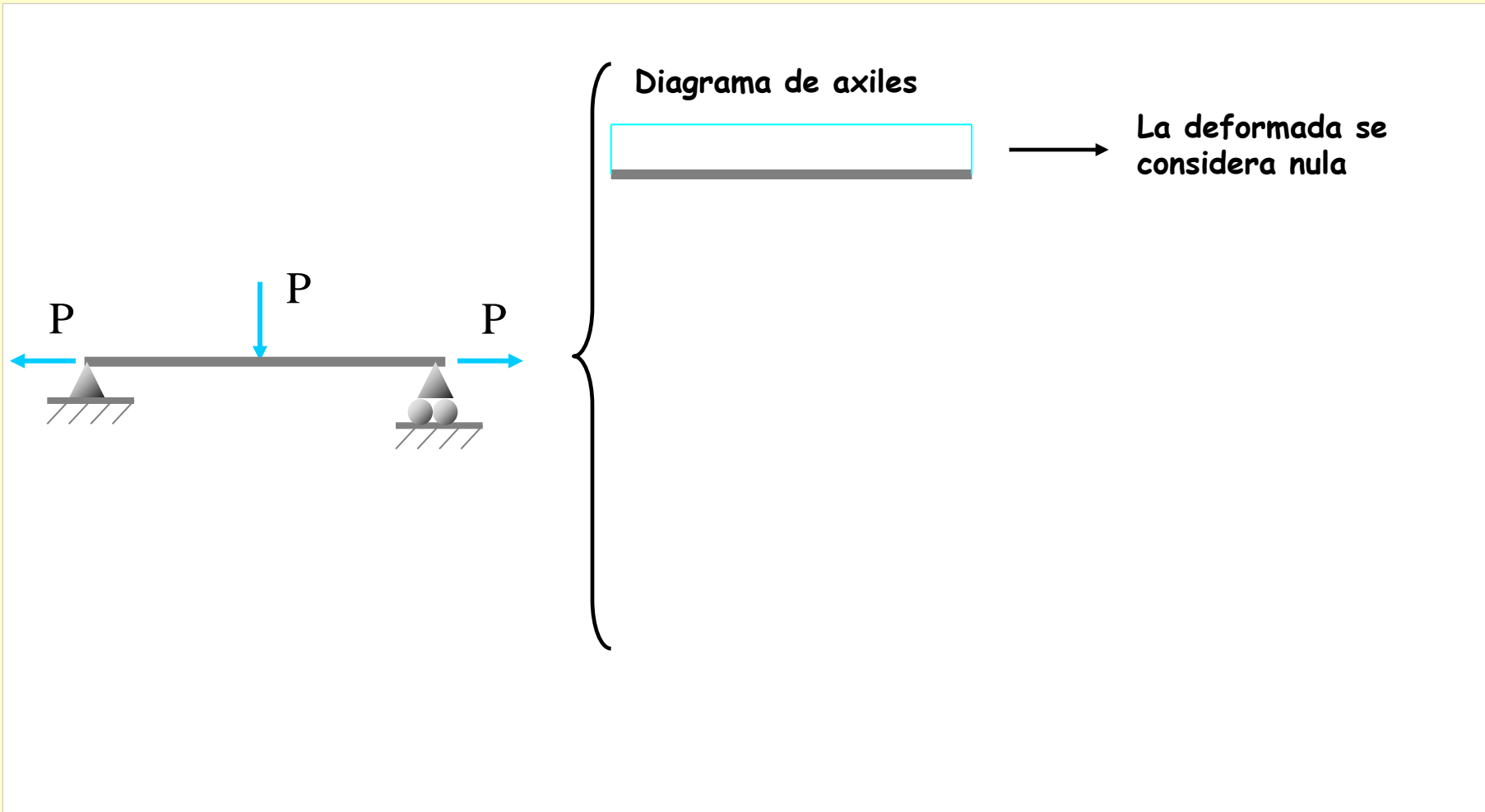
Solicitaciones dominantes

En presencia de flector, cortante y axil, las solicitaciones que se utilizan para definir las deformaciones en una viga son los momentos flectores, ya que las debidas a las restantes solicitaciones se desprecian por ser muy pequeñas en relación con las producidas por la flexión



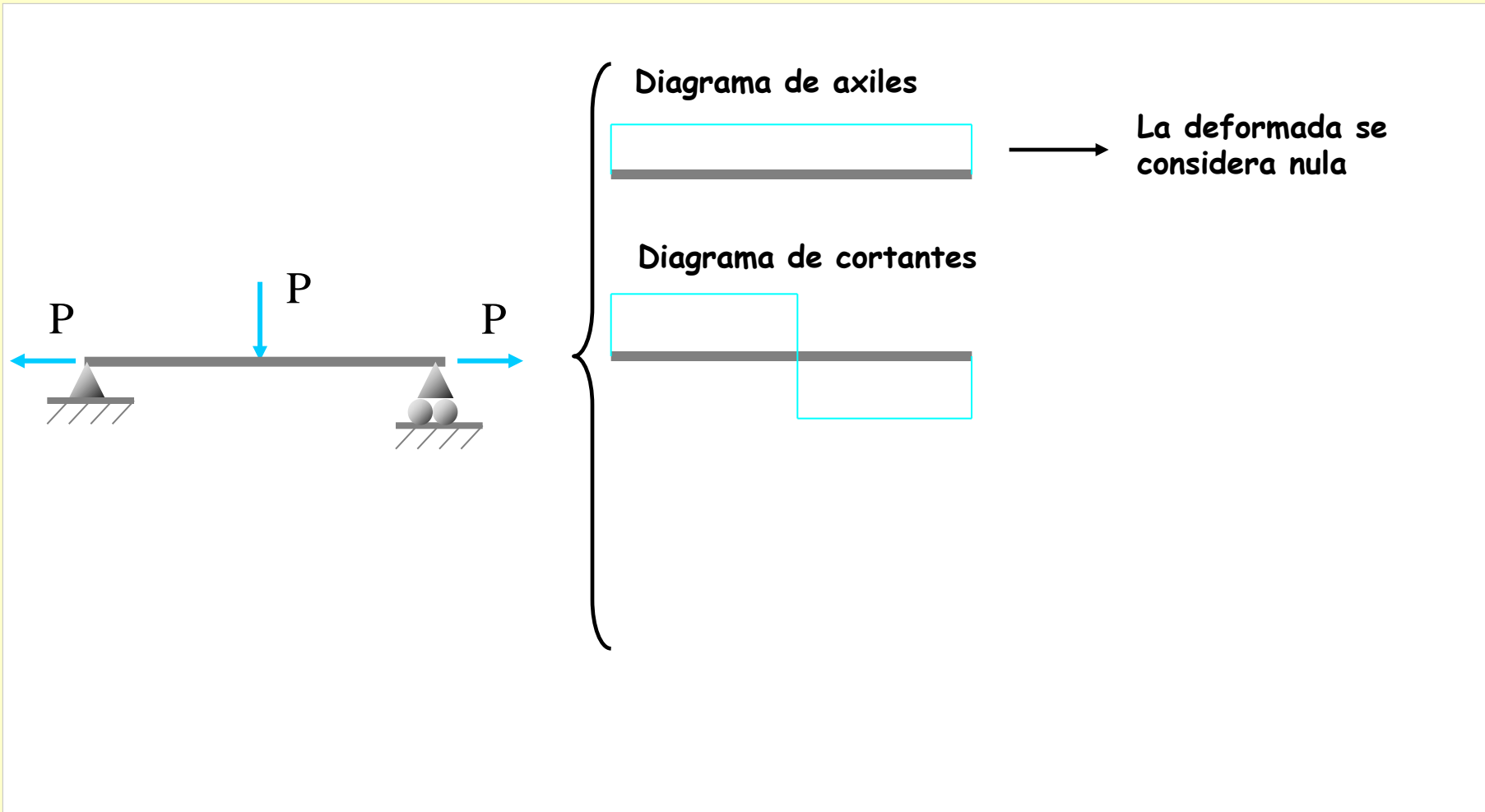
Solicitaciones dominantes

En presencia de flector, cortante y axil, las solicitaciones que se utilizan para definir las deformaciones en una viga son los momentos flectores, ya que las debidas a las restantes solicitaciones se desprecian por ser muy pequeñas en relación con las producidas por la flexión



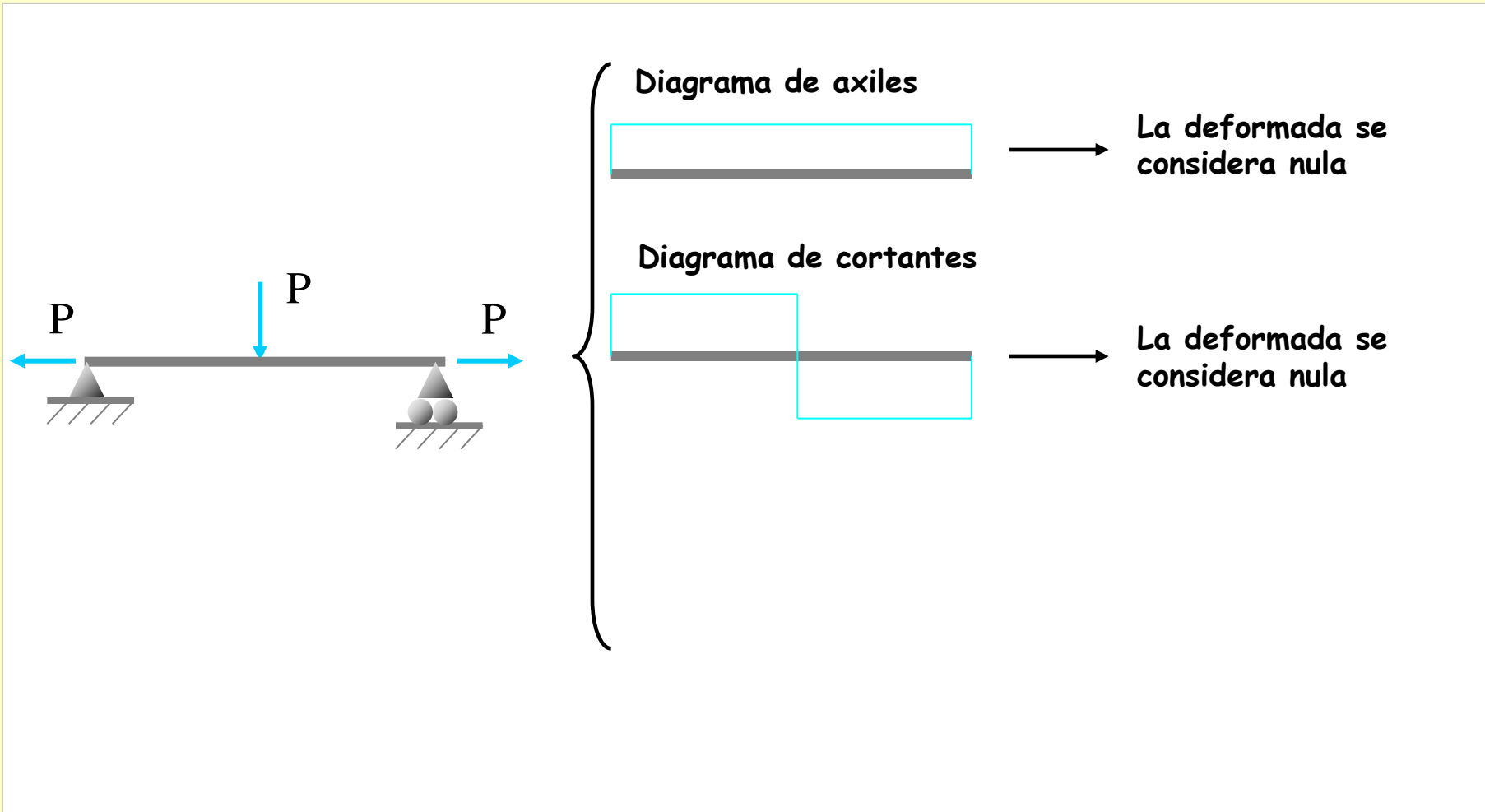
Solicitaciones dominantes

En presencia de flector, cortante y axil, las solicitaciones que se utilizan para definir las deformaciones en una viga son los momentos flectores, ya que las debidas a las restantes solicitaciones se desprecian por ser muy pequeñas en relación con las producidas por la flexión



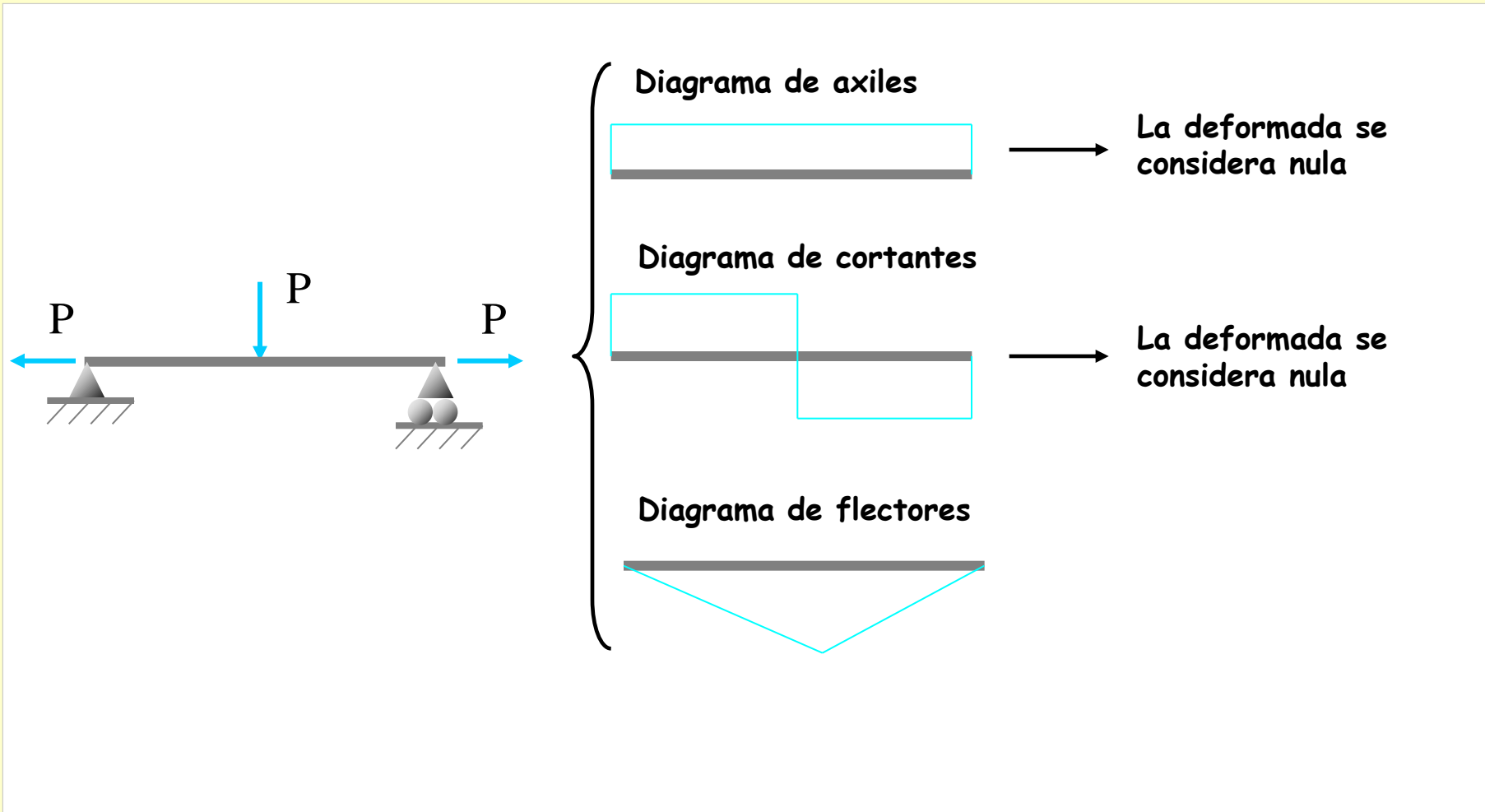
Solicitaciones dominantes

En presencia de flector, cortante y axial, las solicitaciones que se utilizan para definir las deformaciones en una viga son los momentos flectores, ya que las debidas a las restantes solicitaciones se desprecian por ser muy pequeñas en relación con las producidas por la flexión



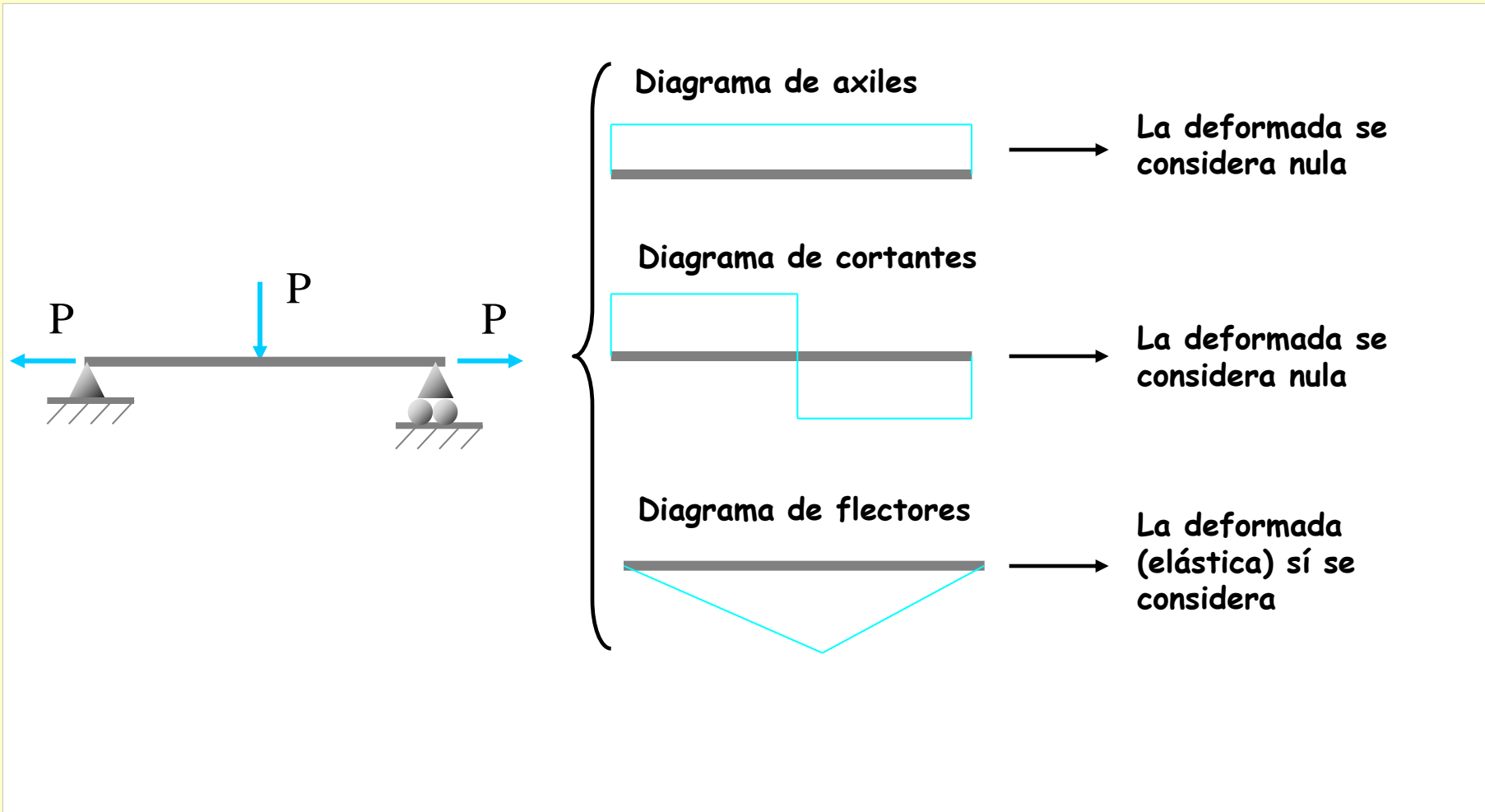
Solicitaciones dominantes

En presencia de flector, cortante y axial, las solicitaciones que se utilizan para definir las deformaciones en una viga son los momentos flectores, ya que las debidas a las restantes solicitaciones se desprecian por ser muy pequeñas en relación con las producidas por la flexión



Solicitaciones dominantes

En presencia de flector, cortante y axial, las solicitaciones que se utilizan para definir las deformaciones en una viga son los momentos flectores, ya que las debidas a las restantes solicitaciones se desprecian por ser muy pequeñas en relación con las producidas por la flexión





Cálculo de deformaciones por métodos matemáticos





Cálculo de deformaciones por métodos matemáticos





Deformación

Deformación

Deformación de
un tramo viga



Deformación
por flexión



Elástica de la
viga

Deformación

Deformación de
un tramo viga



Deformación
por flexión



Elástica de la
viga



Depende de la deformación
de las rodajas
diferenciales del tramo

Deformación

Deformación de
un tramo viga



Deformación
por flexión



Elástica de la
viga



Depende de la deformación
de las rodajas
diferenciales del tramo

La deformación de las rodajas es desconocida. Por esta razón se plantea una hipótesis de deformación. Esta hipótesis se considera válida cuando produce unos resultados acordes con los experimentales

Deformación

Deformación de
un tramo viga



Deformación
por flexión



Elástica de la
viga



Depende de la deformación
de las rodajas
diferenciales del tramo

La deformación de las rodajas es desconocida. Por esta razón se plantea una hipótesis de deformación. Esta hipótesis se considera válida cuando produce unos resultados acordes con los experimentales

La hipótesis de deformación por flexión que se adopta para estructuras de pequeñas deformaciones es la de Bernouilli



Cálculo de deformaciones por métodos matemáticos





Cálculo de deformaciones por métodos matemáticos





Deformación de un elemento diferencial

Deformación de un elemento diferencial

Hipótesis de Bernoulli

**Se considera que las secciones
de un elemento diferencial
después de la deformación:**

Deformación de un elemento diferencial

Hipótesis de Bernoulli

**Se considera que las secciones
de un elemento diferencial
después de la deformación:**

- Permanecen planas



Deformación de un elemento diferencial

Hipótesis de Bernoulli

Se considera que las secciones de un elemento diferencial después de la deformación:

- **Permanecen planas**
- **Conservan forma y tamaño**



Deformación de un elemento diferencial

Hipótesis de Bernoulli

Se considera que las secciones de un elemento diferencial después de la deformación:

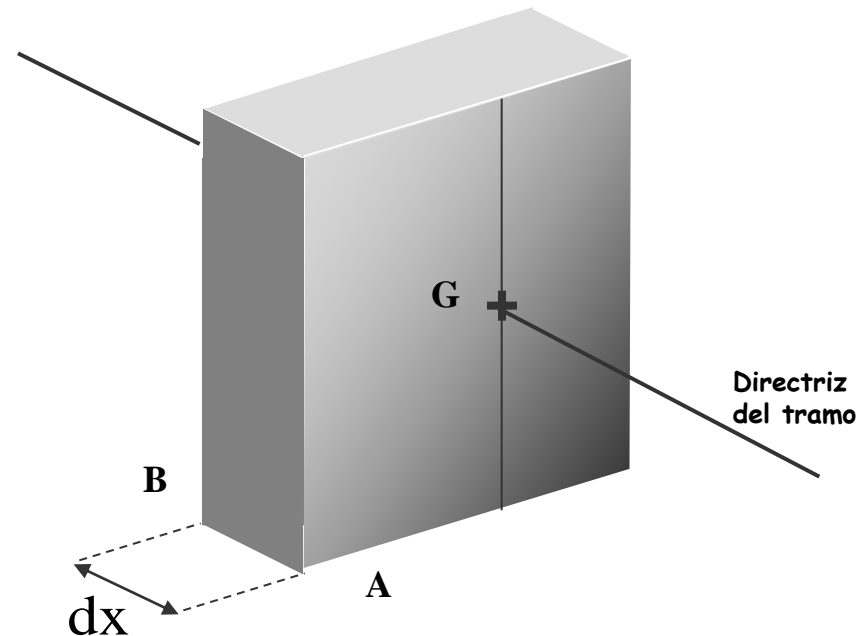
- Permanecen planas
- Conservan forma y tamaño
- Experimentan un giro respecto de un eje perpendicular al plano de la flexión que pase por el cm G de la sección

Deformación de un elemento diferencial

Hipótesis de Bernoulli

Se considera que las secciones de un elemento diferencial después de la deformación:

- Permanecen planas
- Conservan forma y tamaño
- Experimentan un giro respecto de un eje perpendicular al plano de la flexión que pase por el cm G de la sección

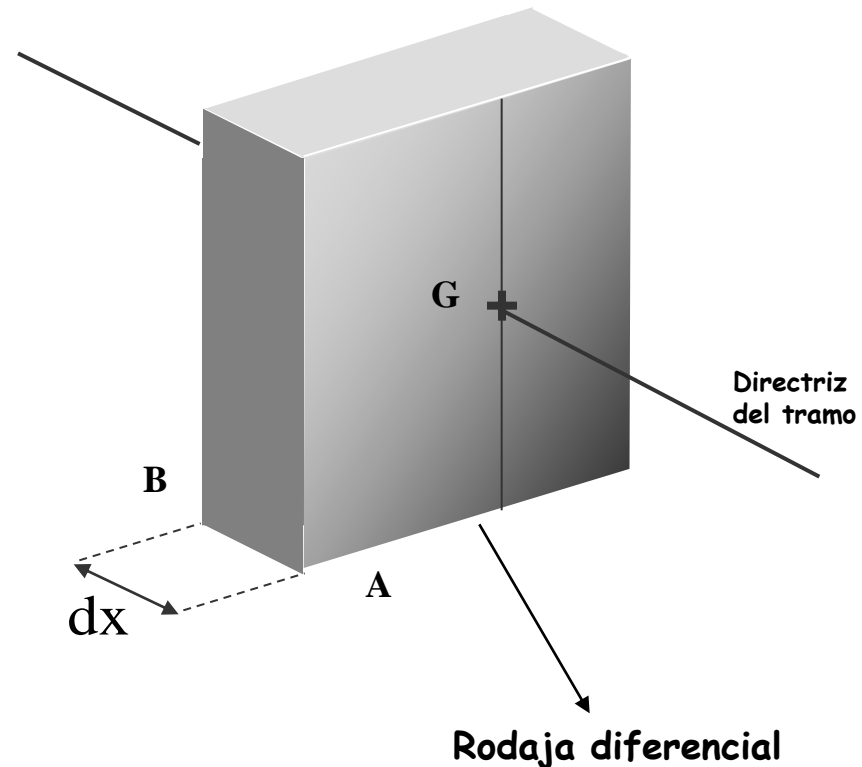


Deformación de un elemento diferencial

Hipótesis de Bernoulli

Se considera que las secciones de un elemento diferencial después de la deformación:

- Permanecen planas
- Conservan forma y tamaño
- Experimentan un giro respecto de un eje perpendicular al plano de la flexión que pase por el cm G de la sección

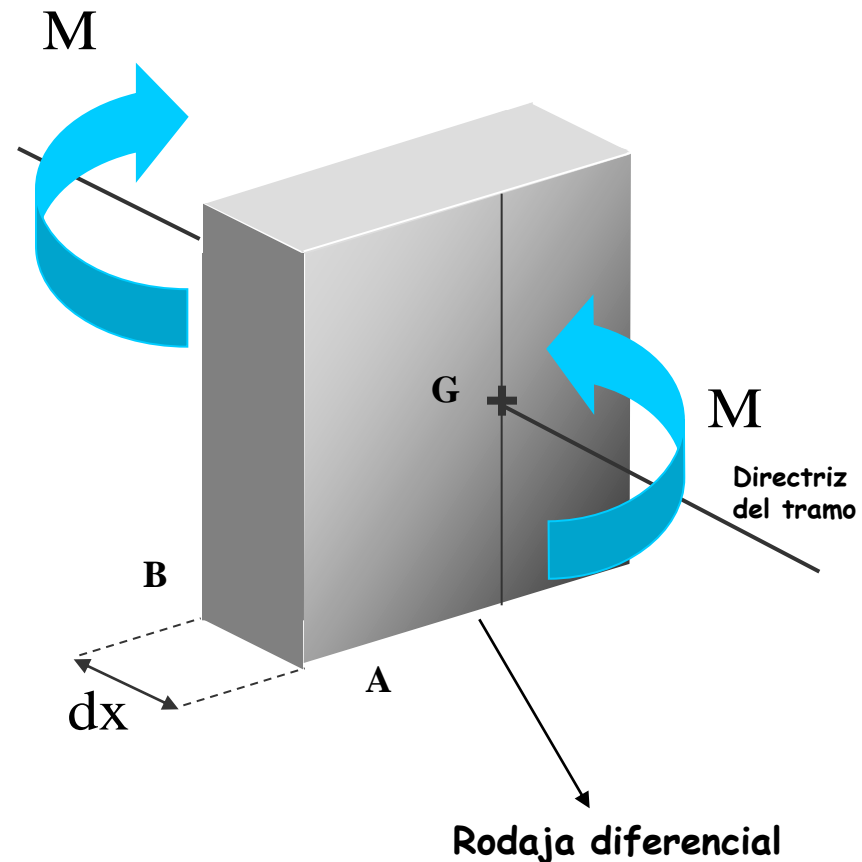


Deformación de un elemento diferencial

Hipótesis de Bernoulli

Se considera que las secciones de un elemento diferencial después de la deformación:

- Permanecen planas
- Conservan forma y tamaño
- Experimentan un giro respecto de un eje perpendicular al plano de la flexión que pase por el cm G de la sección

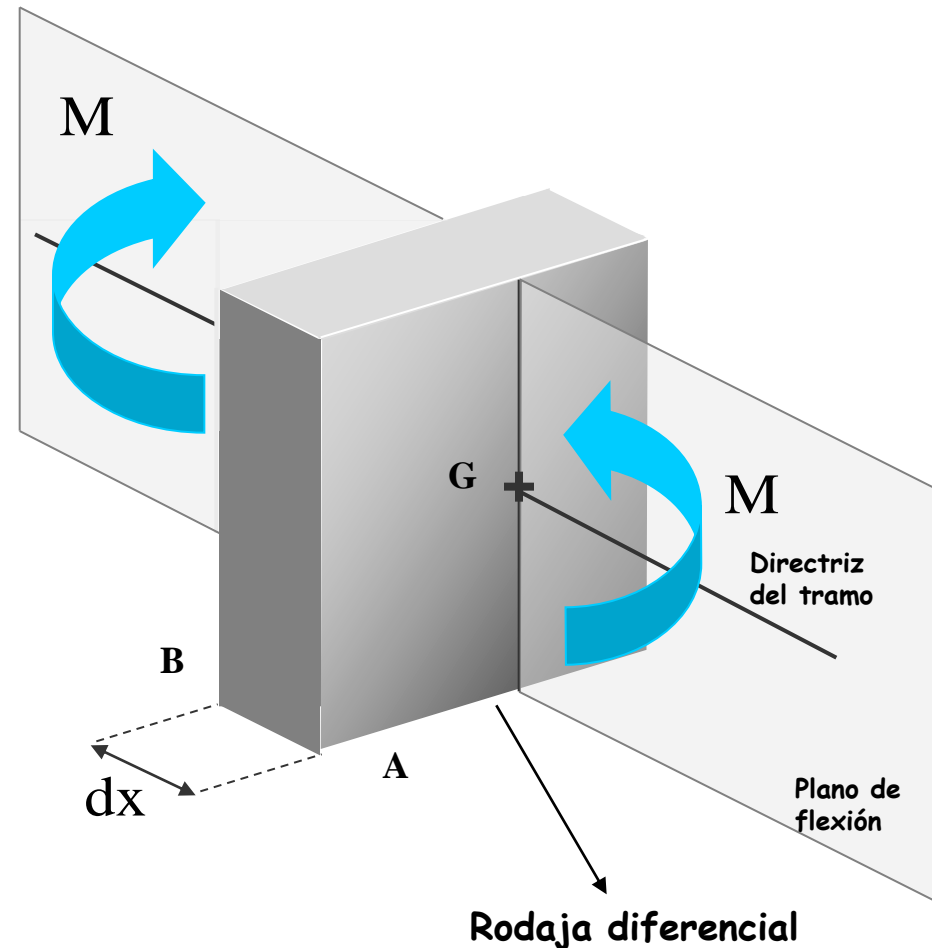


Deformación de un elemento diferencial

Hipótesis de Bernoulli

Se considera que las secciones de un elemento diferencial después de la deformación:

- Permanecen planas
- Conservan forma y tamaño
- Experimentan un giro respecto de un eje perpendicular al plano de la flexión que pase por el cm G de la sección

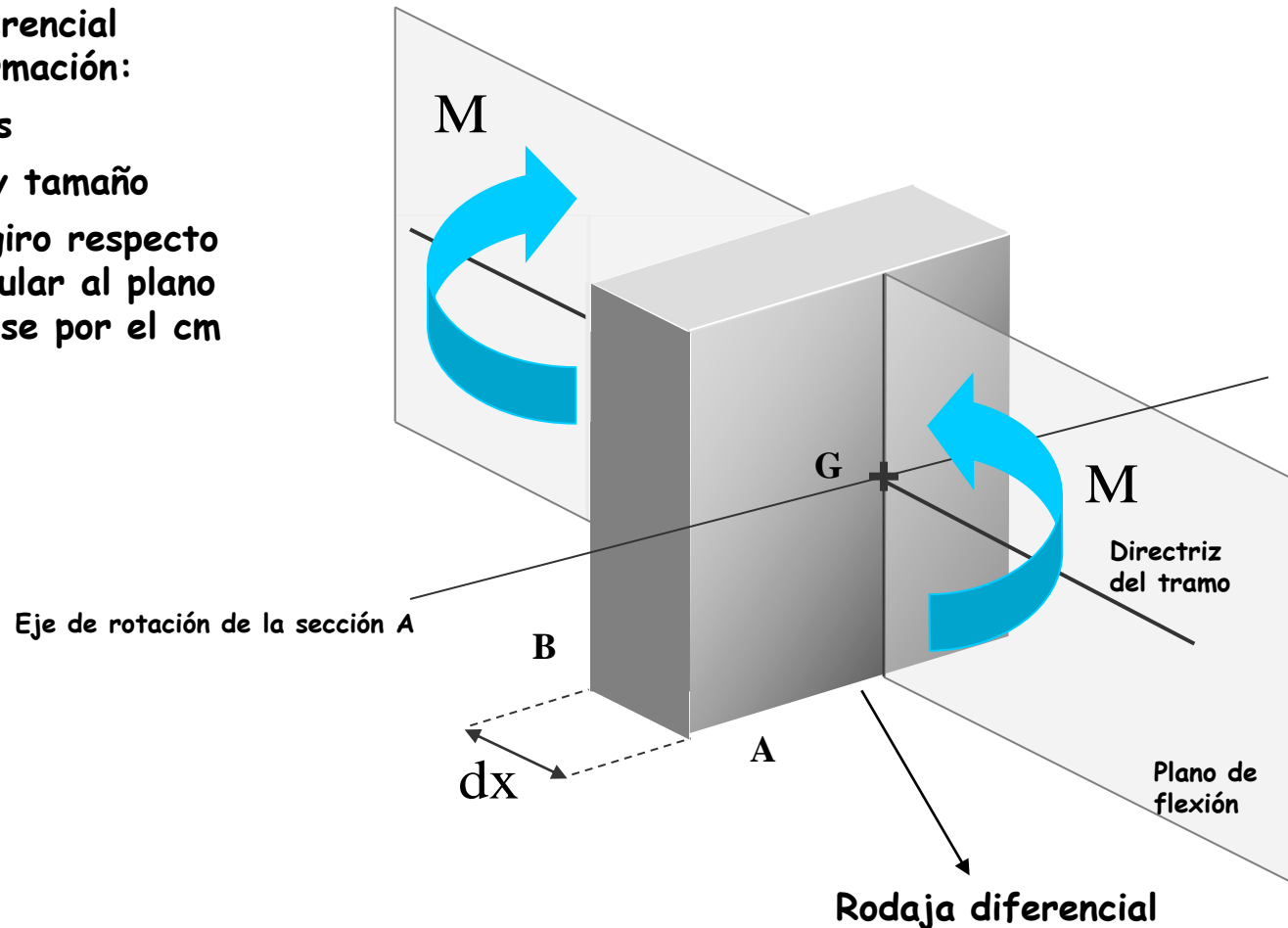


Deformación de un elemento diferencial

Hipótesis de Bernoulli

Se considera que las secciones de un elemento diferencial después de la deformación:

- Permanecen planas
- Conservan forma y tamaño
- Experimentan un giro respecto de un eje perpendicular al plano de la flexión que pase por el cm G de la sección

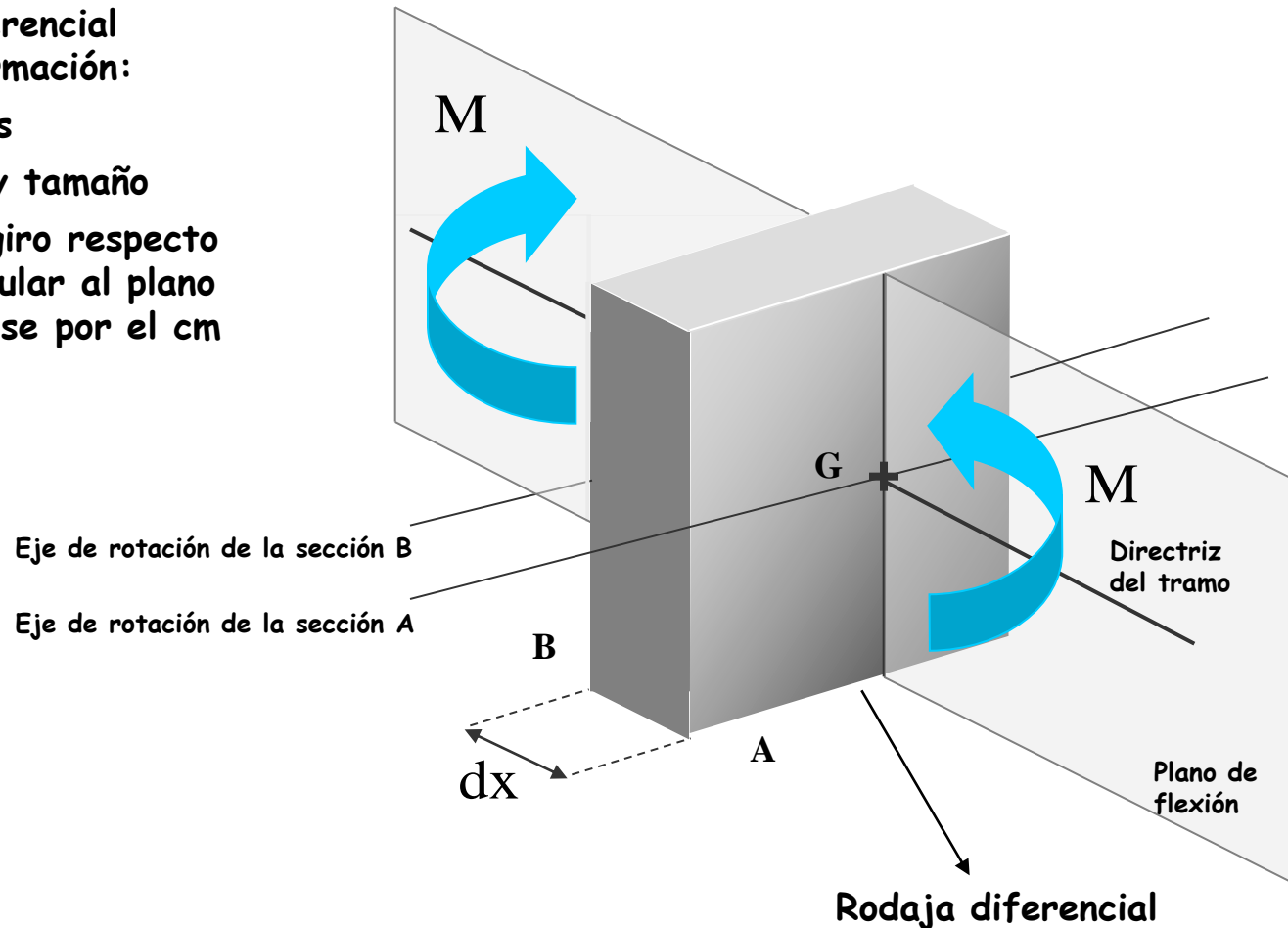


Deformación de un elemento diferencial

Hipótesis de Bernoulli

Se considera que las secciones de un elemento diferencial después de la deformación:

- Permanecen planas
- Conservan forma y tamaño
- Experimentan un giro respecto de un eje perpendicular al plano de la flexión que pase por el cm G de la sección

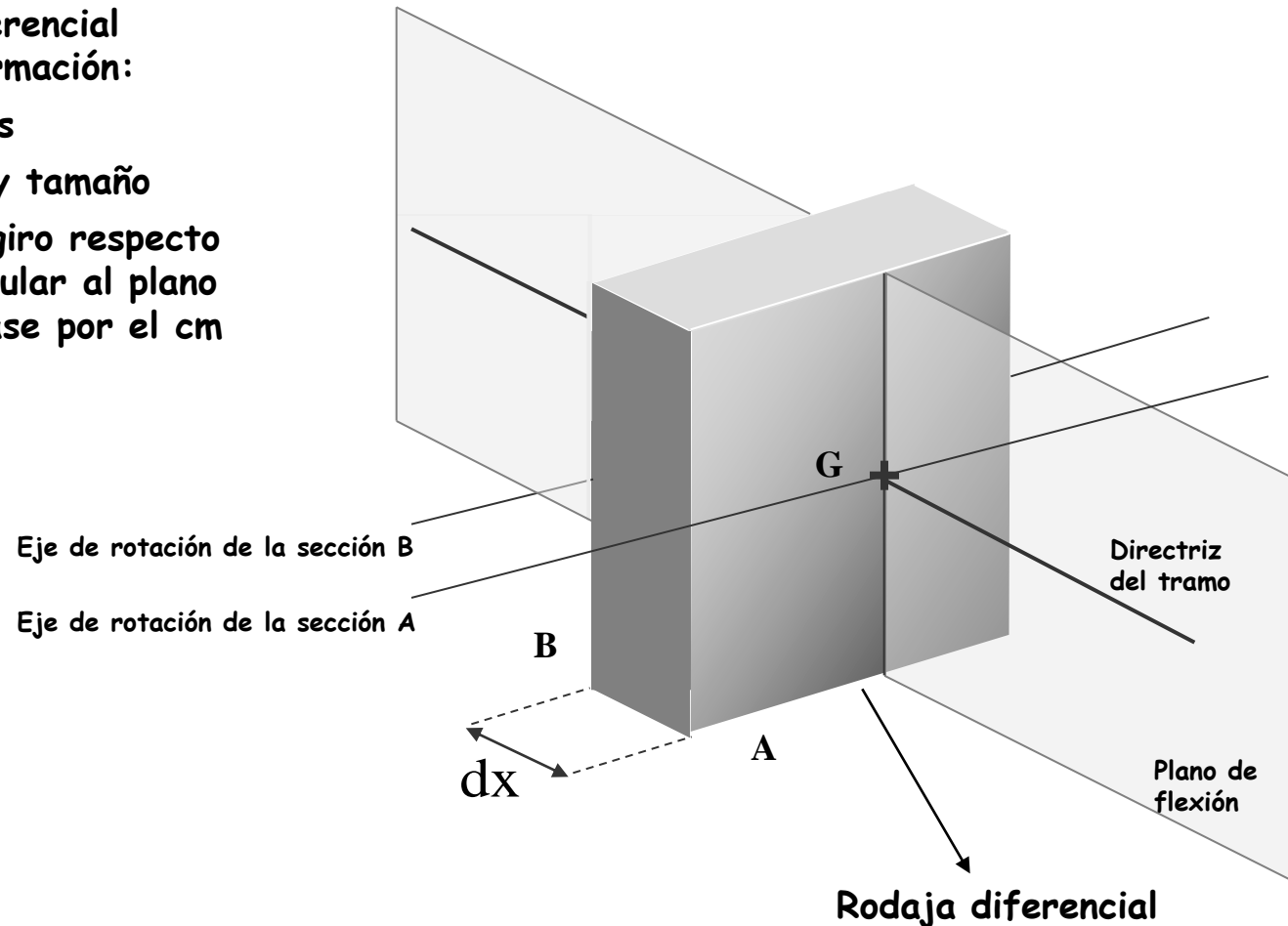


Deformación de un elemento diferencial

Hipótesis de Bernoulli

Se considera que las secciones de un elemento diferencial después de la deformación:

- Permanecen planas
- Conservan forma y tamaño
- Experimentan un giro respecto de un eje perpendicular al plano de la flexión que pase por el cm G de la sección

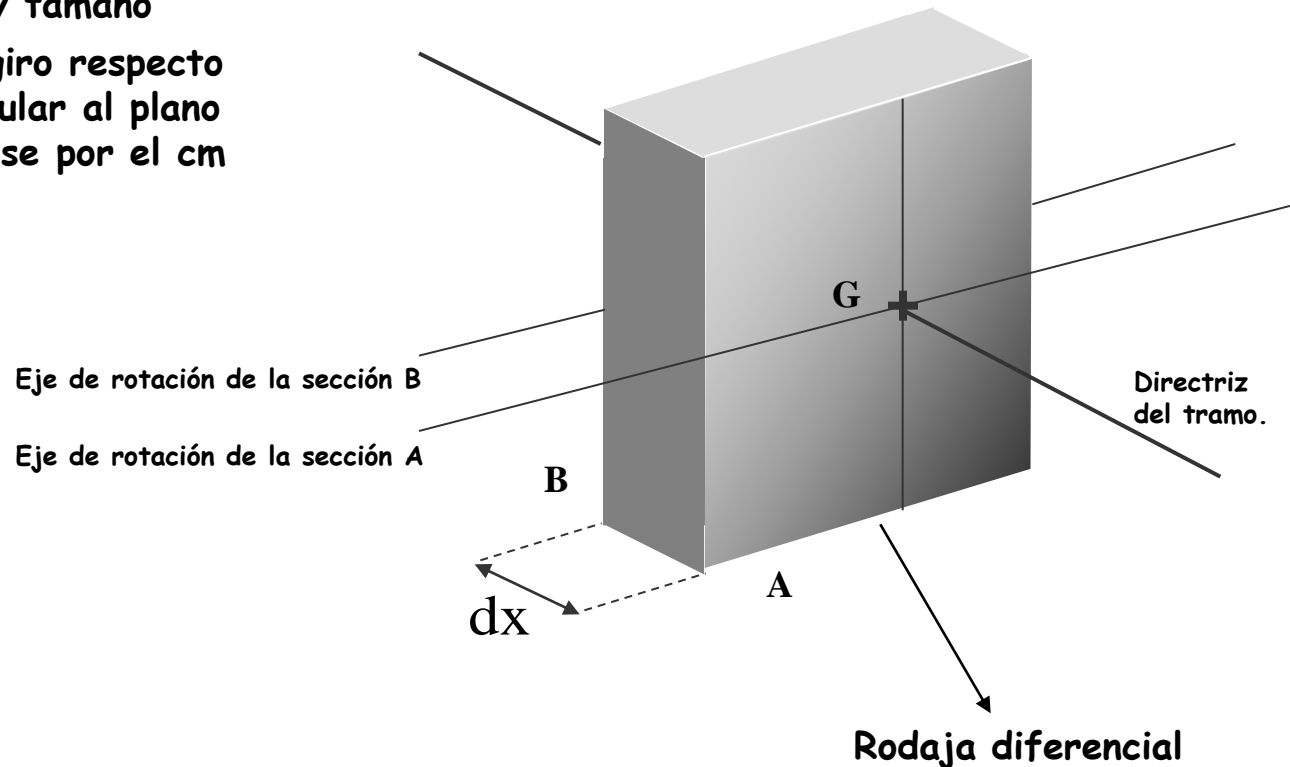


Deformación de un elemento diferencial

Hipótesis de Bernoulli

Se considera que las secciones de un elemento diferencial después de la deformación:

- Permanecen planas
- Conservan forma y tamaño
- Experimentan un giro respecto de un eje perpendicular al plano de la flexión que pase por el cm G de la sección

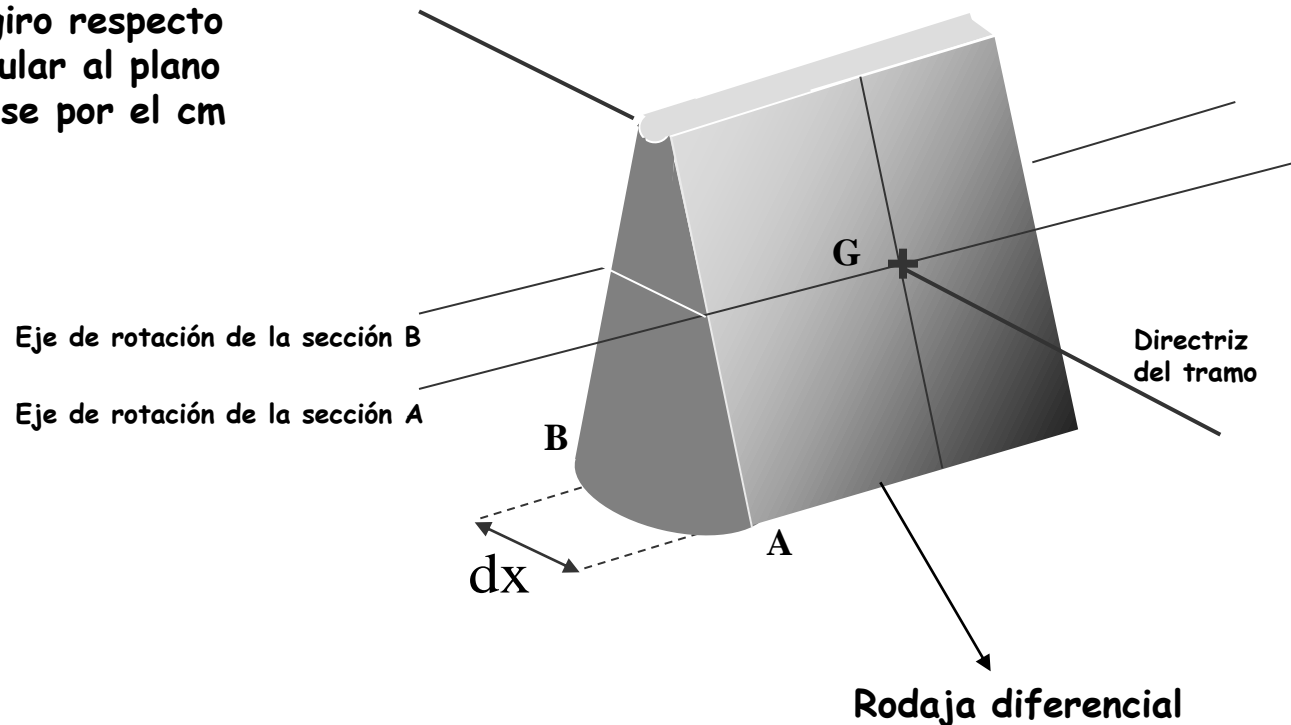


Deformación de un elemento diferencial

Hipótesis de Bernoulli

Se considera que las secciones de un elemento diferencial después de la deformación:

- Permanecen planas
- Conservan forma y tamaño
- Experimentan un giro respecto de un eje perpendicular al plano de la flexión que pase por el cm G de la sección



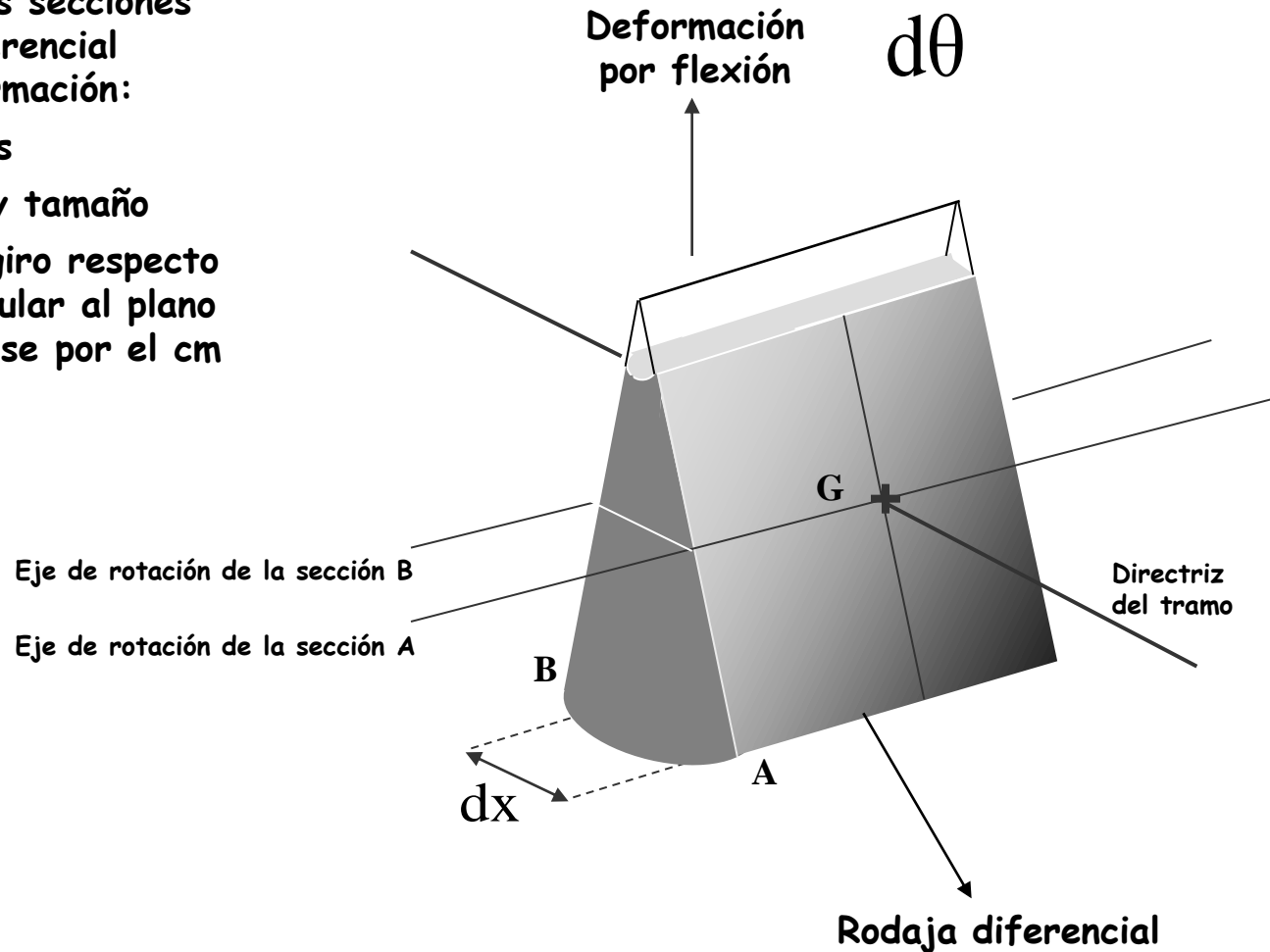


Deformación de un elemento diferencial

Hipótesis de Bernoulli

Se considera que las secciones de un elemento diferencial después de la deformación:

- Permanecen planas
- Conservan forma y tamaño
- Experimentan un giro respecto de un eje perpendicular al plano de la flexión que pase por el cm G de la sección



Deformación de un elemento diferencial

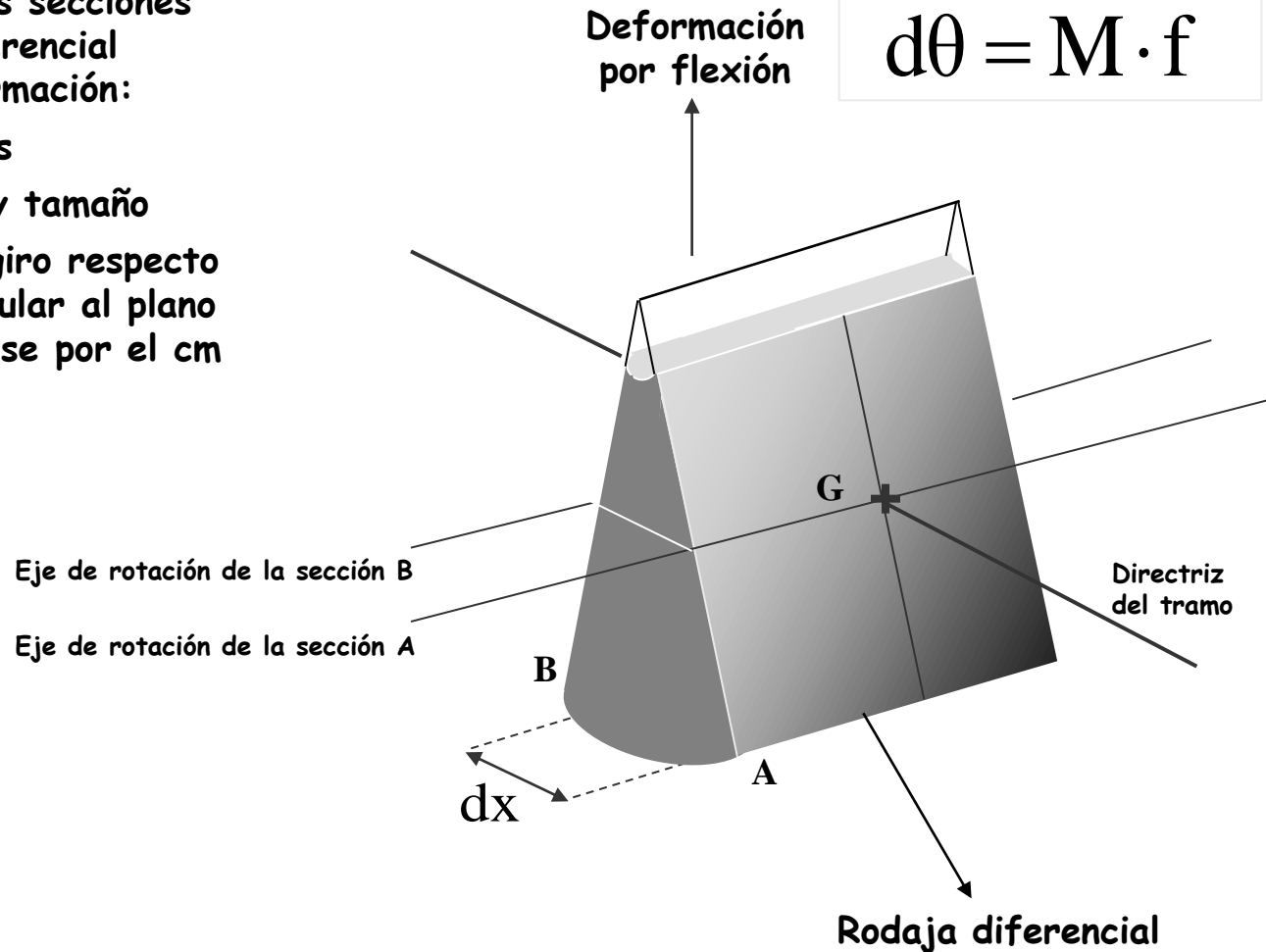
Hipótesis de Bernoulli

Se considera que las secciones de un elemento diferencial después de la deformación:

- Permanecen planas
- Conservan forma y tamaño
- Experimentan un giro respecto de un eje perpendicular al plano de la flexión que pase por el cm G de la sección

Ley de Hooke para la flexión

$$d\theta = M \cdot f$$



Deformación de un elemento diferencial

Hipótesis de Bernoulli

Se considera que las secciones de un elemento diferencial después de la deformación:

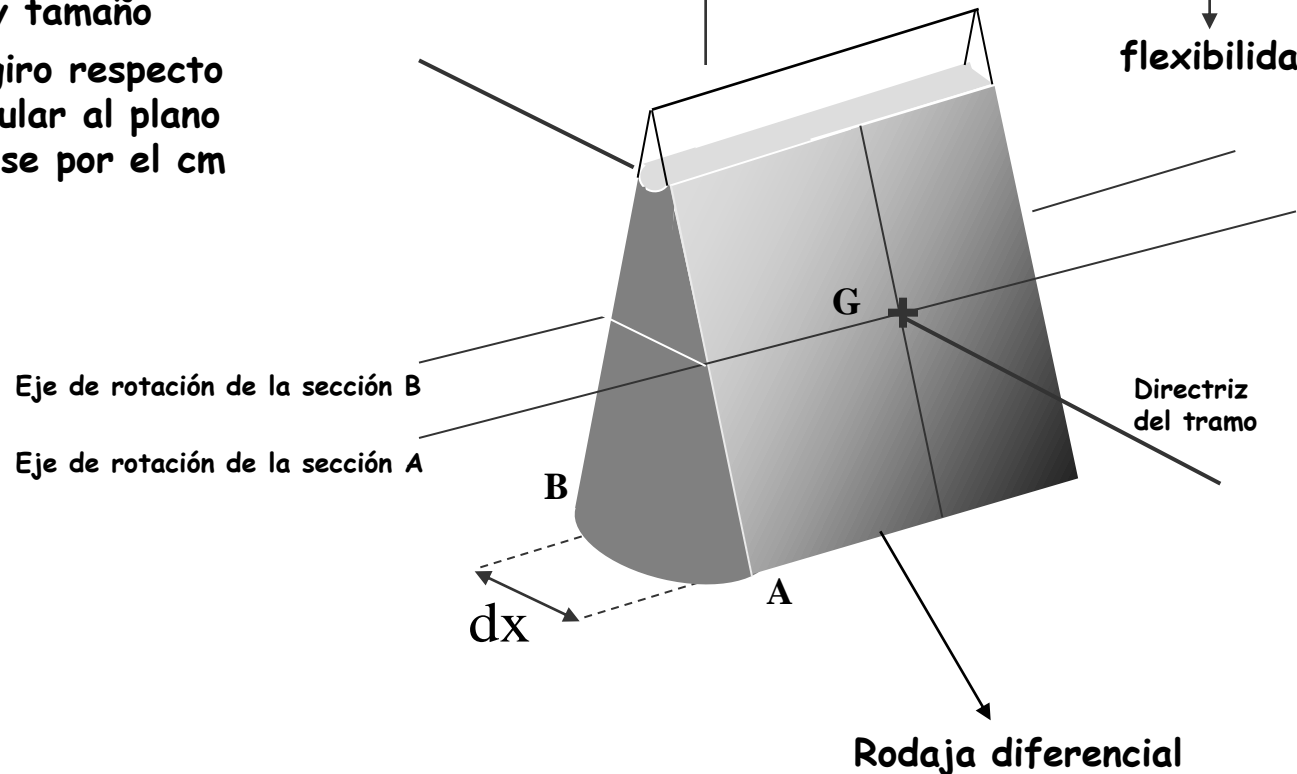
- Permanecen planas
- Conservan forma y tamaño
- Experimentan un giro respecto de un eje perpendicular al plano de la flexión que pase por el cm G de la sección

Ley de Hooke para la flexión

$$d\theta = M \cdot f$$

flexibilidad

Deformación por flexión



Deformación de un elemento diferencial

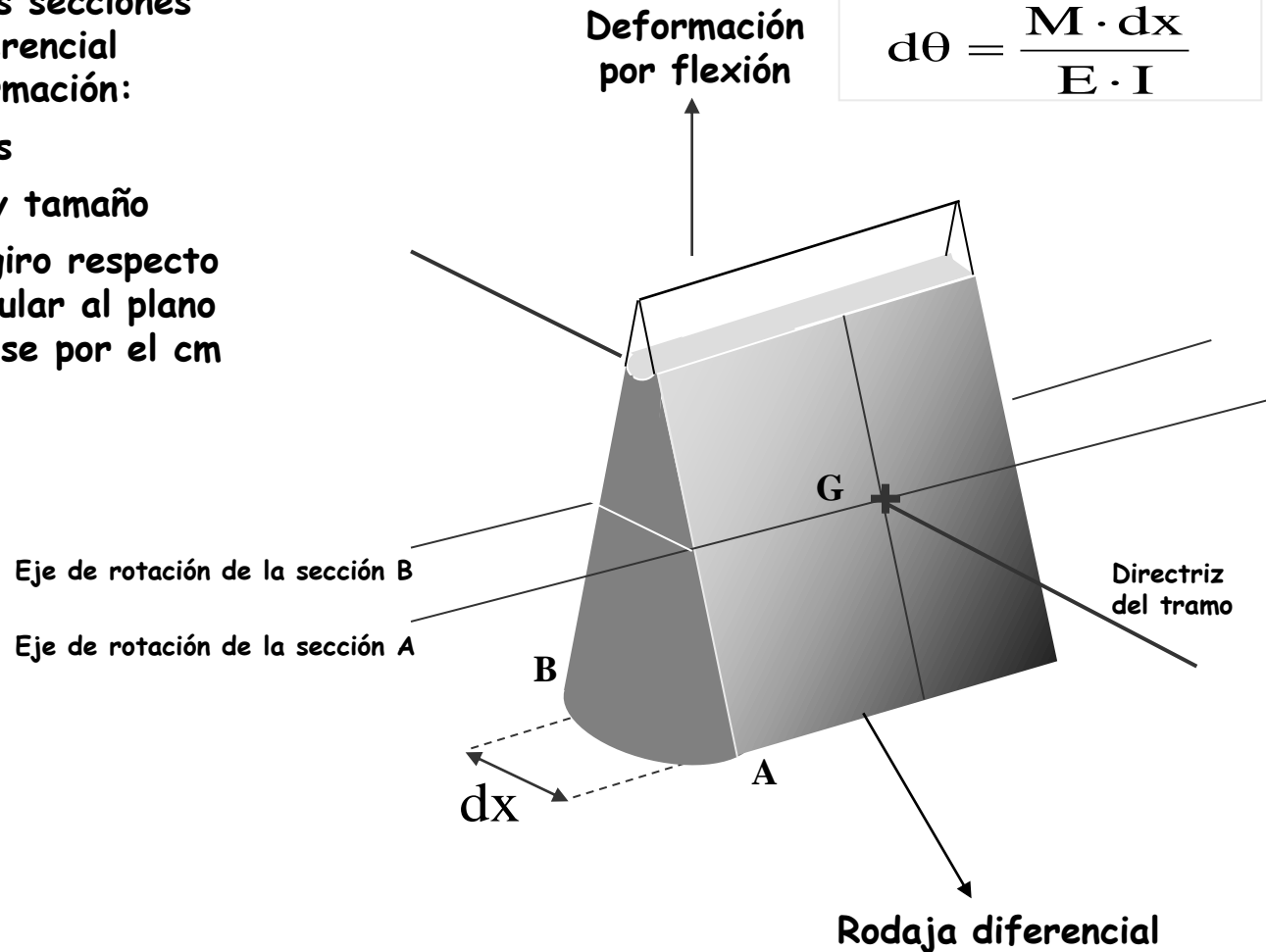
Hipótesis de Bernoulli

Se considera que las secciones de un elemento diferencial después de la deformación:

- Permanecen planas
- Conservan forma y tamaño
- Experimentan un giro respecto de un eje perpendicular al plano de la flexión que pase por el cm G de la sección

Ley de Hooke para la flexión

$$d\theta = \frac{M \cdot dx}{E \cdot I}$$



Deformación de un elemento diferencial

Hipótesis de Bernoulli

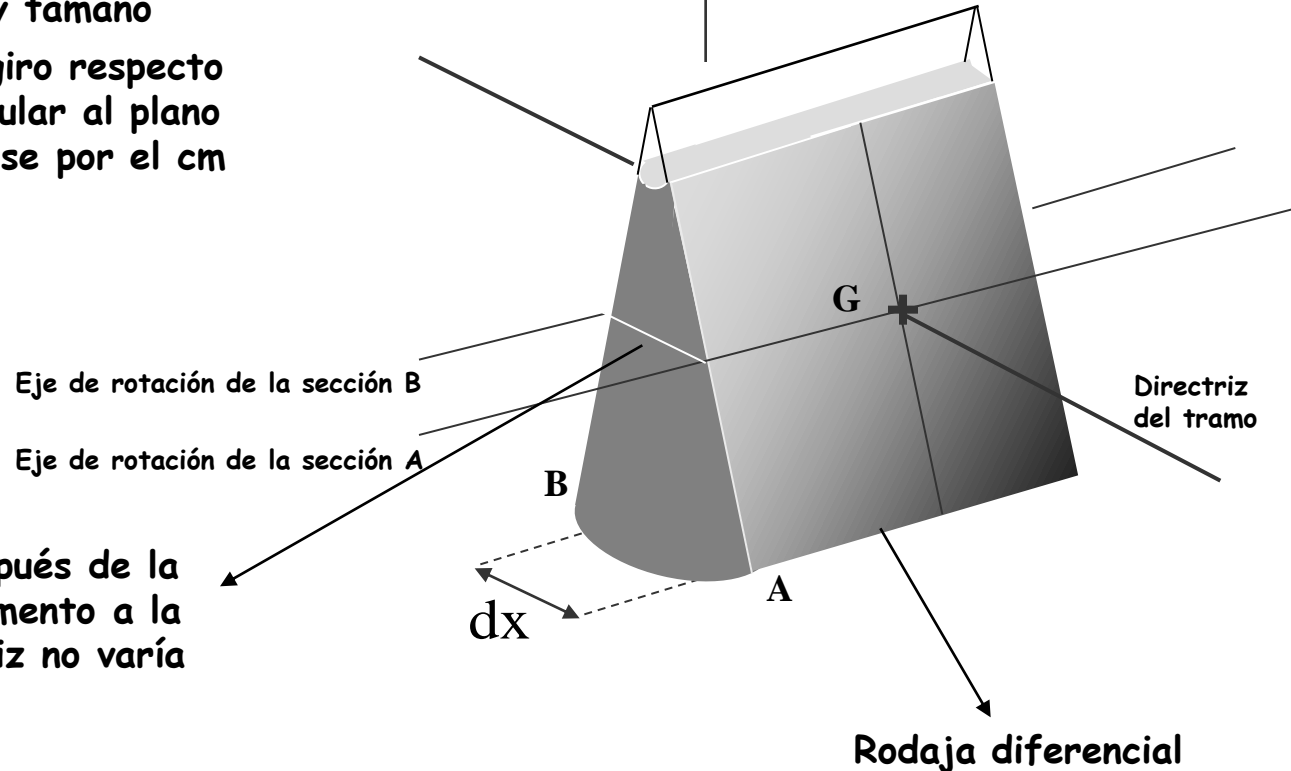
Se considera que las secciones de un elemento diferencial después de la deformación:

- Permanecen planas
- Conservan forma y tamaño
- Experimentan un giro respecto de un eje perpendicular al plano de la flexión que pase por el cm G de la sección

Ley de Hooke para la flexión

$$d\theta = \frac{M \cdot dx}{E \cdot I}$$

Deformación por flexión



Se observa que después de la deformación, el elemento a la altura de la directriz no varía de tamaño

Deformación de un elemento diferencial

Hipótesis de Bernoulli

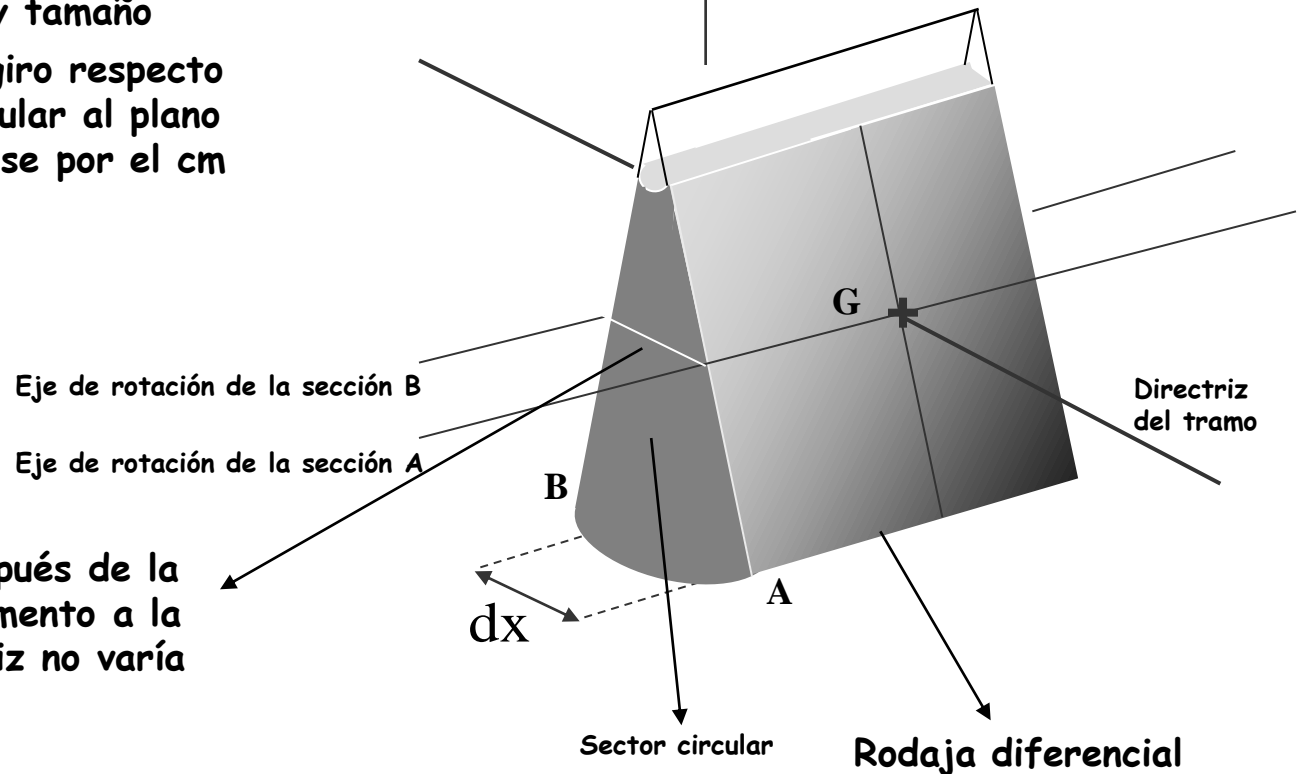
Se considera que las secciones de un elemento diferencial después de la deformación:

- Permanecen planas
- Conservan forma y tamaño
- Experimentan un giro respecto de un eje perpendicular al plano de la flexión que pase por el cm G de la sección

Ley de Hooke para la flexión

$$d\theta = \frac{M \cdot dx}{E \cdot I}$$

Deformación por flexión



Se observa que después de la deformación, el elemento a la altura de la directriz no varía de tamaño

Deformación de un elemento diferencial

Hipótesis de Bernoulli

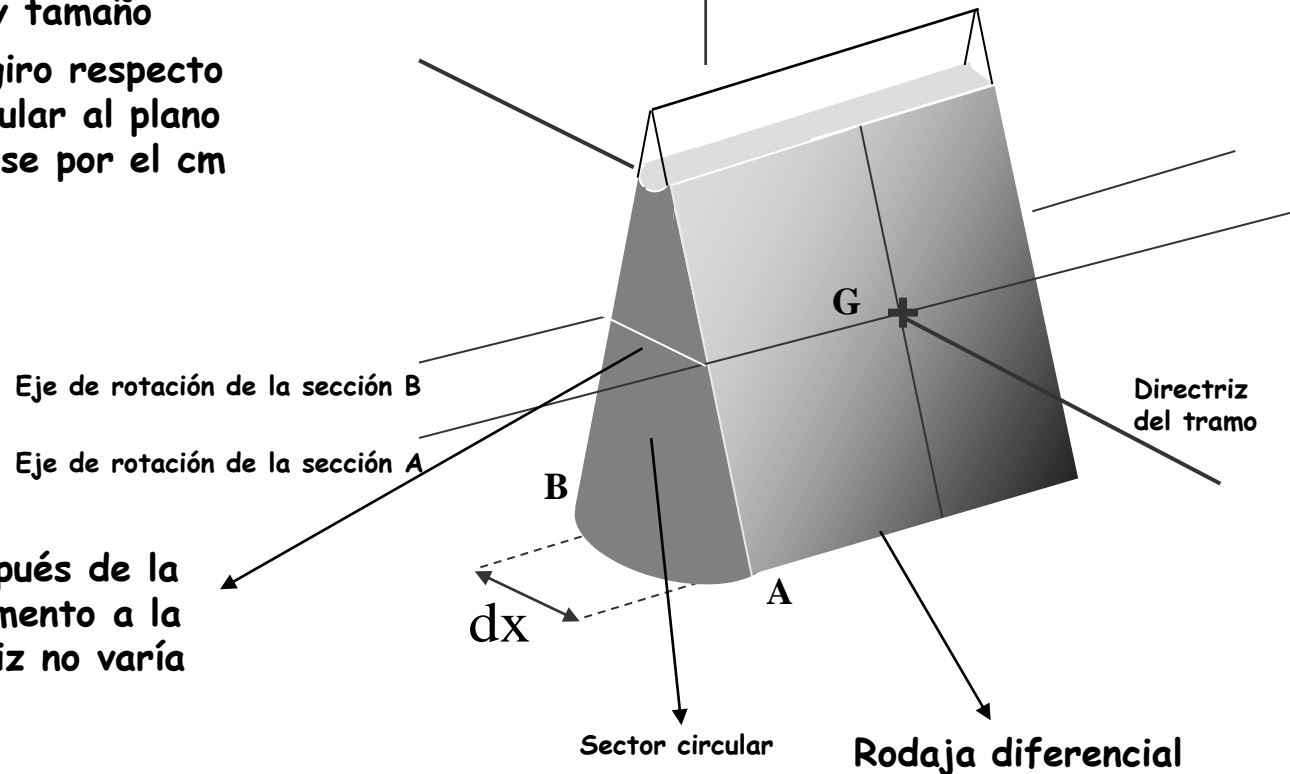
Se considera que las secciones de un elemento diferencial después de la deformación:

- Permanecen planas
- Conservan forma y tamaño
- Experimentan un giro respecto de un eje perpendicular al plano de la flexión que pase por el cm G de la sección

Ley de Hooke para la flexión

$$d\theta = \frac{M \cdot dx}{E \cdot I}$$

Deformación por flexión



Se observa que después de la deformación, el elemento a la altura de la directriz no varía de tamaño



Cálculo de deformaciones por métodos matemáticos





Cálculo de deformaciones por métodos matemáticos





Cálculo de deformaciones por métodos matemáticos

Generalidades
sobre los
tramos viga

- Concepto
- Representación
- Deformación

Hipótesis
aceptadas

- Solicitaciones
dominantes
- Deformación

- de un elemento
diferencial
- de un tramo

Definición



Deformación de un tramo viga



Deformación de un tramo viga

Los elementos diferenciales pueden experimentar movimientos de sólido rígido (traslaciones y rotaciones) a medida que se deforman por flexión



Deformación de un tramo viga

Los elementos diferenciales pueden experimentar movimientos de sólido rígido (traslaciones y rotaciones) a medida que se deforman por flexión

Podría decirse que estos movimientos se utilizan para representar la elástica de la viga

Deformación de un tramo viga

Los elementos diferenciales pueden experimentar movimientos de sólido rígido (traslaciones y rotaciones) a medida que se deforman por flexión

Podría decirse que estos movimientos se utilizan para representar la elástica de la viga



Deformación de un tramo viga

Los elementos diferenciales pueden experimentar movimientos de sólido rígido (traslaciones y rotaciones) a medida que se deforman por flexión

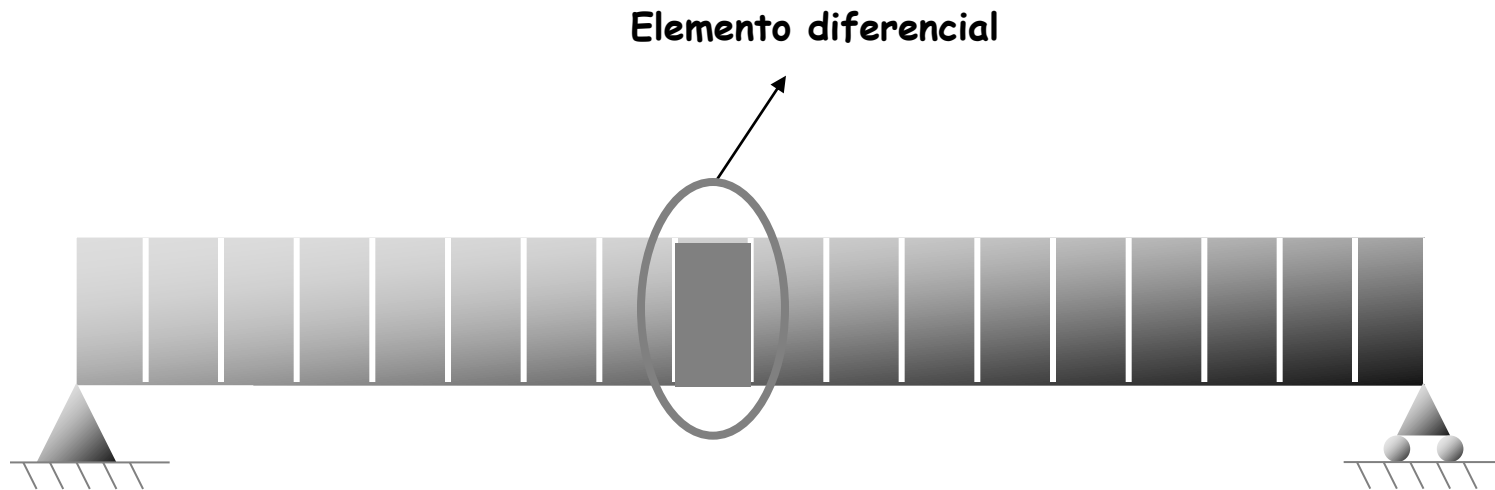
Podría decirse que estos movimientos se utilizan para representar la elástica de la viga



Deformación de un tramo viga

Los elementos diferenciales pueden experimentar movimientos de sólido rígido (traslaciones y rotaciones) a medida que se deforman por flexión

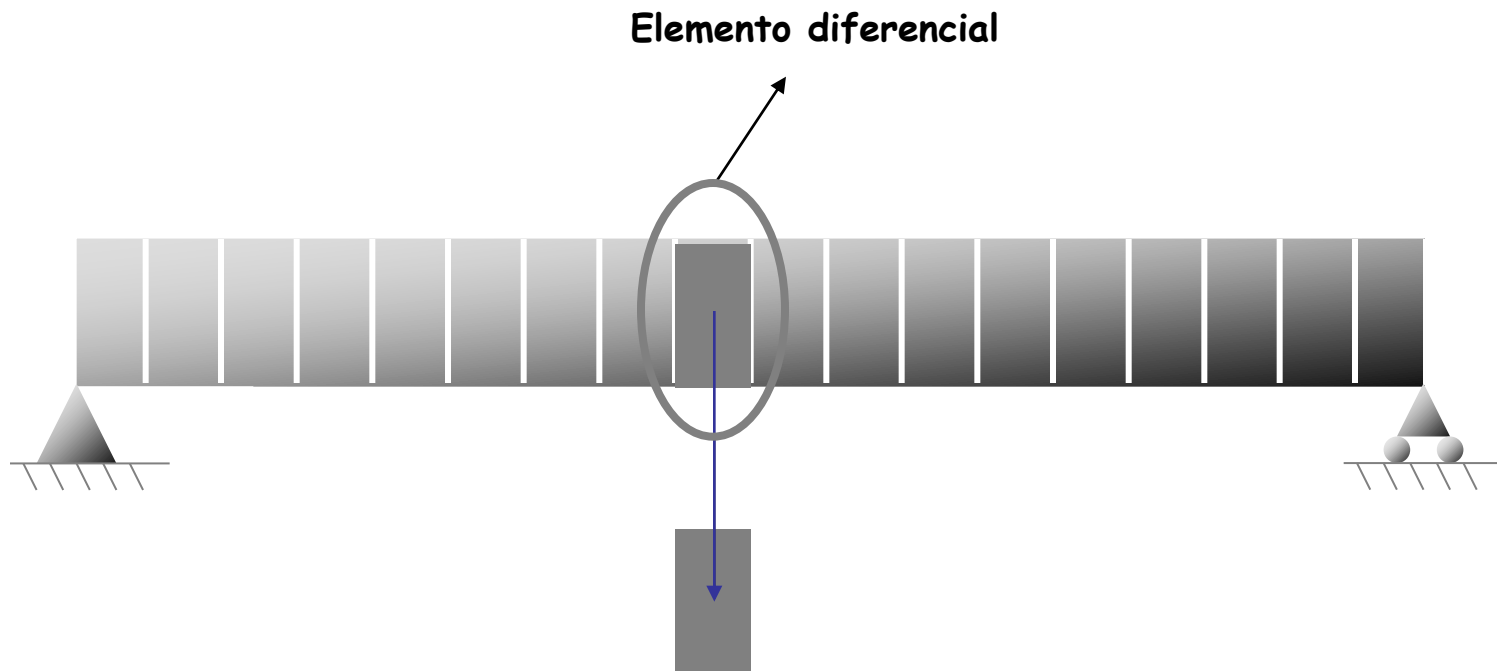
Podría decirse que estos movimientos se utilizan para representar la elástica de la viga



Deformación de un tramo viga

Los elementos diferenciales pueden experimentar movimientos de sólido rígido (traslaciones y rotaciones) a medida que se deforman por flexión

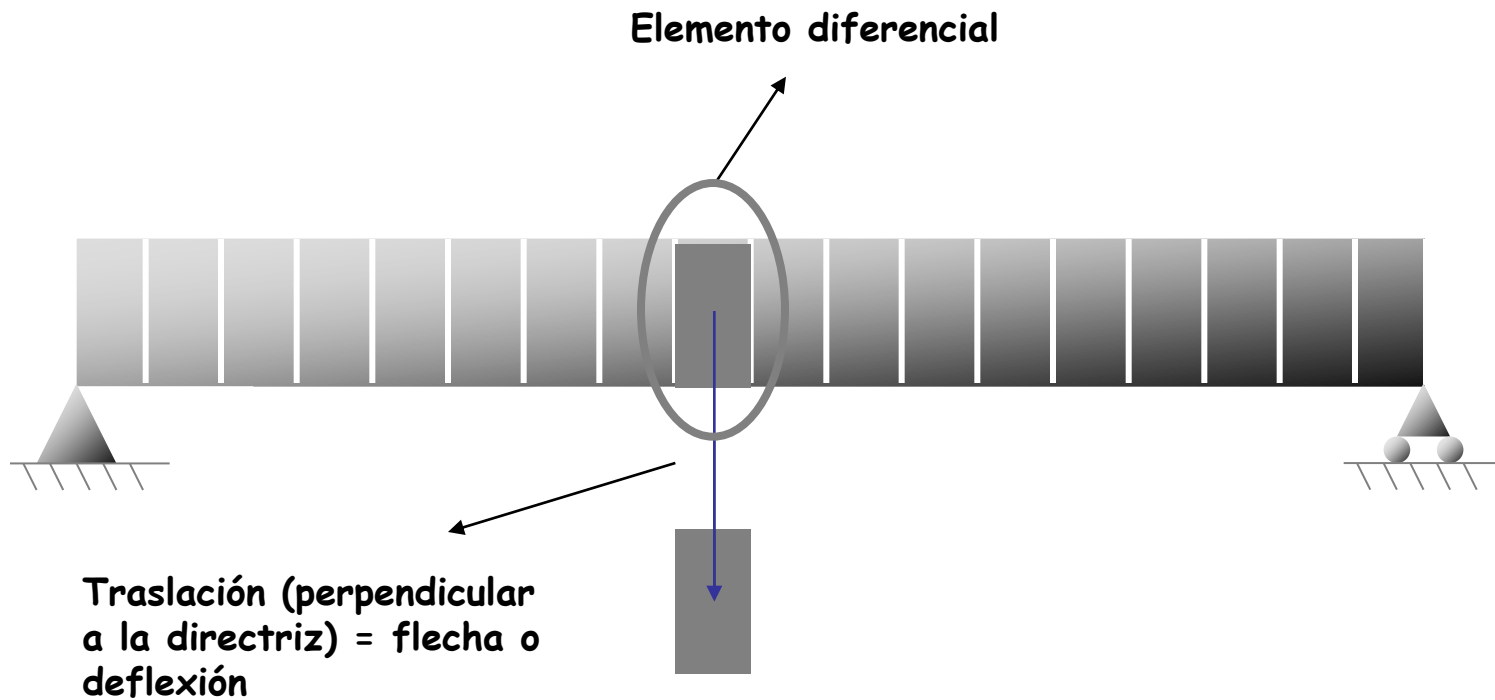
Podría decirse que estos movimientos se utilizan para representar la elástica de la viga



Deformación de un tramo viga

Los elementos diferenciales pueden experimentar movimientos de sólido rígido (traslaciones y rotaciones) a medida que se deforman por flexión

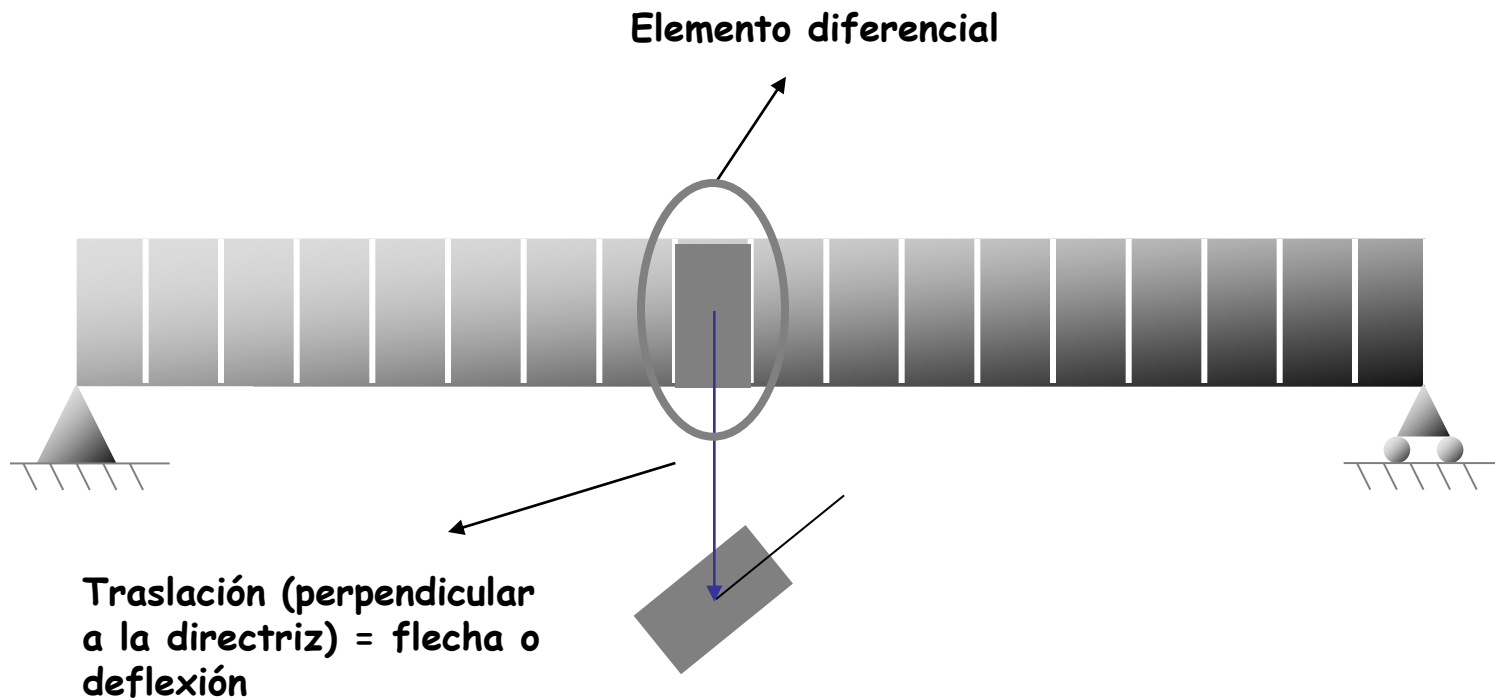
Podría decirse que estos movimientos se utilizan para representar la elástica de la viga



Deformación de un tramo viga

Los elementos diferenciales pueden experimentar movimientos de sólido rígido (traslaciones y rotaciones) a medida que se deforman por flexión

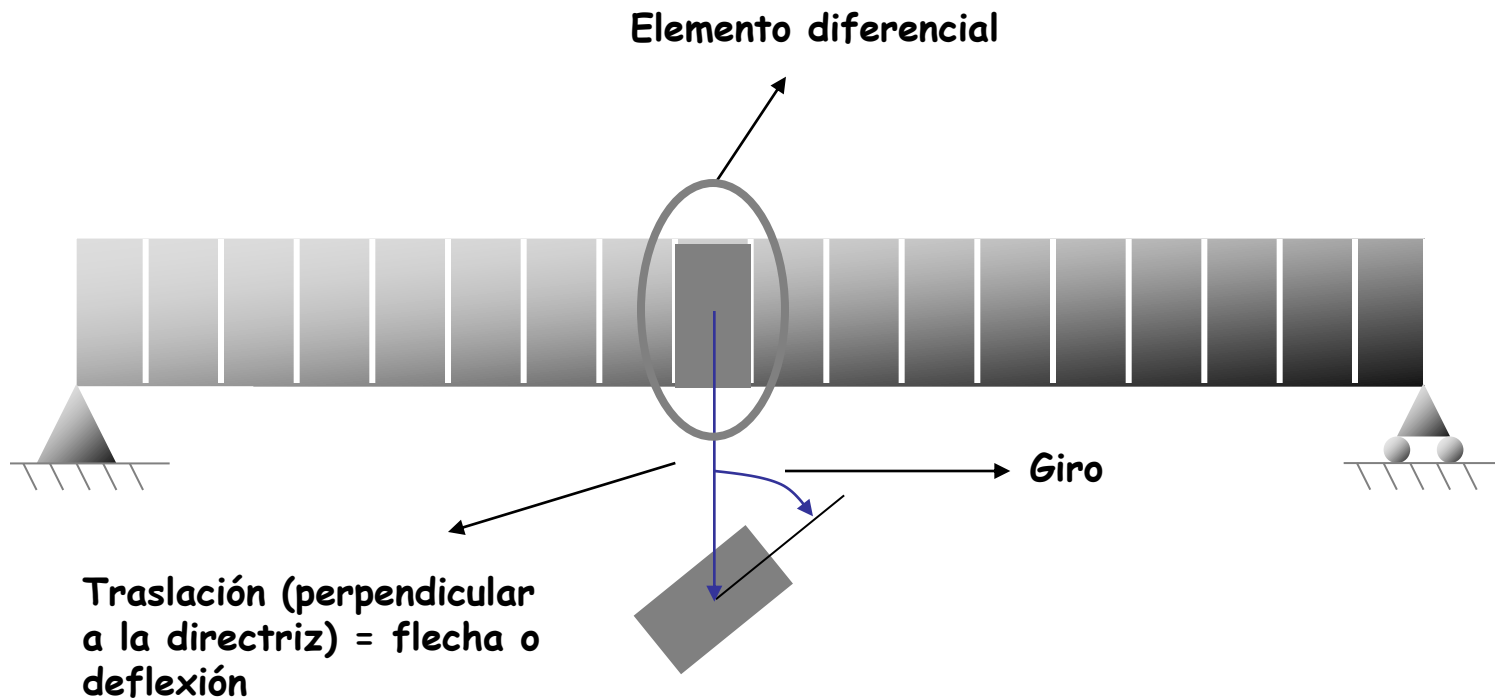
Podría decirse que estos movimientos se utilizan para representar la elástica de la viga



Deformación de un tramo viga

Los elementos diferenciales pueden experimentar movimientos de sólido rígido (traslaciones y rotaciones) a medida que se deforman por flexión

Podría decirse que estos movimientos se utilizan para representar la elástica de la viga

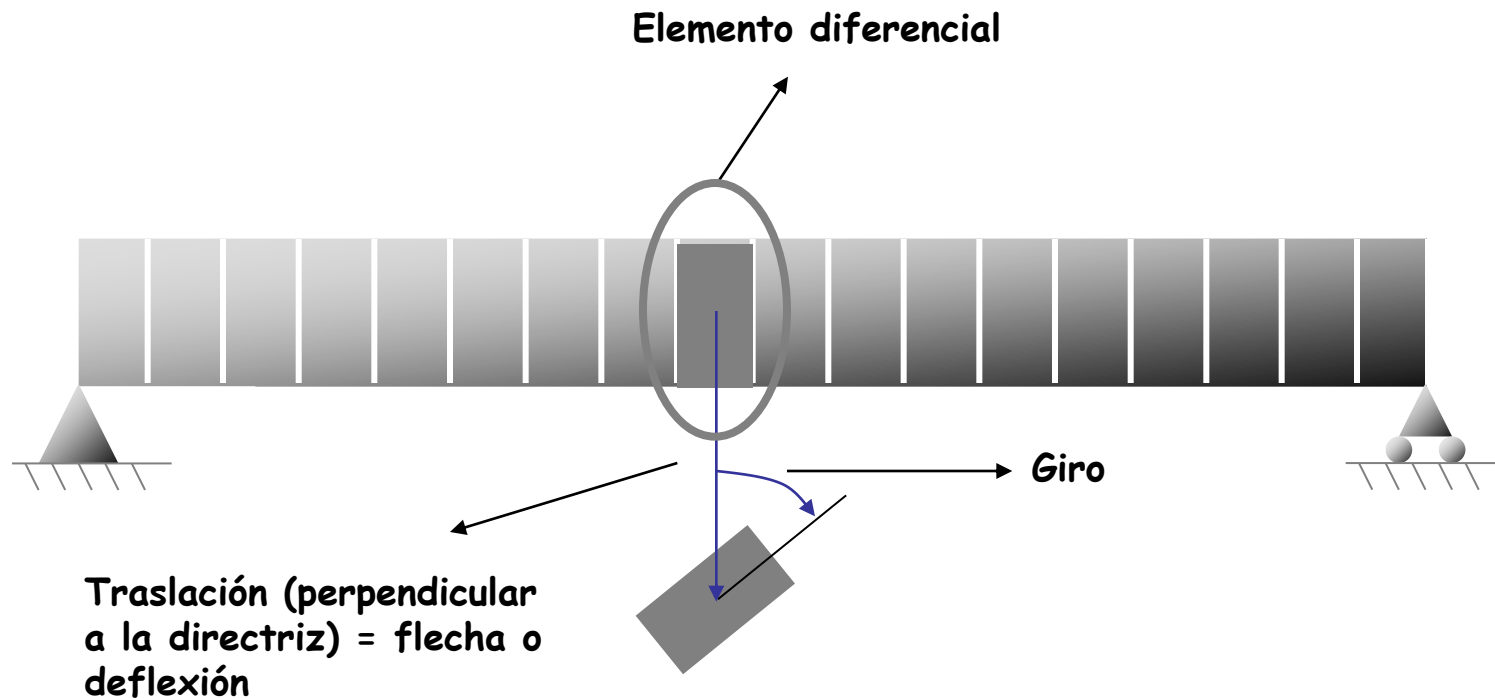


Deformación de un tramo viga

Los elementos diferenciales pueden experimentar movimientos de sólido rígido (traslaciones y rotaciones) a medida que se deforman por flexión

Podría decirse que estos movimientos se utilizan para representar la elástica de la viga

Las rotaciones de los elementos son muy pequeñas, por lo que se consideran iguales a las proyecciones de sus espesores girados sobre los mismos antes del giro

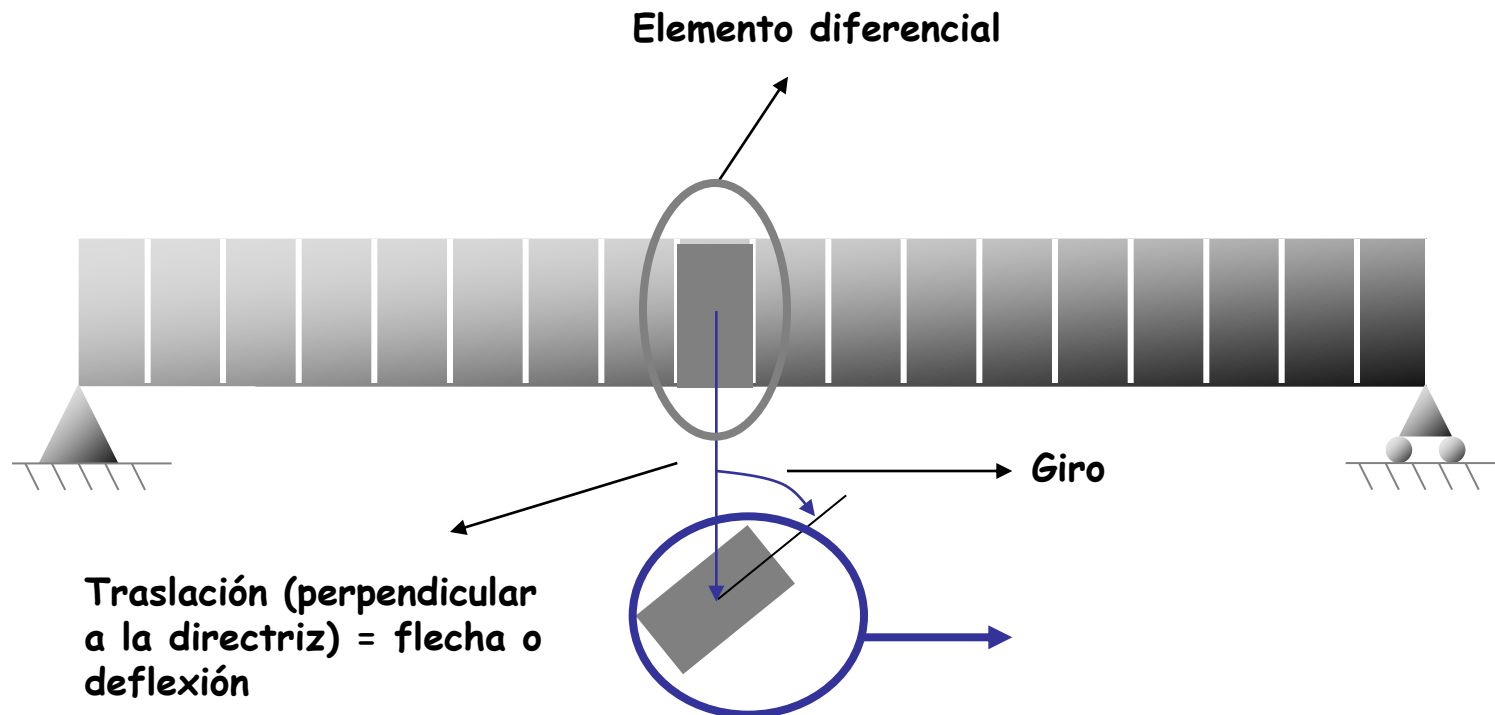


Deformación de un tramo viga

Los elementos diferenciales pueden experimentar movimientos de sólido rígido (traslaciones y rotaciones) a medida que se deforman por flexión

Podría decirse que estos movimientos se utilizan para representar la elástica de la viga

Las rotaciones de los elementos son muy pequeñas, por lo que se consideran iguales a las proyecciones de sus espesores girados sobre los mismos antes del giro

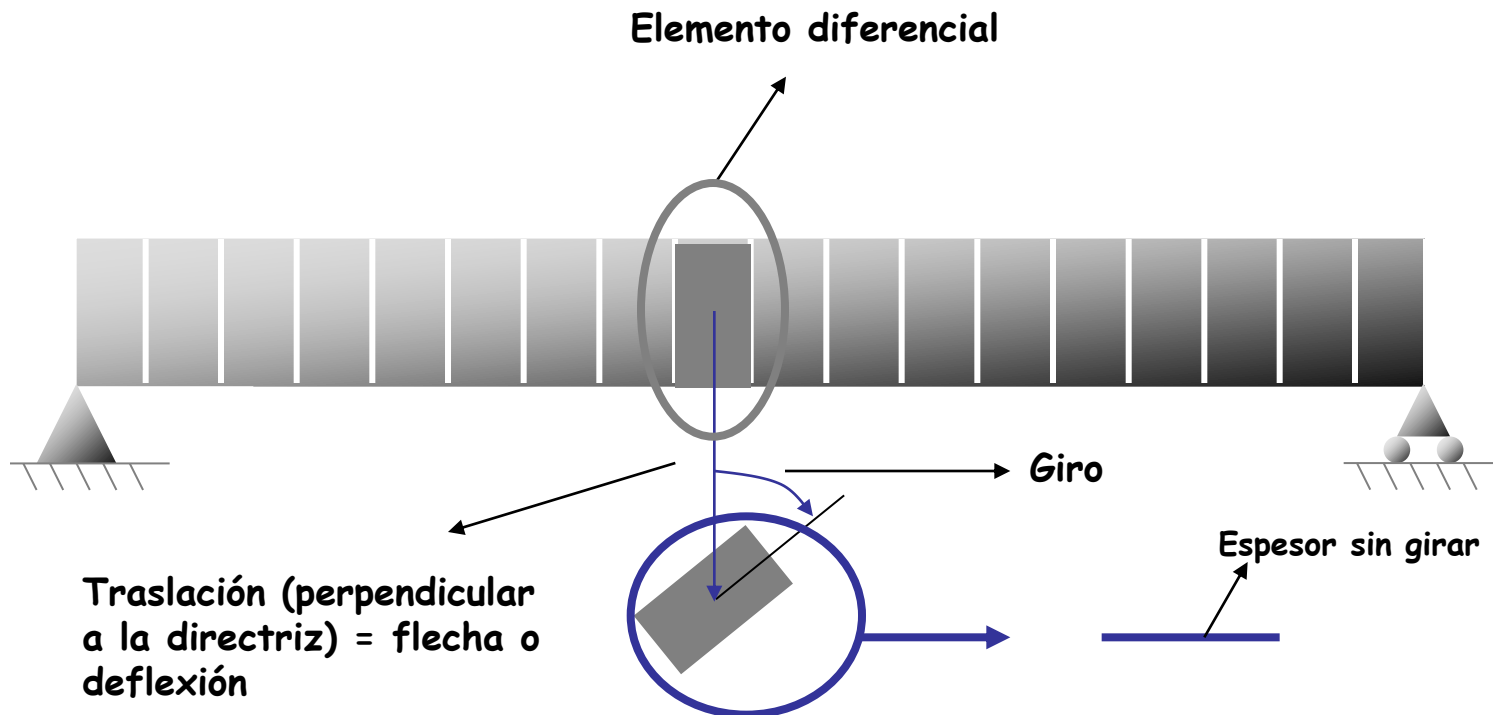


Deformación de un tramo viga

Los elementos diferenciales pueden experimentar movimientos de sólido rígido (traslaciones y rotaciones) a medida que se deforman por flexión

Podría decirse que estos movimientos se utilizan para representar la elástica de la viga

Las rotaciones de los elementos son muy pequeñas, por lo que se consideran iguales a las proyecciones de sus espesores girados sobre los mismos antes del giro

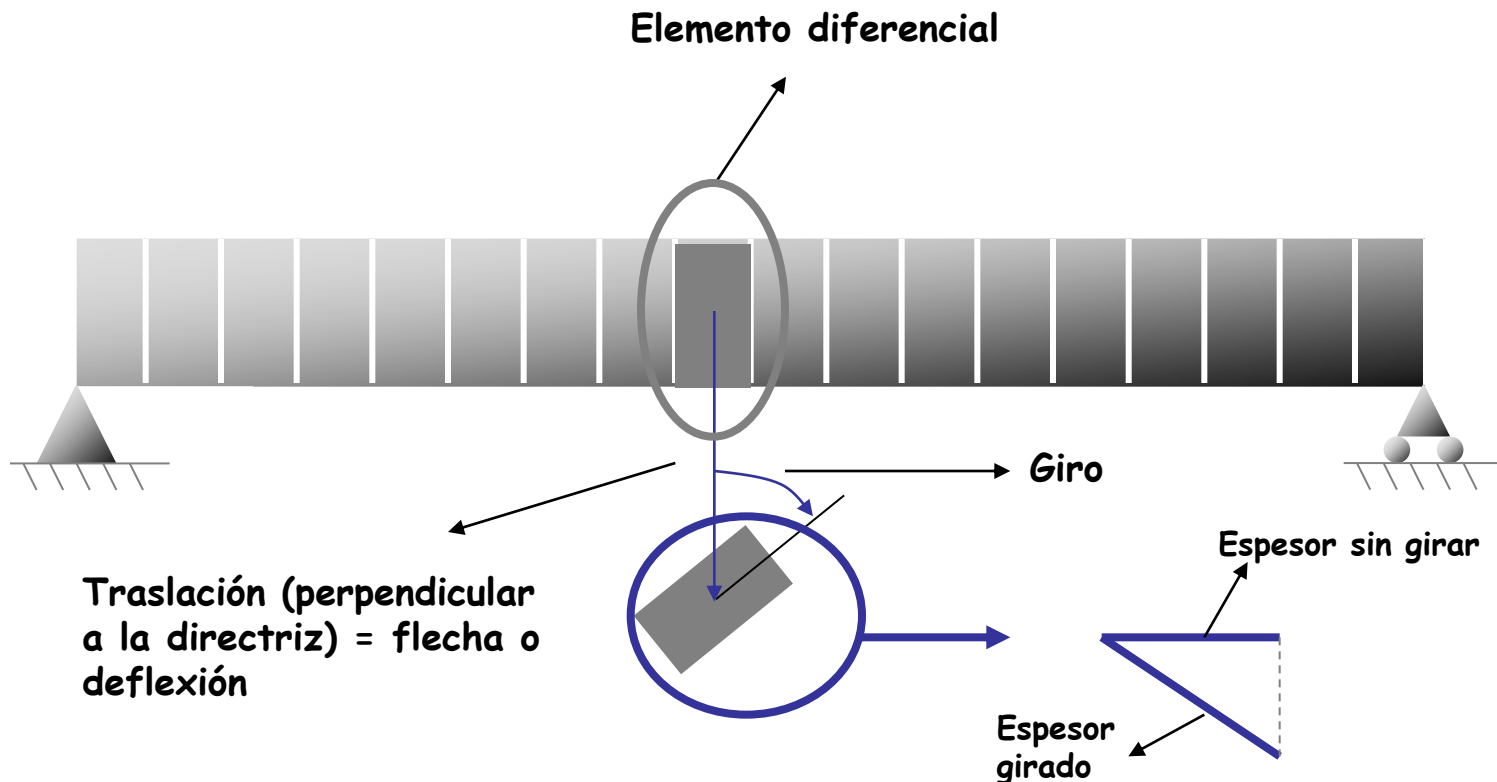


Deformación de un tramo viga

Los elementos diferenciales pueden experimentar movimientos de sólido rígido (traslaciones y rotaciones) a medida que se deforman por flexión

Podría decirse que estos movimientos se utilizan para representar la elástica de la viga

Las rotaciones de los elementos son muy pequeñas, por lo que se consideran iguales a las proyecciones de sus espesores girados sobre los mismos antes del giro



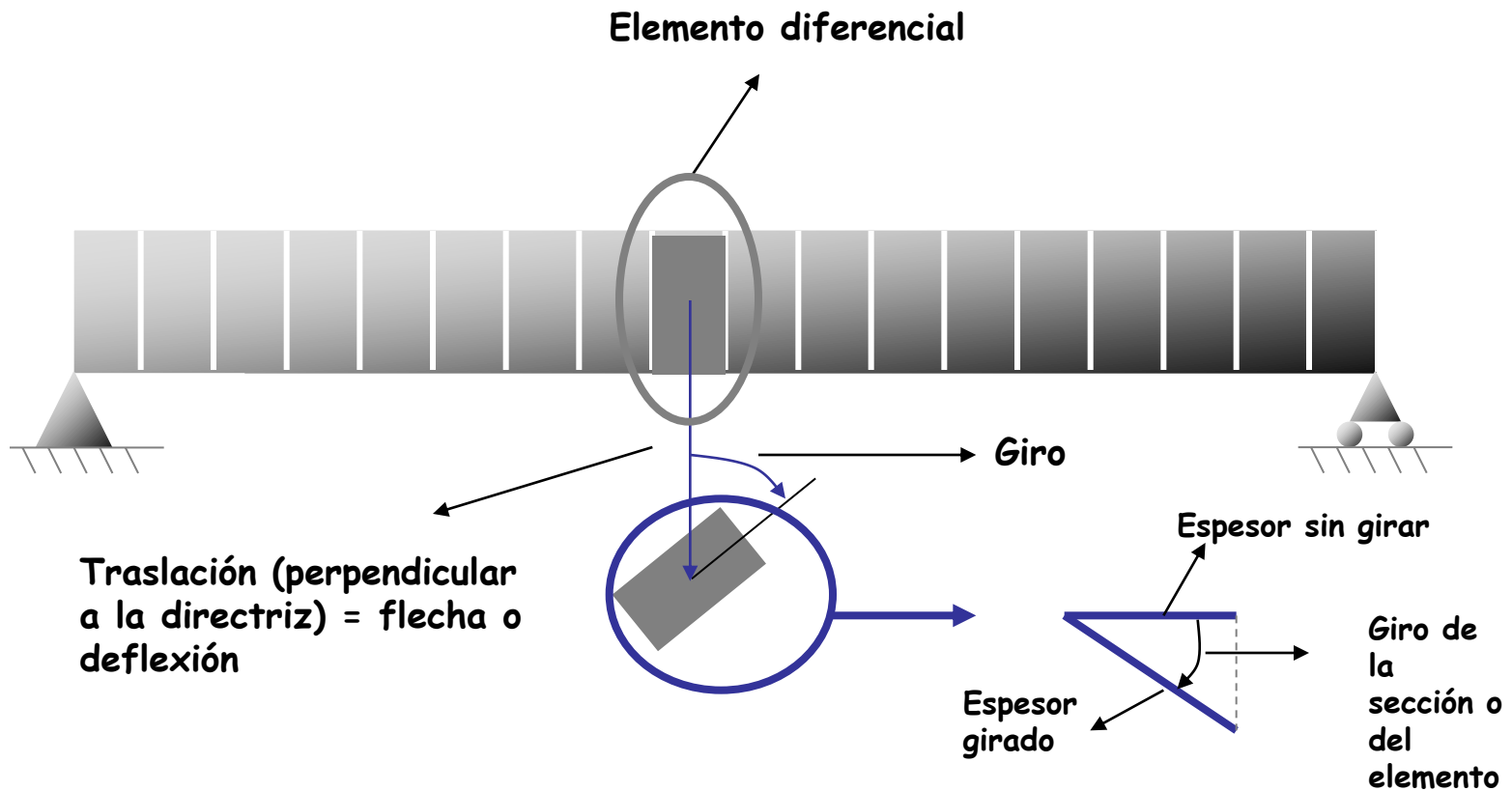


Deformación de un tramo viga

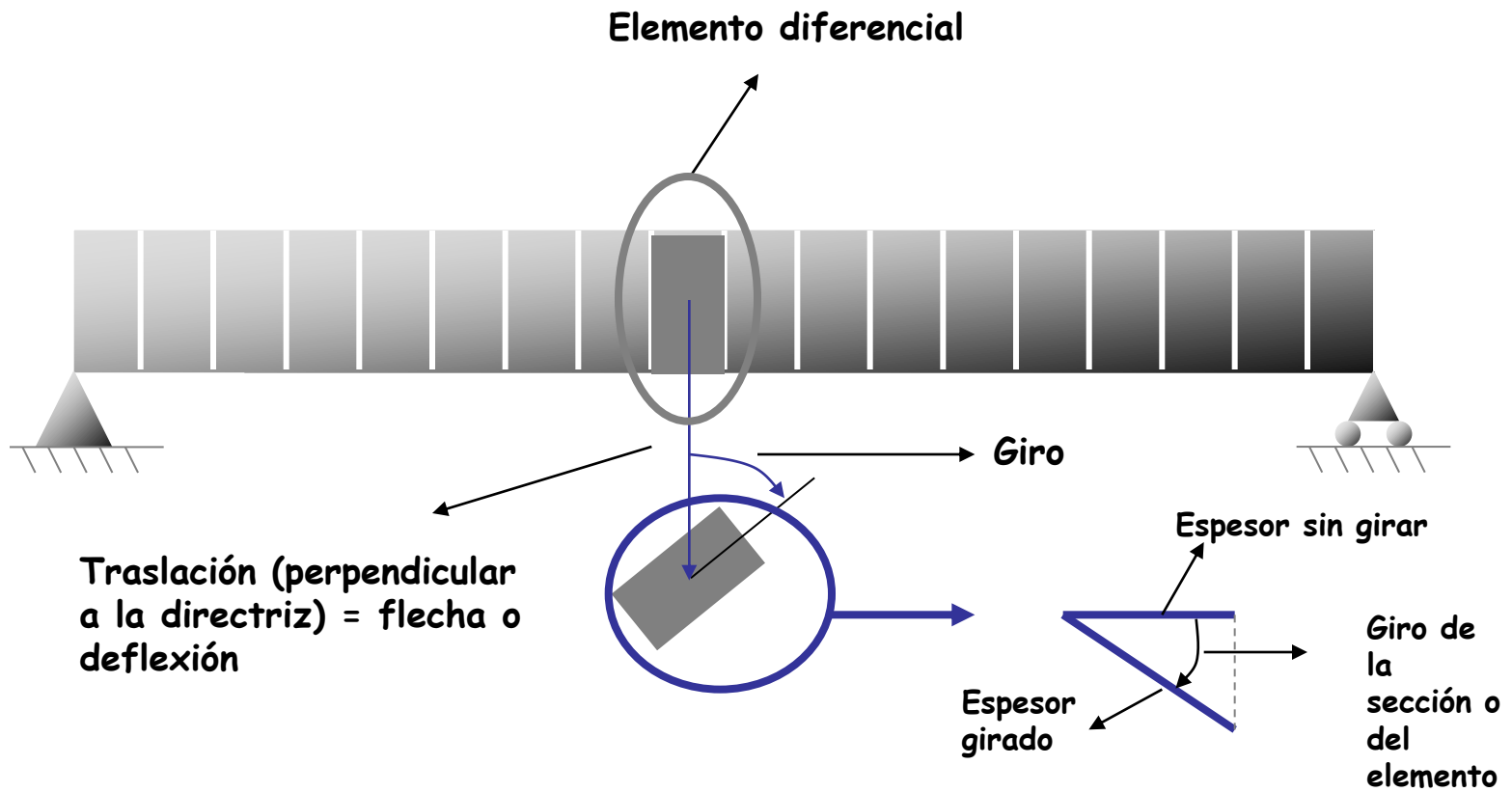
Los elementos diferenciales pueden experimentar movimientos de sólido rígido (traslaciones y rotaciones) a medida que se deforman por flexión

Podría decirse que estos movimientos se utilizan para representar la elástica de la viga

Las rotaciones de los elementos son muy pequeñas, por lo que se consideran iguales a las proyecciones de sus espesores girados sobre los mismos antes del giro

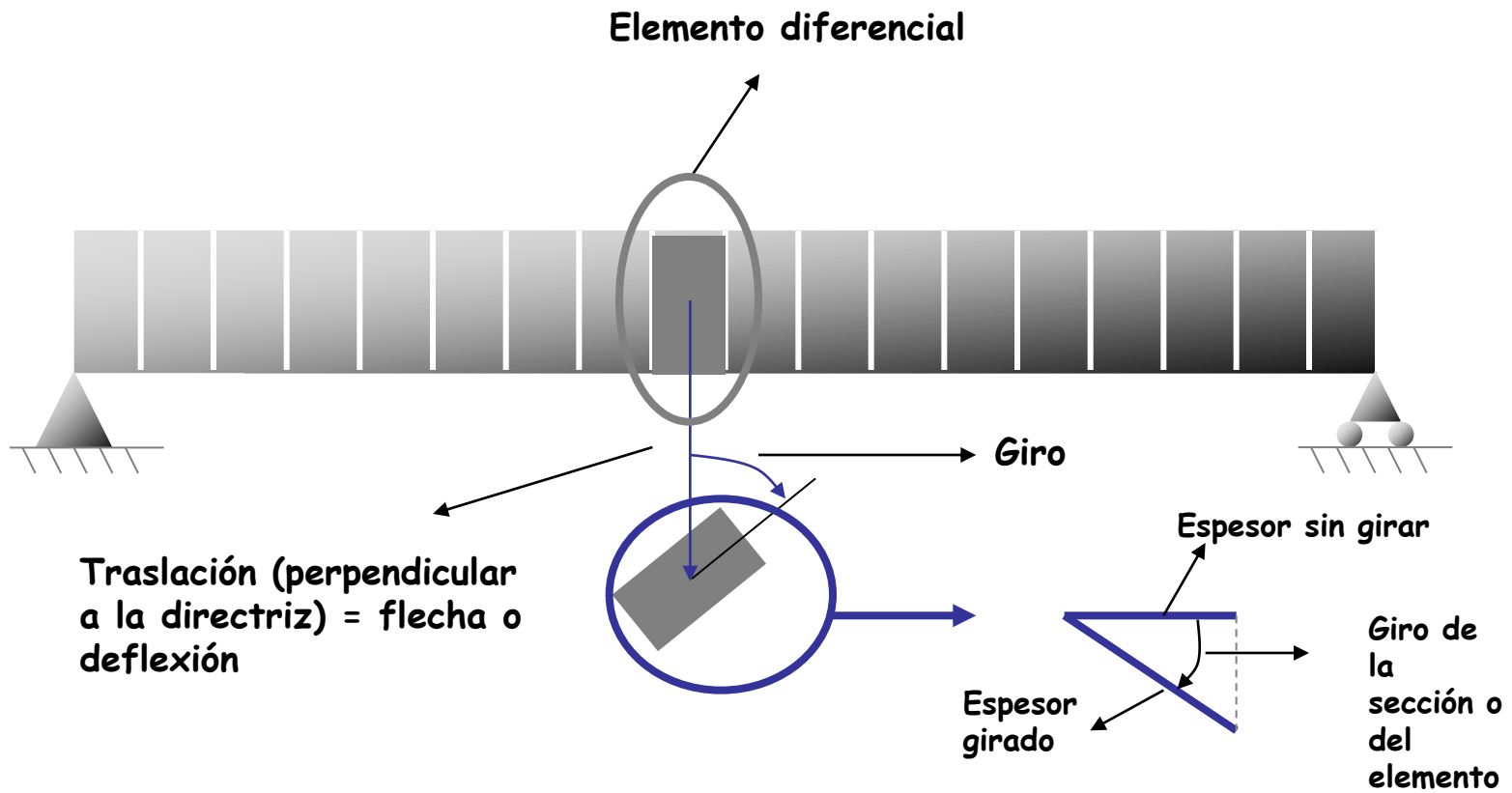


Deformación de un tramo viga



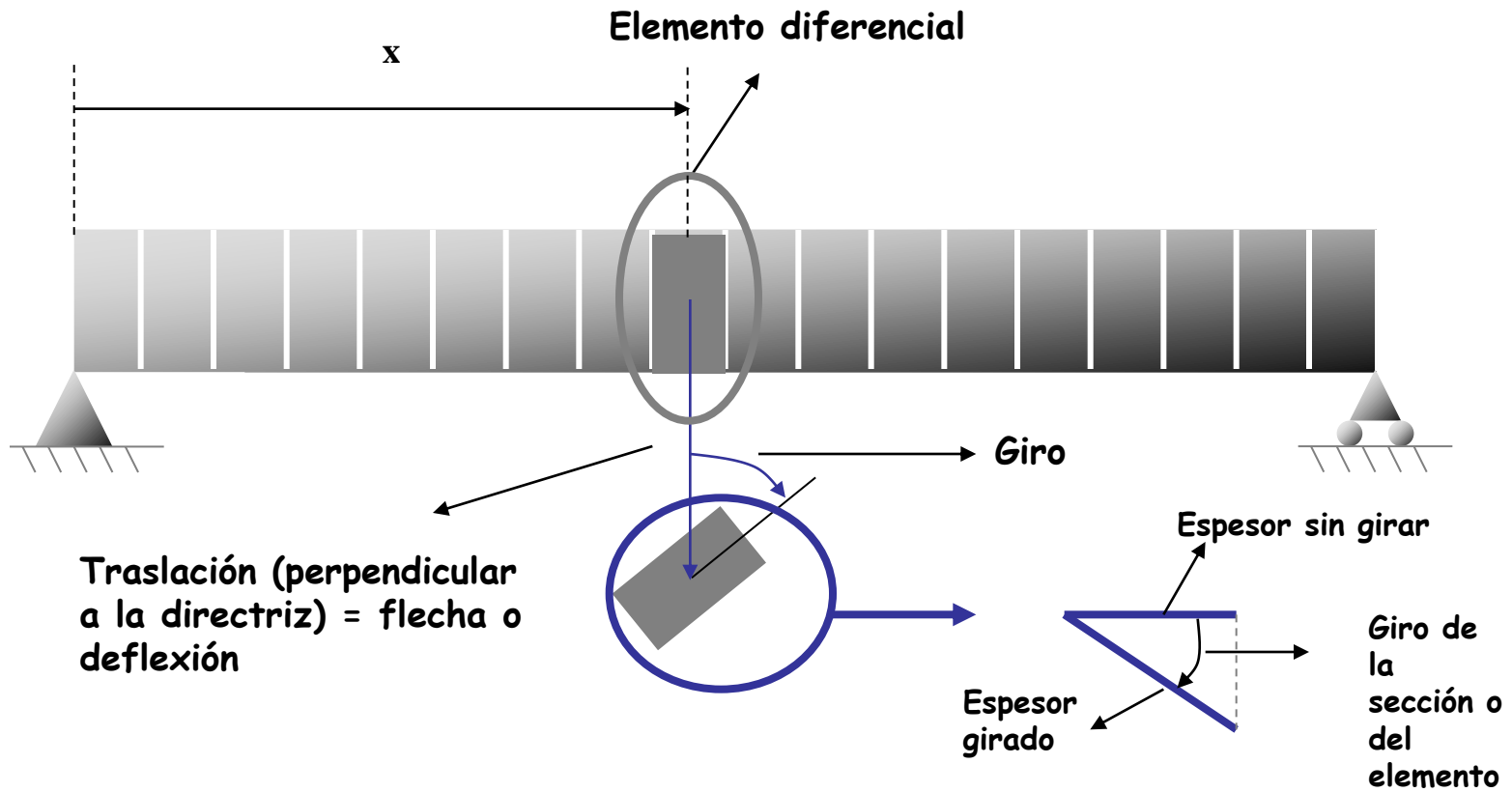
Deformación de un tramo viga

La elástica de una viga representa el giro y la traslación (o flecha) de cualquier elemento diferencial definido con los movimientos de sólido rígido



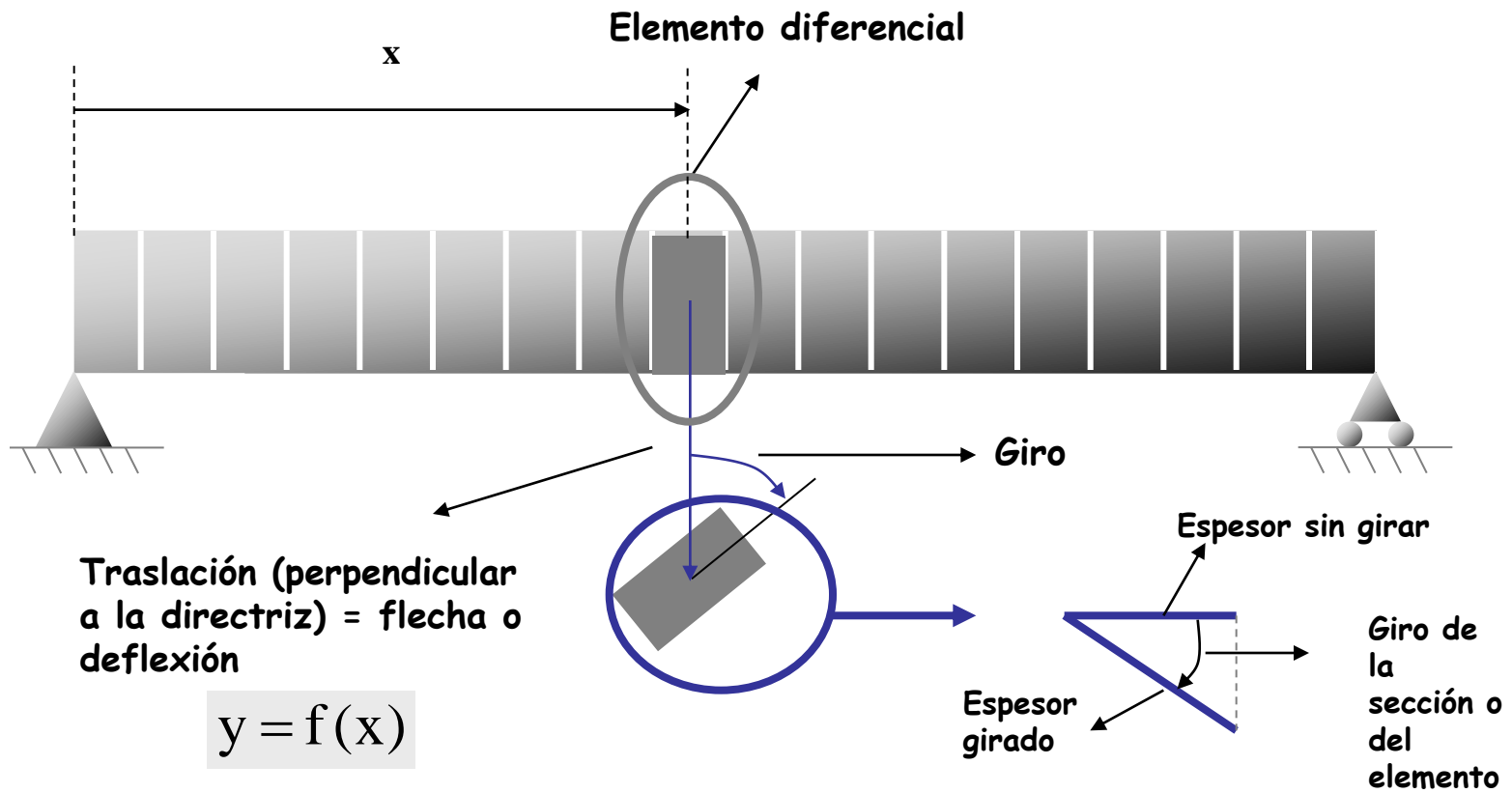
Deformación de un tramo viga

La elástica de una viga representa el giro y la traslación (o flecha) de cualquier elemento diferencial definido con los movimientos de sólido rígido



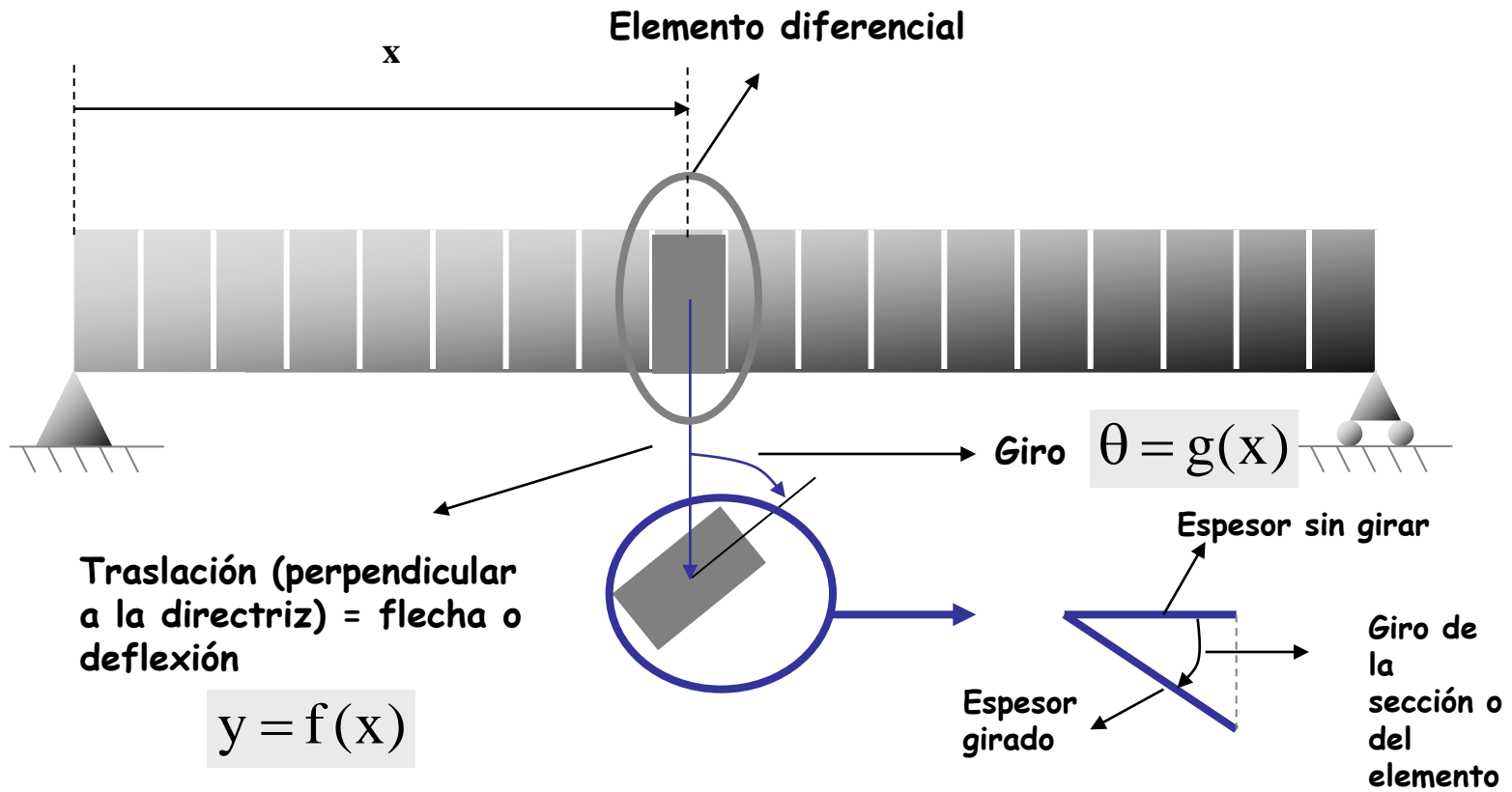
Deformación de un tramo viga

La elástica de una viga representa el giro y la traslación (o flecha) de cualquier elemento diferencial definido con los movimientos de sólido rígido



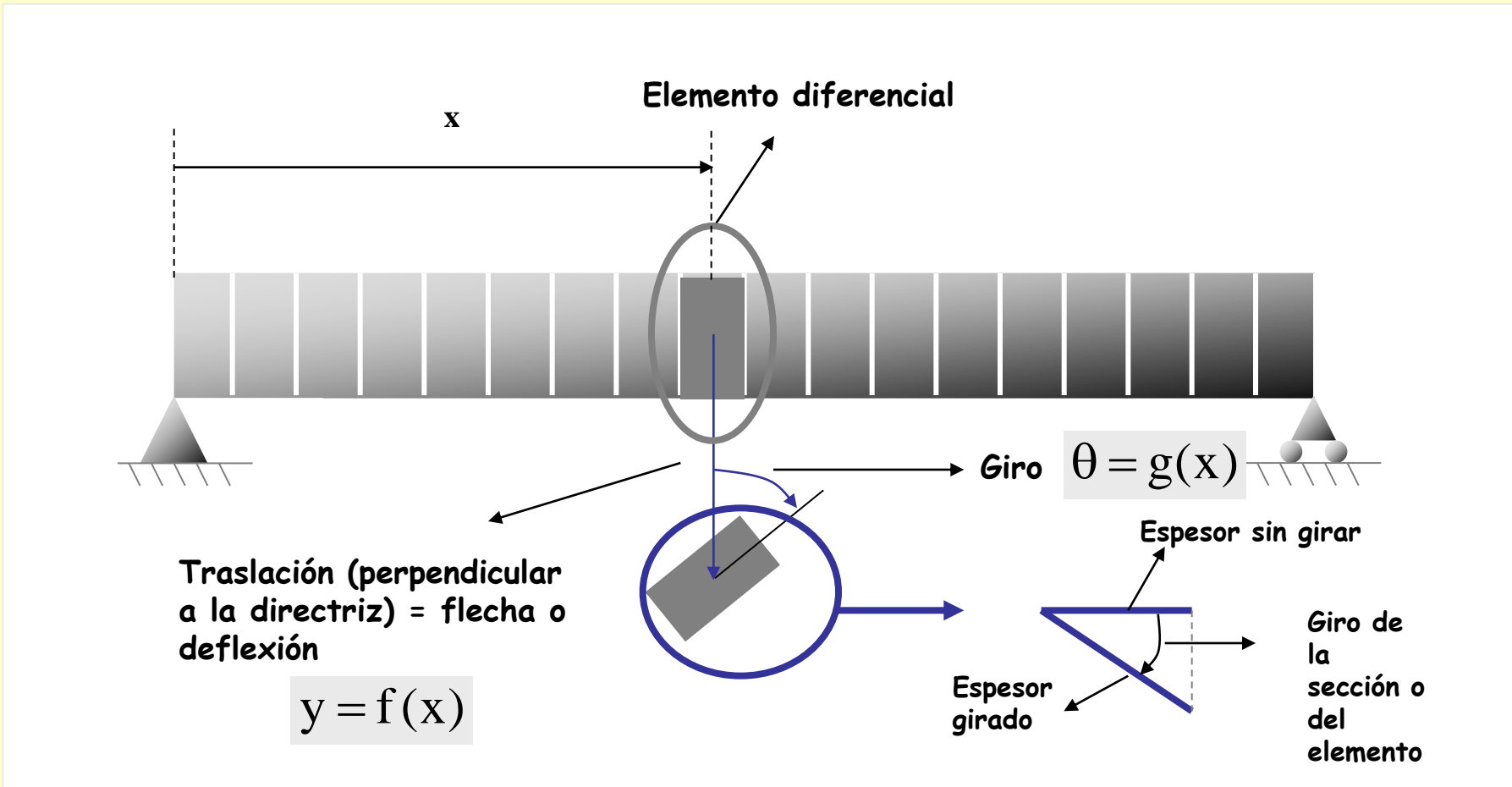
Deformación de un tramo viga

La elástica de una viga representa el giro y la traslación (o flecha) de cualquier elemento diferencial definido con los movimientos de sólido rígido



Deformación de un tramo viga

La elástica de una viga representa el giro y la traslación (o flecha) de cualquier elemento diferencial definido con los movimientos de sólido rígido





Cálculo de deformaciones por métodos matemáticos

Generalidades
sobre los
tramos viga

Concepto
Representación
Deformación

Hipótesis
aceptadas

Solicitaciones
dominantes
Deformación

de un elemento
diferencial
de un tramo

Definición



Cálculo de deformaciones por métodos matemáticos

Generalidades
sobre los
tramos viga

Concepto
Representación
Deformación

Hipótesis
aceptadas

Solicitaciones
dominantes
Deformación

de un elemento
diferencial
de un tramo

Definición
Representación



Representación



Representación

Un tramo deformado se representa con la posición en el equilibrio de la directriz, que es la elástica

Representación

Un tramo deformado se representa con la posición en el equilibrio de la directriz, que es la elástica



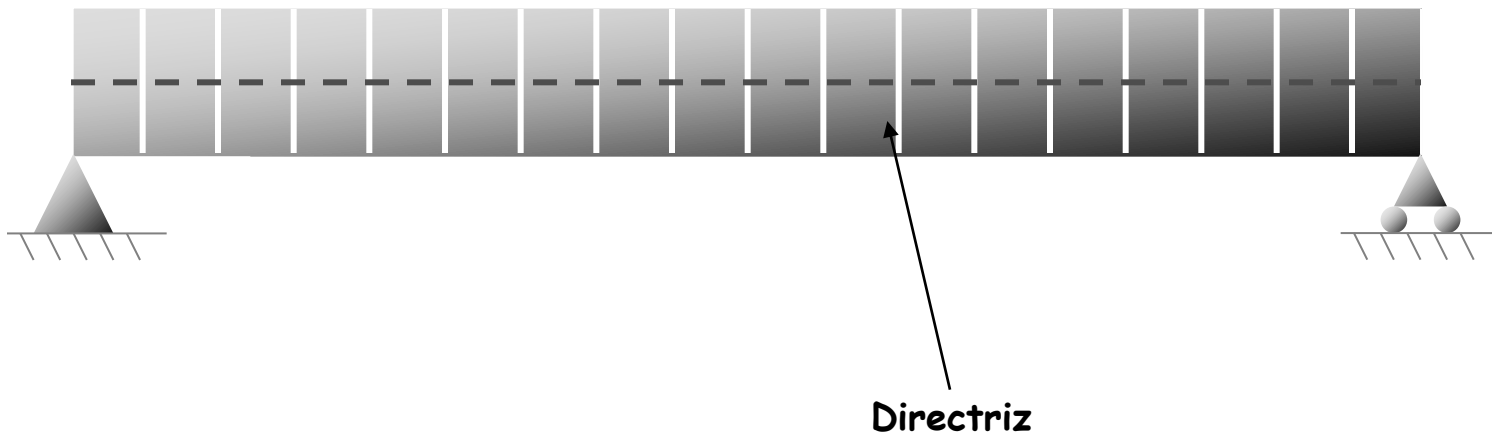
Representación

Un tramo deformado se representa con la posición en el equilibrio de la directriz, que es la elástica



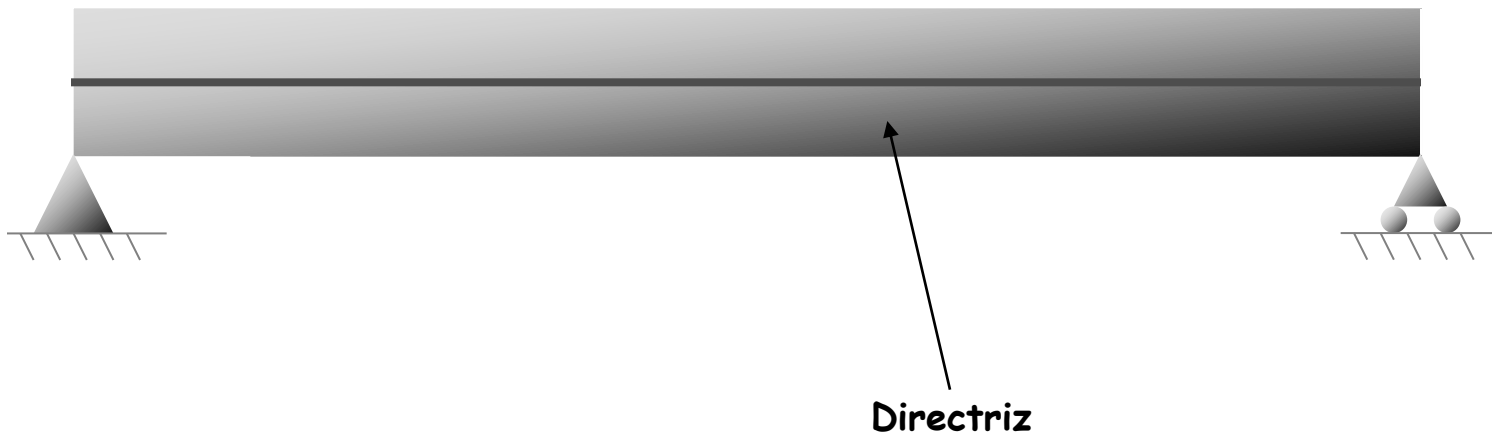
Representación

Un tramo deformado se representa con la posición en el equilibrio de la directriz, que es la elástica



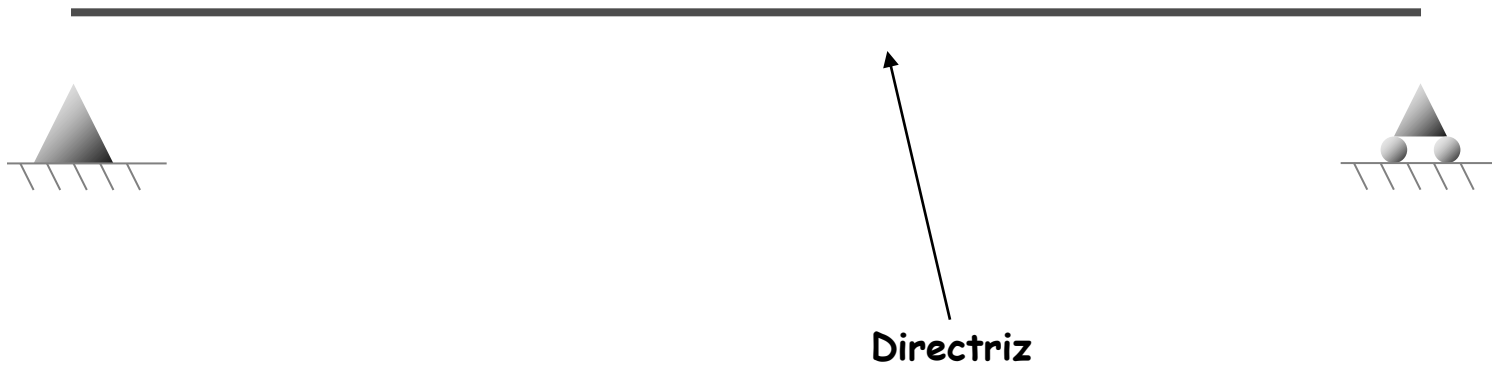
Representación

Un tramo deformado se representa con la posición en el equilibrio de la directriz, que es la elástica



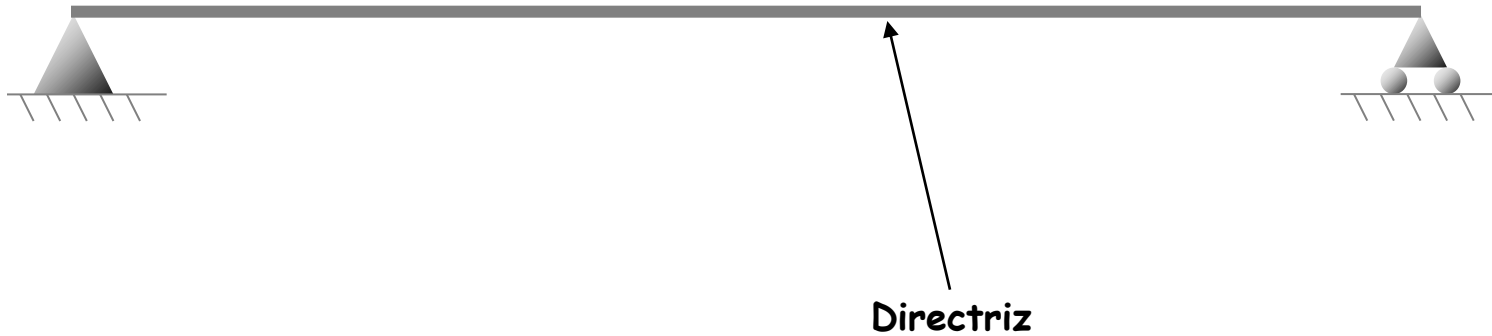
Representación

Un tramo deformado se representa con la posición en el equilibrio de la directriz, que es la elástica

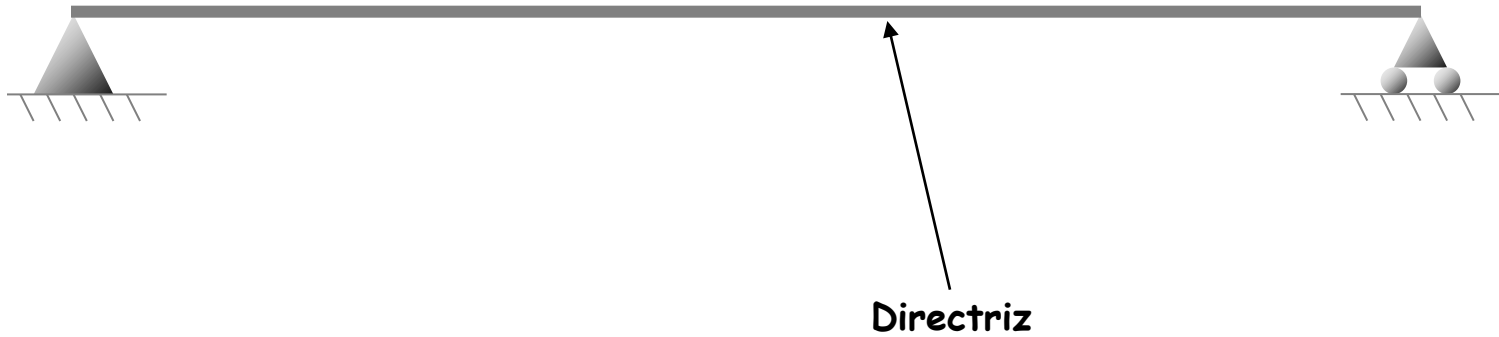


Representación

Un tramo deformado se representa con la posición en el equilibrio de la directriz, que es la elástica

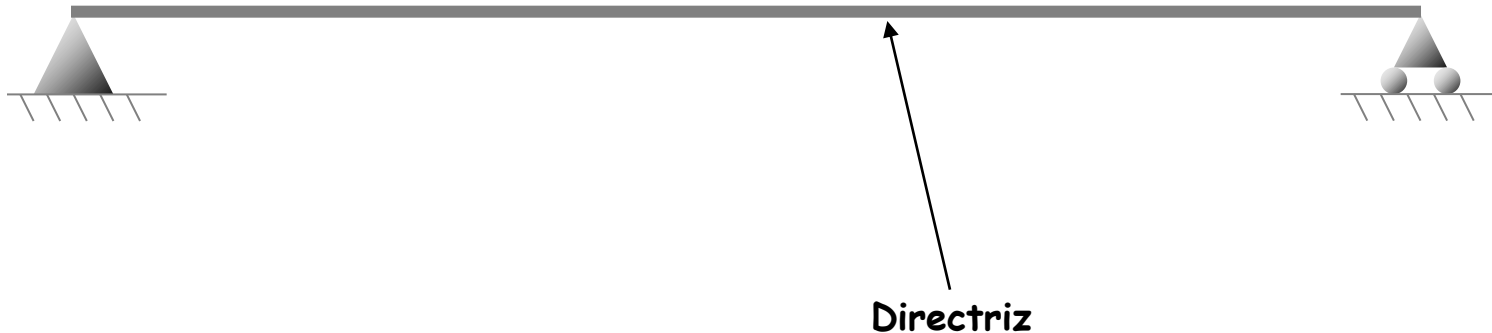


Representación



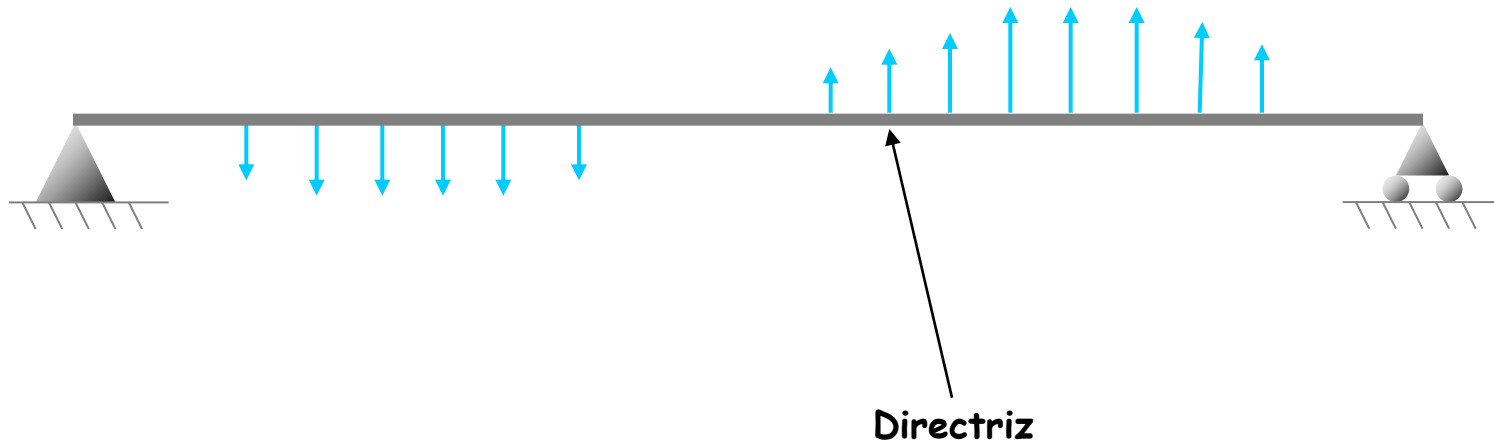
Representación

Como se comentó anteriormente, se utilizan dos simplificaciones importantes. Una es la hipótesis de deformación de Bernoulli para los elementos diferenciales. La segunda consiste en considerar que el giro de cada elemento diferencial es lo suficientemente pequeño como para que sea asimilado a un triángulo rectángulo. De estas dos simplificaciones se deduce que la proyección de la elástica sobre la directriz en el reposo y la dimensión de dicha directriz son iguales



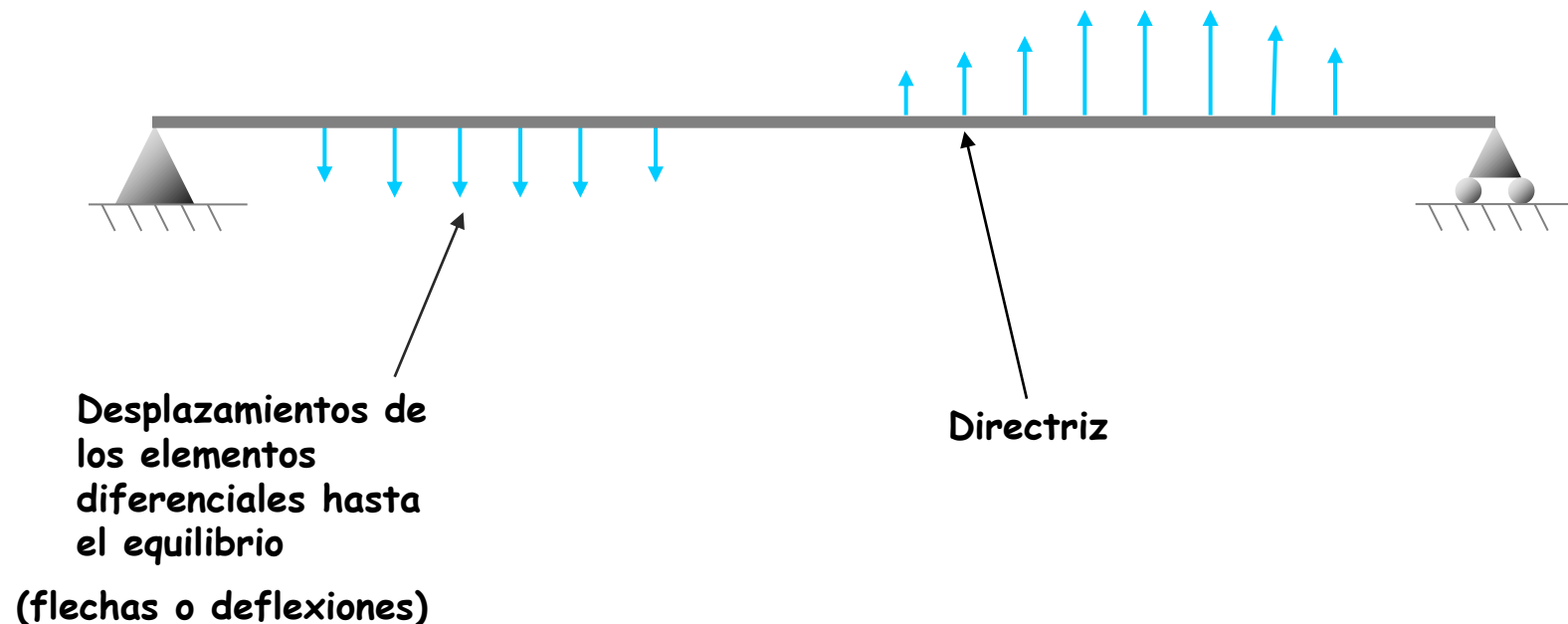
Representación

Como se comentó anteriormente, se utilizan dos simplificaciones importantes. Una es la hipótesis de deformación de Bernoulli para los elementos diferenciales. La segunda consiste en considerar que el giro de cada elemento diferencial es lo suficientemente pequeño como para que sea asimilado a un triángulo rectángulo. De estas dos simplificaciones se deduce que la proyección de la elástica sobre la directriz en el reposo y la dimensión de dicha directriz son iguales



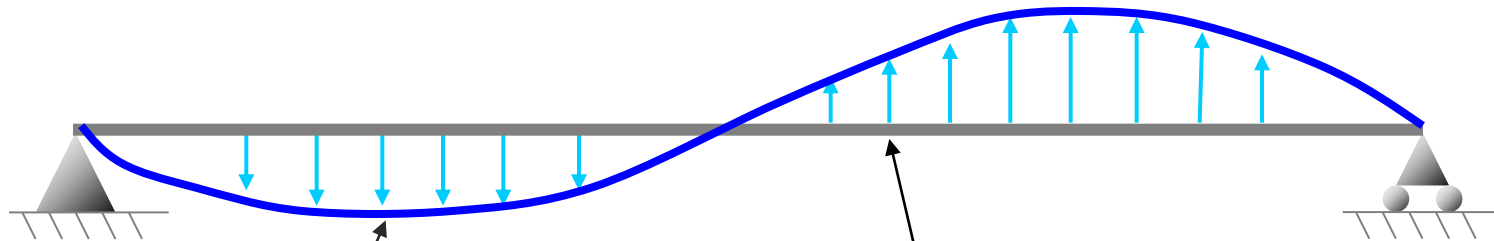
Representación

Como se comentó anteriormente, se utilizan dos simplificaciones importantes. Una es la hipótesis de deformación de Bernoulli para los elementos diferenciales. La segunda consiste en considerar que el giro de cada elemento diferencial es lo suficientemente pequeño como para que sea asimilado a un triángulo rectángulo. De estas dos simplificaciones se deduce que la proyección de la elástica sobre la directriz en el reposo y la dimensión de dicha directriz son iguales



Representación

Como se comentó anteriormente, se utilizan dos simplificaciones importantes. Una es la hipótesis de deformación de Bernoulli para los elementos diferenciales. La segunda consiste en considerar que el giro de cada elemento diferencial es lo suficientemente pequeño como para que sea asimilado a un triángulo rectángulo. De estas dos simplificaciones se deduce que la proyección de la elástica sobre la directriz en el reposo y la dimensión de dicha directriz son iguales

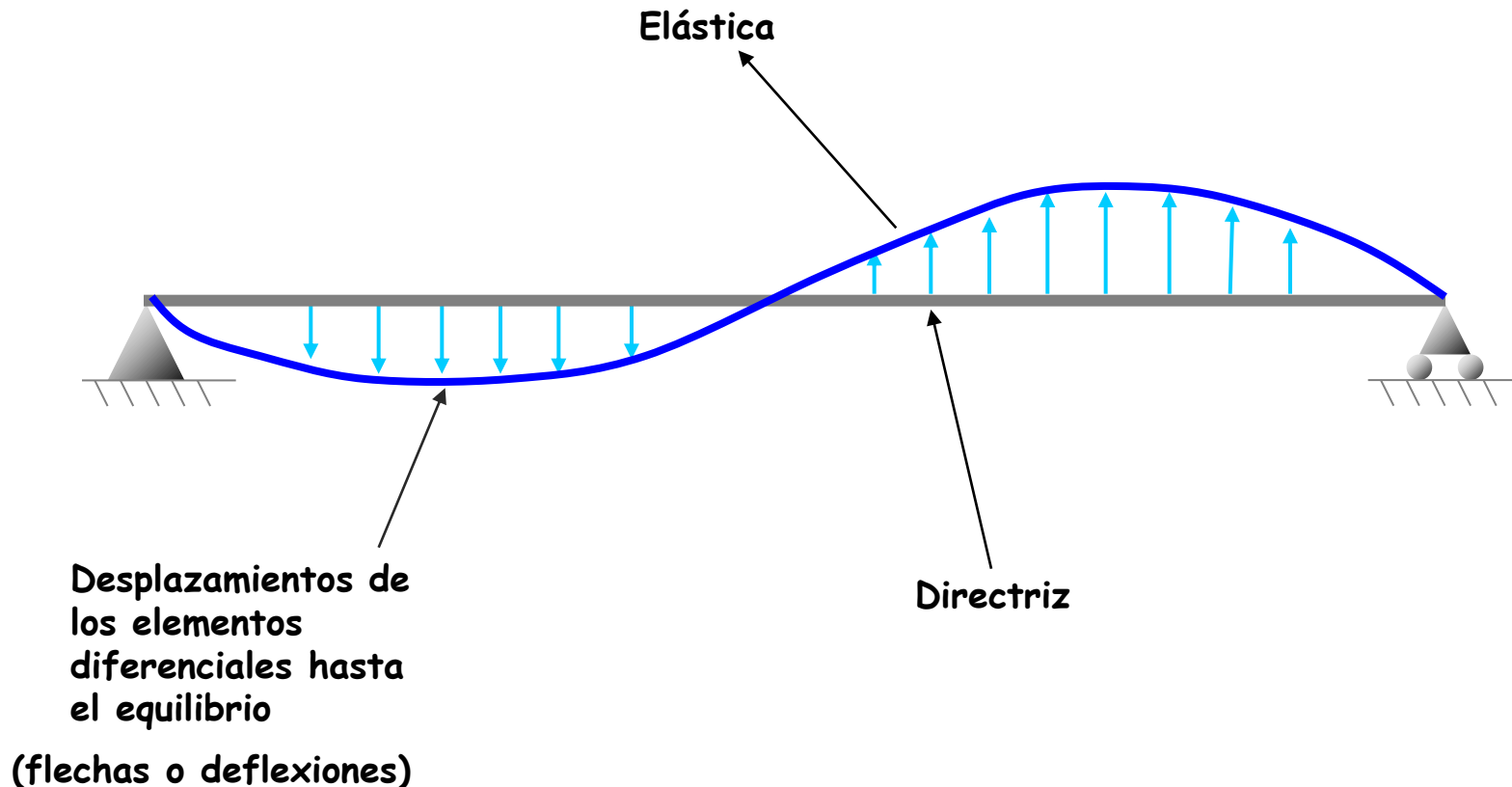


Desplazamientos de los elementos diferenciales hasta el equilibrio
(flechas o deflexiones)

Directriz

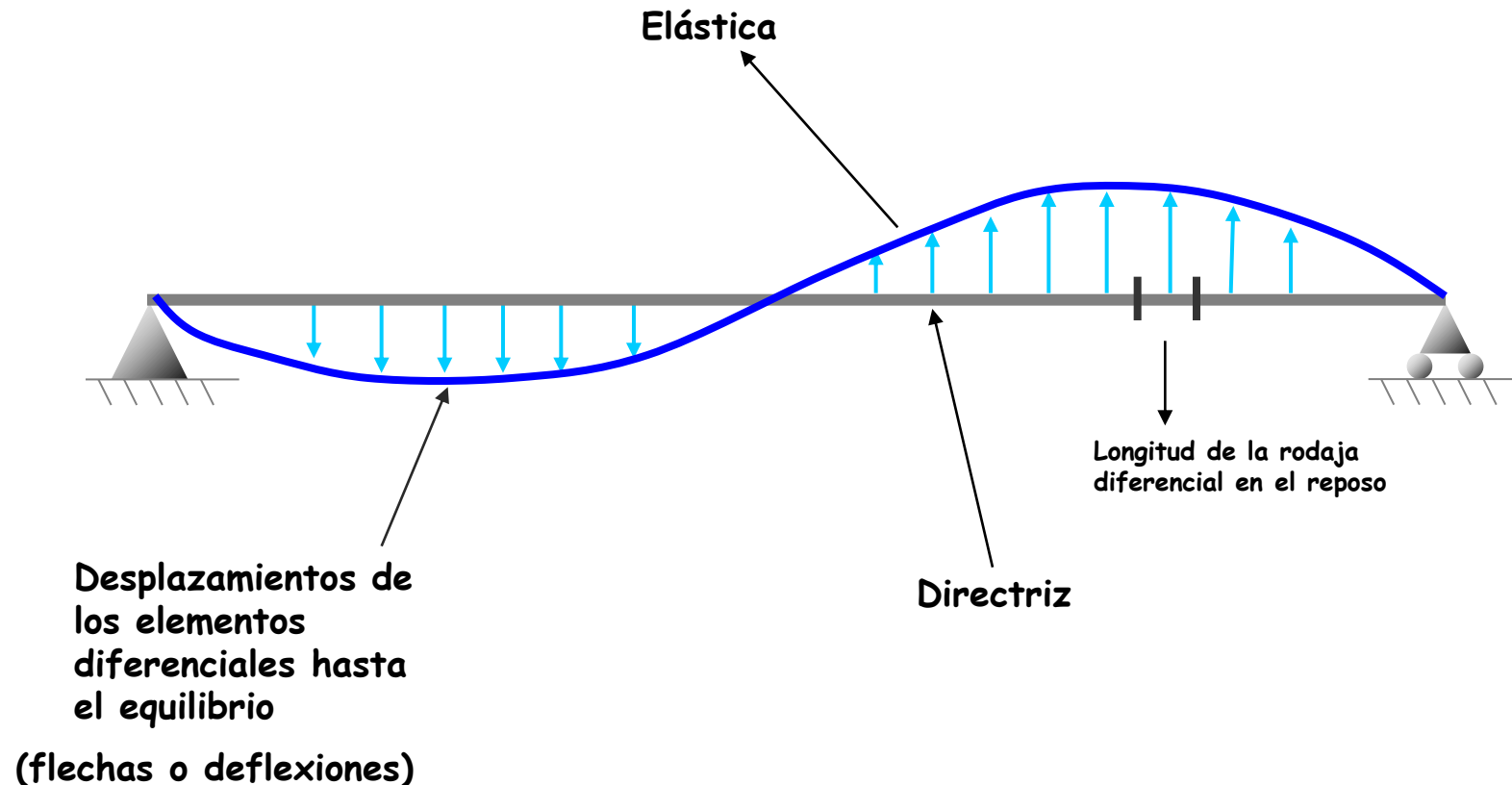
Representación

Como se comentó anteriormente, se utilizan dos simplificaciones importantes. Una es la hipótesis de deformación de Bernoulli para los elementos diferenciales. La segunda consiste en considerar que el giro de cada elemento diferencial es lo suficientemente pequeño como para que sea asimilado a un triángulo rectángulo. De estas dos simplificaciones se deduce que la proyección de la elástica sobre la directriz en el reposo y la dimensión de dicha directriz son iguales



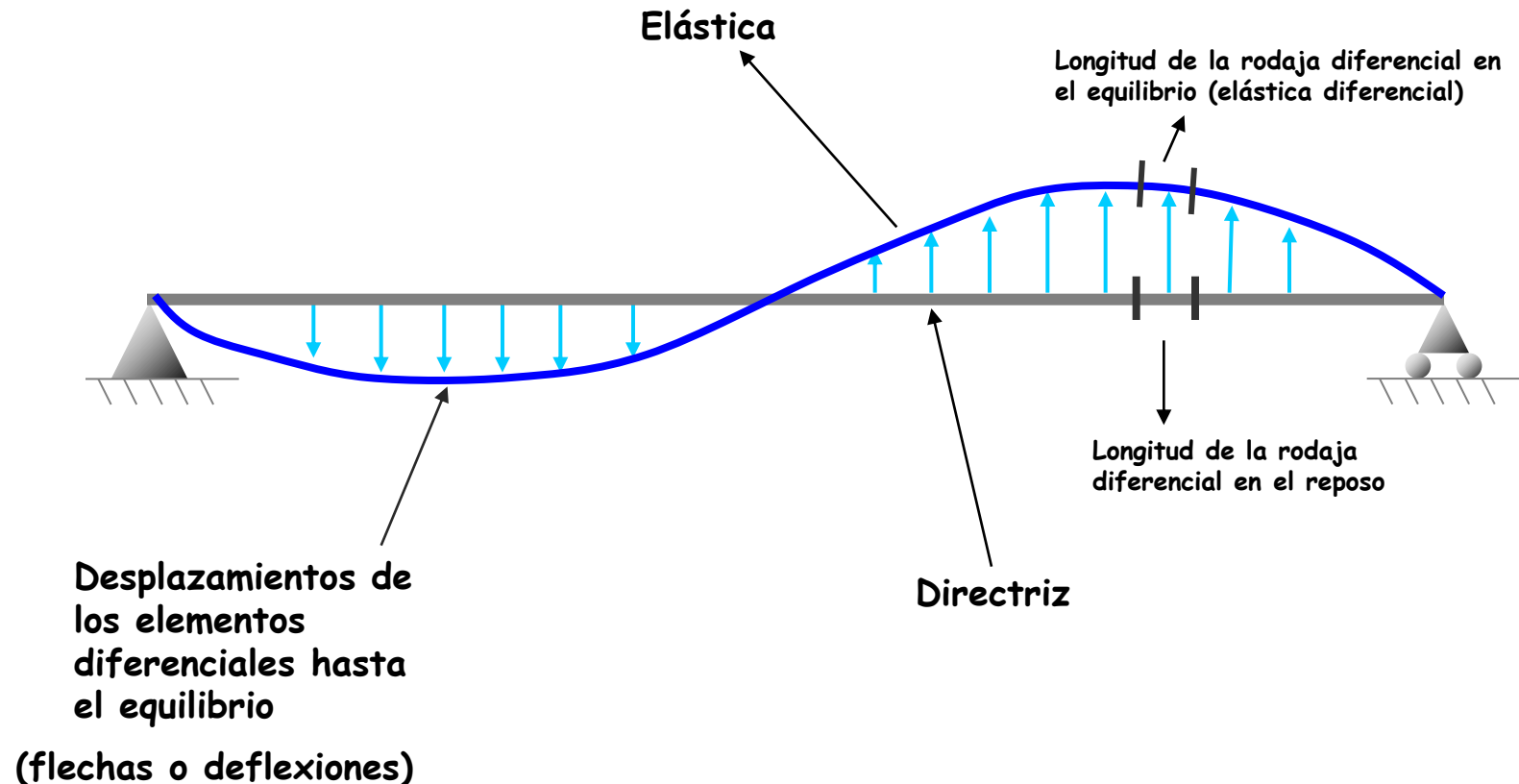
Representación

Como se comentó anteriormente, se utilizan dos simplificaciones importantes. Una es la hipótesis de deformación de Bernoulli para los elementos diferenciales. La segunda consiste en considerar que el giro de cada elemento diferencial es lo suficientemente pequeño como para que sea asimilado a un triángulo rectángulo. De estas dos simplificaciones se deduce que la proyección de la elástica sobre la directriz en el reposo y la dimensión de dicha directriz son iguales



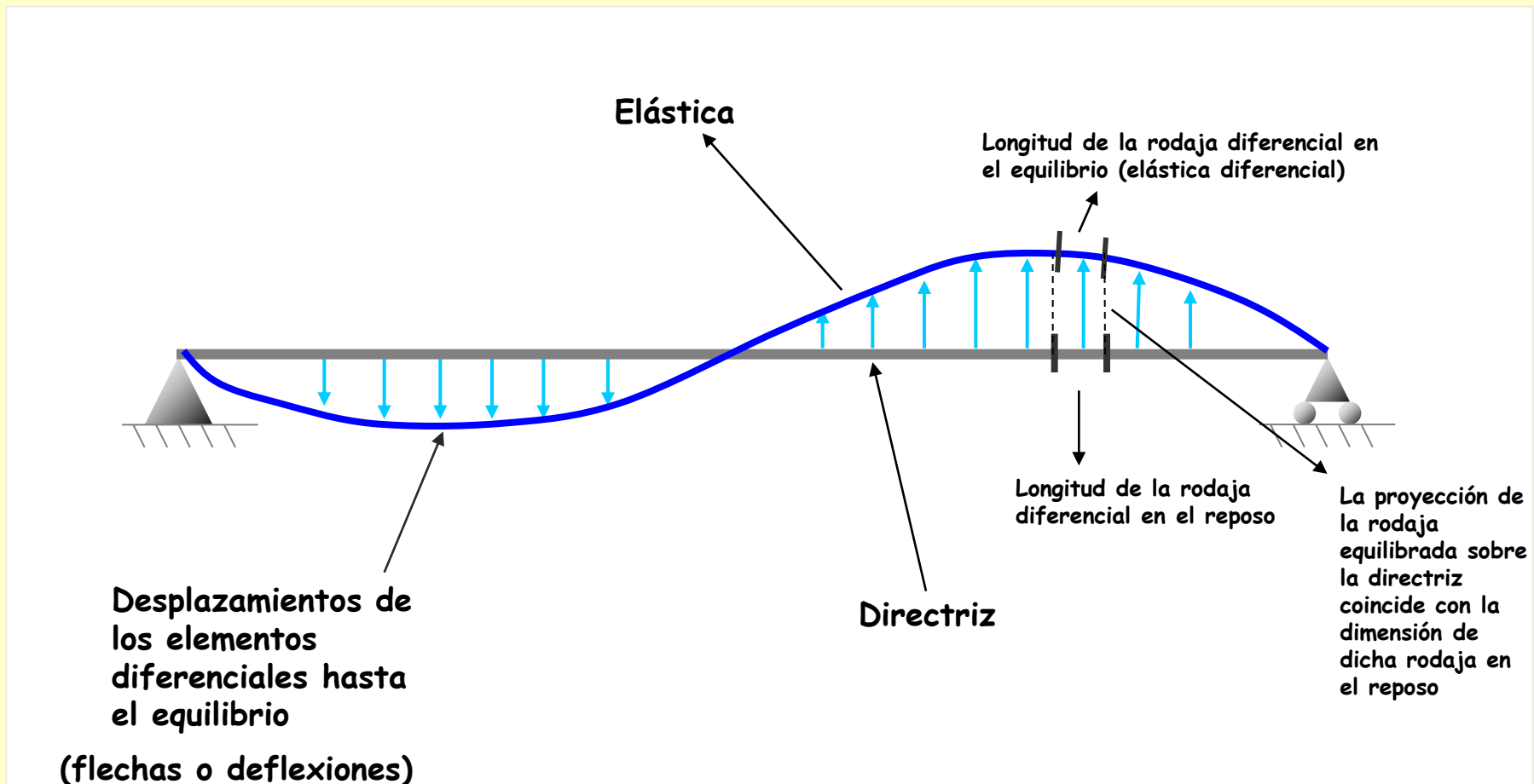
Representación

Como se comentó anteriormente, se utilizan dos simplificaciones importantes. Una es la hipótesis de deformación de Bernoulli para los elementos diferenciales. La segunda consiste en considerar que el giro de cada elemento diferencial es lo suficientemente pequeño como para que sea asimilado a un triángulo rectángulo. De estas dos simplificaciones se deduce que la proyección de la elástica sobre la directriz en el reposo y la dimensión de dicha directriz son iguales



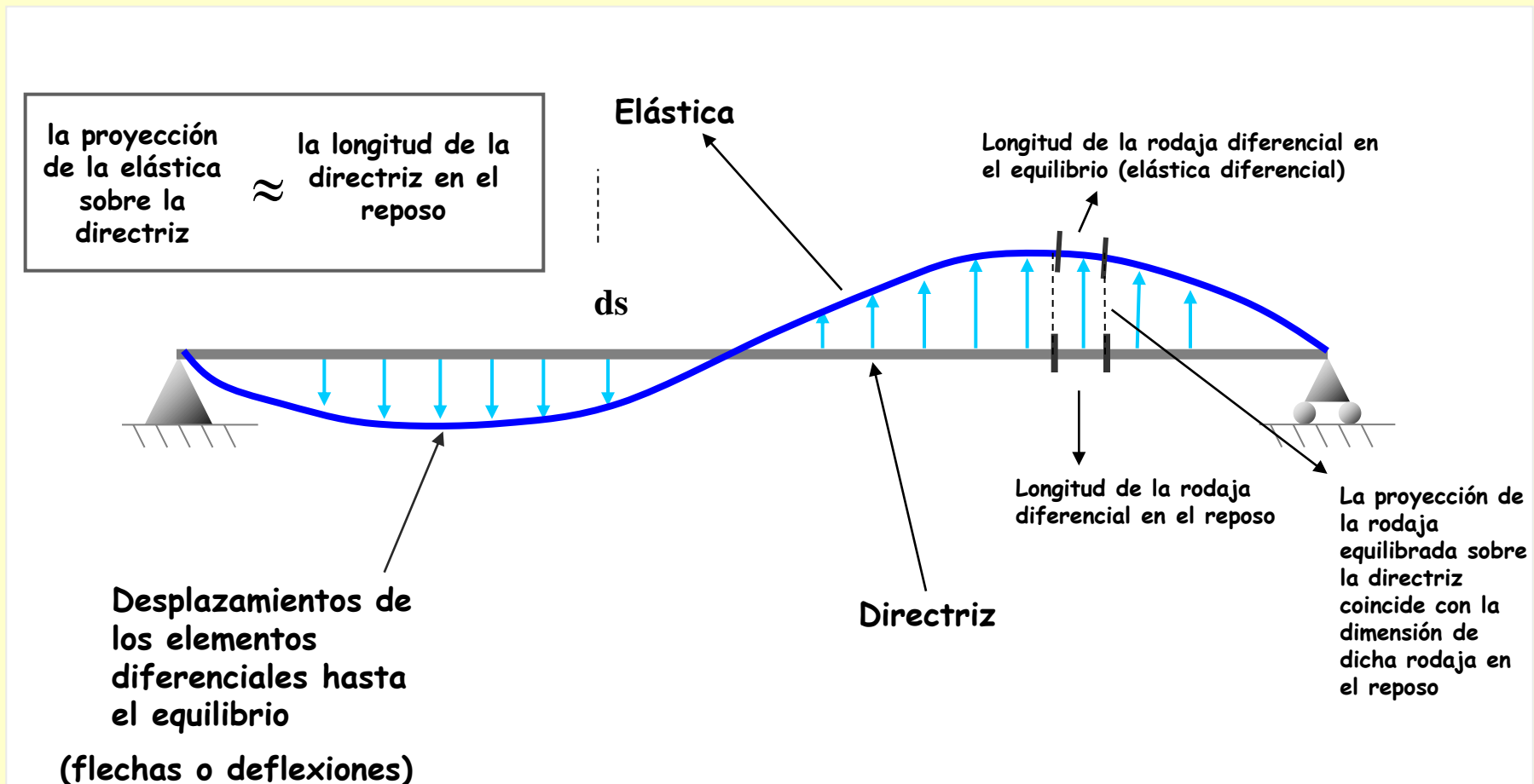
Representación

Como se comentó anteriormente, se utilizan dos simplificaciones importantes. Una es la hipótesis de deformación de Bernoulli para los elementos diferenciales. La segunda consiste en considerar que el giro de cada elemento diferencial es lo suficientemente pequeño como para que sea asimilado a un triángulo rectángulo. De estas dos simplificaciones se deduce que la proyección de la elástica sobre la directriz en el reposo y la dimensión de dicha directriz son iguales



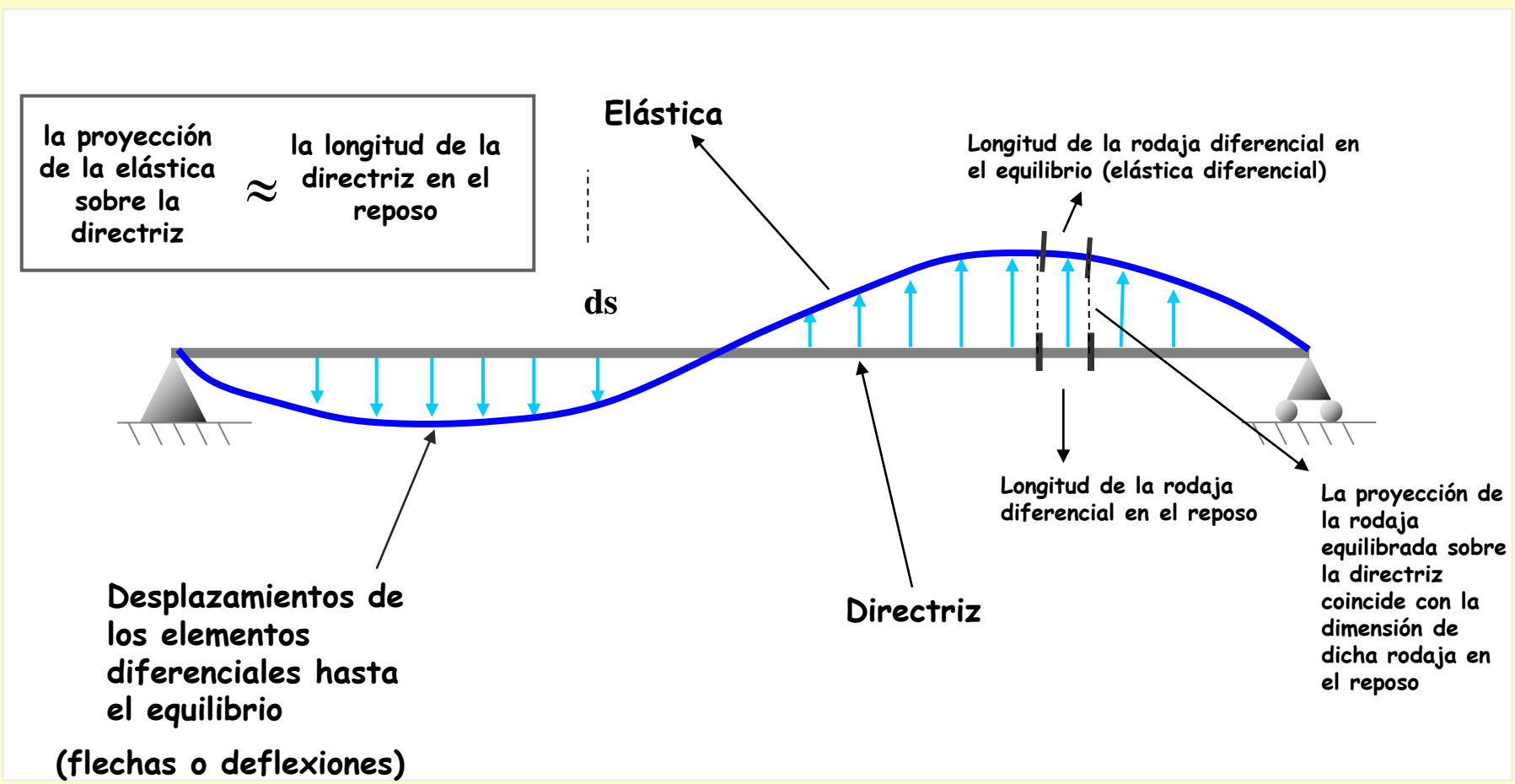
Representación

Como se comentó anteriormente, se utilizan dos simplificaciones importantes. Una es la hipótesis de deformación de Bernoulli para los elementos diferenciales. La segunda consiste en considerar que el giro de cada elemento diferencial es lo suficientemente pequeño como para que sea asimilado a un triángulo rectángulo. De estas dos simplificaciones se deduce que la proyección de la elástica sobre la directriz en el reposo y la dimensión de dicha directriz son iguales



Representación

Como se comentó anteriormente, se utilizan dos simplificaciones importantes. Una es la hipótesis de deformación de Bernoulli para los elementos diferenciales. La segunda consiste en considerar que el giro de cada elemento diferencial es lo suficientemente pequeño como para que sea asimilado a un triángulo rectángulo. De estas dos simplificaciones se deduce que la proyección de la elástica sobre la directriz en el reposo y la dimensión de dicha directriz son iguales





Cálculo de deformaciones por métodos matemáticos





Cálculo de deformaciones por métodos matemáticos





Cálculo de deformaciones por métodos matemáticos

Generalidades
sobre los
tramos viga

Concepto
Representación
Deformación

Hipótesis
aceptadas

Solicitaciones
dominantes
Deformación

de un elemento
diferencial
de un tramo

Definición
Representación
Observaciones

1



Observación 1



Observación 1

En tramos sin articulaciones internas, la pendiente de la elástica es una función continua en todos sus puntos. Una rótula interna creará en ese lugar una discontinuidad en la elástica

Observación 1

En tramos sin articulaciones internas, la pendiente de la elástica es una función continua en todos sus puntos. Una rótula interna creará en ese lugar una discontinuidad en la elástica

Ejemplo: viga biapoyada

Observación 1

En tramos sin articulaciones internas, la pendiente de la elástica es una función continua en todos sus puntos. Una rótula interna creará en ese lugar una discontinuidad en la elástica

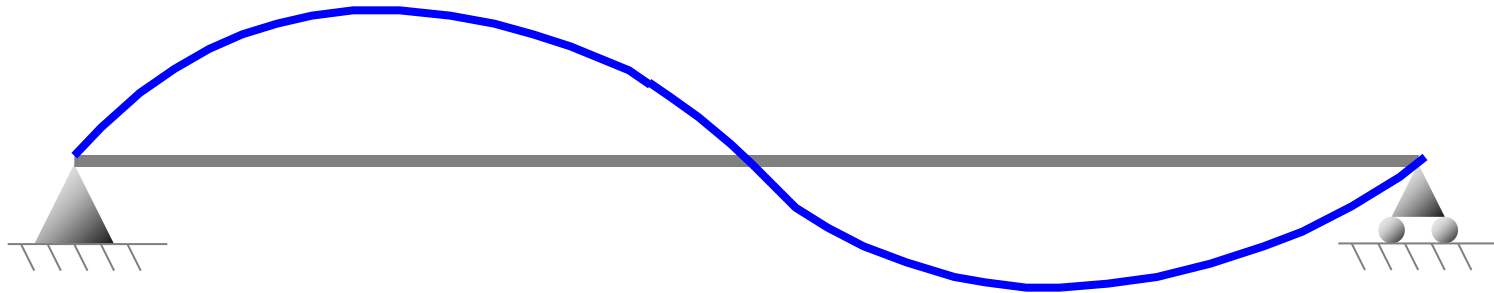
Ejemplo: viga biapoyada



Observación 1

En tramos sin articulaciones internas, la pendiente de la elástica es una función continua en todos sus puntos. Una rótula interna creará en ese lugar una discontinuidad en la elástica

Ejemplo: viga biapoyada

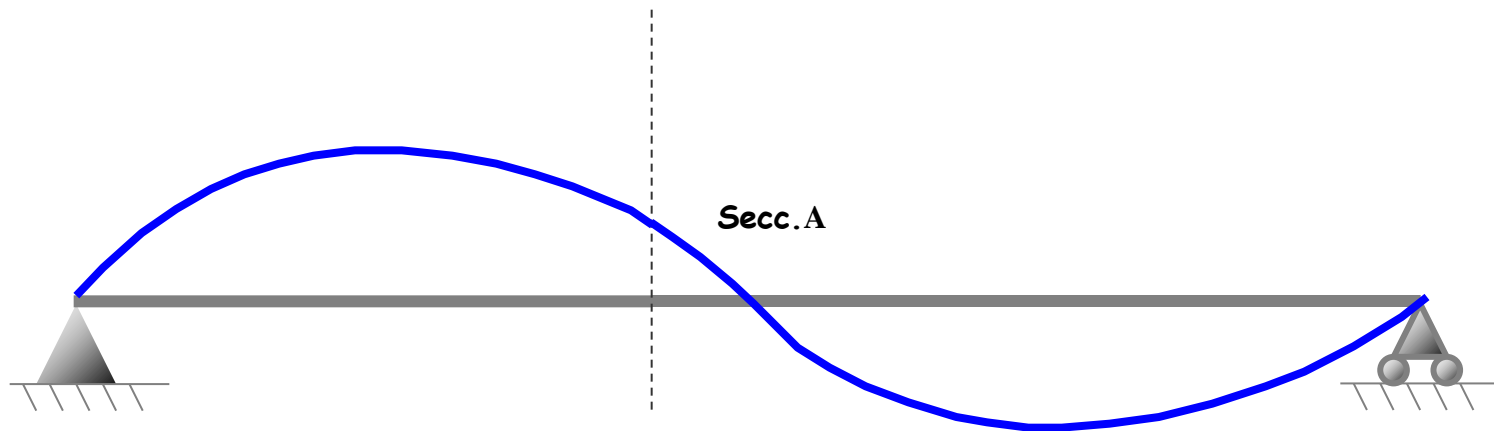


Elástica posible

Observación 1

En tramos sin articulaciones internas, la pendiente de la elástica es una función continua en todos sus puntos. Una rótula interna creará en ese lugar una discontinuidad en la elástica

Ejemplo: viga biapoyada

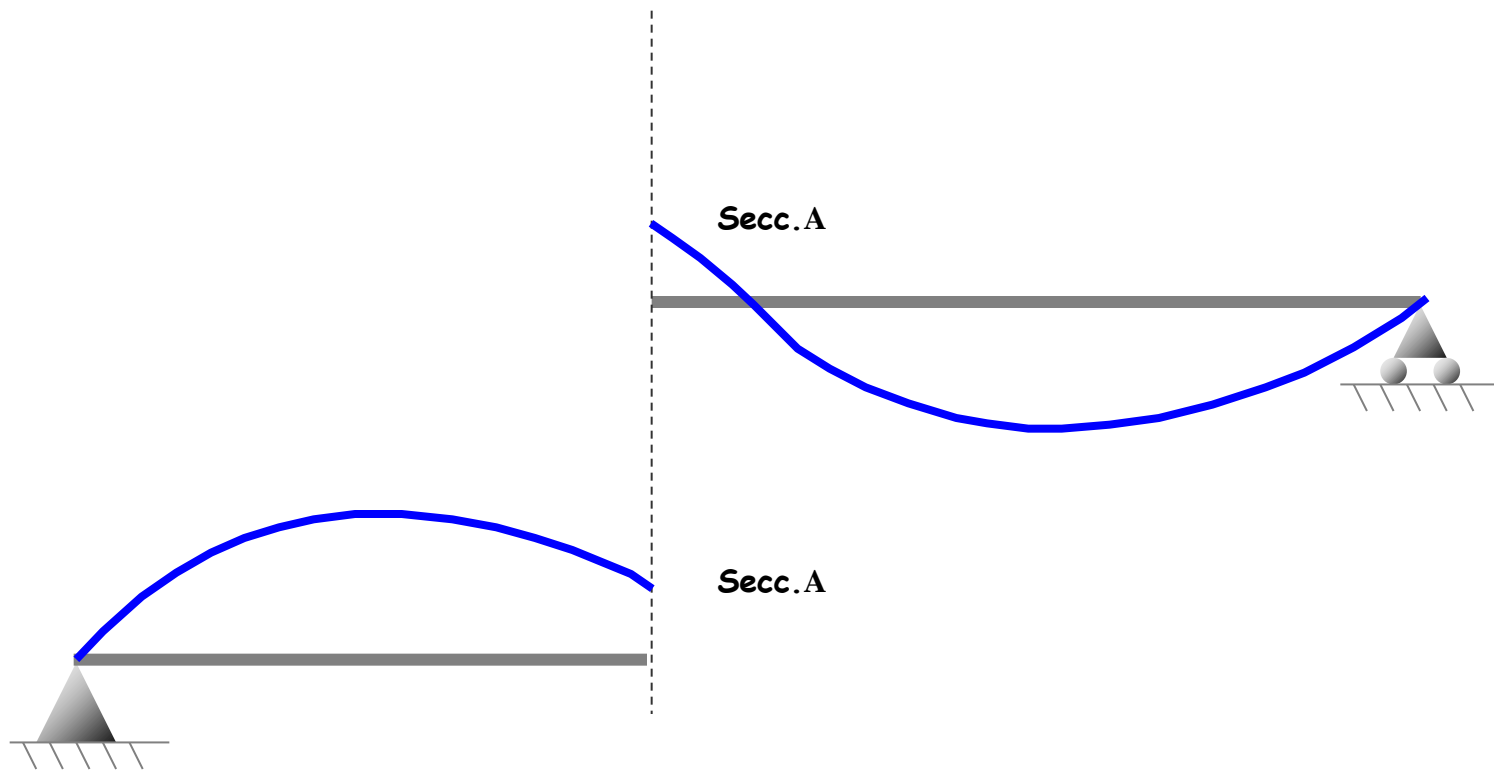


Elástica posible

Observación 1

En tramos sin articulaciones internas, la pendiente de la elástica es una función continua en todos sus puntos. Una rótula interna creará en ese lugar una discontinuidad en la elástica

Ejemplo: viga biapoyada

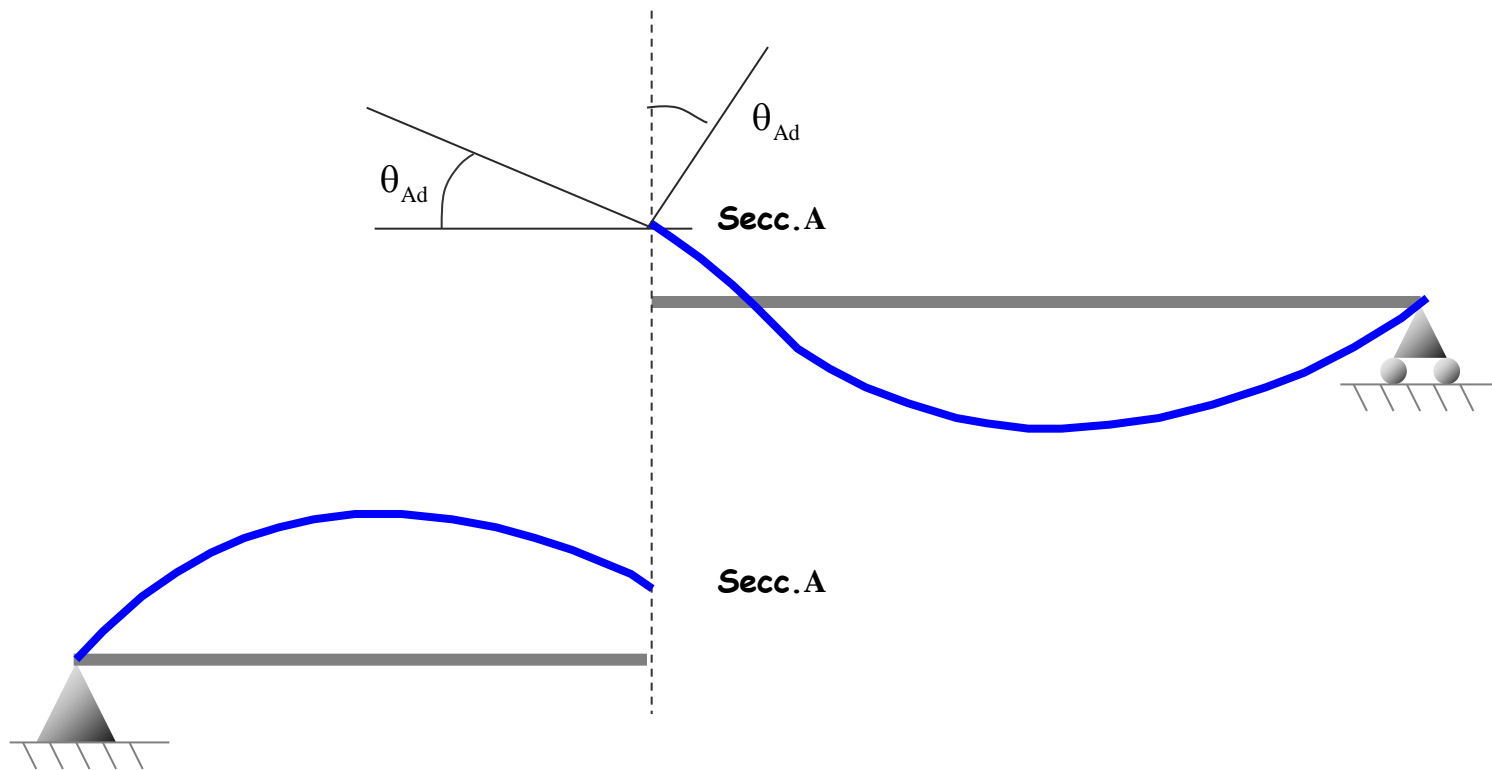


Elástica posible

Observación 1

En tramos sin articulaciones internas, la pendiente de la elástica es una función continua en todos sus puntos. Una rótula interna creará en ese lugar una discontinuidad en la elástica

Ejemplo: viga biapoyada

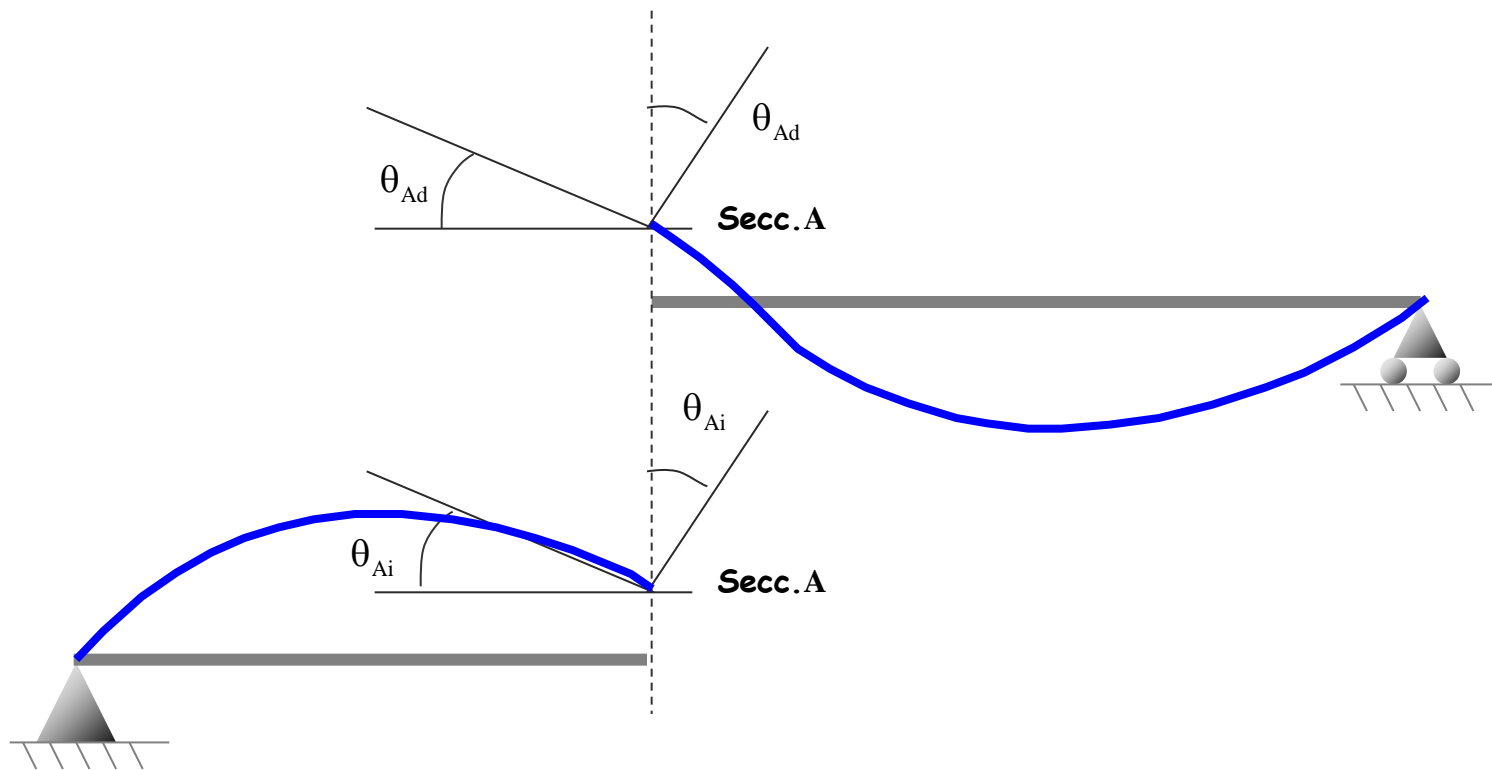


Elástica posible

Observación 1

En tramos sin articulaciones internas, la pendiente de la elástica es una función continua en todos sus puntos. Una rótula interna creará en ese lugar una discontinuidad en la elástica

Ejemplo: viga biapoyada

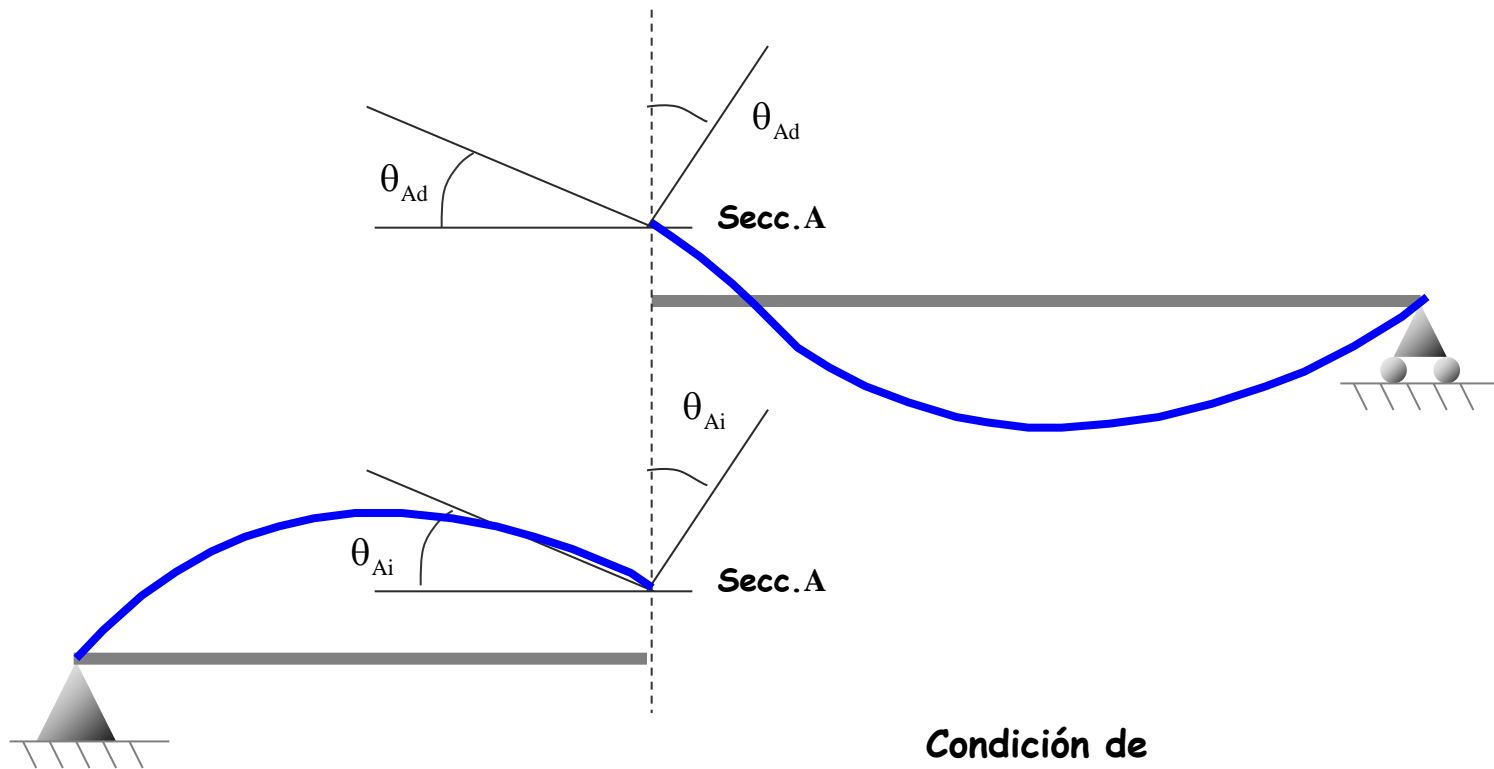


Elástica posible

Observación 1

En tramos sin articulaciones internas, la pendiente de la elástica es una función continua en todos sus puntos. Una rótula interna creará en ese lugar una discontinuidad en la elástica

Ejemplo: viga biapoyada



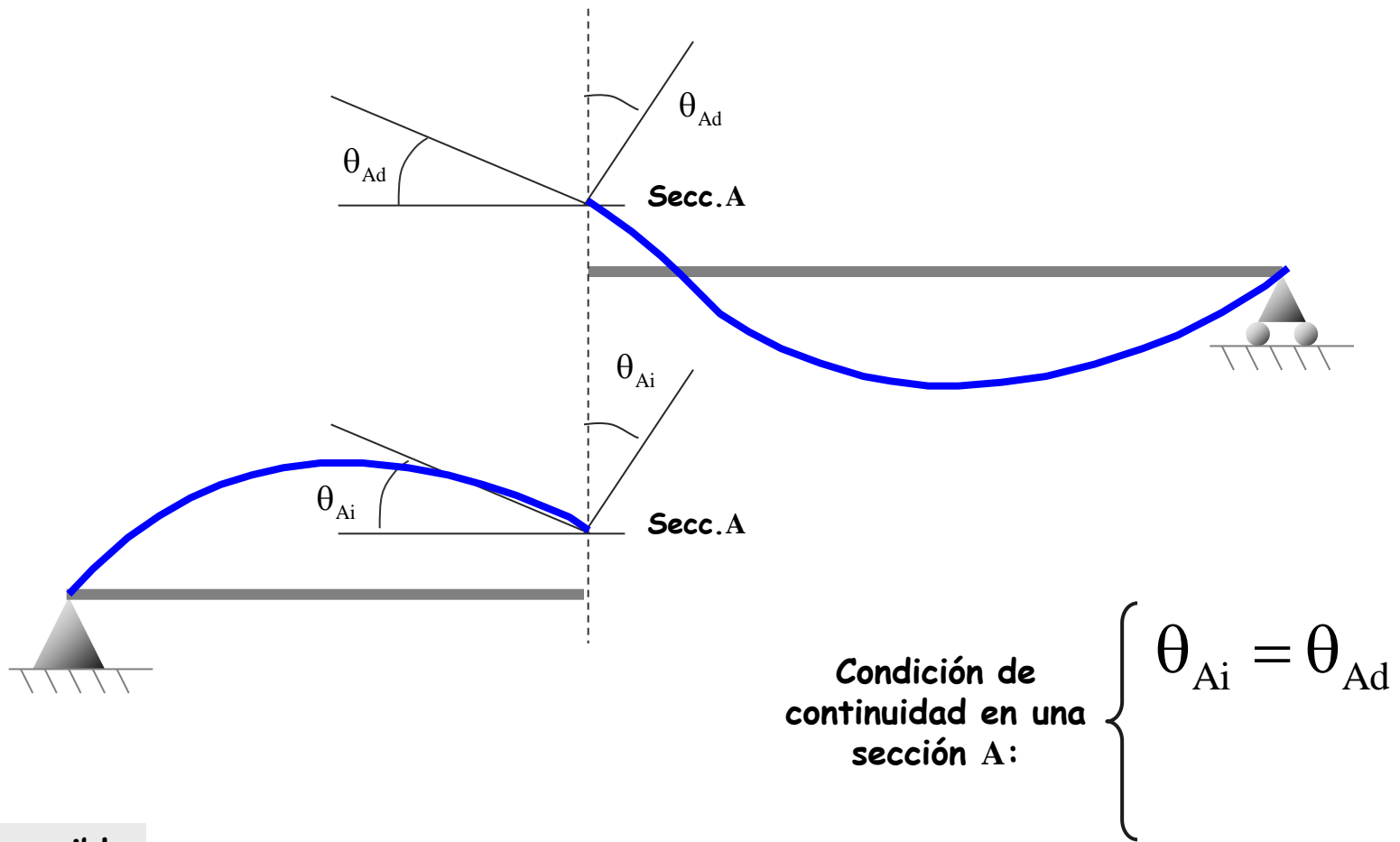
Condición de
continuidad en una
sección A:

Elástica posible

Observación 1

En tramos sin articulaciones internas, la pendiente de la elástica es una función continua en todos sus puntos. Una rótula interna creará en ese lugar una discontinuidad en la elástica

Ejemplo: viga biapoyada

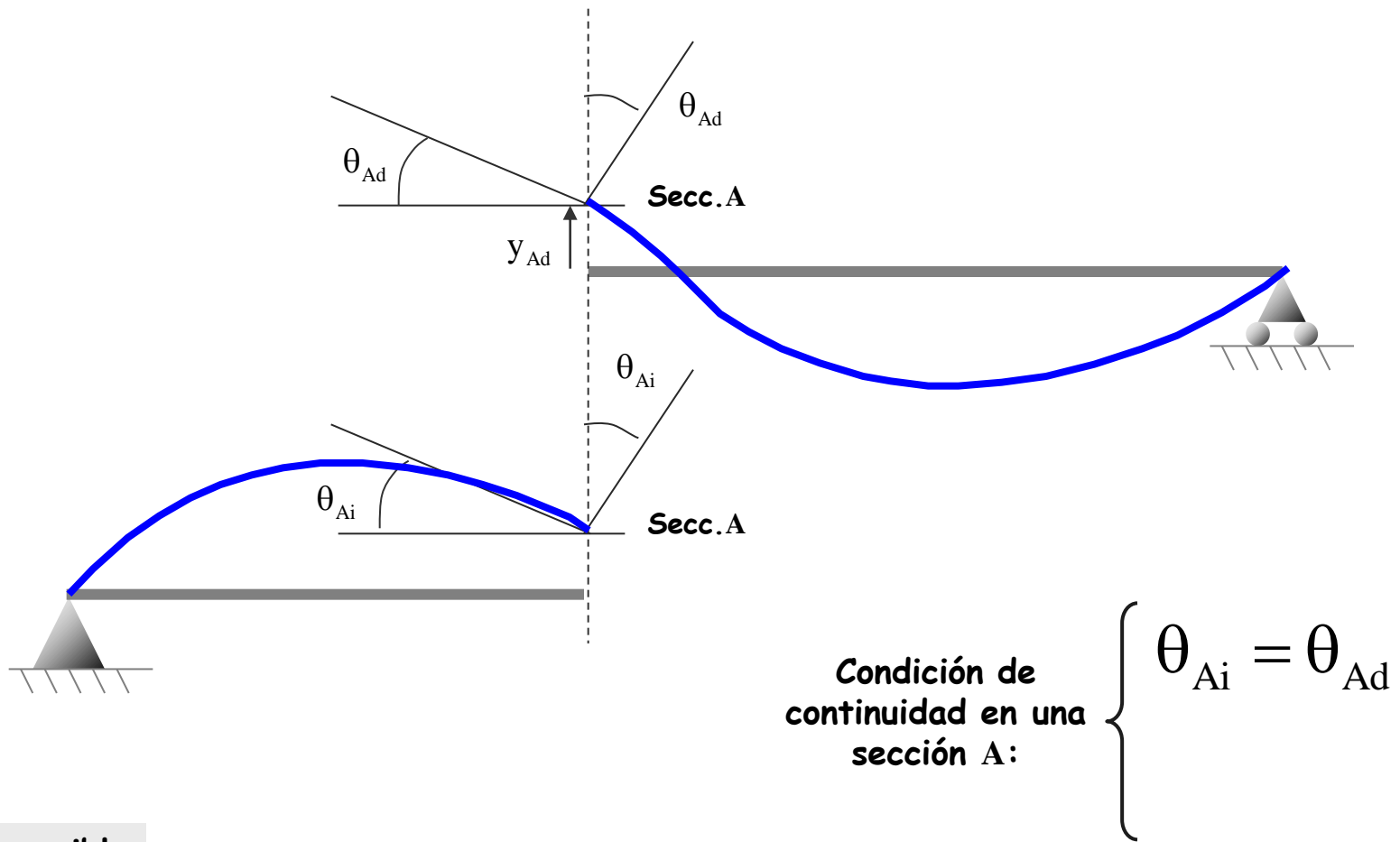


Elástica posible

Observación 1

En tramos sin articulaciones internas, la pendiente de la elástica es una función continua en todos sus puntos. Una rótula interna creará en ese lugar una discontinuidad en la elástica

Ejemplo: viga biapoyada

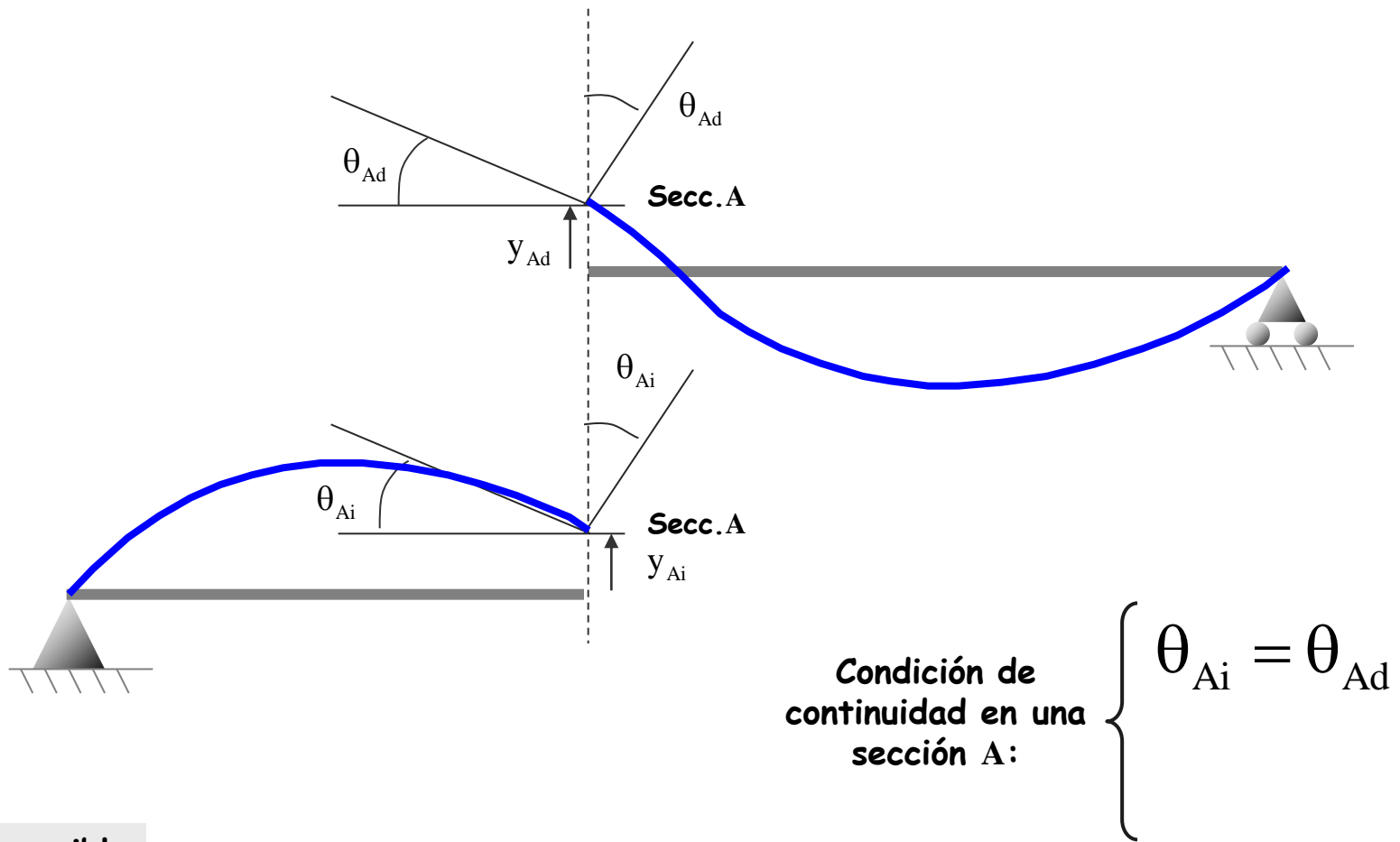


Elástica posible

Observación 1

En tramos sin articulaciones internas, la pendiente de la elástica es una función continua en todos sus puntos. Una rótula interna creará en ese lugar una discontinuidad en la elástica

Ejemplo: viga biapoyada



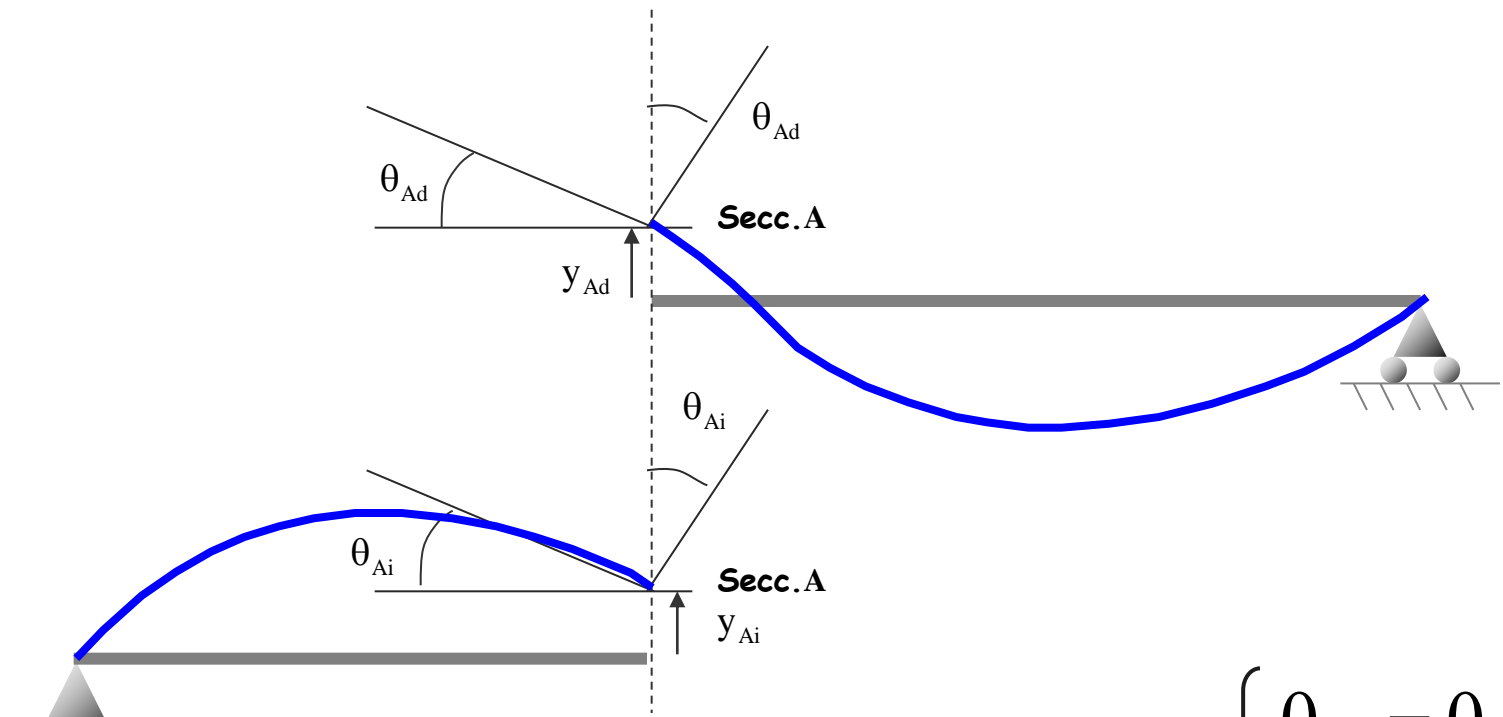
Elástica posible



Observación 1

En tramos sin articulaciones internas, la pendiente de la elástica es una función continua en todos sus puntos. Una rótula interna creará en ese lugar una discontinuidad en la elástica

Ejemplo: viga biapoyada



Condición de continuidad en una sección A:

$$\begin{cases} \theta_{Ai} = \theta_{Ad} \\ y_{Ai} = y_{Ad} \end{cases}$$

Elástica posible



Observación 1

En tramos sin articulaciones internas, la pendiente de la elástica es una función continua en todos sus puntos. Una rótula interna creará en ese lugar una discontinuidad en la elástica

Observación 1

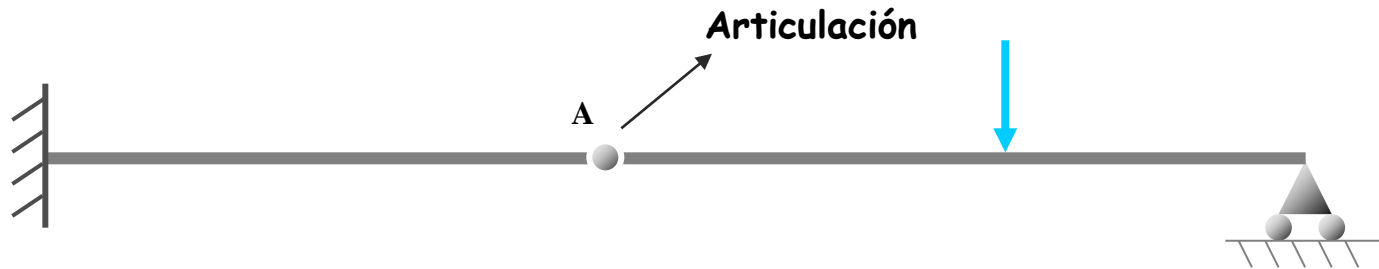
En tramos sin articulaciones internas, la pendiente de la elástica es una función continua en todos sus puntos. Una rótula interna creará en ese lugar una discontinuidad en la elástica

Ejemplo: viga apoyada y empotrada con articulación interna

Observación 1

En tramos sin articulaciones internas, la pendiente de la elástica es una función continua en todos sus puntos. Una rótula interna creará en ese lugar una discontinuidad en la elástica

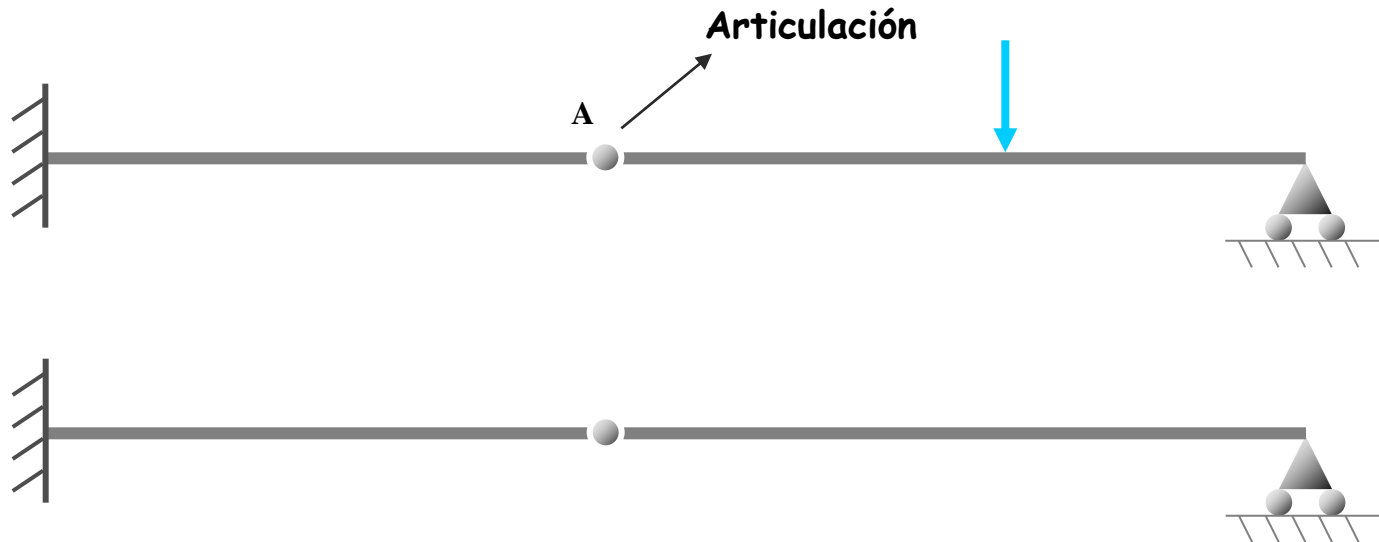
Ejemplo: viga apoyada y empotrada con articulación interna



Observación 1

En tramos sin articulaciones internas, la pendiente de la elástica es una función continua en todos sus puntos. Una rótula interna creará en ese lugar una discontinuidad en la elástica

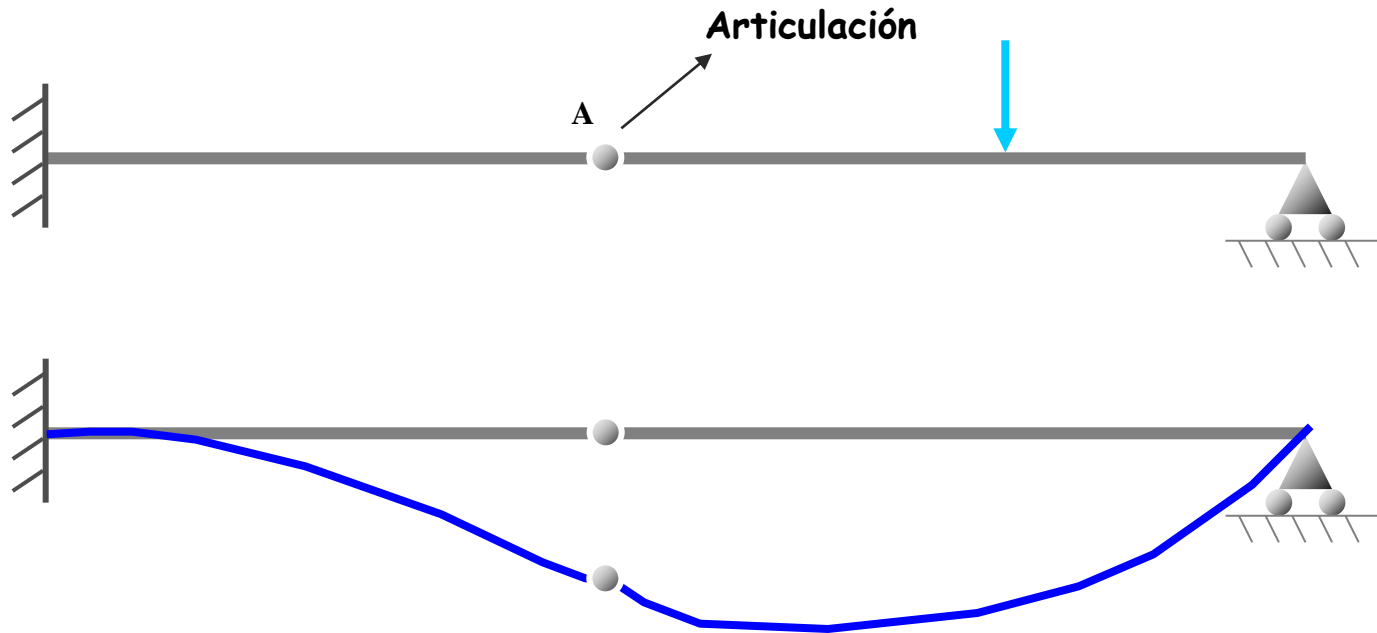
Ejemplo: viga apoyada y empotrada con articulación interna



Observación 1

En tramos sin articulaciones internas, la pendiente de la elástica es una función continua en todos sus puntos. Una rótula interna creará en ese lugar una discontinuidad en la elástica

Ejemplo: viga apoyada y empotrada con articulación interna

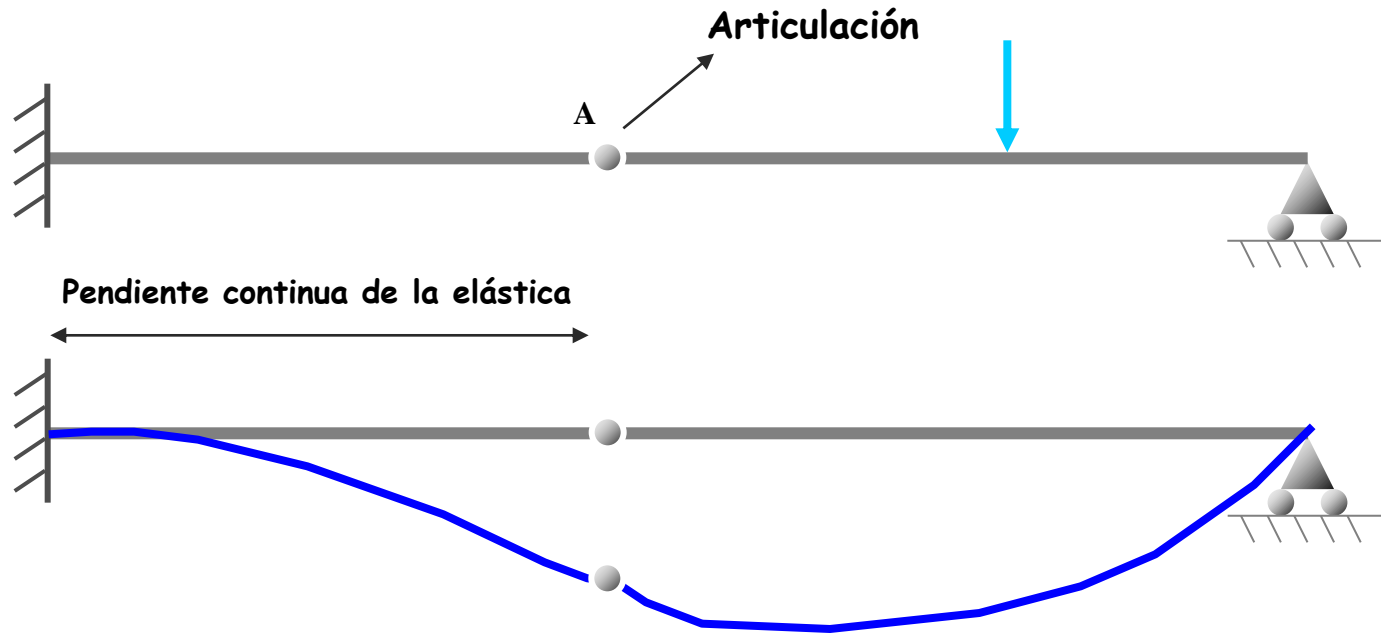


Elástica posible

Observación 1

En tramos sin articulaciones internas, la pendiente de la elástica es una función continua en todos sus puntos. Una rótula interna creará en ese lugar una discontinuidad en la elástica

Ejemplo: viga apoyada y empotrada con articulación interna

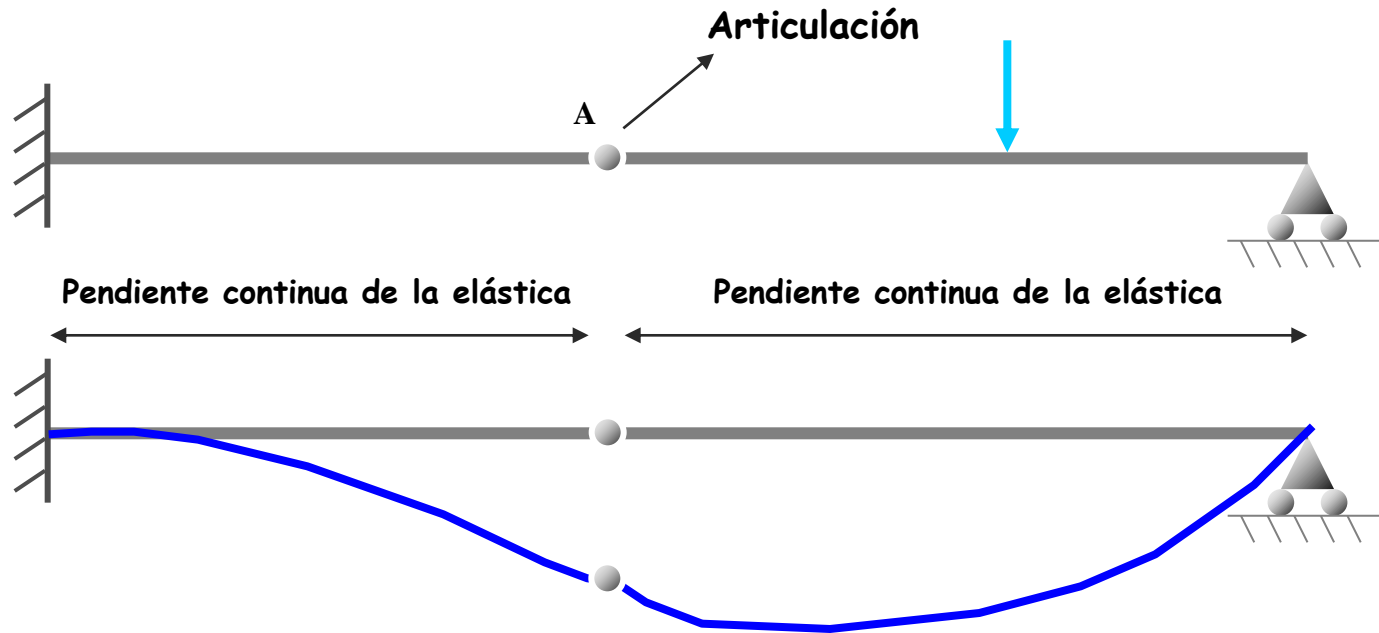


Elástica posible

Observación 1

En tramos sin articulaciones internas, la pendiente de la elástica es una función continua en todos sus puntos. Una rótula interna creará en ese lugar una discontinuidad en la elástica

Ejemplo: viga apoyada y empotrada con articulación interna

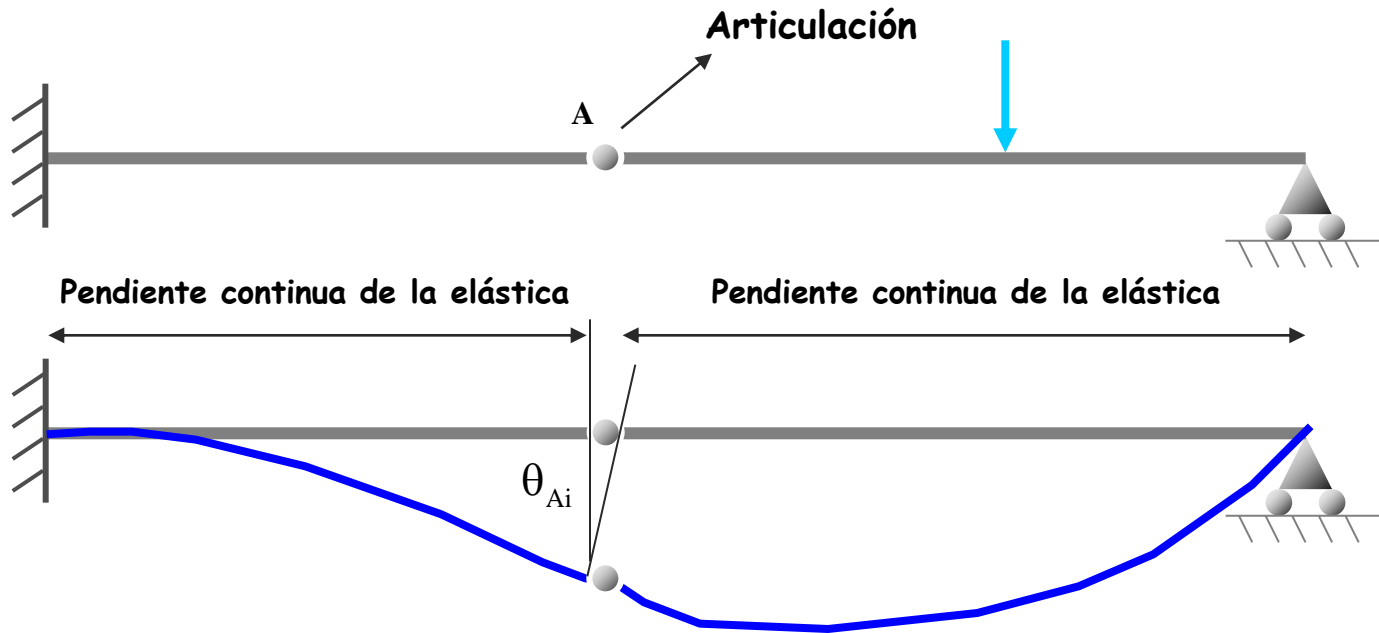


Elástica posible

Observación 1

En tramos sin articulaciones internas, la pendiente de la elástica es una función continua en todos sus puntos. Una rótula interna creará en ese lugar una discontinuidad en la elástica

Ejemplo: viga apoyada y empotrada con articulación interna

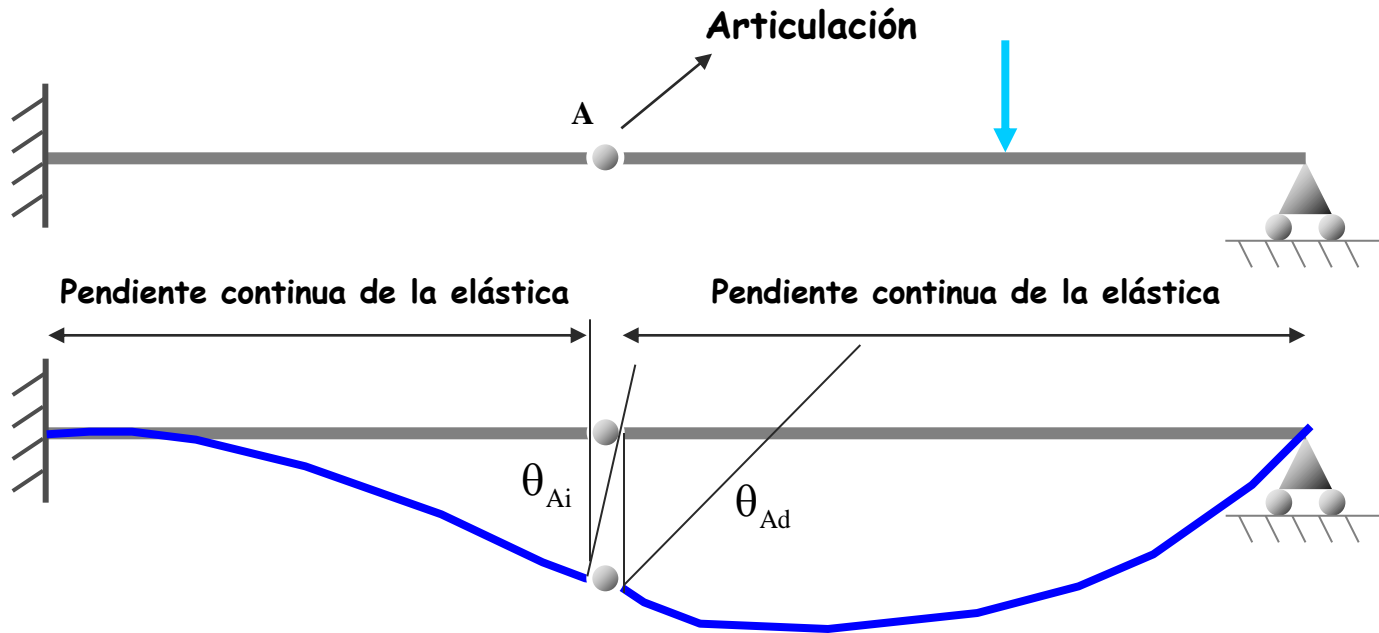


Elástica posible

Observación 1

En tramos sin articulaciones internas, la pendiente de la elástica es una función continua en todos sus puntos. Una rótula interna creará en ese lugar una discontinuidad en la elástica

Ejemplo: viga apoyada y empotrada con articulación interna

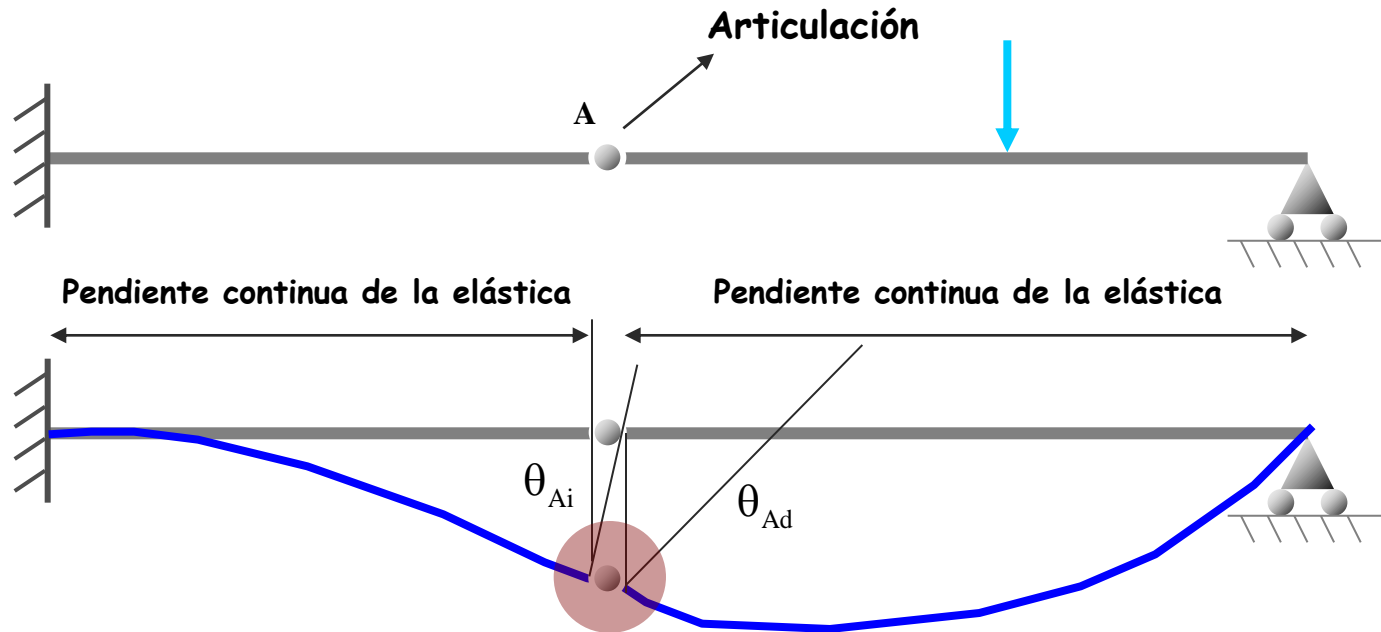


Elástica posible

Observación 1

En tramos sin articulaciones internas, la pendiente de la elástica es una función continua en todos sus puntos. Una rótula interna creará en ese lugar una discontinuidad en la elástica

Ejemplo: viga apoyada y empotrada con articulación interna



Condición en la articulación:

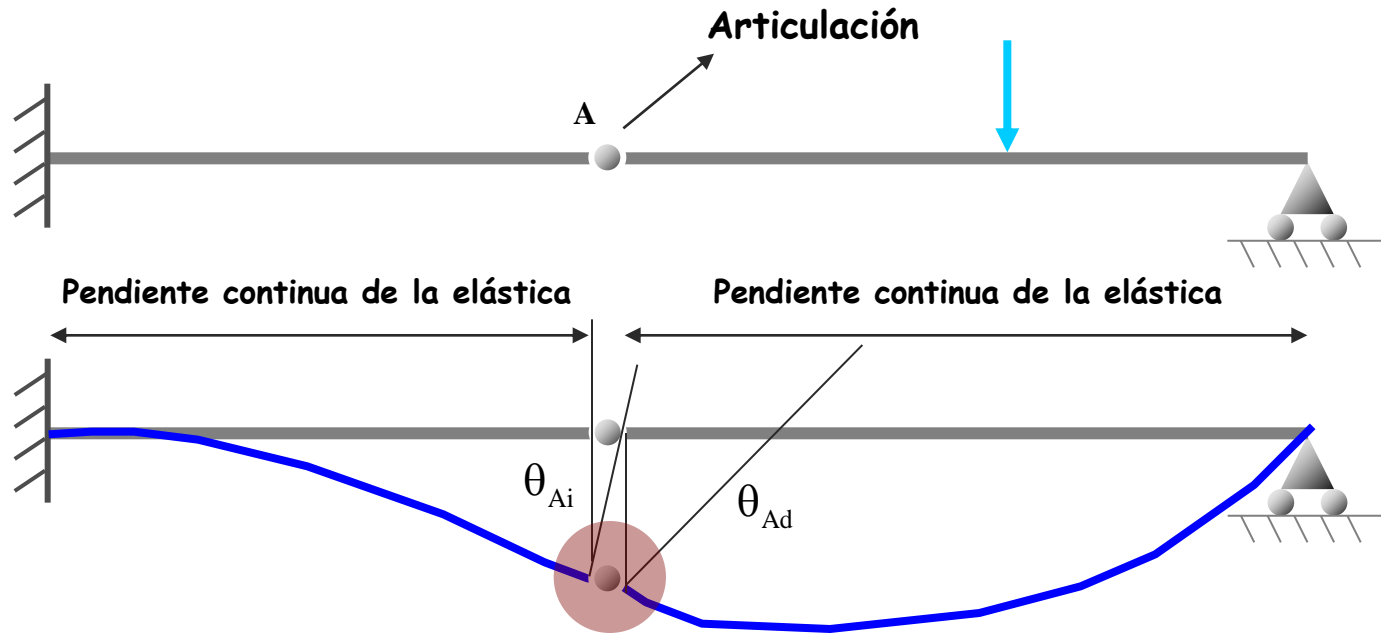
$$\left\{ \begin{array}{l} \theta_{Ai} \neq \theta_{Ad} \end{array} \right.$$

Elástica posible

Observación 1

En tramos sin articulaciones internas, la pendiente de la elástica es una función continua en todos sus puntos. Una rótula interna creará en ese lugar una discontinuidad en la elástica

Ejemplo: viga apoyada y empotrada con articulación interna



Condición en la articulación:

$$\begin{cases} \theta_{Ai} \neq \theta_{Ad} \\ y_{Ai} = y_{Ad} \end{cases}$$

Elástica posible



Cálculo de deformaciones por métodos matemáticos

Generalidades
sobre los
tramos viga

Concepto
Representación
Deformación

Hipótesis
aceptadas

Solicitaciones
dominantes
Deformación

de un elemento
diferencial
de un tramo

Definición
Representación
Observaciones

1



Cálculo de deformaciones por métodos matemáticos

Generalidades
sobre los
tramos viga

Concepto
Representación
Deformación

Hipótesis
aceptadas

Solicitaciones
dominantes
Deformación

de un elemento
diferencial
de un tramo

Definición
Representación
Observaciones

1
2



Observación 2



Observación 2

En aquellas secciones donde el momento flector cambia de signo, la curvatura de la elástica cambia también de signo, llamándose estos lugares puntos de inflexión



Observación 2

En aquellas secciones donde el momento flector cambia de signo, la curvatura de la elástica cambia también de signo, llamándose estos lugares puntos de inflexión

Existen puntos de inflexión donde el diagrama de momentos es nulo



Observación 2

En aquellas secciones donde el momento flector cambia de signo, la curvatura de la elástica cambia también de signo, llamándose estos lugares puntos de inflexión

Existen puntos de inflexión donde el diagrama de momentos es nulo

Caso particular: tramo con carga repartida



Observación 2

En aquellas secciones donde el momento flector cambia de signo, la curvatura de la elástica cambia también de signo, llamándose estos lugares puntos de inflexión

Existen puntos de inflexión donde el diagrama de momentos es nulo

Caso particular: tramo con carga repartida

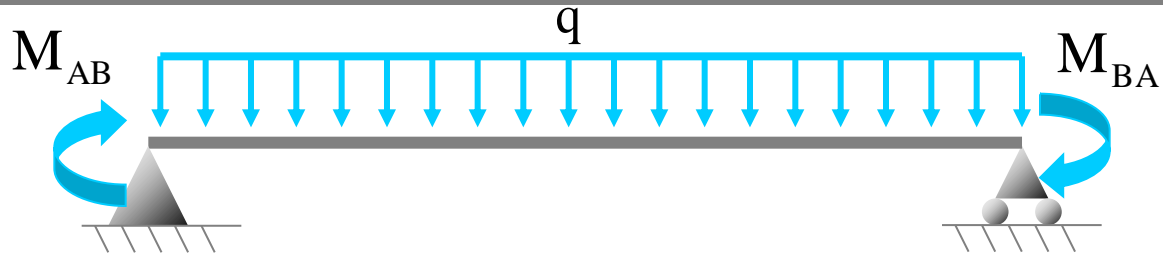


Observación 2

En aquellas secciones donde el momento flector cambia de signo, la curvatura de la elástica cambia también de signo, llamándose estos lugares puntos de inflexión

Existen puntos de inflexión donde el diagrama de momentos es nulo

Caso particular: tramo con carga repartida

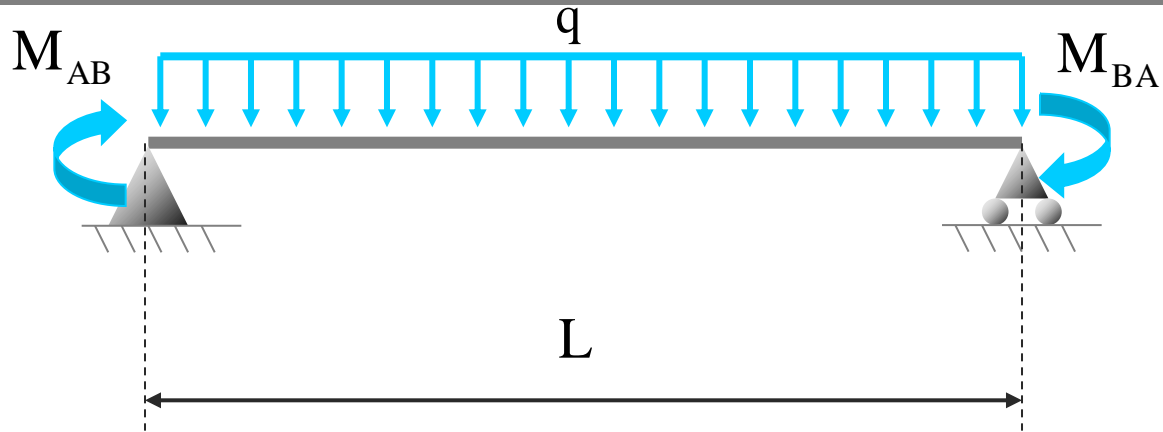


Observación 2

En aquellas secciones donde el momento flector cambia de signo, la curvatura de la elástica cambia también de signo, llamándose estos lugares puntos de inflexión

Existen puntos de inflexión donde el diagrama de momentos es nulo

Caso particular: tramo con carga repartida

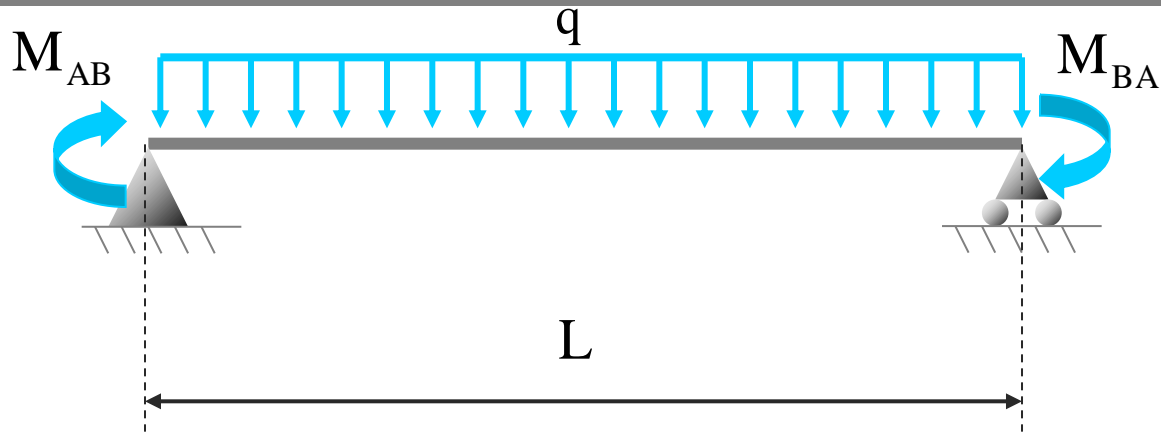


Observación 2

En aquellas secciones donde el momento flector cambia de signo, la curvatura de la elástica cambia también de signo, llamándose estos lugares puntos de inflexión

Existen puntos de inflexión donde el diagrama de momentos es nulo

Caso particular: tramo con carga repartida



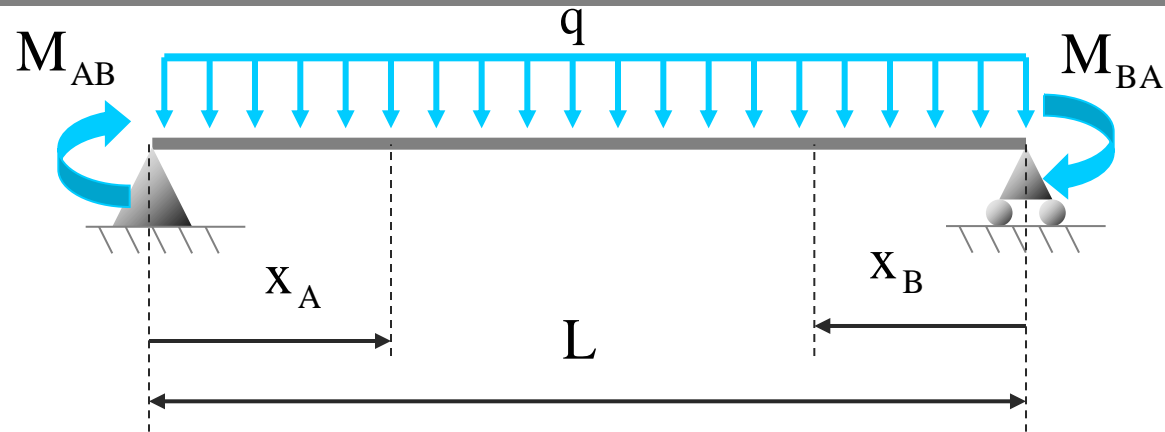
Puede haber como máximo dos puntos de inflexión

Observación 2

En aquellas secciones donde el momento flector cambia de signo, la curvatura de la elástica cambia también de signo, llamándose estos lugares puntos de inflexión

Existen puntos de inflexión donde el diagrama de momentos es nulo

Caso particular: tramo con carga repartida



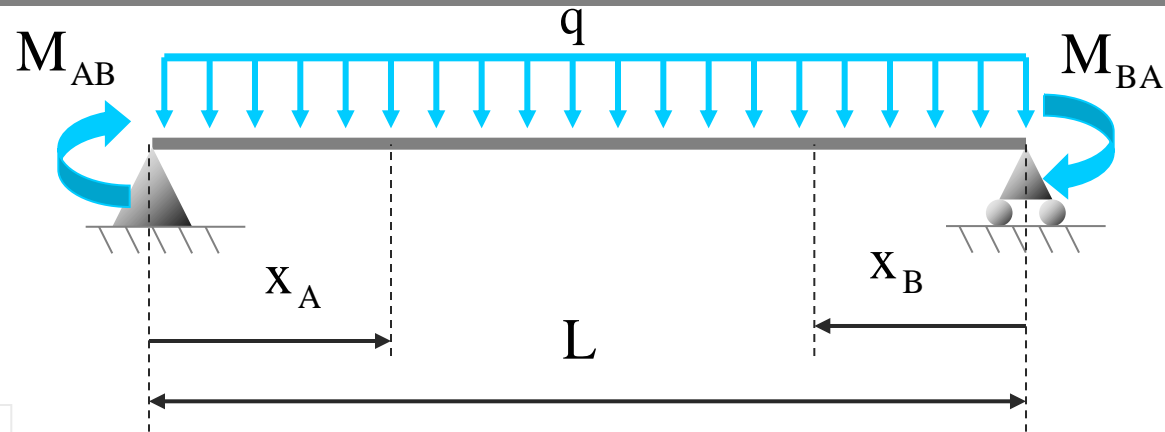
Puede haber como máximo dos puntos de inflexión

Observación 2

En aquellas secciones donde el momento flector cambia de signo, la curvatura de la elástica cambia también de signo, llamándose estos lugares puntos de inflexión

Existen puntos de inflexión donde el diagrama de momentos es nulo

Caso particular: tramo con carga repartida



Puede haber como máximo dos puntos de inflexión

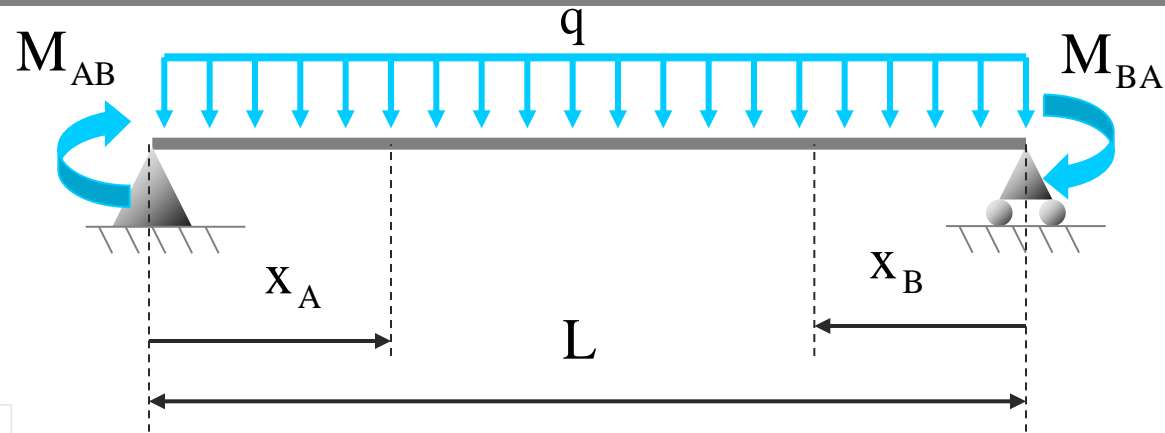
Posición de los puntos de inflexión

Observación 2

En aquellas secciones donde el momento flector cambia de signo, la curvatura de la elástica cambia también de signo, llamándose estos lugares puntos de inflexión

Existen puntos de inflexión donde el diagrama de momentos es nulo

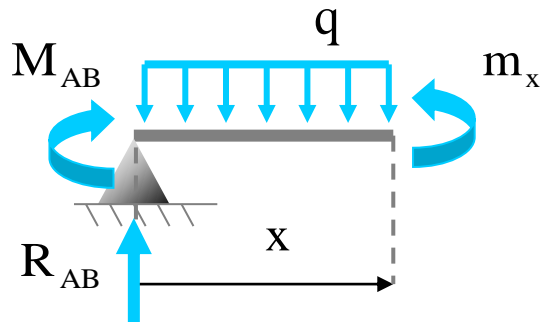
Caso particular: tramo con carga repartida



Puede haber como máximo dos puntos de inflexión

Posición de los puntos de inflexión

Se obtienen igualando a 0 la expresión del flector:

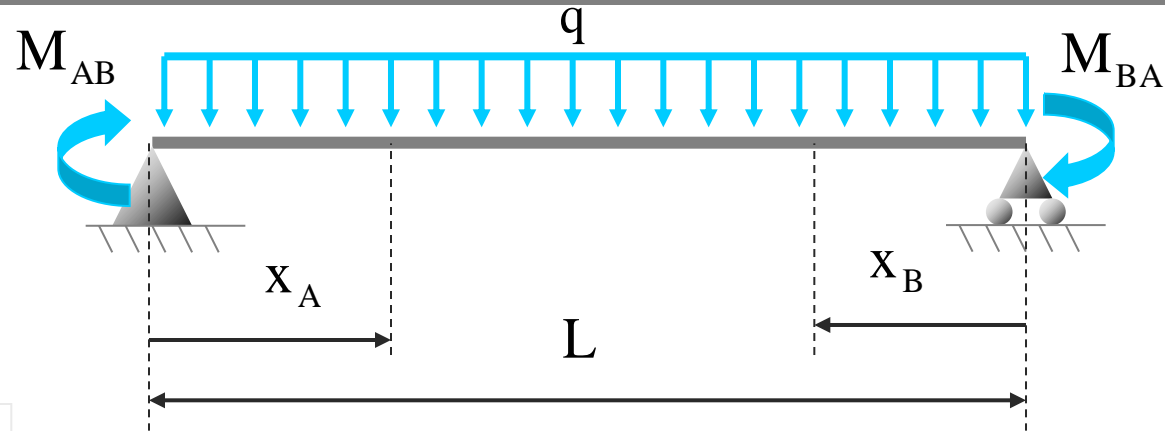


Observación 2

En aquellas secciones donde el momento flector cambia de signo, la curvatura de la elástica cambia también de signo, llamándose estos lugares puntos de inflexión

Existen puntos de inflexión donde el diagrama de momentos es nulo

Caso particular: tramo con carga repartida

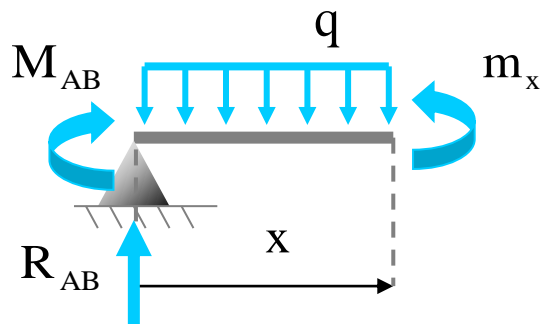


Puede haber como máximo dos puntos de inflexión

Posición de los puntos de inflexión

Se obtienen igualando a 0 la expresión del flector:

$$m_x = 0$$

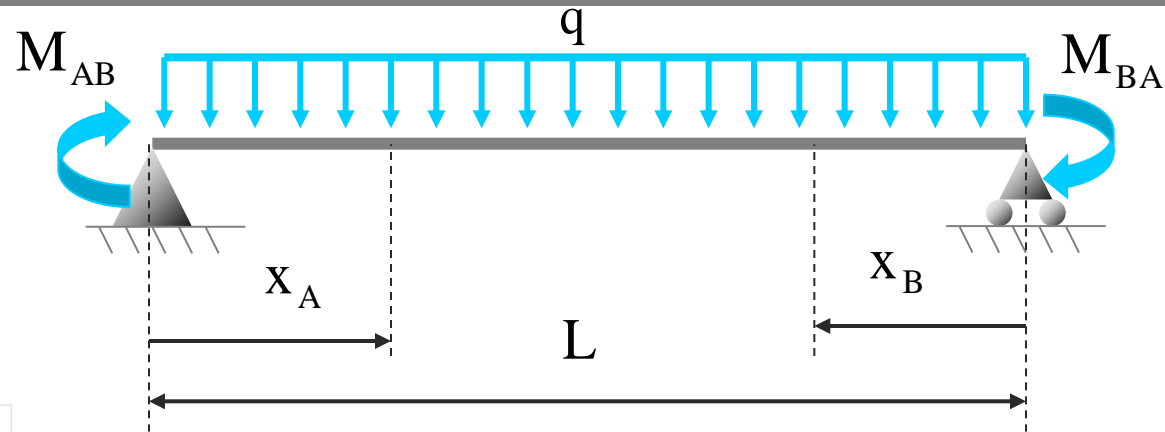


Observación 2

En aquellas secciones donde el momento flector cambia de signo, la curvatura de la elástica cambia también de signo, llamándose estos lugares puntos de inflexión

Existen puntos de inflexión donde el diagrama de momentos es nulo

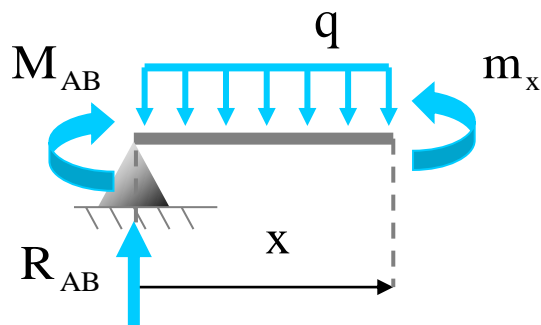
Caso particular: tramo con carga repartida



Puede haber como máximo dos puntos de inflexión

Posición de los puntos de inflexión

Se obtienen igualando a 0 la expresión del flector:



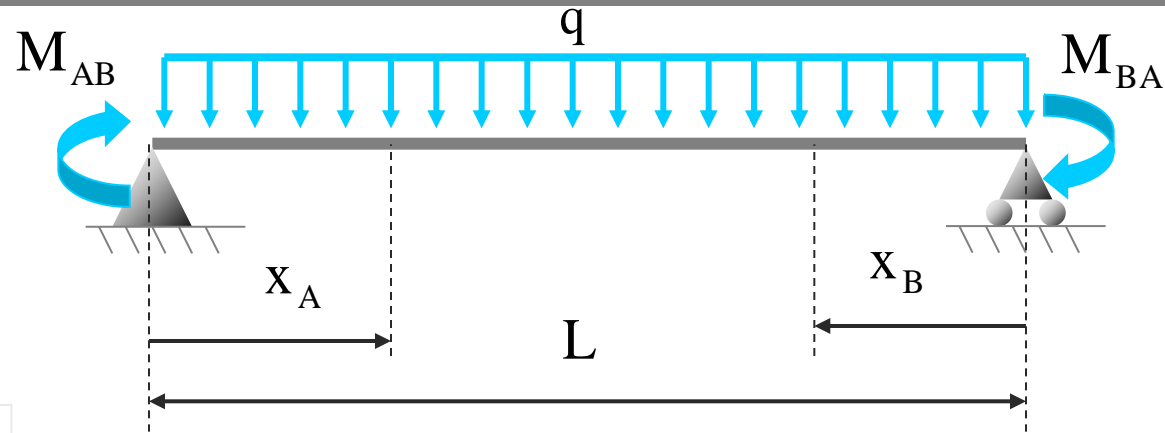
$$m_x = 0 \rightarrow \left\{ \begin{array}{l} x_A = K - \sqrt{\frac{2M_{\max}}{q}} \end{array} \right.$$

Observación 2

En aquellas secciones donde el momento flector cambia de signo, la curvatura de la elástica cambia también de signo, llamándose estos lugares puntos de inflexión

Existen puntos de inflexión donde el diagrama de momentos es nulo

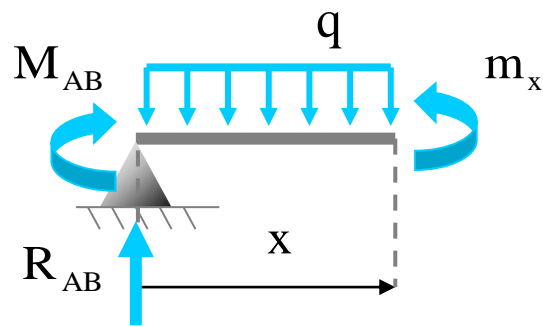
Caso particular: tramo con carga repartida



Puede haber como máximo dos puntos de inflexión

Posición de los puntos de inflexión

Se obtienen igualando a 0 la expresión del flector:



$$m_x = 0 \rightarrow \begin{cases} x_A = K - \sqrt{\frac{2M_{\max}}{q}} \\ x_B = L - x_A \end{cases}$$

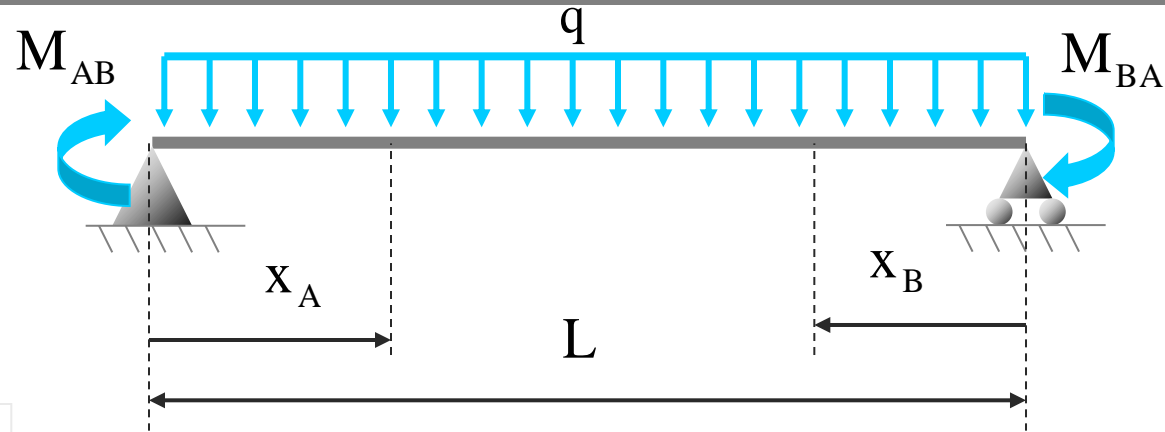


Observación 2

En aquellas secciones donde el momento flector cambia de signo, la curvatura de la elástica cambia también de signo, llamándose estos lugares puntos de inflexión

Existen puntos de inflexión donde el diagrama de momentos es nulo

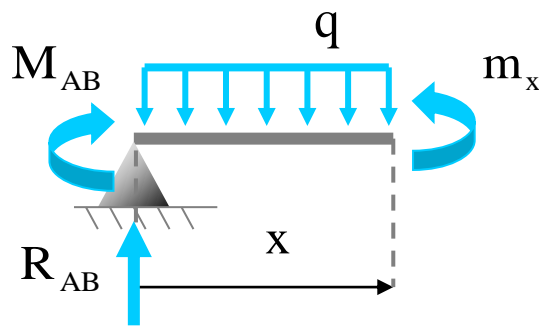
Caso particular: tramo con carga repartida



Puede haber como máximo dos puntos de inflexión

Posición de los puntos de inflexión

Se obtienen igualando a 0 la expresión del flector:



$$m_x = 0 \rightarrow \begin{cases} x_A = K - \sqrt{\frac{2M_{\max}}{q}} \\ x_B = L - x_A \end{cases}$$

Para que existan estas raíces, tienen que estar comprendidas en el dominio de L

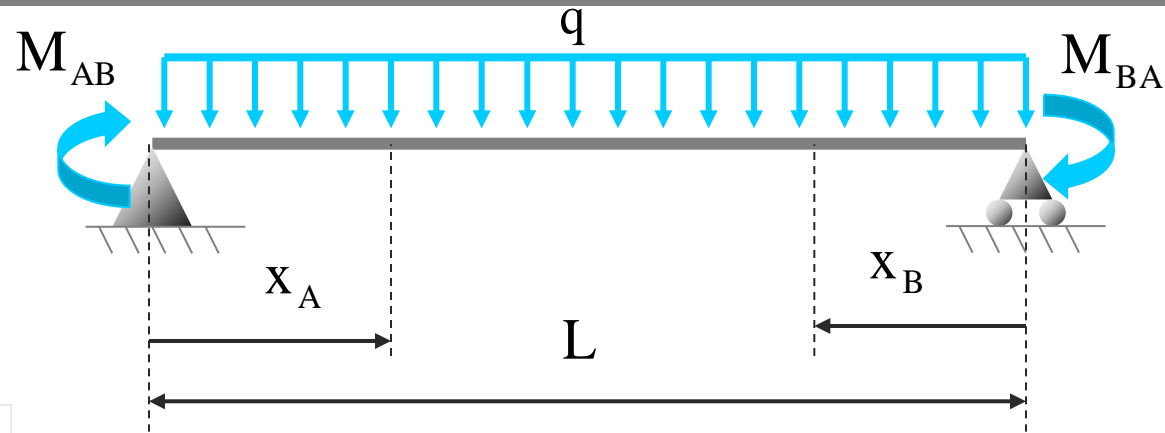


Observación 2

En aquellas secciones donde el momento flector cambia de signo, la curvatura de la elástica cambia también de signo, llamándose estos lugares puntos de inflexión

Existen puntos de inflexión donde el diagrama de momentos es nulo

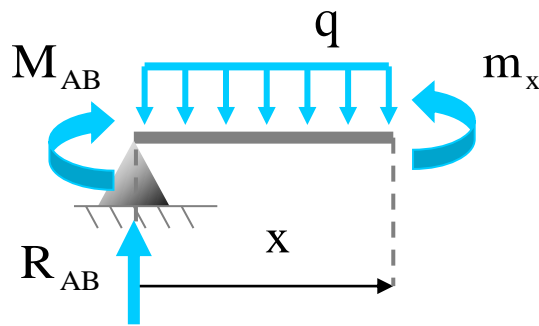
Caso particular: tramo con carga repartida



Puede haber como máximo dos puntos de inflexión

Posición de los puntos de inflexión

Se obtienen igualando a 0 la expresión del flector:



$$m_x = 0 \rightarrow \begin{cases} x_A = K - \sqrt{\frac{2M_{\max}}{q}} \\ x_B = L - x_A \\ K = \frac{L}{2} - \left(\frac{M_{AB} + M_{BA}}{qL} \right) \end{cases}$$

Para que existan estas raíces, tienen que estar comprendidas en el dominio de L

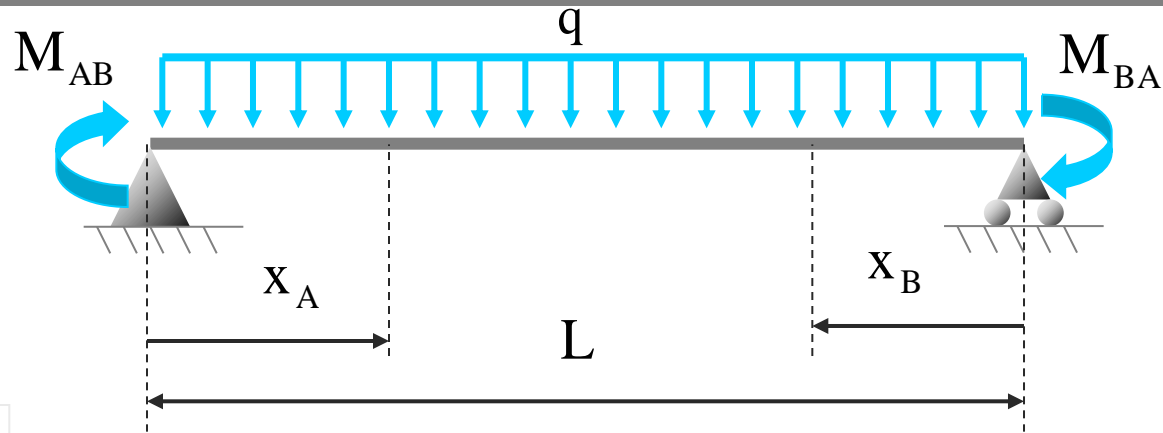


Observación 2

En aquellas secciones donde el momento flector cambia de signo, la curvatura de la elástica cambia también de signo, llamándose estos lugares puntos de inflexión

Existen puntos de inflexión donde el diagrama de momentos es nulo

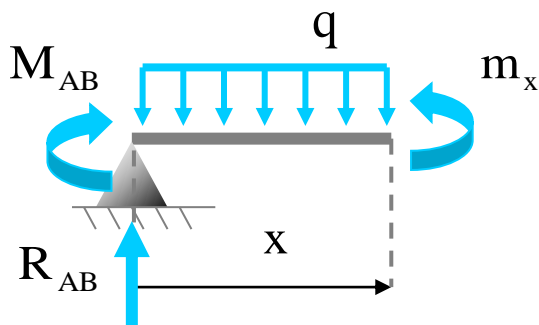
Caso particular: tramo con carga repartida



Puede haber como máximo dos puntos de inflexión

Posición de los puntos de inflexión

Se obtienen igualando a 0 la expresión del flector:



$$m_x = 0 \rightarrow \begin{cases} x_A = K - \sqrt{\frac{2M_{\max}}{q}} \\ x_B = L - x_A \end{cases}$$

Para que existan estas raíces, tienen que estar comprendidas en el dominio de L

$$K = \frac{L}{2} - \left(\frac{M_{AB} + M_{BA}}{qL} \right)$$

$$M_{\max} = M_{AB} + K \left(\frac{qL}{2} - \left(\frac{M_{AB} + M_{BA}}{L} \right) \right) - \frac{qK^2}{2}$$



Cálculo de deformaciones por métodos matemáticos

Generalidades
sobre los
tramos viga

Concepto
Representación
Deformación

Hipótesis
aceptadas

Solicitaciones
dominantes
Deformación

de un elemento
diferencial
de un tramo

Definición
Representación
Observaciones

1
2



Cálculo de deformaciones por métodos matemáticos

Generalidades
sobre los
tramos viga

Concepto
Representación
Deformación

Hipótesis
aceptadas

Solicitaciones
dominantes
Deformación

de un elemento
diferencial
de un tramo

Definición
Representación
Observaciones

1
2
3



Observación 3



Observación 3

La curvatura de la elástica depende del signo del diagrama de momentos y coincide con la del elemento diferencial al deformarse, según la hipótesis de Bernoulli

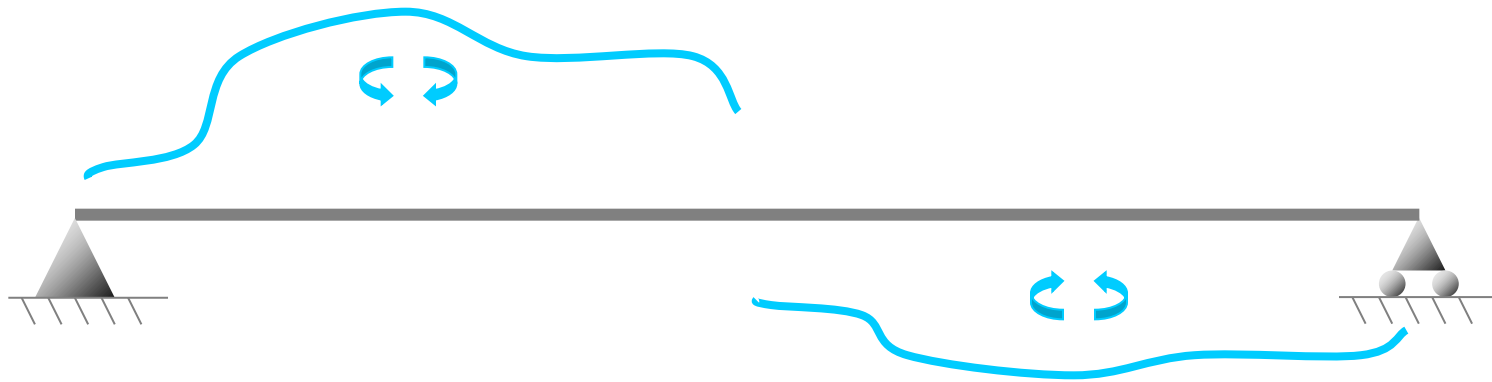
Observación 3

La curvatura de la elástica depende del signo del diagrama de momentos y coincide con la del elemento diferencial al deformarse, según la hipótesis de Bernoulli



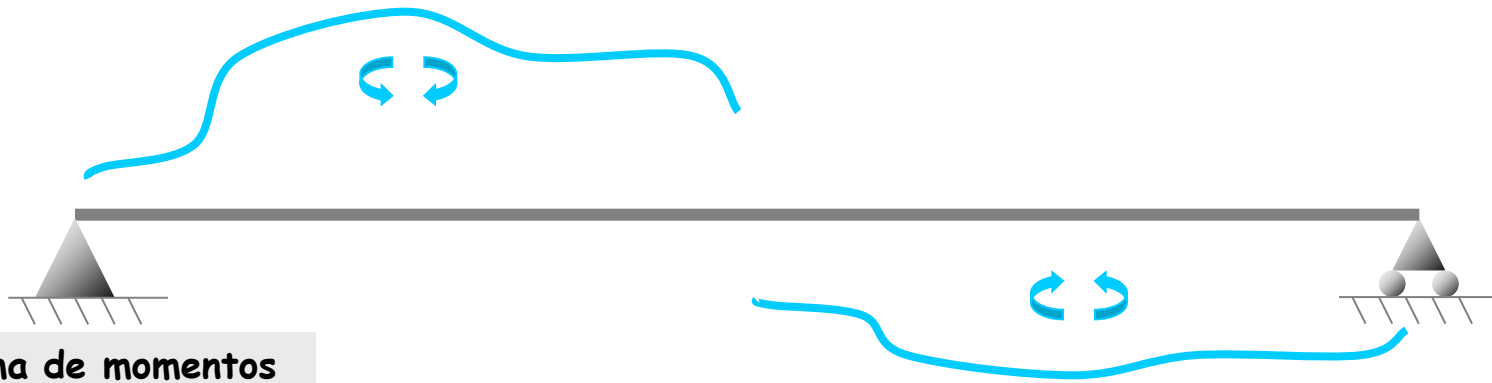
Observación 3

La curvatura de la elástica depende del signo del diagrama de momentos y coincide con la del elemento diferencial al deformarse, según la hipótesis de Bernoulli



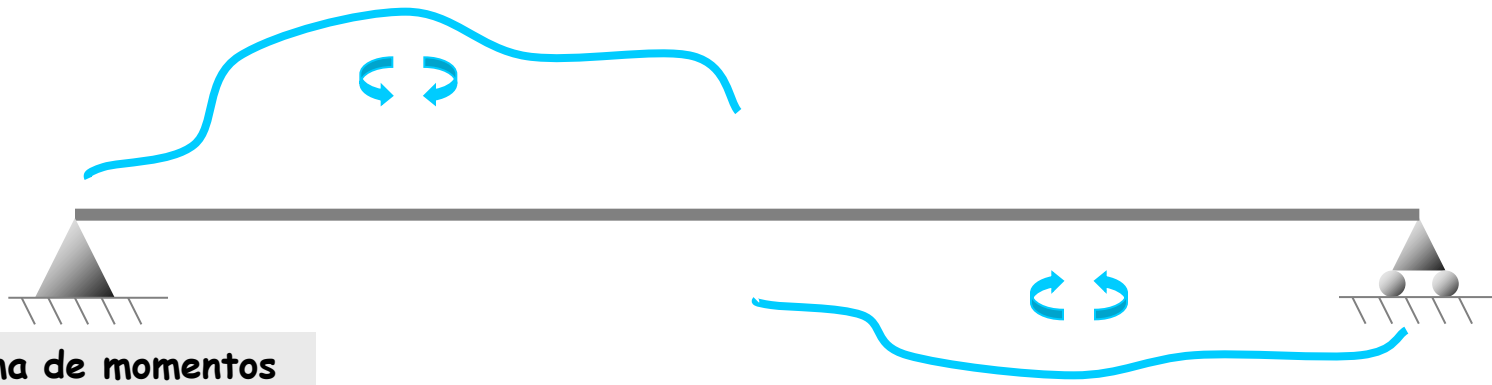
Observación 3

La curvatura de la elástica depende del signo del diagrama de momentos y coincide con la del elemento diferencial al deformarse, según la hipótesis de Bernoulli



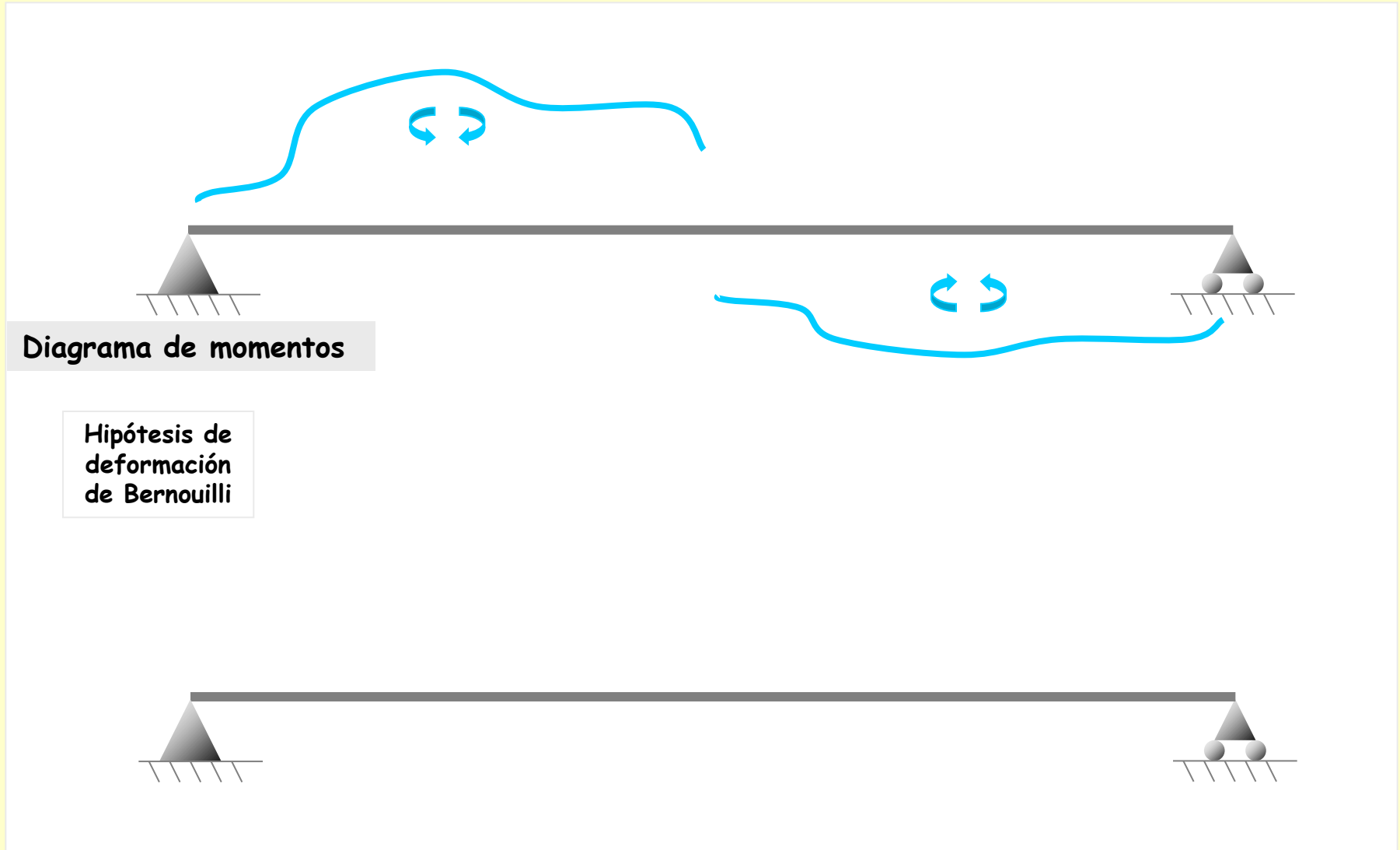
Observación 3

La curvatura de la elástica depende del signo del diagrama de momentos y coincide con la del elemento diferencial al deformarse, según la hipótesis de Bernoulli



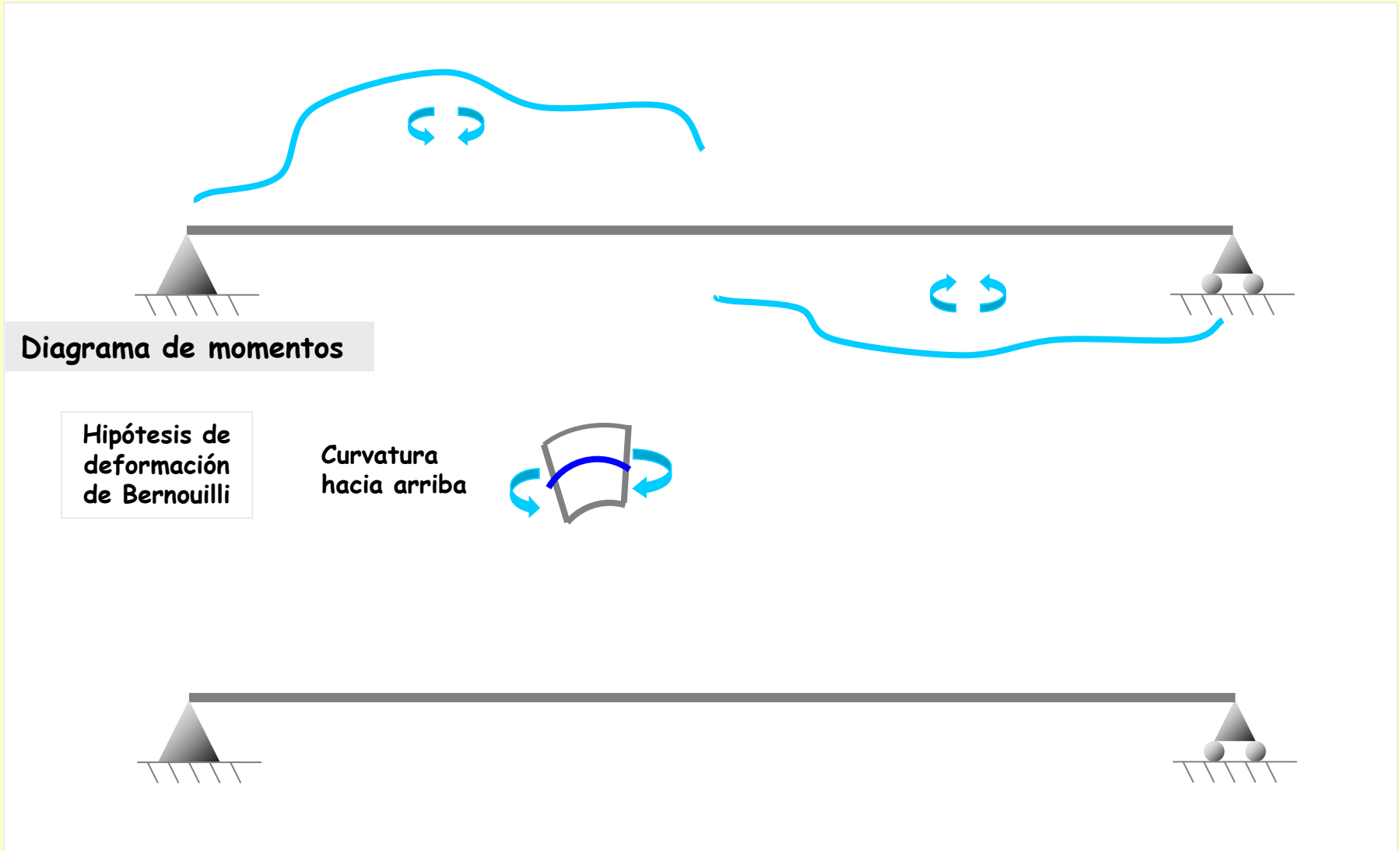
Observación 3

La curvatura de la elástica depende del signo del diagrama de momentos y coincide con la del elemento diferencial al deformarse, según la hipótesis de Bernoulli



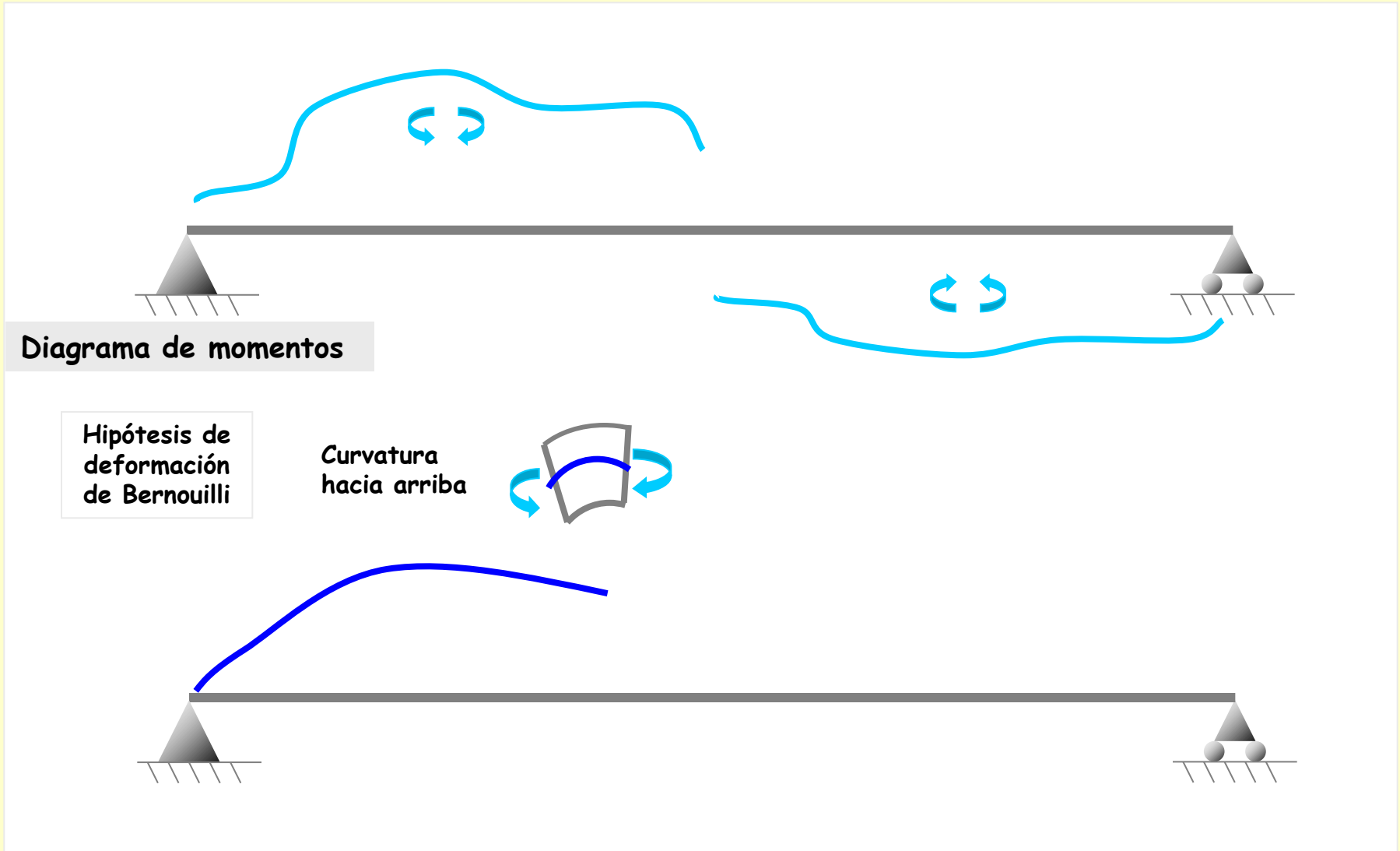
Observación 3

La curvatura de la elástica depende del signo del diagrama de momentos y coincide con la del elemento diferencial al deformarse, según la hipótesis de Bernoulli



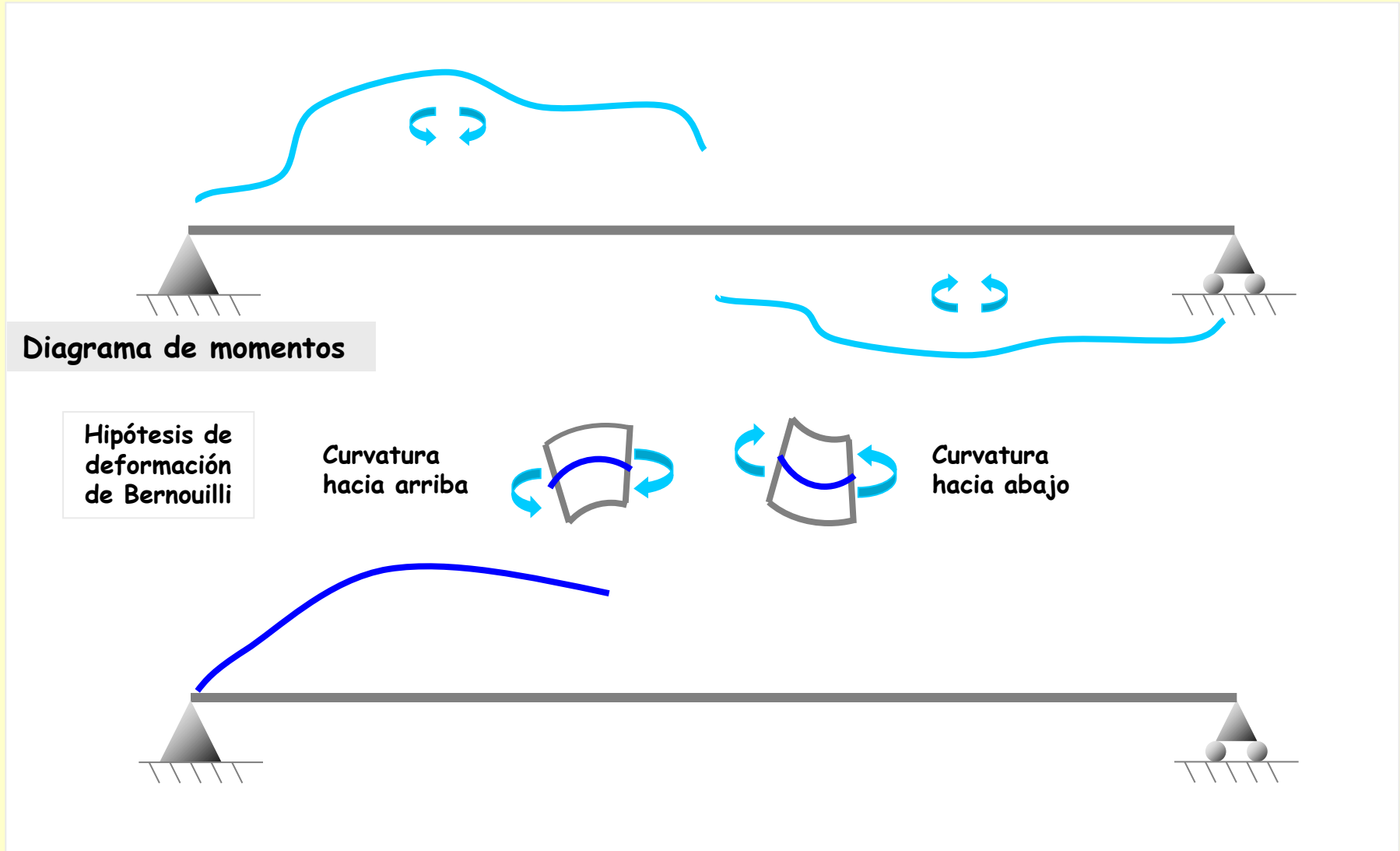
Observación 3

La curvatura de la elástica depende del signo del diagrama de momentos y coincide con la del elemento diferencial al deformarse, según la hipótesis de Bernoulli



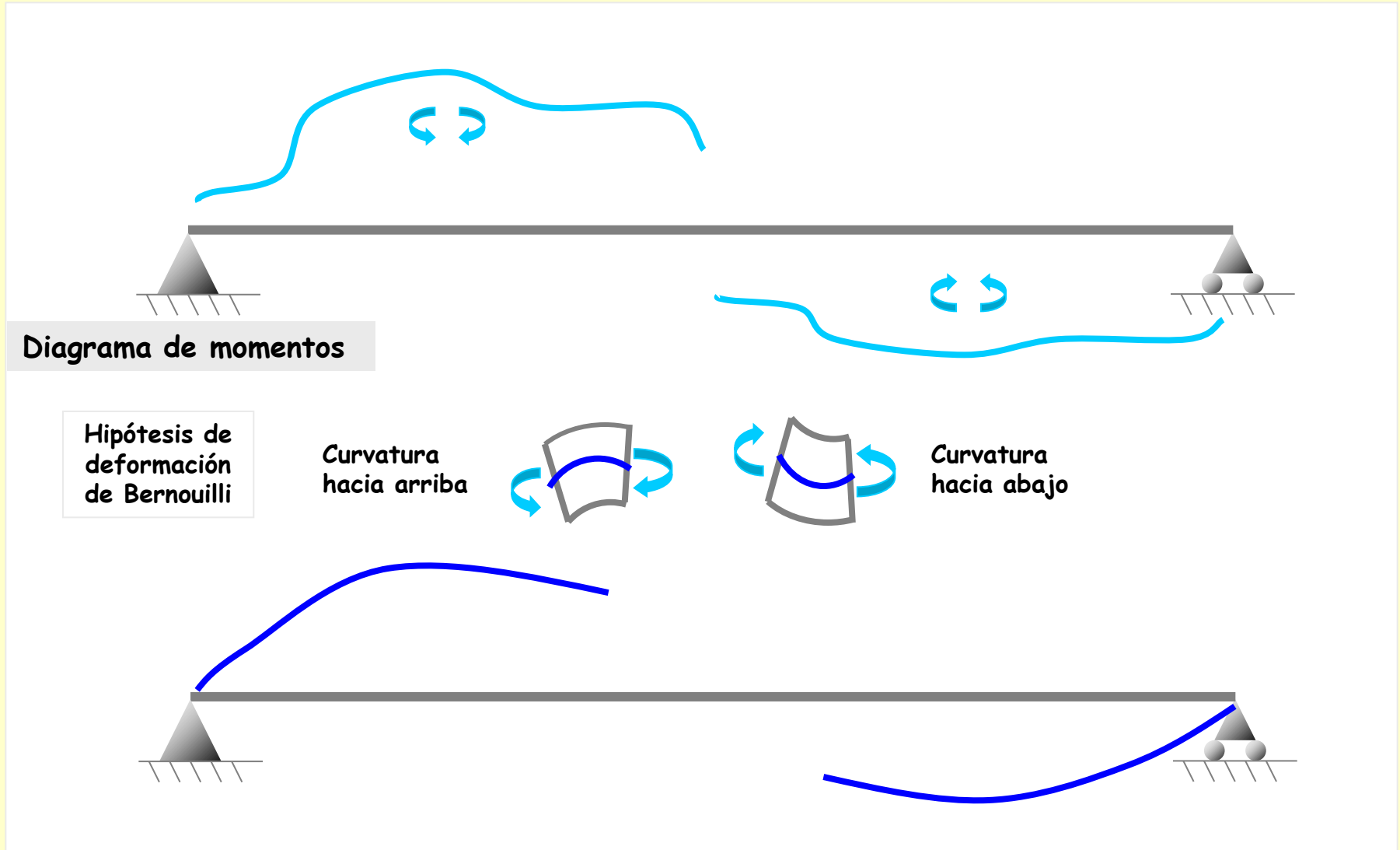
Observación 3

La curvatura de la elástica depende del signo del diagrama de momentos y coincide con la del elemento diferencial al deformarse, según la hipótesis de Bernoulli



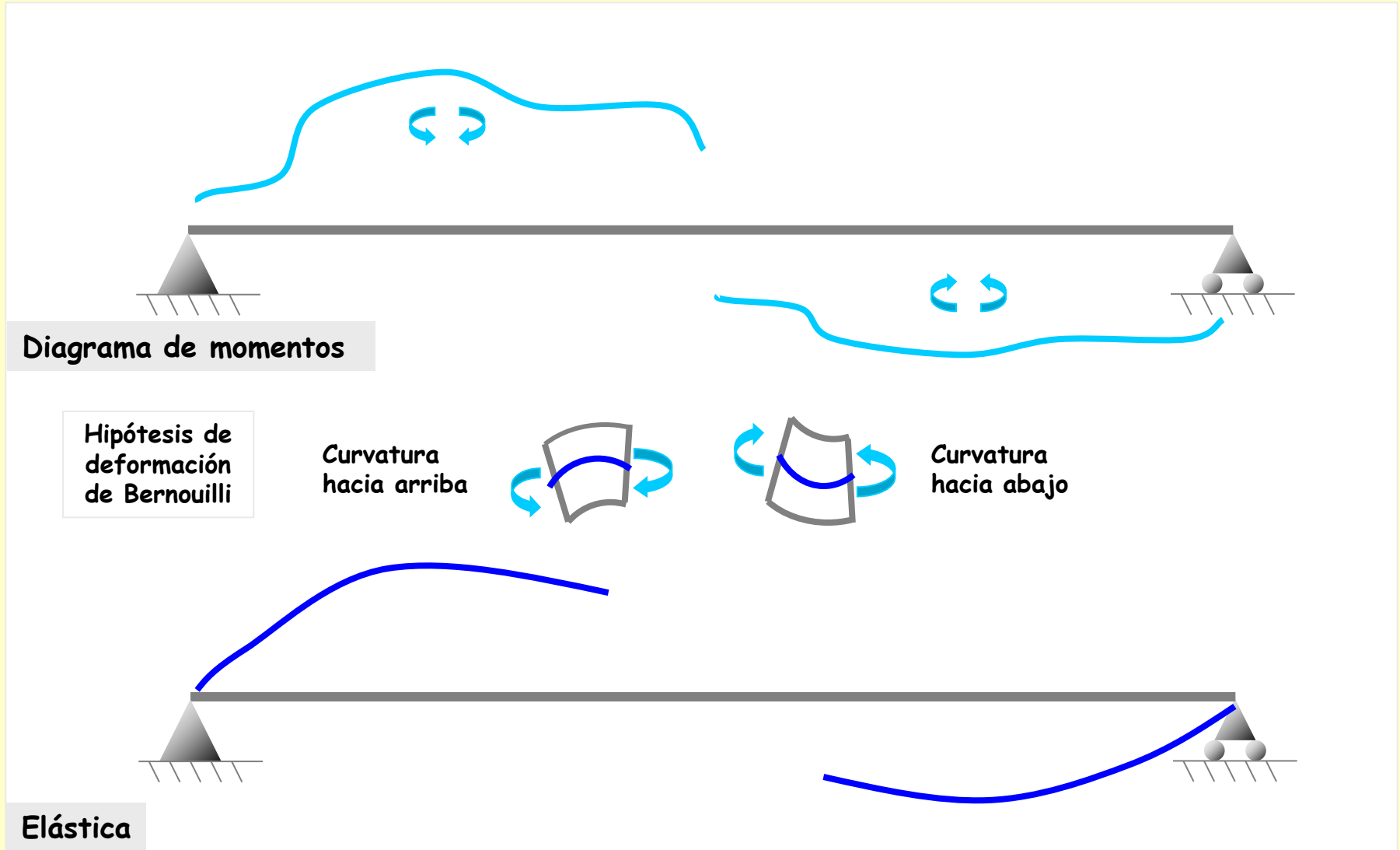
Observación 3

La curvatura de la elástica depende del signo del diagrama de momentos y coincide con la del elemento diferencial al deformarse, según la hipótesis de Bernoulli



Observación 3

La curvatura de la elástica depende del signo del diagrama de momentos y coincide con la del elemento diferencial al deformarse, según la hipótesis de Bernoulli





Cálculo de deformaciones por métodos matemáticos

Generalidades
sobre los
tramos viga

Concepto
Representación
Deformación

Hipótesis
aceptadas

Solicitaciones
dominantes
Deformación

de un elemento
diferencial
de un tramo

Definición
Representación
Observaciones

1
2
3



Cálculo de deformaciones por métodos matemáticos

Generalidades
sobre los
tramos viga

Concepto
Representación
Deformación

Hipótesis
aceptadas

Mecanismo de
deformación

Solicitaciones
dominantes
Deformación

de un elemento
diferencial
de un tramo

Definición
Representación
Observaciones

1
2
3



Cálculo de deformaciones por métodos matemáticos

Generalidades sobre los tramos viga

- Concepto
- Representación
- Deformación

- Hipótesis aceptadas
- Mecanismo de deformación

- Solicitaciones dominantes
- Deformación
- Descripción gráfica

- de un elemento diferencial
- de un tramo

- Definición
- Representación
- Observaciones

- 1
- 2
- 3



Descripción gráfica



Descripción gráfica

A continuación se describe el movimiento total de un elemento diferencial producido durante el mecanismo de la deformación



Descripción gráfica

A continuación se describe el movimiento total de un elemento diferencial producido durante el mecanismo de la deformación

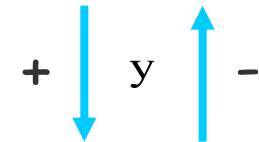
Movimientos de un elemento diferencial durante la deformación:

Descripción gráfica

A continuación se describe el movimiento total de un elemento diferencial producido durante el mecanismo de la deformación

Movimientos de un elemento diferencial durante la deformación:

1° Traslación



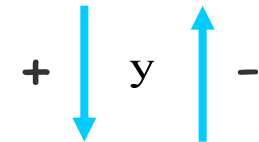


Descripción gráfica

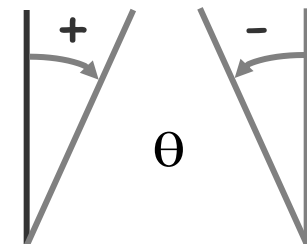
A continuación se describe el movimiento total de un elemento diferencial producido durante el mecanismo de la deformación

Movimientos de un elemento diferencial durante la deformación:

1° Traslación



2° Rotación



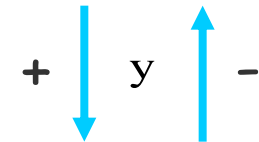


Descripción gráfica

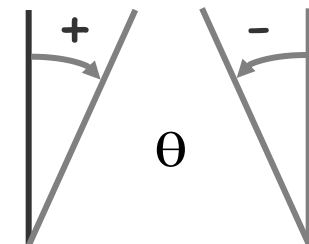
A continuación se describe el movimiento total de un elemento diferencial producido durante el mecanismo de la deformación

Movimientos de un elemento diferencial durante la deformación:

1° Traslación



2° Rotación



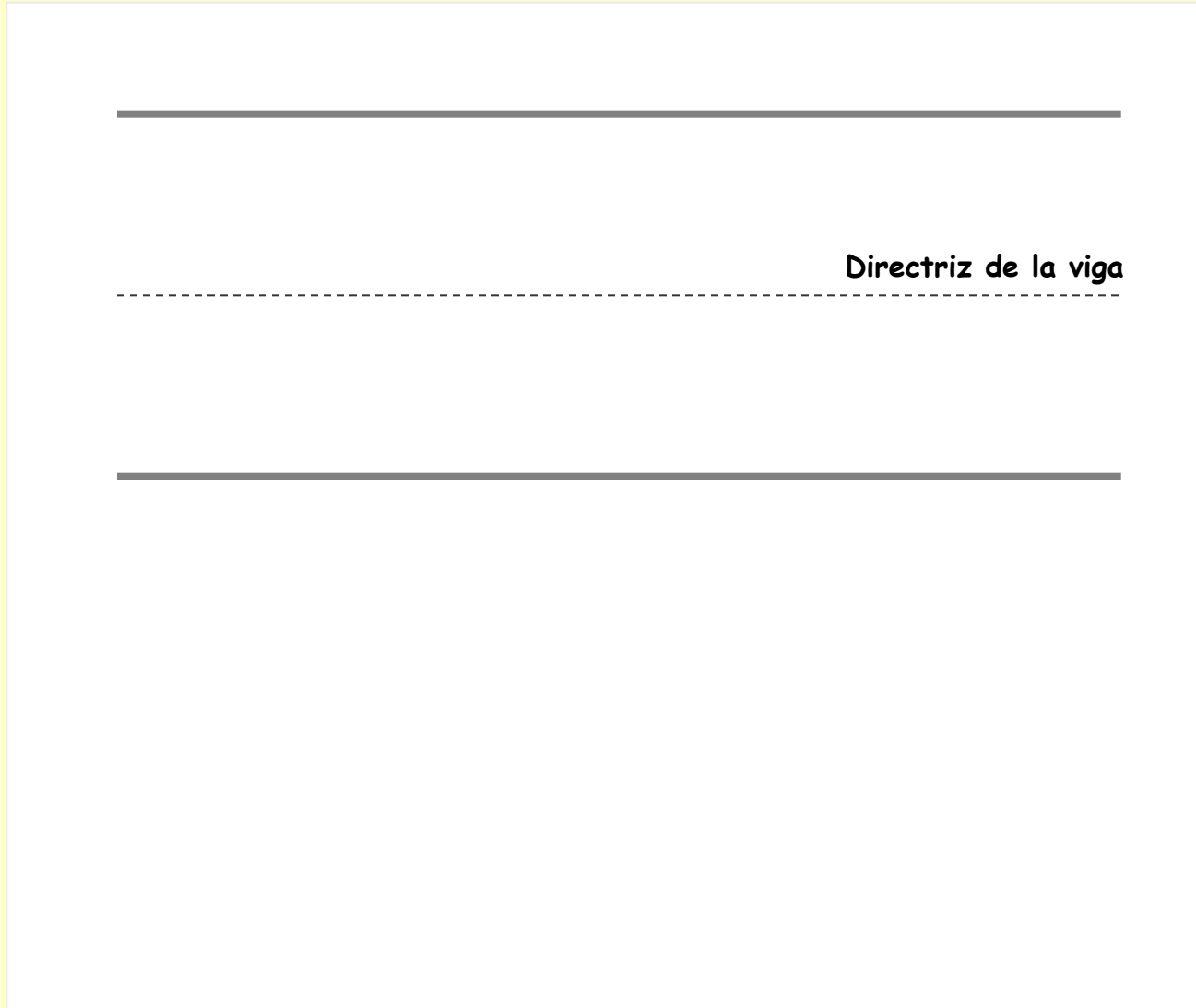
3° Deformación

$$d\theta = \frac{M}{EI} dx$$

LEY DE HOOKE

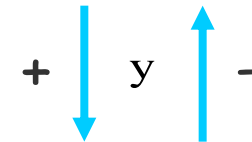
Descripción gráfica

A continuación se describe el movimiento total de un elemento diferencial producido durante el mecanismo de la deformación

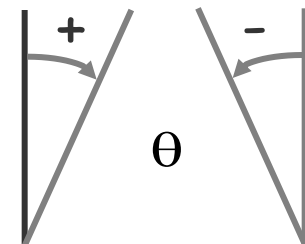


Movimientos de un elemento diferencial durante la deformación:

1° Traslación



2° Rotación



3° Deformación

$$d\theta = \frac{M}{EI} dx$$

LEY DE HOOKE

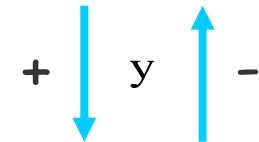
Descripción gráfica

A continuación se describe el movimiento total de un elemento diferencial producido durante el mecanismo de la deformación

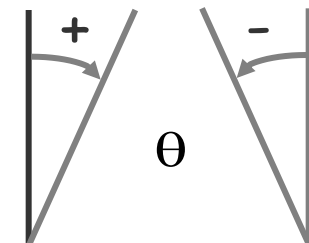


Movimientos de un elemento diferencial durante la deformación:

1° Traslación



2° Rotación



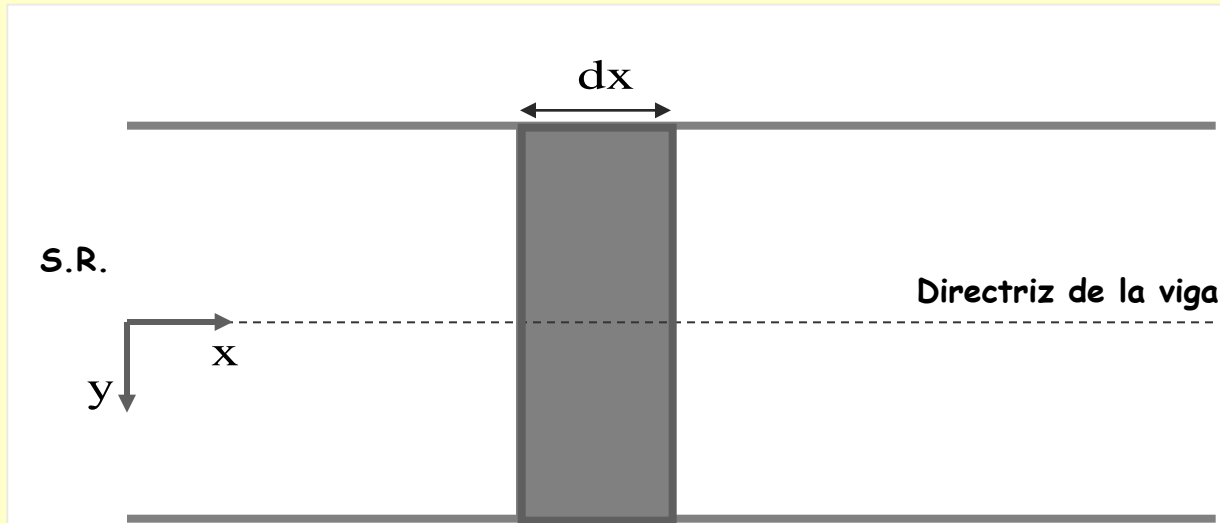
3° Deformación

$$d\theta = \frac{M}{EI} dx$$

LEY DE HOOKE

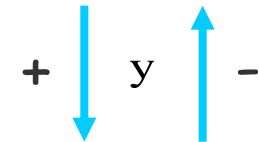
Descripción gráfica

A continuación se describe el movimiento total de un elemento diferencial producido durante el mecanismo de la deformación

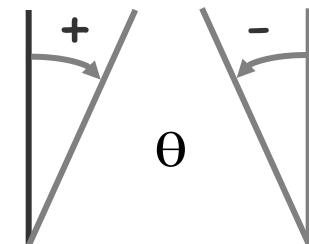


Movimientos de un elemento diferencial durante la deformación:

1° Traslación



2° Rotación



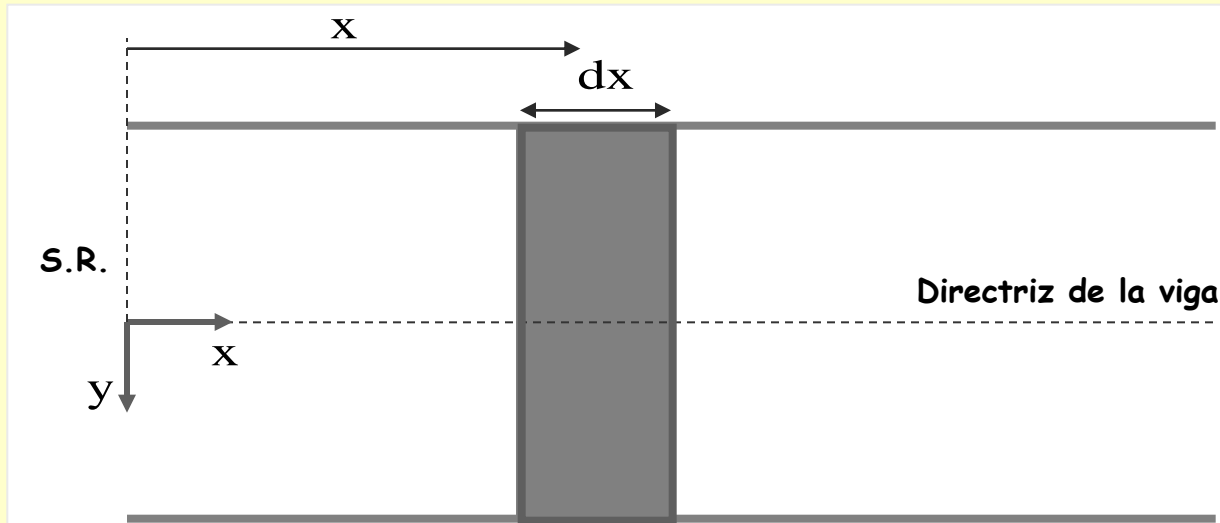
3° Deformación

$$d\theta = \frac{M}{EI} dx$$

LEY DE HOOKE

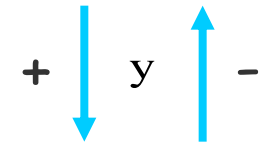
Descripción gráfica

A continuación se describe el movimiento total de un elemento diferencial producido durante el mecanismo de la deformación

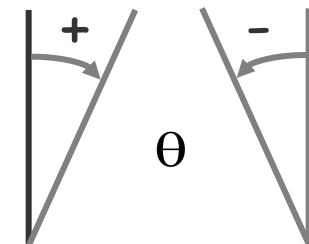


Movimientos de un elemento diferencial durante la deformación:

1° Traslación



2° Rotación



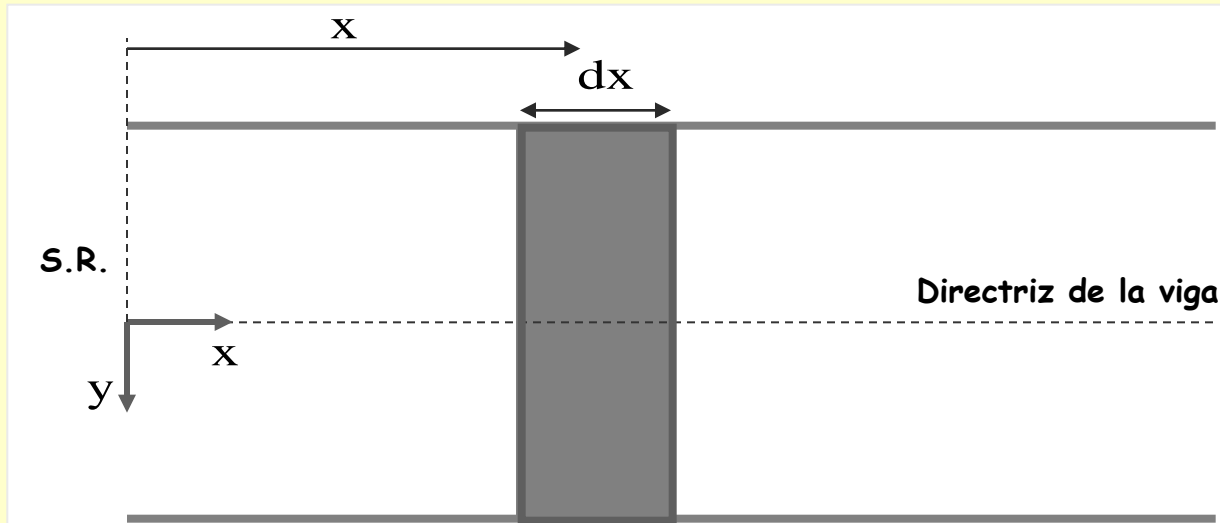
3° Deformación

$$d\theta = \frac{M}{EI} dx$$

LEY DE HOOKE

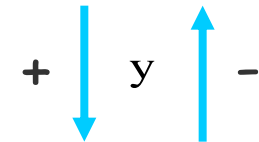
Descripción gráfica

A continuación se describe el movimiento total de un elemento diferencial producido durante el mecanismo de la deformación

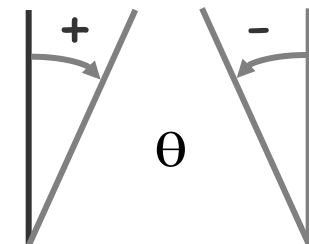


Movimientos de un elemento diferencial durante la deformación:

1° Traslación



2° Rotación



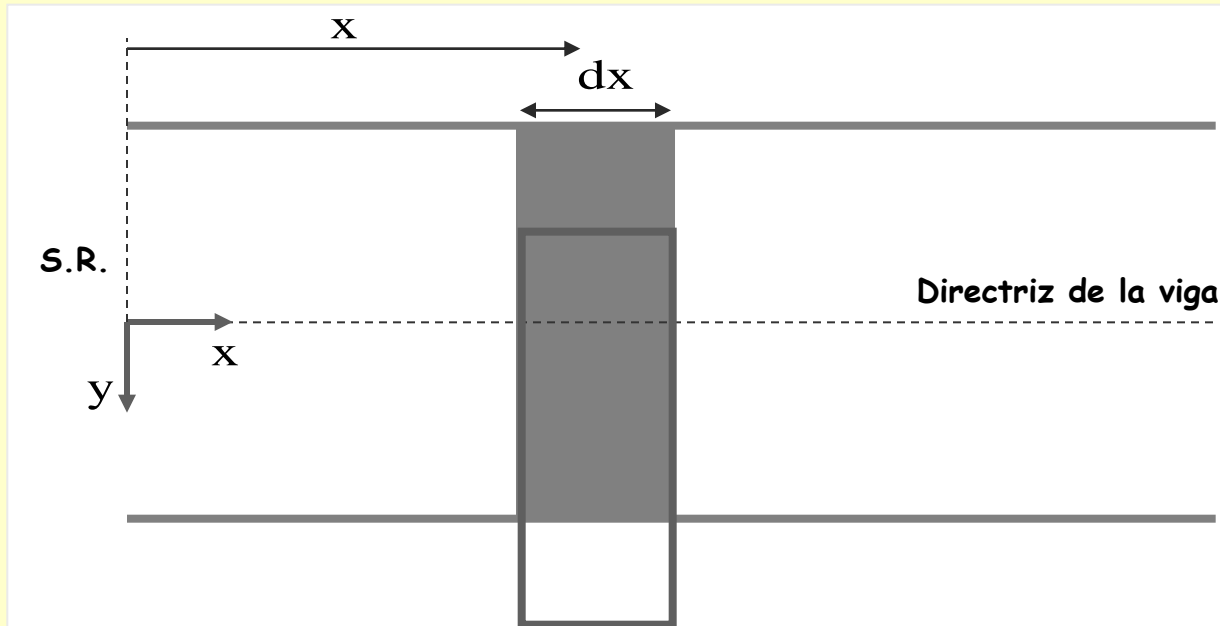
3° Deformación

$$d\theta = \frac{M}{EI} dx$$

LEY DE HOOKE

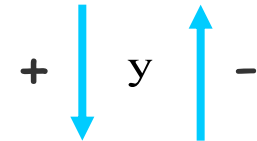
Descripción gráfica

A continuación se describe el movimiento total de un elemento diferencial producido durante el mecanismo de la deformación

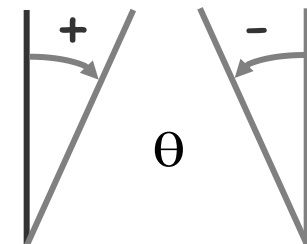


Movimientos de un elemento diferencial durante la deformación:

1° Traslación



2° Rotación



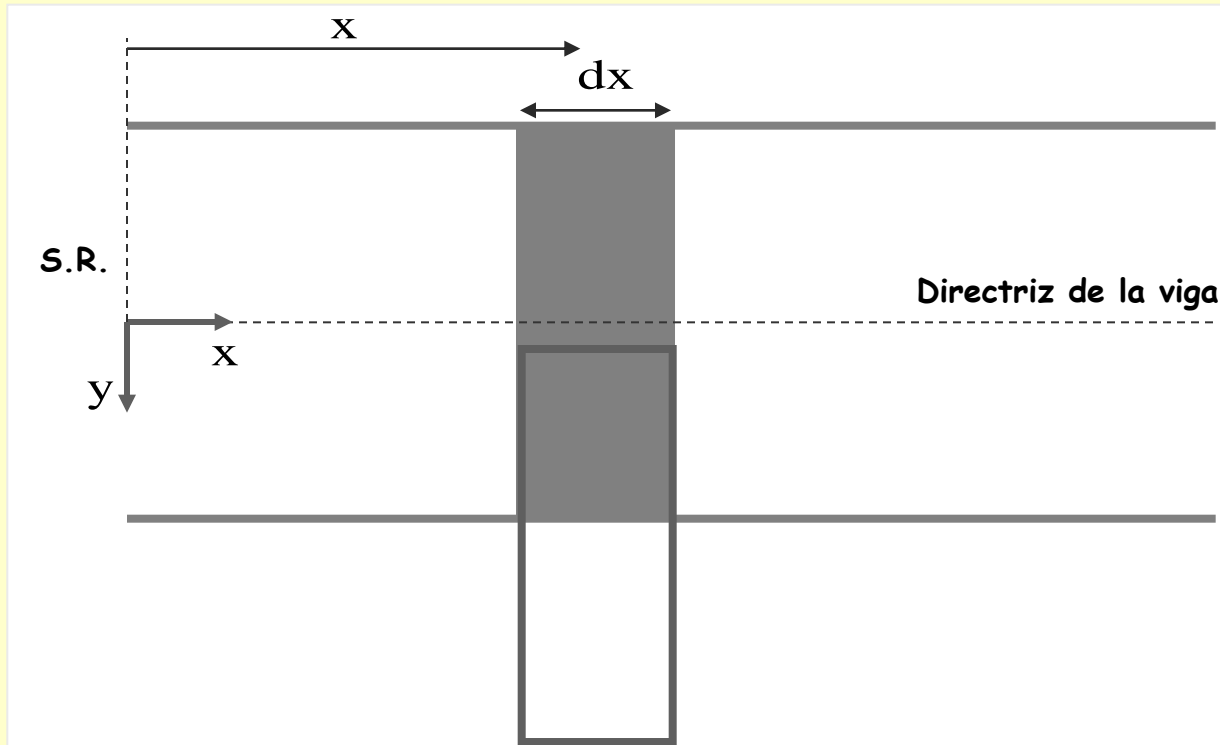
3° Deformación

$$d\theta = \frac{M}{EI} dx$$

LEY DE HOOKE

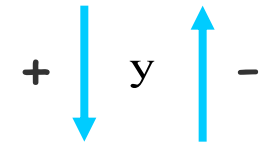
Descripción gráfica

A continuación se describe el movimiento total de un elemento diferencial producido durante el mecanismo de la deformación

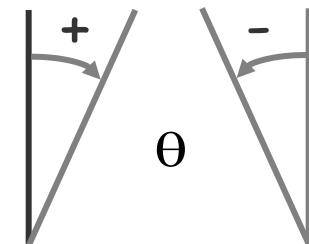


Movimientos de un elemento diferencial durante la deformación:

1° Traslación



2° Rotación



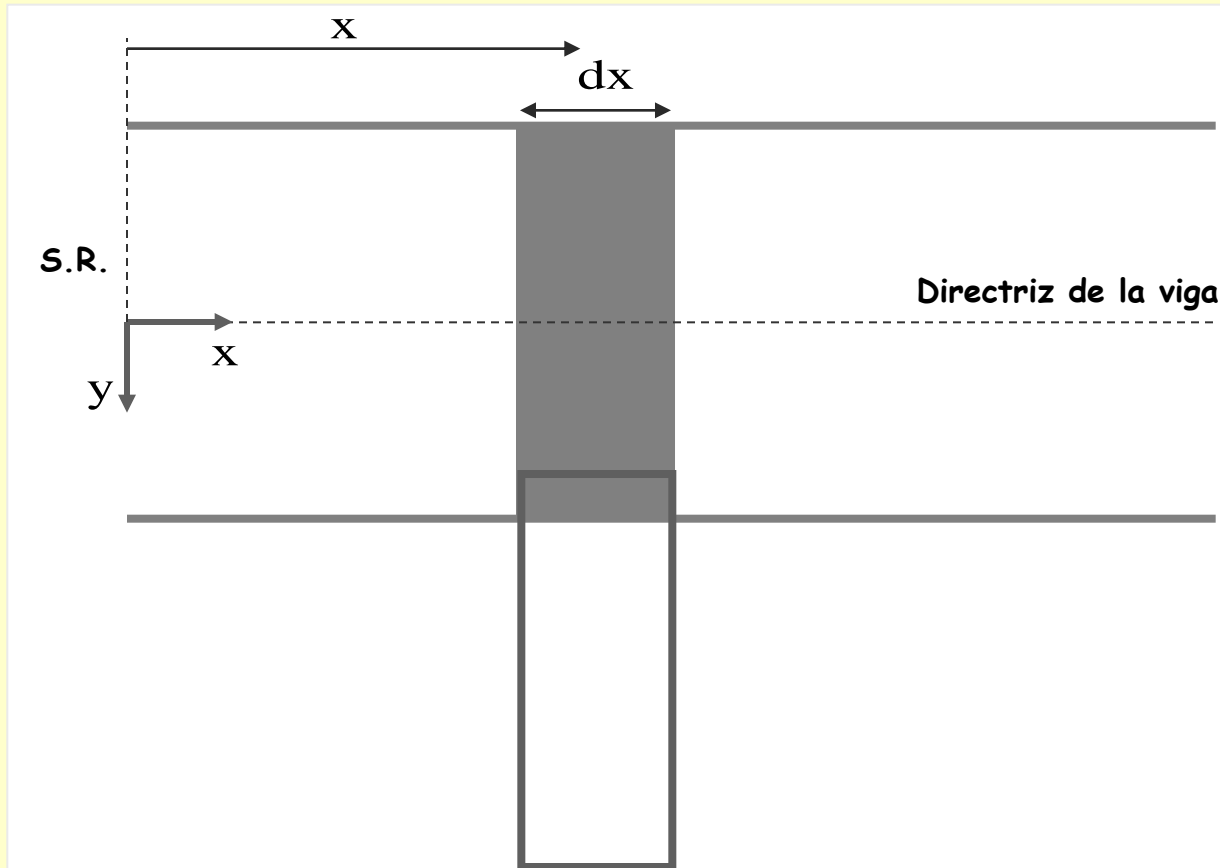
3° Deformación

$$d\theta = \frac{M}{EI} dx$$

LEY DE HOOKE

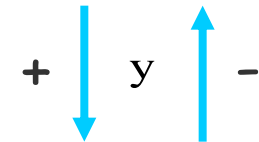
Descripción gráfica

A continuación se describe el movimiento total de un elemento diferencial producido durante el mecanismo de la deformación

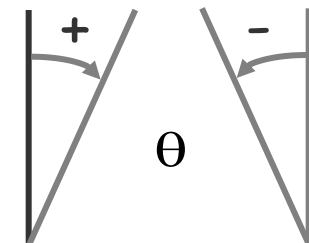


Movimientos de un elemento diferencial durante la deformación:

1° Traslación



2° Rotación



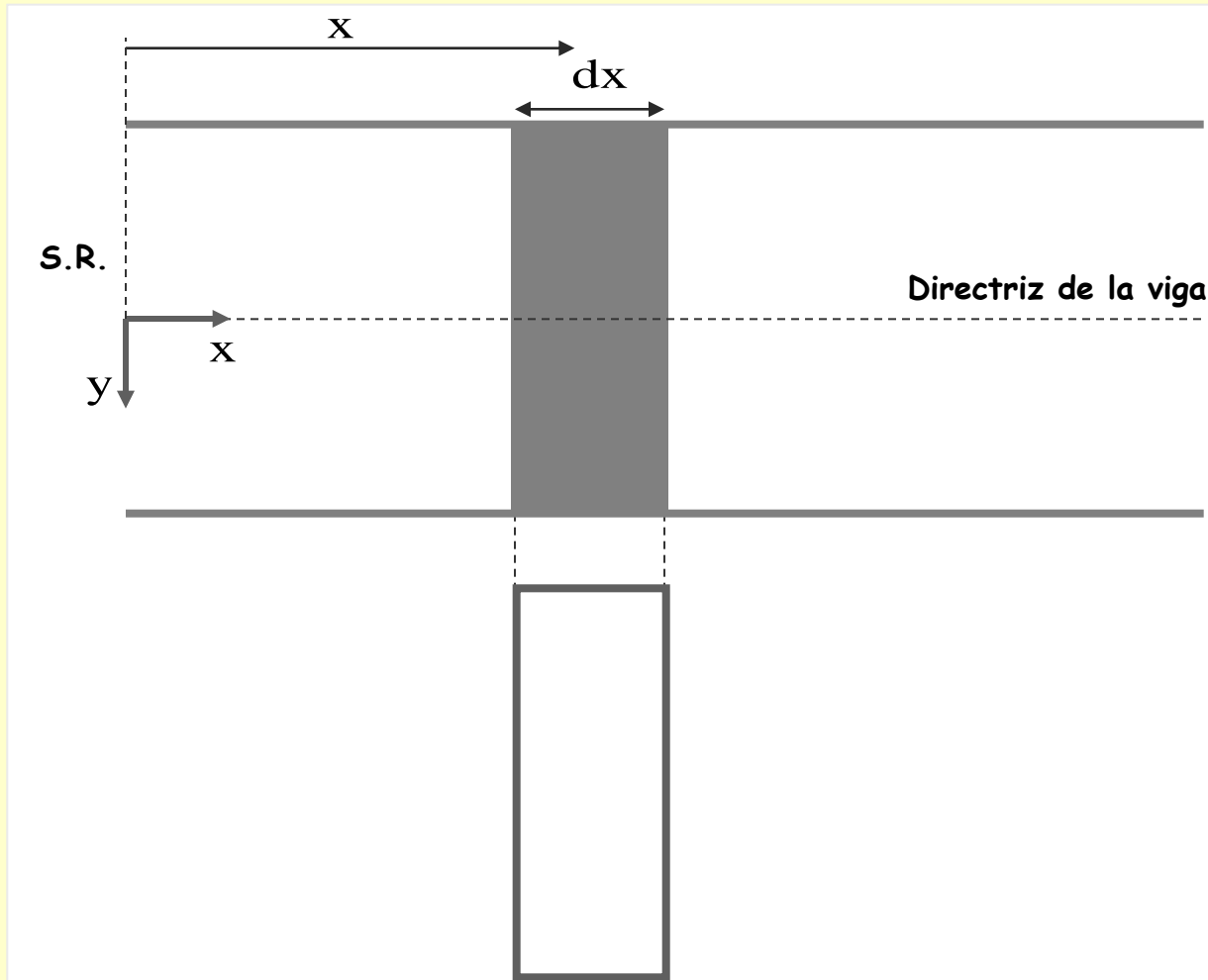
3° Deformación

$$d\theta = \frac{M}{EI} dx$$

LEY DE HOOKE

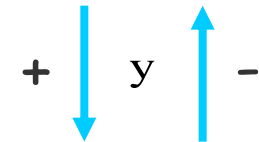
Descripción gráfica

A continuación se describe el movimiento total de un elemento diferencial producido durante el mecanismo de la deformación

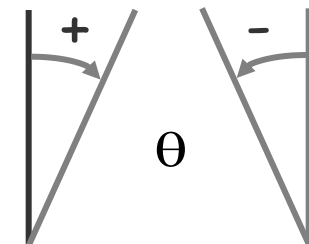


Movimientos de un elemento diferencial durante la deformación:

1° Traslación



2° Rotación



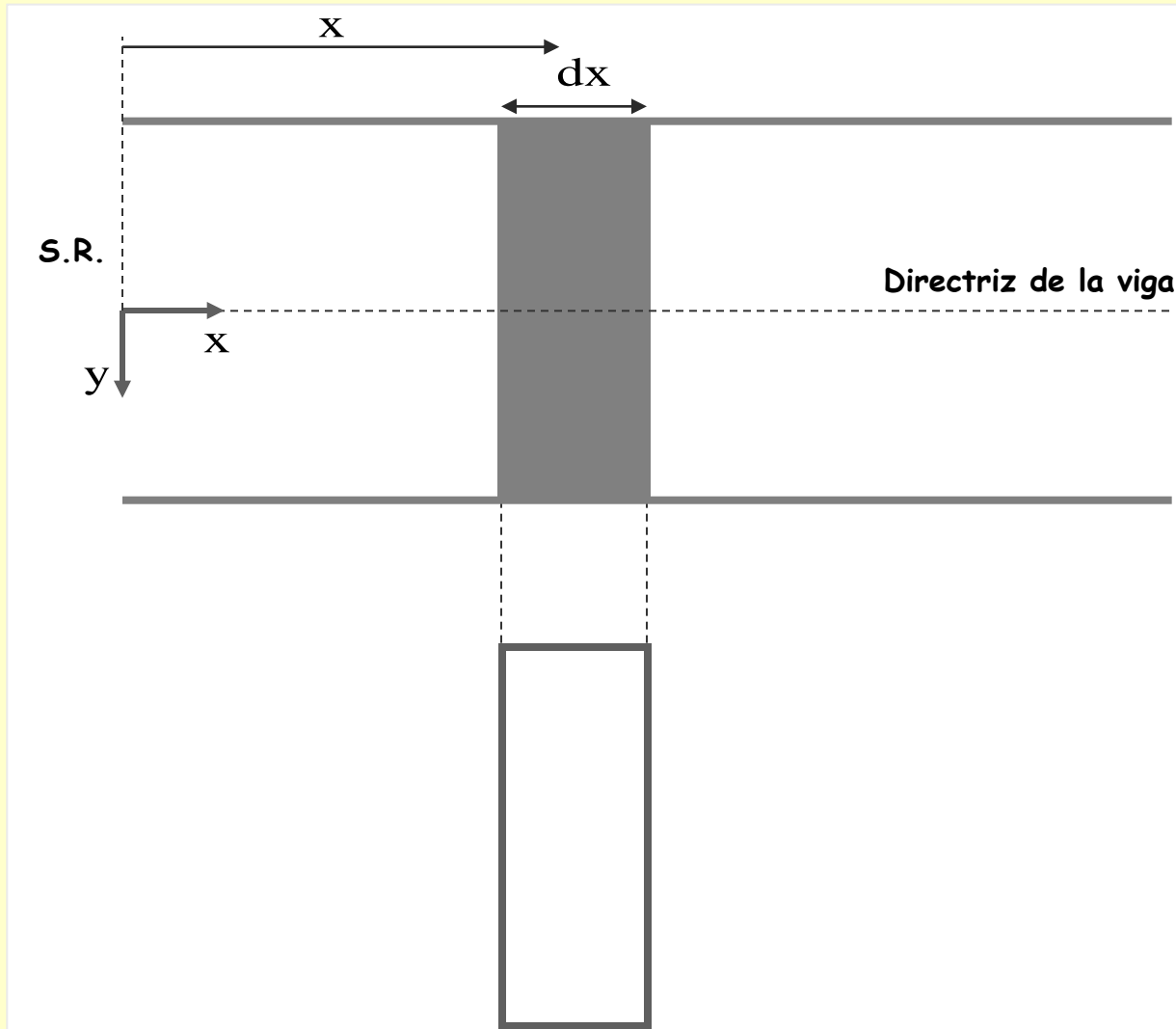
3° Deformación

$$d\theta = \frac{M}{EI} dx$$

LEY DE HOOKE

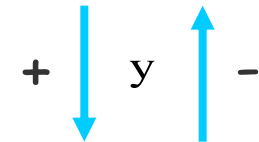
Descripción gráfica

A continuación se describe el movimiento total de un elemento diferencial producido durante el mecanismo de la deformación

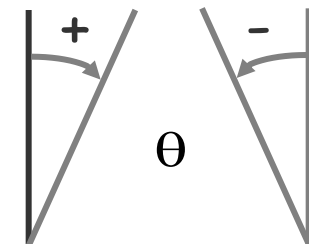


Movimientos de un elemento diferencial durante la deformación:

1° Traslación



2° Rotación



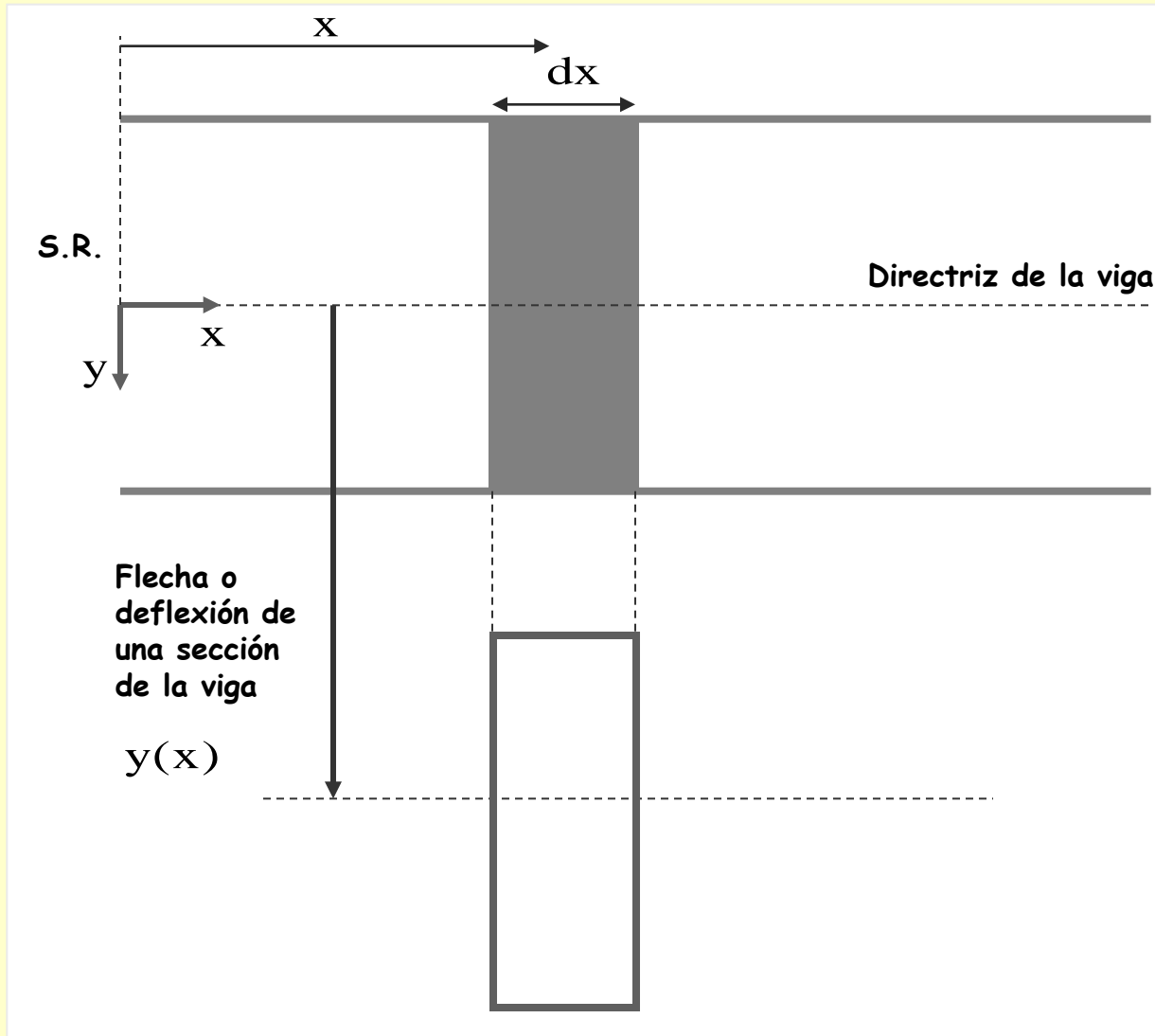
3° Deformación

$$d\theta = \frac{M}{EI} dx$$

LEY DE HOOKE

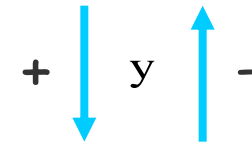
Descripción gráfica

A continuación se describe el movimiento total de un elemento diferencial producido durante el mecanismo de la deformación

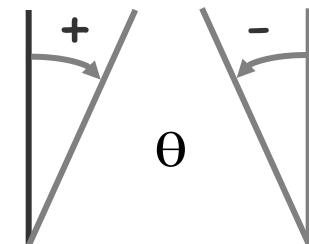


Movimientos de un elemento diferencial durante la deformación:

1° Traslación



2° Rotación



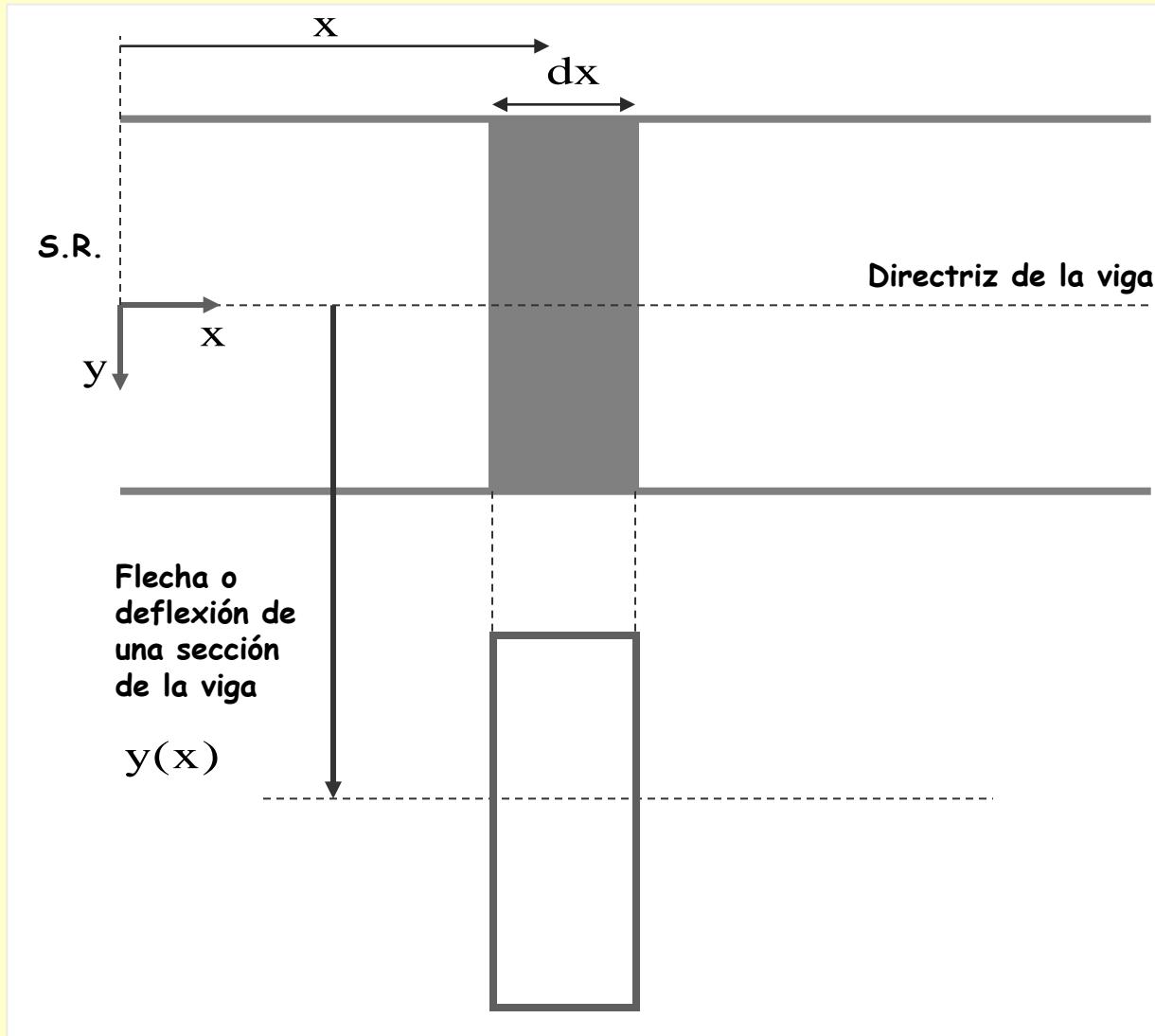
3° Deformación

$$d\theta = \frac{M}{EI} dx$$

LEY DE HOOKE

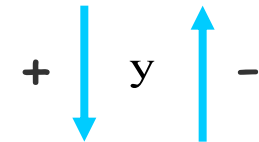
Descripción gráfica

A continuación se describe el movimiento total de un elemento diferencial producido durante el mecanismo de la deformación

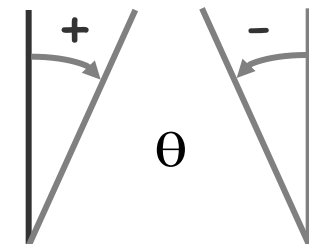


Movimientos de un elemento diferencial durante la deformación:

1° Traslación



2° Rotación



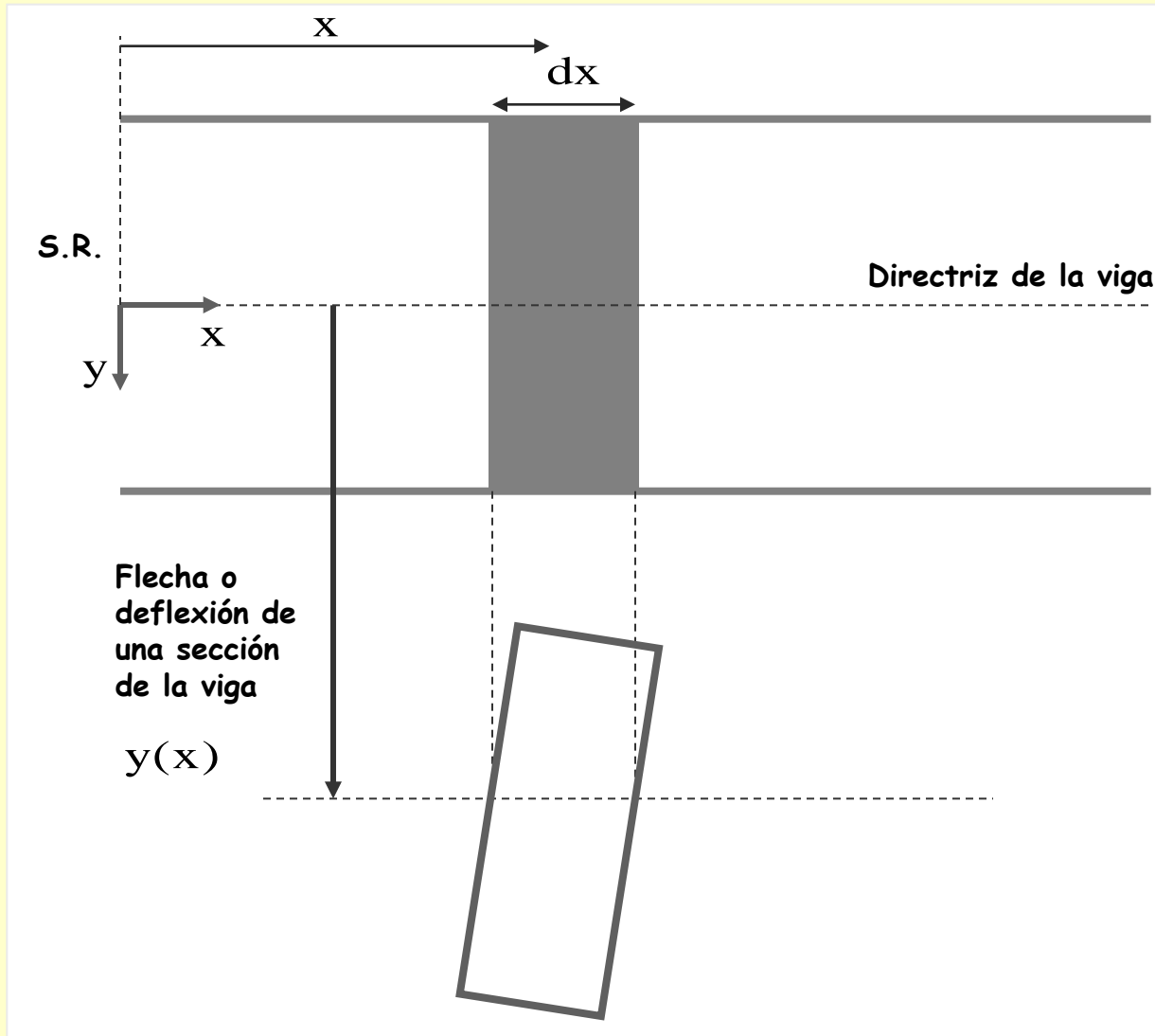
3° Deformación

$$d\theta = \frac{M}{EI} dx$$

LEY DE HOOKE

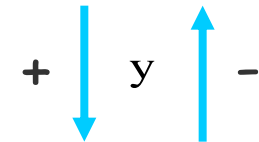
Descripción gráfica

A continuación se describe el movimiento total de un elemento diferencial producido durante el mecanismo de la deformación

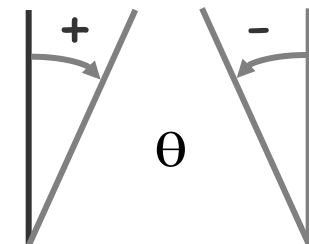


Movimientos de un elemento diferencial durante la deformación:

1° Traslación



2° Rotación



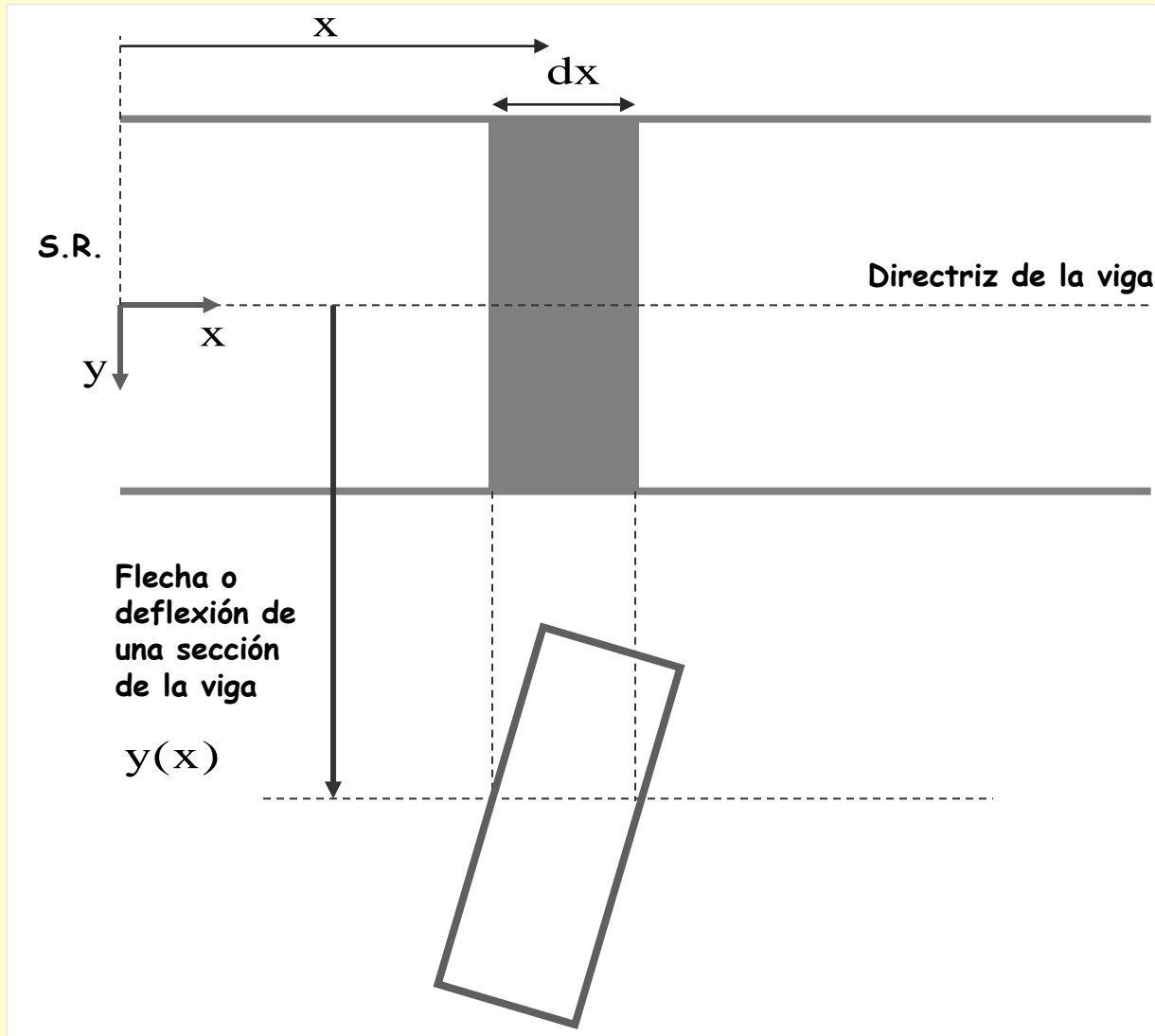
3° Deformación

$$d\theta = \frac{M}{EI} dx$$

LEY DE HOOKE

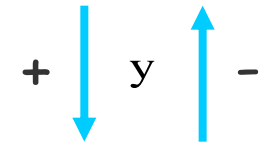
Descripción gráfica

A continuación se describe el movimiento total de un elemento diferencial producido durante el mecanismo de la deformación

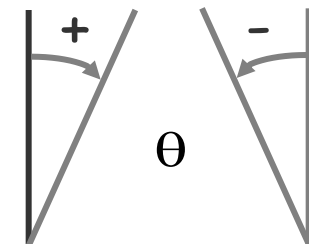


Movimientos de un elemento diferencial durante la deformación:

1° Traslación



2° Rotación



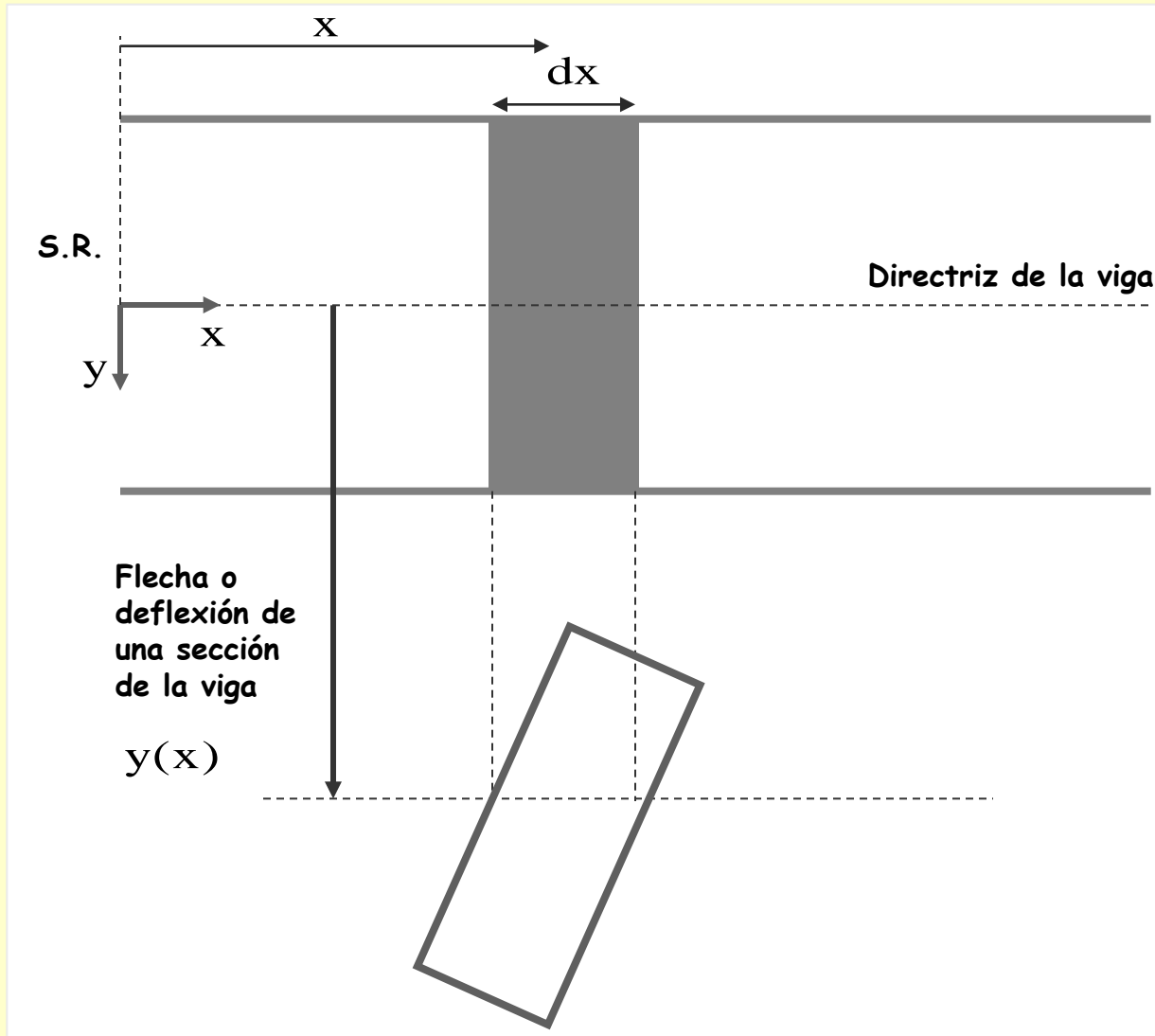
3° Deformación

$$d\theta = \frac{M}{EI} dx$$

LEY DE HOOKE

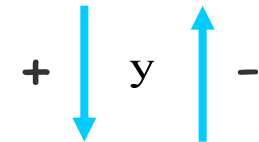
Descripción gráfica

A continuación se describe el movimiento total de un elemento diferencial producido durante el mecanismo de la deformación

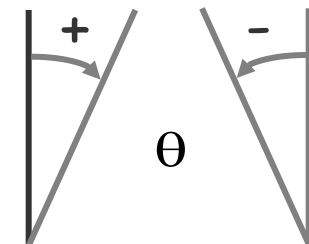


Movimientos de un elemento diferencial durante la deformación:

1° Traslación



2° Rotación



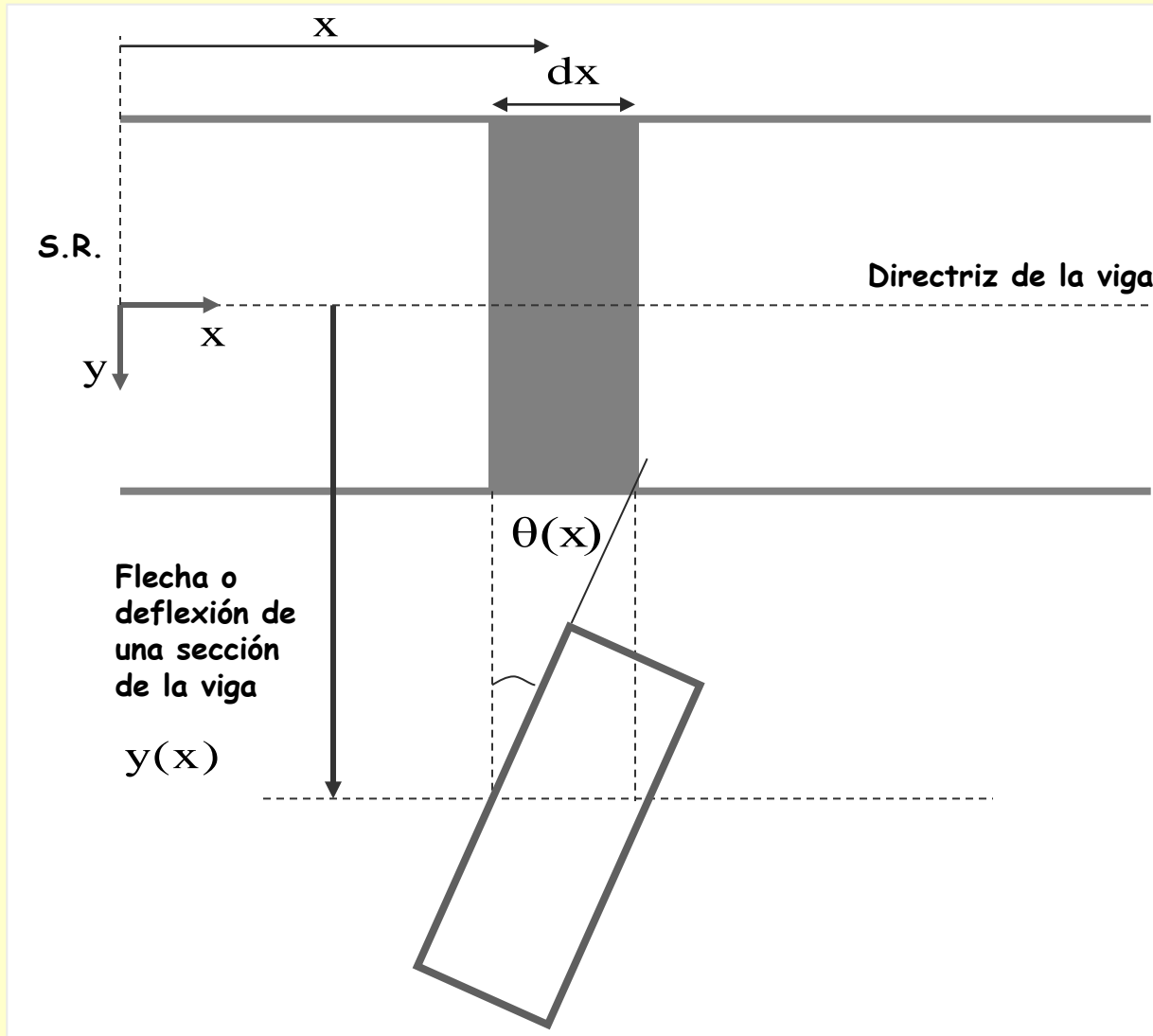
3° Deformación

$$d\theta = \frac{M}{EI} dx$$

LEY DE HOOKE

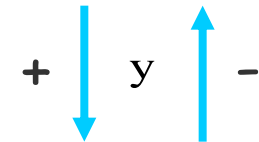
Descripción gráfica

A continuación se describe el movimiento total de un elemento diferencial producido durante el mecanismo de la deformación

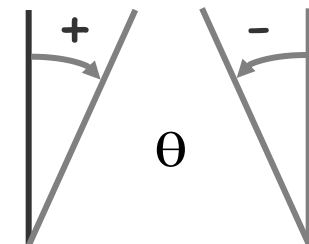


Movimientos de un elemento diferencial durante la deformación:

1° Traslación



2° Rotación



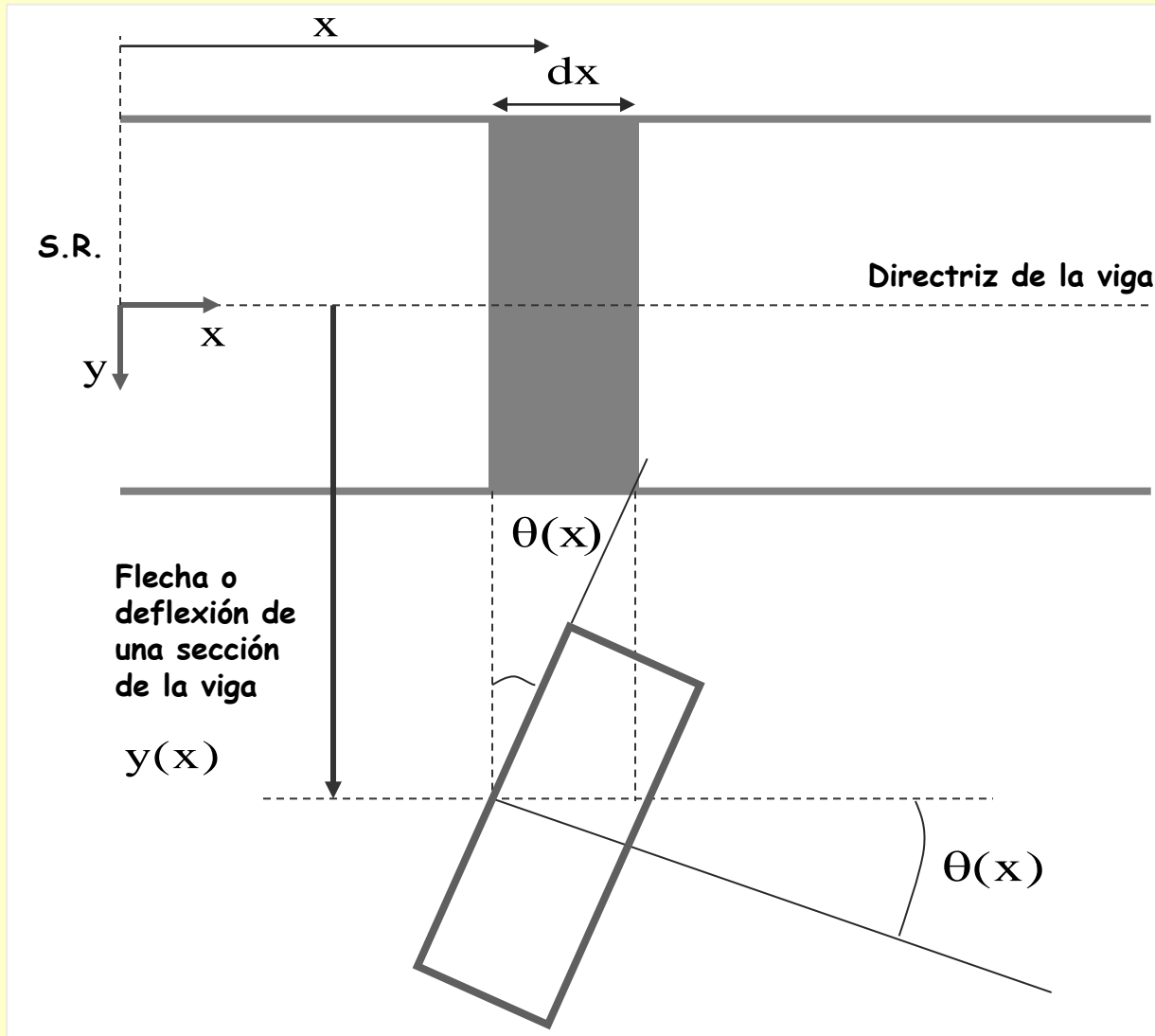
3° Deformación

$$d\theta = \frac{M}{EI} dx$$

LEY DE HOOKE

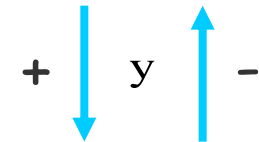
Descripción gráfica

A continuación se describe el movimiento total de un elemento diferencial producido durante el mecanismo de la deformación

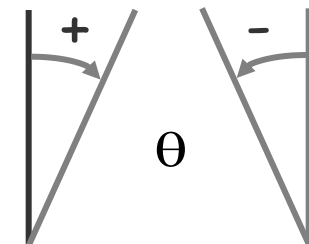


Movimientos de un elemento diferencial durante la deformación:

1° Traslación



2° Rotación



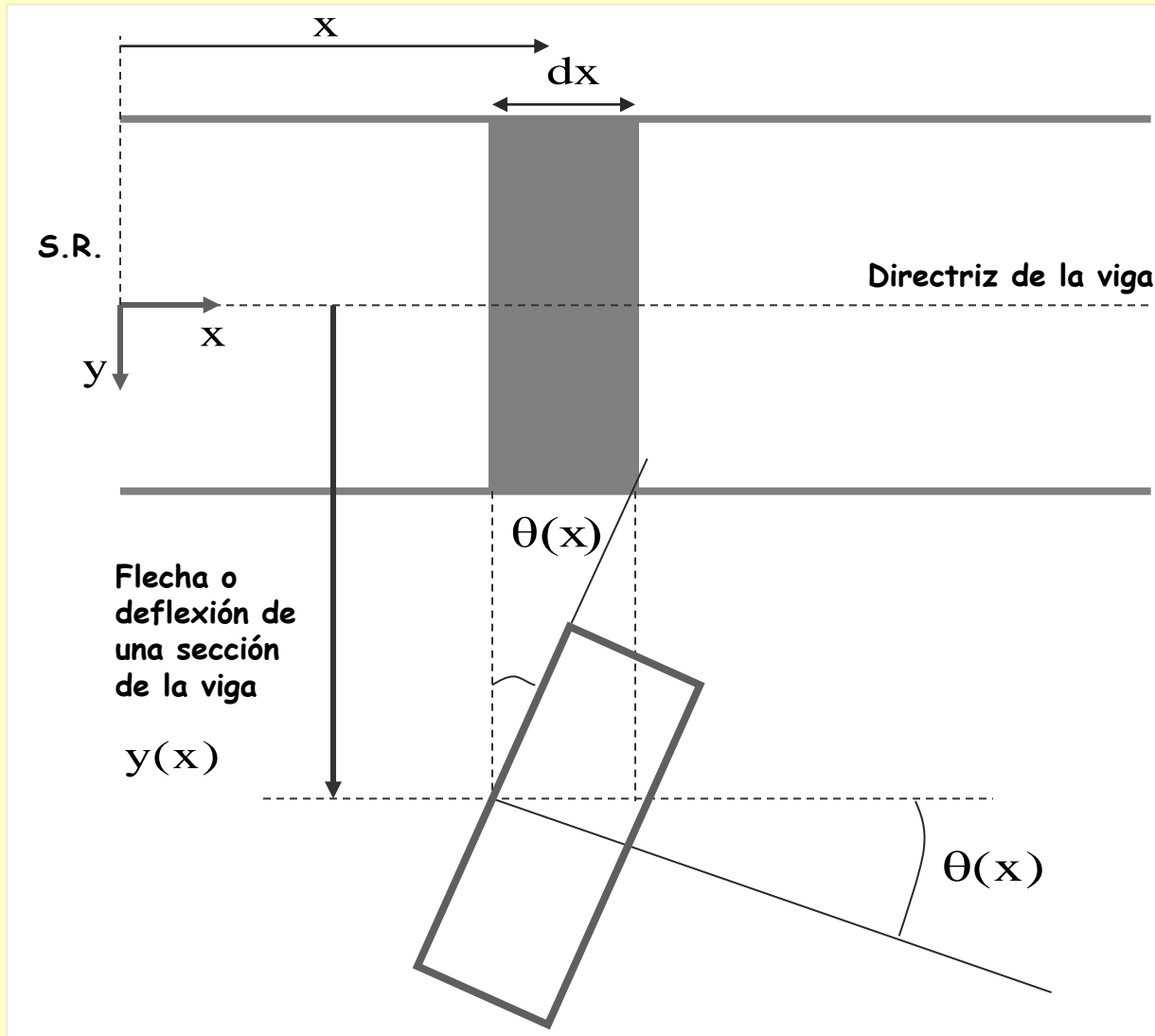
3° Deformación

$$d\theta = \frac{M}{EI} dx$$

LEY DE HOOKE

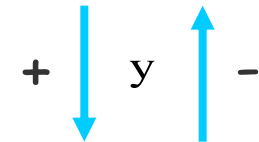
Descripción gráfica

A continuación se describe el movimiento total de un elemento diferencial producido durante el mecanismo de la deformación

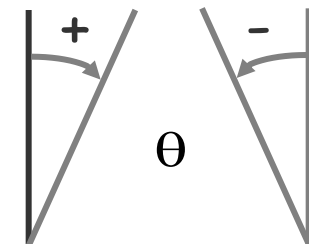


Movimientos de un elemento diferencial durante la deformación:

1° Traslación



2° Rotación



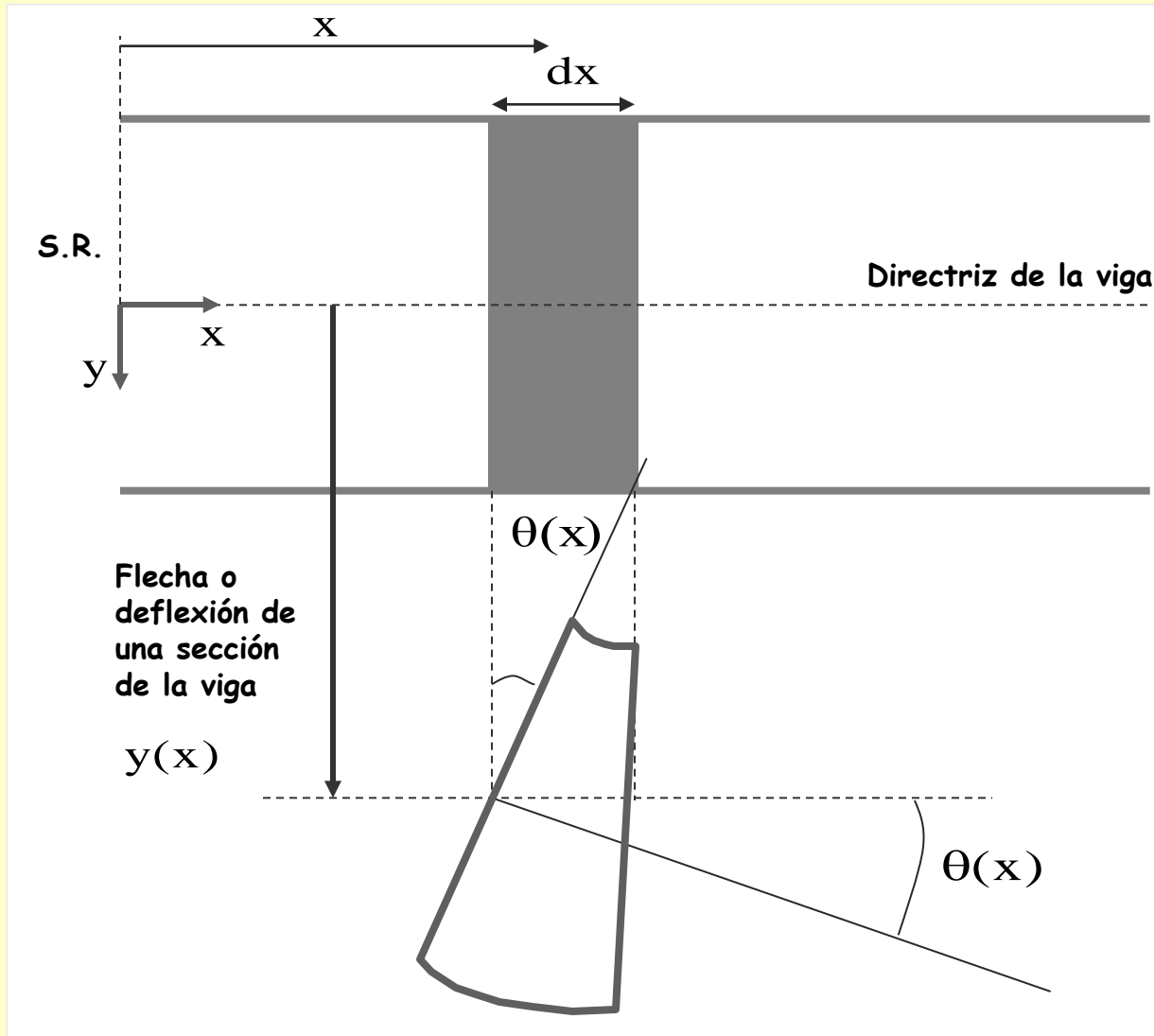
3° Deformación

$$d\theta = \frac{M}{EI} dx$$

LEY DE HOOKE

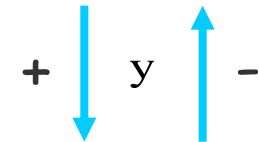
Descripción gráfica

A continuación se describe el movimiento total de un elemento diferencial producido durante el mecanismo de la deformación

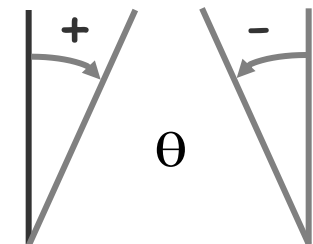


Movimientos de un elemento diferencial durante la deformación:

1° Traslación



2° Rotación



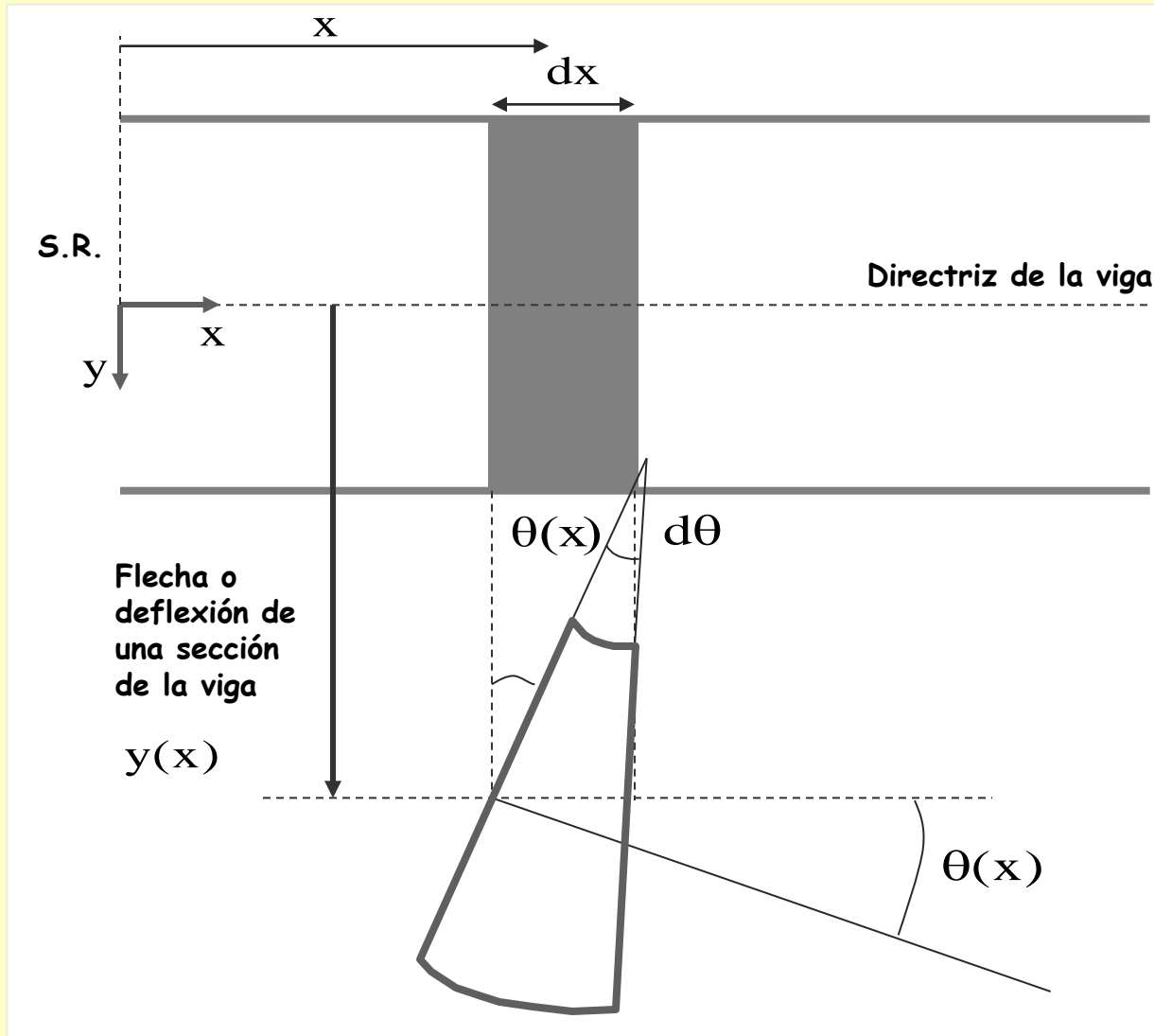
3° Deformación

$$d\theta = \frac{M}{EI} dx$$

LEY DE HOOKE

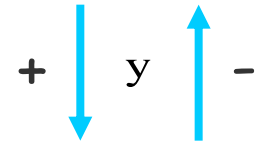
Descripción gráfica

A continuación se describe el movimiento total de un elemento diferencial producido durante el mecanismo de la deformación

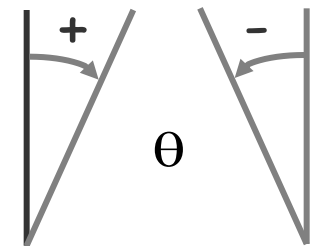


Movimientos de un elemento diferencial durante la deformación:

1° Traslación



2° Rotación



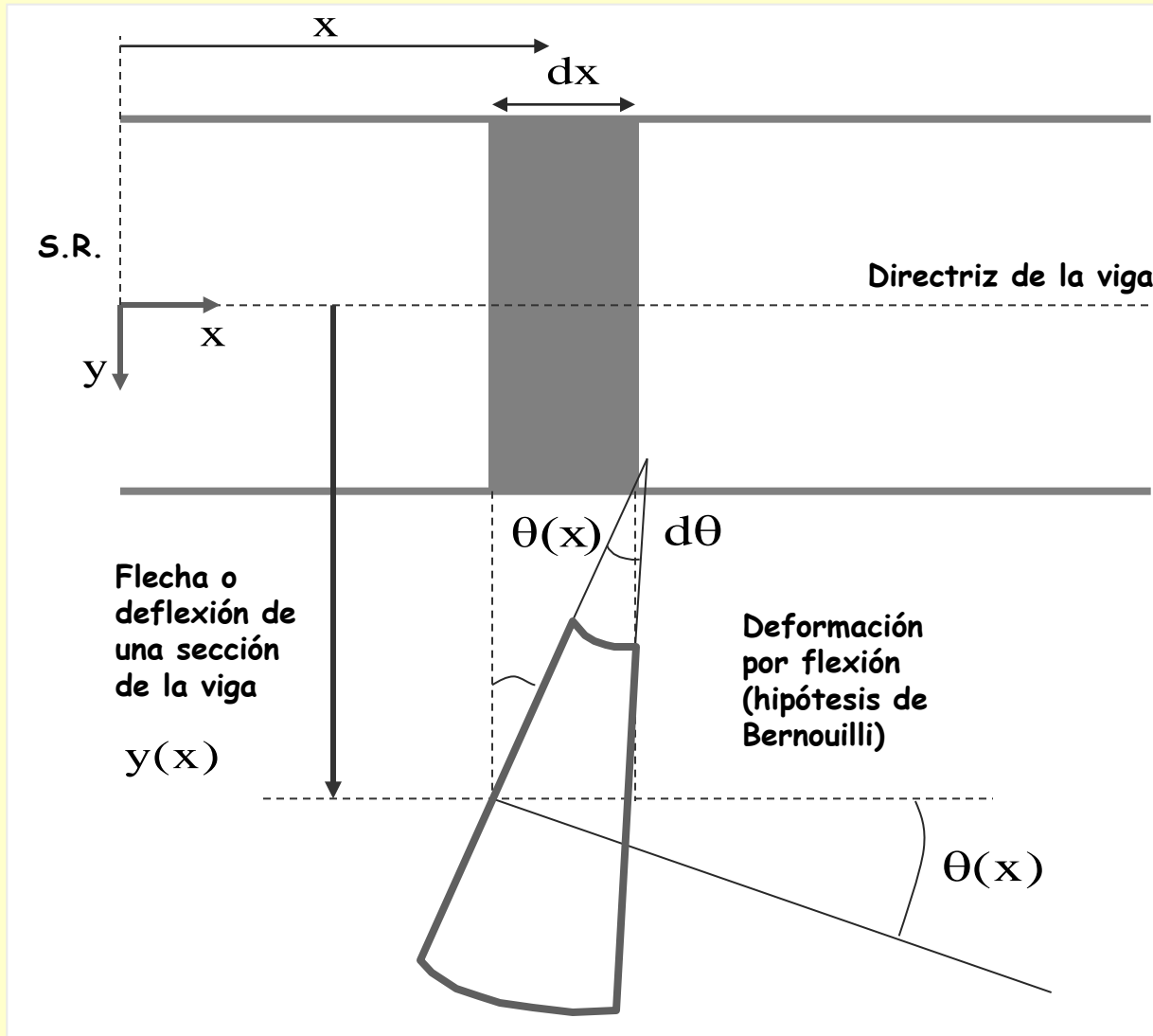
3° Deformación

$$d\theta = \frac{M}{EI} dx$$

LEY DE HOOKE

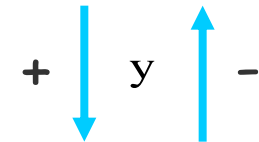
Descripción gráfica

A continuación se describe el movimiento total de un elemento diferencial producido durante el mecanismo de la deformación

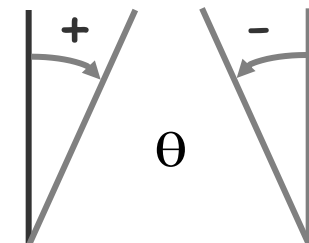


Movimientos de un elemento diferencial durante la deformación:

1° Traslación



2° Rotación



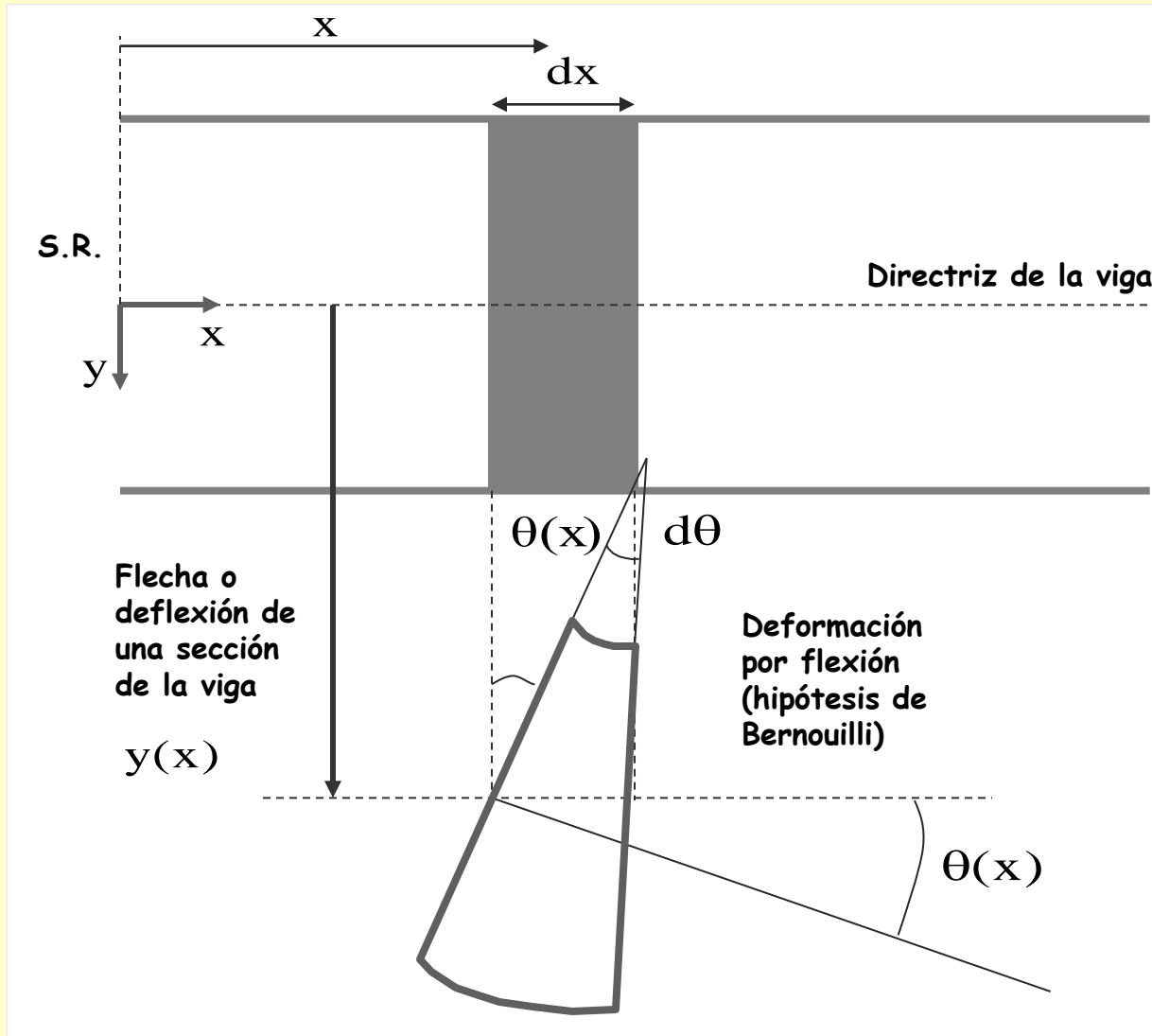
3° Deformación

$$d\theta = \frac{M}{EI} dx$$

LEY DE HOOKE

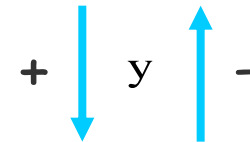
Descripción gráfica

A continuación se describe el movimiento total de un elemento diferencial producido durante el mecanismo de la deformación

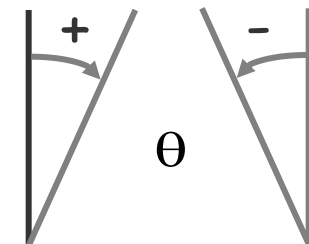


Movimientos de un elemento diferencial durante la deformación:

1° Traslación



2° Rotación



3° Deformación

$$d\theta = \frac{M}{EI} dx$$

LEY DE HOOKE



Cálculo de deformaciones por métodos matemáticos

Generalidades sobre los tramos viga

Concepto
Representación
Deformación

Hipótesis aceptadas
Mecanismo de deformación

Solicitaciones dominantes
Deformación
Descripción gráfica

de un elemento diferencial
de un tramo

Definición
Representación
Observaciones

1
2
3



Cálculo de deformaciones por métodos matemáticos

Generalidades sobre los tramos viga

- Concepto
- Representación
- Deformación

- Hipótesis aceptadas
- Mecanismo de deformación

- Solicitaciones dominantes
- Deformación
- Descripción gráfica
- Relaciones deducidas

- de un elemento diferencial
- de un tramo

- Definición
- Representación
- Observaciones

- 1
- 2
- 3



Cálculo de deformaciones por métodos matemáticos

Generalidades sobre los tramos viga

- Concepto
- Representación
- Deformación

- Hipótesis aceptadas
- Mecanismo de deformación

- Solicitaciones dominantes
- Deformación
- Descripción gráfica
- Relaciones deducidas

- de un elemento diferencial
- de un tramo
- Giro-flecha

- Definición
- Representación
- Observaciones

- 1
- 2
- 3



Relación giro-flecha

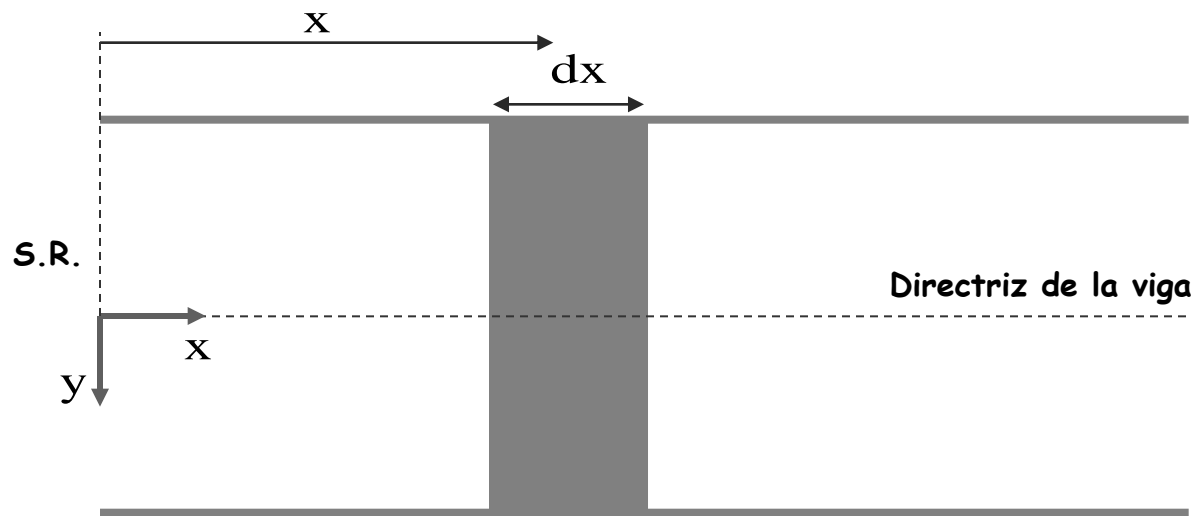


Relación giro-flecha

Esta relación puede obtenerse observando los movimientos de sólido rígido del elemento diferencial

Relación giro-flecha

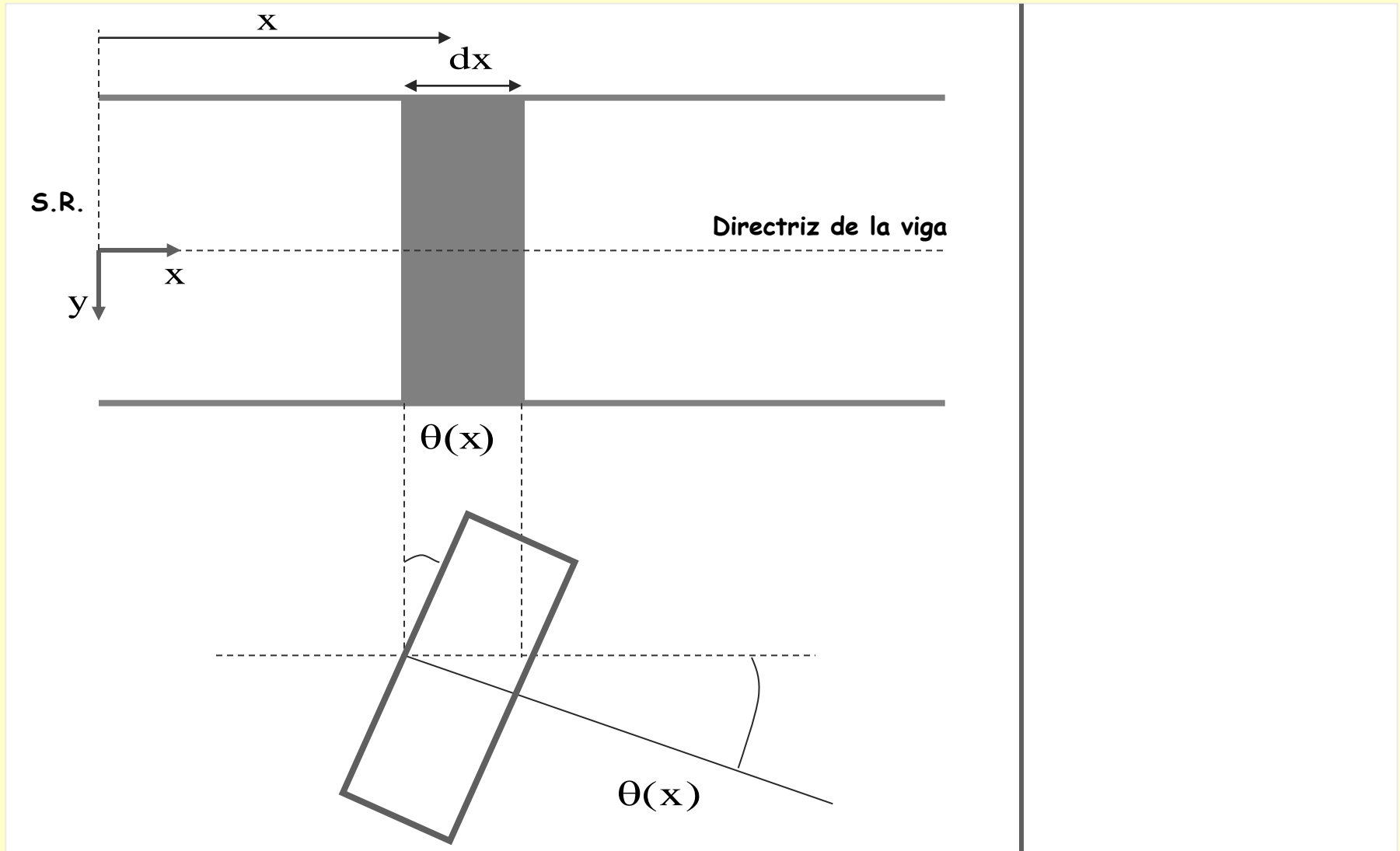
Esta relación puede obtenerse observando los movimientos de sólido rígido del elemento diferencial





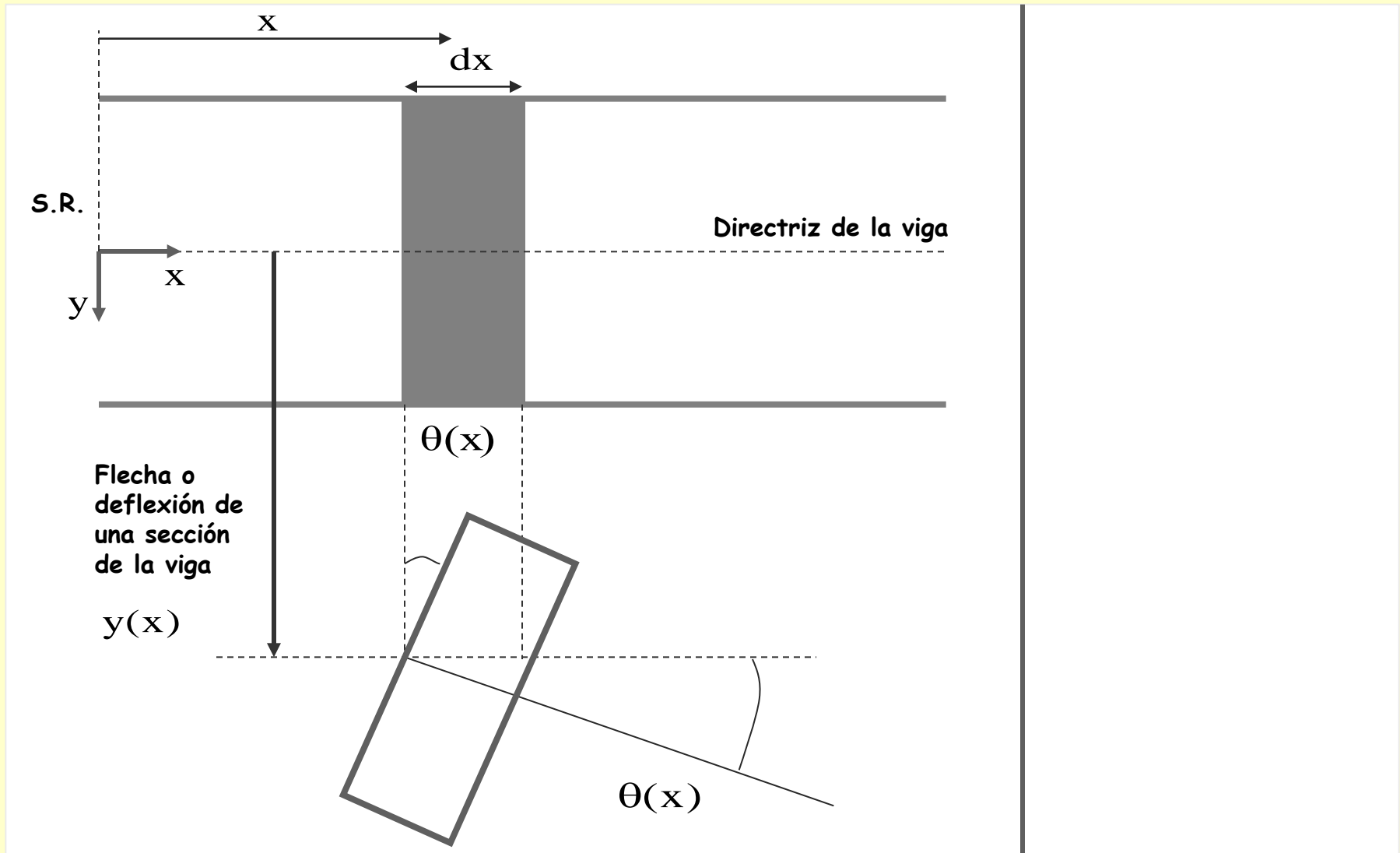
Relación giro-flecha

Esta relación puede obtenerse observando los movimientos de sólido rígido del elemento diferencial



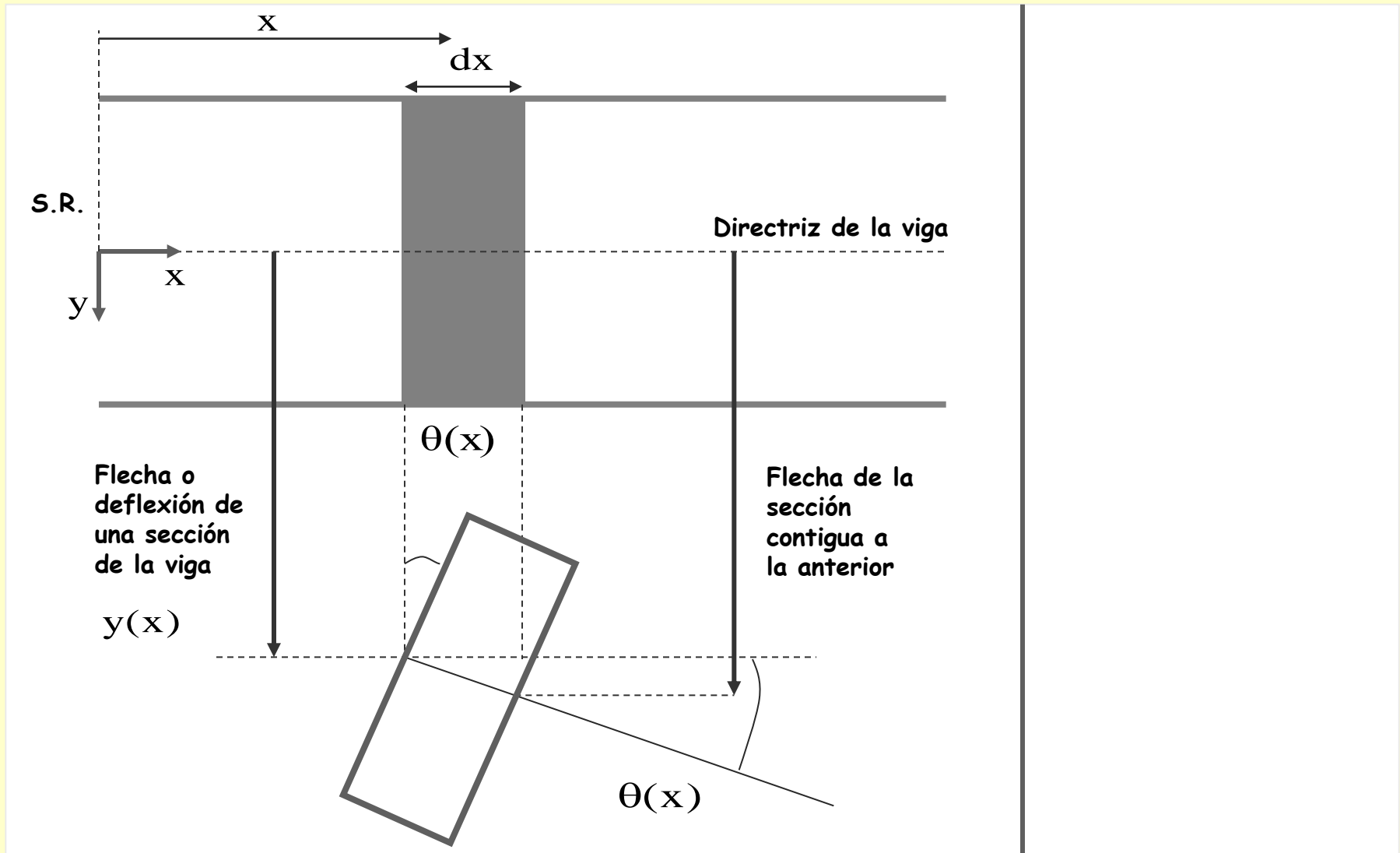
Relación giro-flecha

Esta relación puede obtenerse observando los movimientos de sólido rígido del elemento diferencial



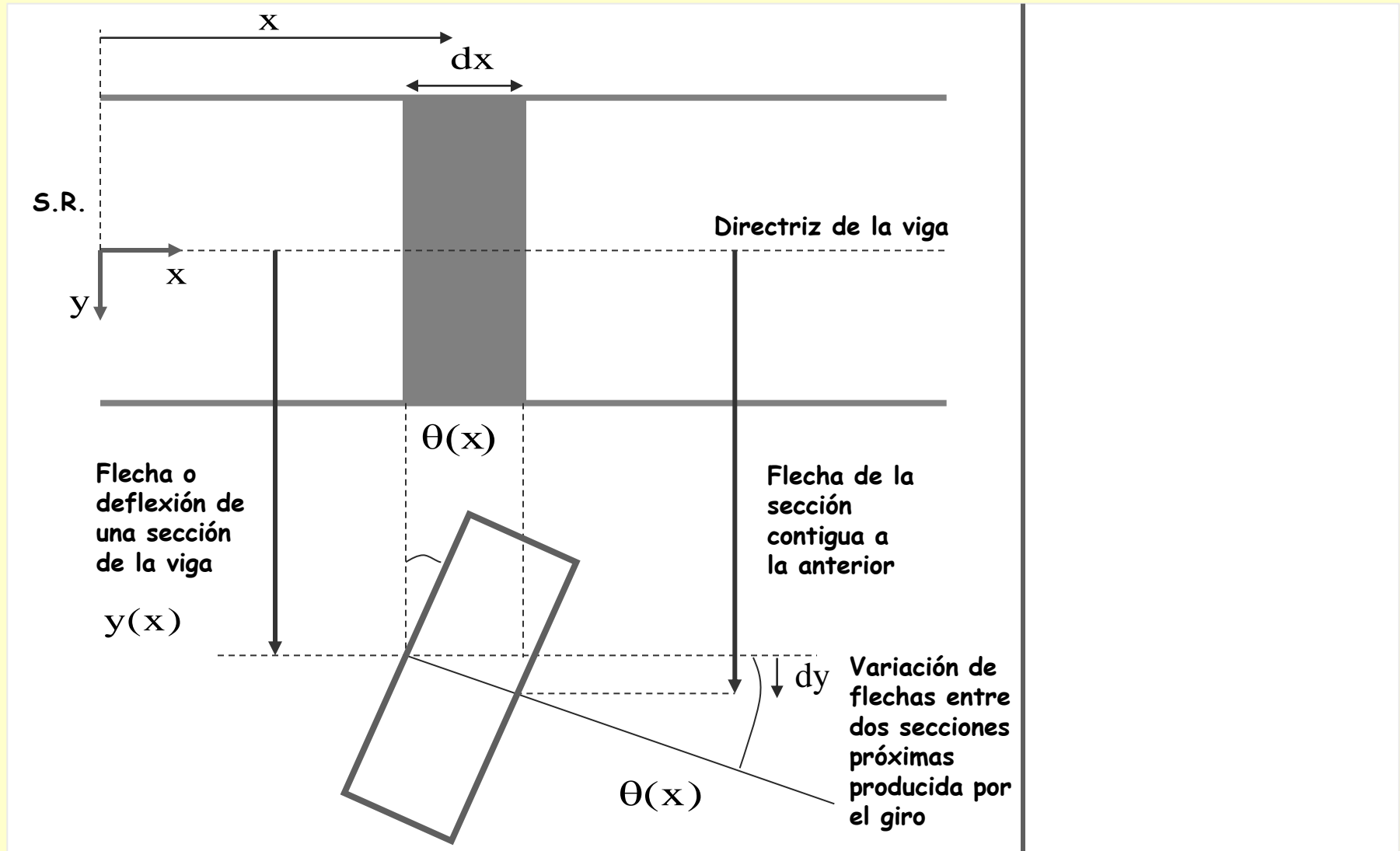
Relación giro-flecha

Esta relación puede obtenerse observando los movimientos de sólido rígido del elemento diferencial



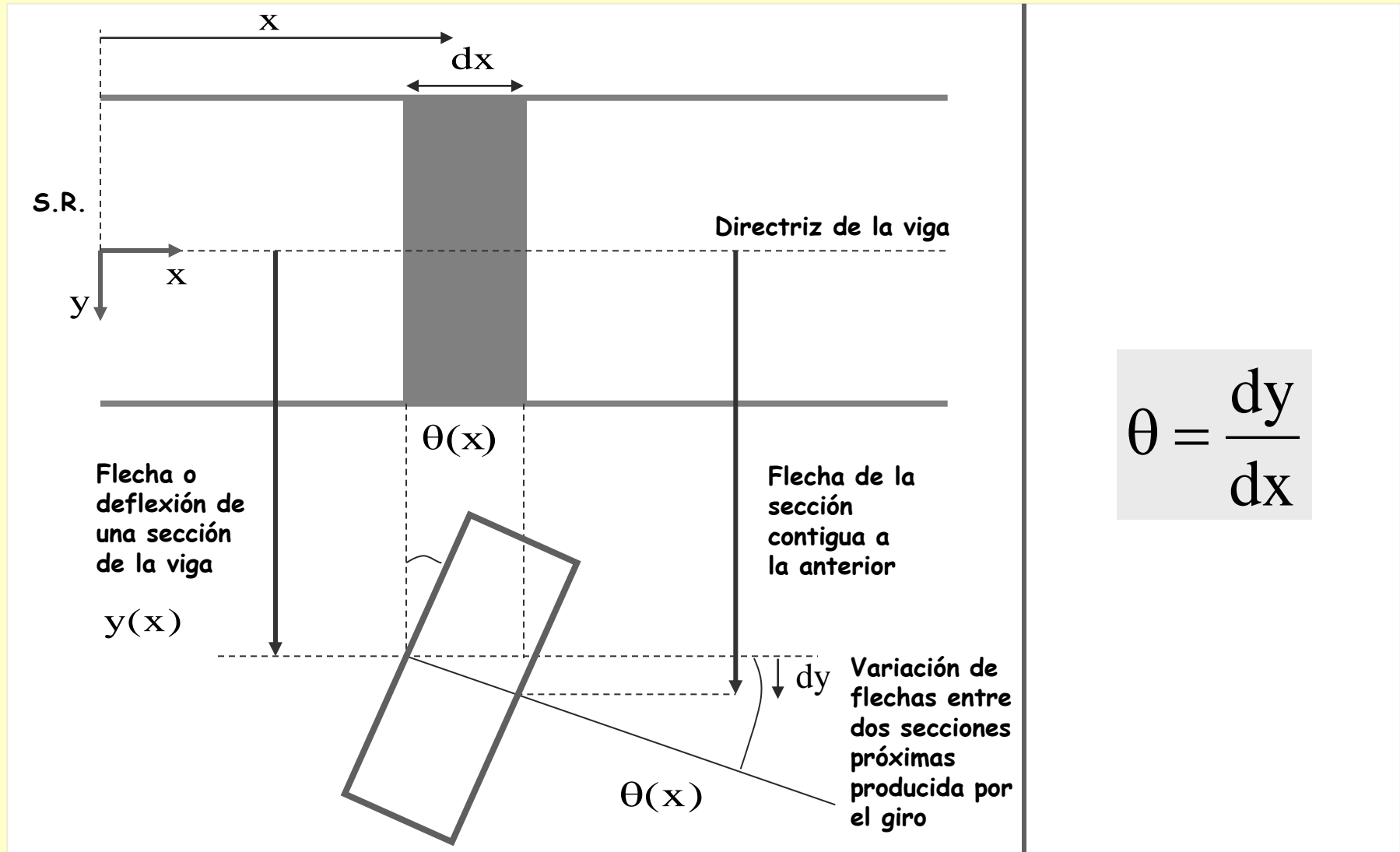
Relación giro-flecha

Esta relación puede obtenerse observando los movimientos de sólido rígido del elemento diferencial



Relación giro-flecha

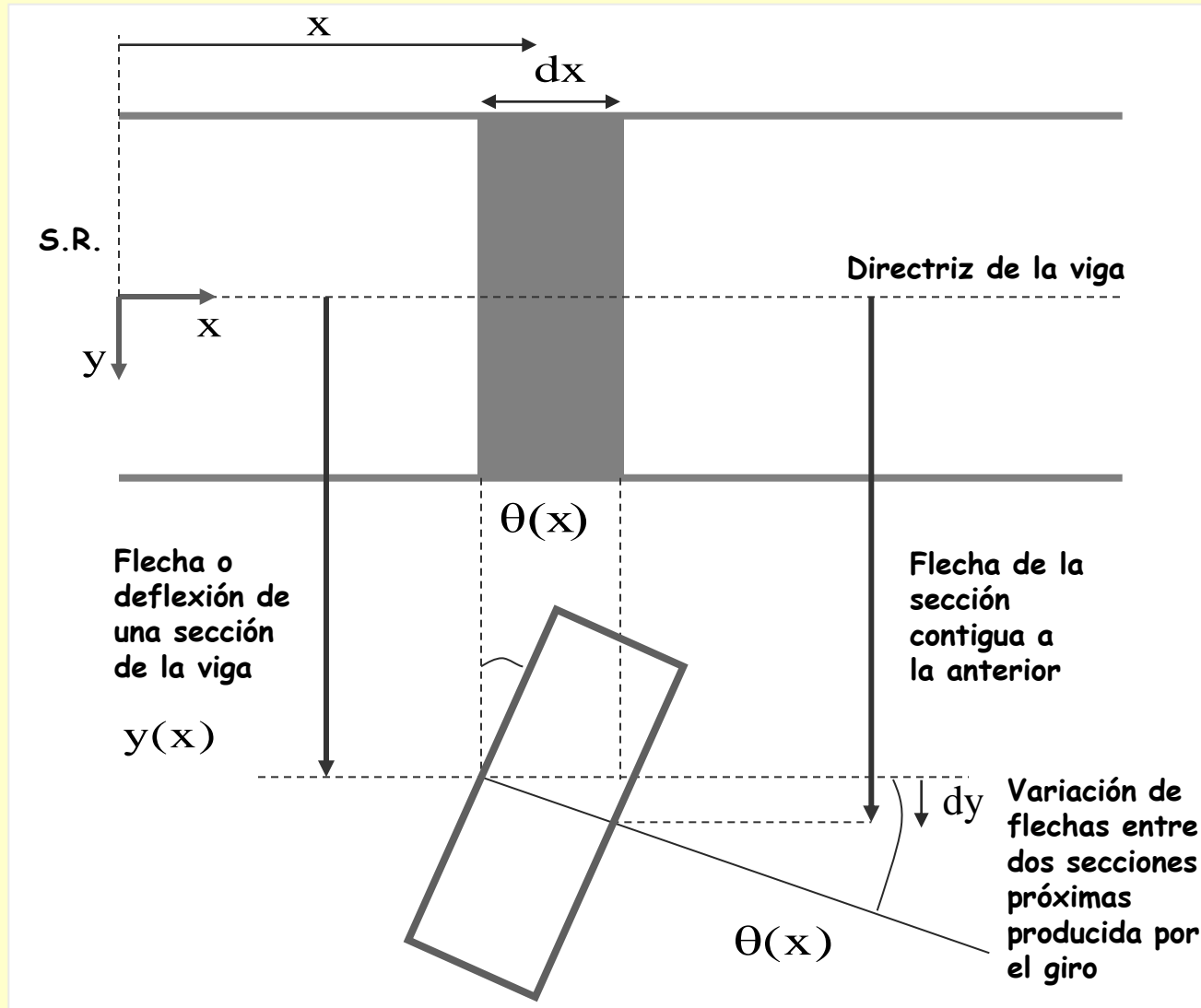
Esta relación puede obtenerse observando los movimientos de sólido rígido del elemento diferencial



$$\theta = \frac{dy}{dx}$$

Relación giro-flecha

Esta relación puede obtenerse observando los movimientos de sólido rígido del elemento diferencial



$$\theta = \frac{dy}{dx}$$

El giro del elemento diferencial es la derivada de la flecha



Cálculo de deformaciones por métodos matemáticos

Generalidades sobre los tramos viga

- Concepto
- Representación
- Deformación

- Hipótesis aceptadas
- Mecanismo de deformación

- Solicitaciones dominantes
- Deformación
- Descripción gráfica
- Relaciones deducidas

- de un elemento diferencial
- de un tramo
- Giro-flecha

- Definición
- Representación
- Observaciones

- 1
- 2
- 3

Cálculo de deformaciones por métodos matemáticos

Generalidades sobre los tramos viga

- Concepto
- Representación
- Deformación

- Hipótesis aceptadas
- Mecanismo de deformación

- Solicitaciones dominantes
- Deformación
- Descripción gráfica
- Relaciones deducidas

- de un elemento diferencial
- de un tramo
- Giro-flecha
- Giro-M

- Definición
- Representación
- Observaciones

- 1
- 2
- 3



Relación giro-momento

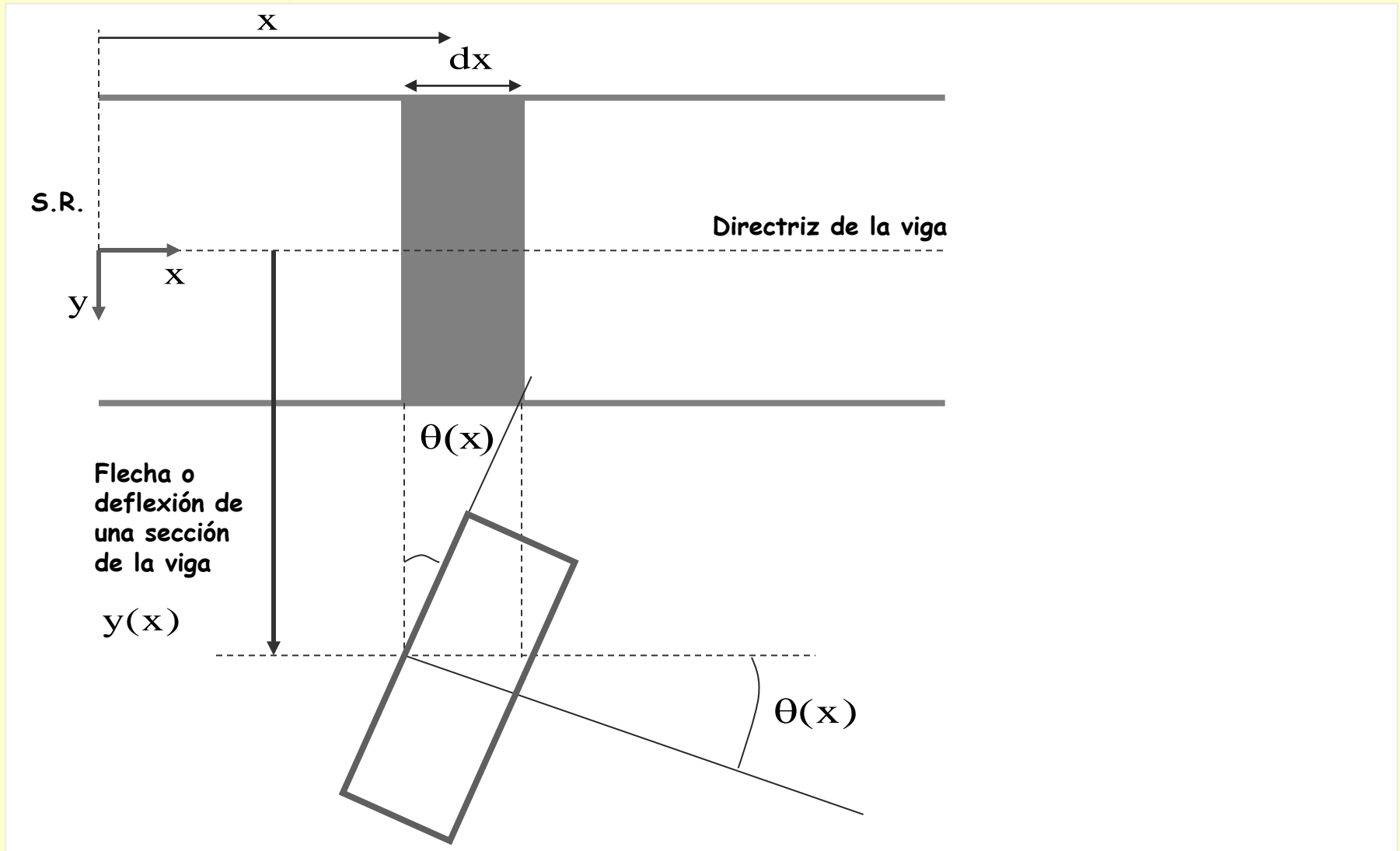


Relación giro-momento

Esta relación está determinada por la Ley de Hooke. Dicha ecuación hay que alterarla para hacer compatible el criterio de signos de los giros con el de los flectores. A continuación se muestra esquemáticamente la justificación de dicha alteración

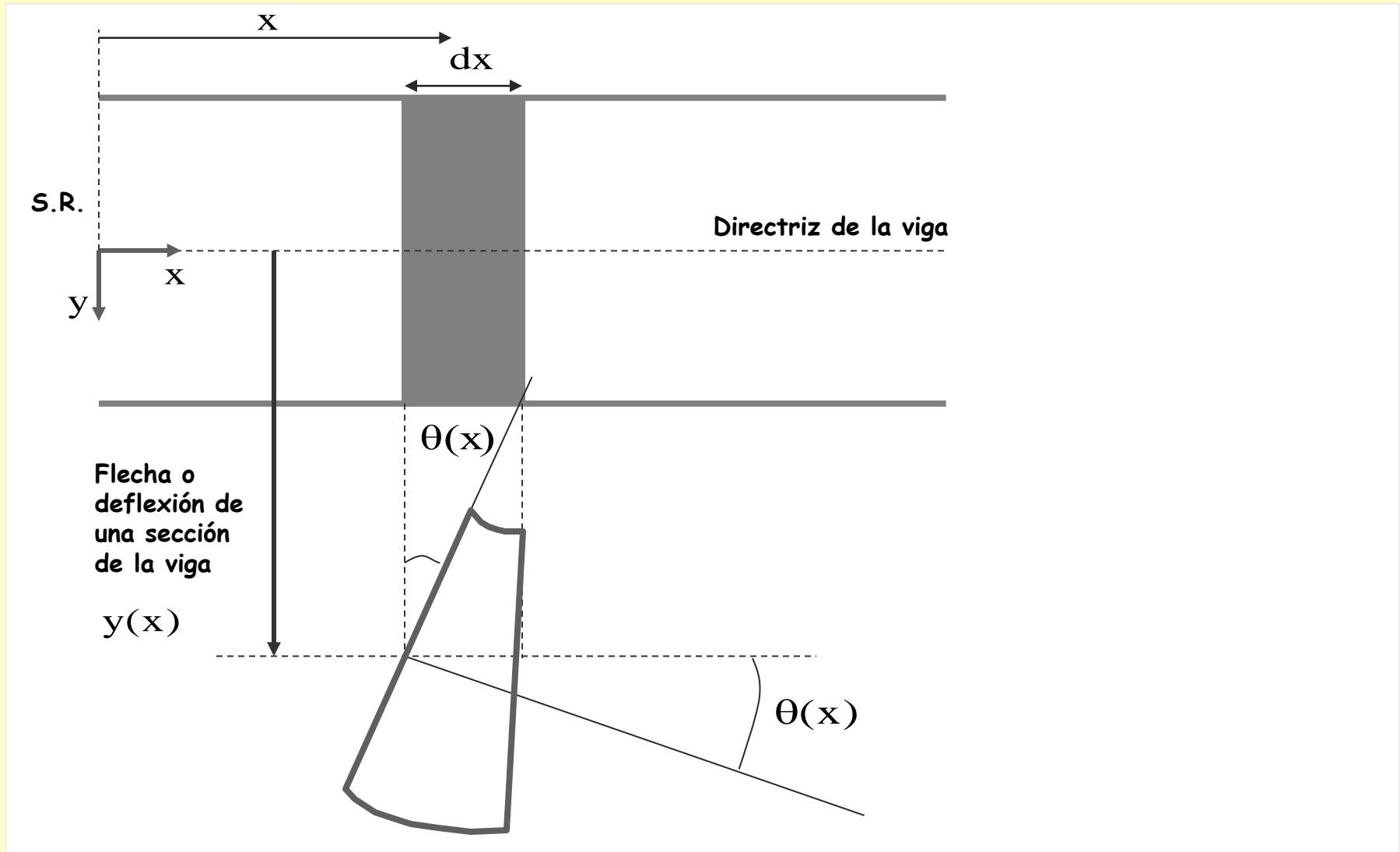
Relación giro-momento

Esta relación está determinada por la Ley de Hooke. Dicha ecuación hay que alterarla para hacer compatible el criterio de signos de los giros con el de los flectores. A continuación se muestra esquemáticamente la justificación de dicha alteración



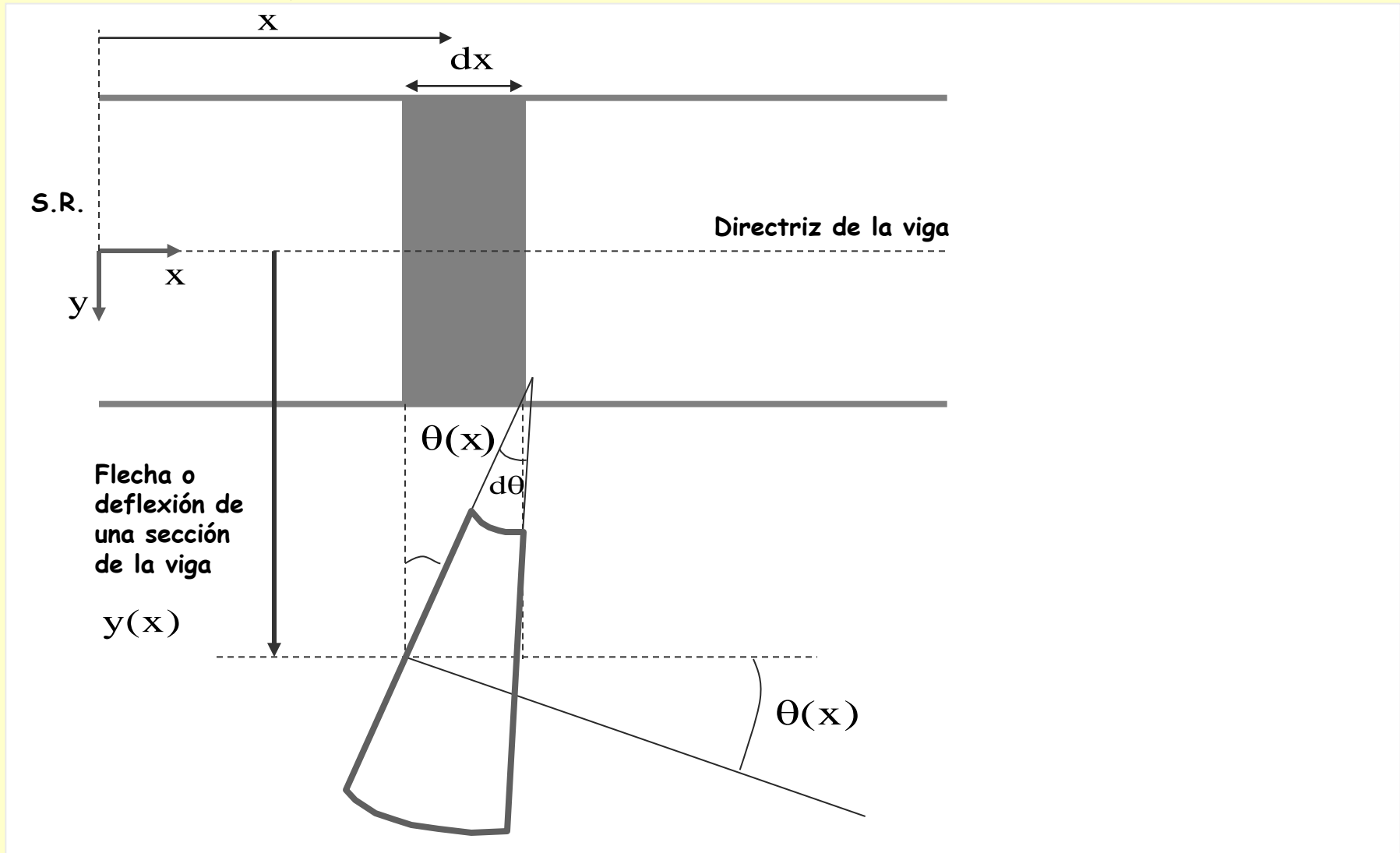
Relación giro-momento

Esta relación está determinada por la Ley de Hooke. Dicha ecuación hay que alterarla para hacer compatible el criterio de signos de los giros con el de los flectores. A continuación se muestra esquemáticamente la justificación de dicha alteración



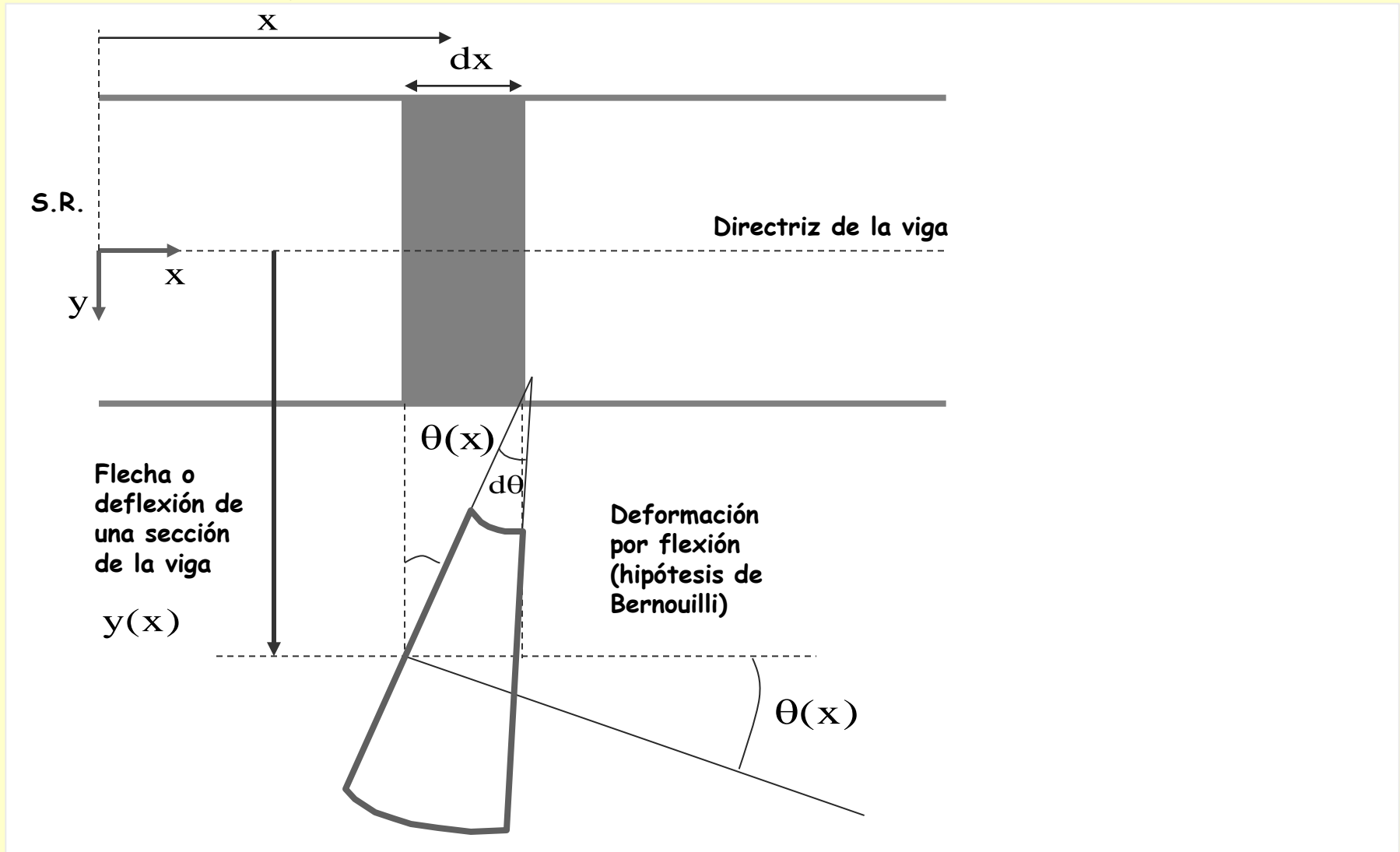
Relación giro-momento

Esta relación está determinada por la Ley de Hooke. Dicha ecuación hay que alterarla para hacer compatible el criterio de signos de los giros con el de los flectores. A continuación se muestra esquemáticamente la justificación de dicha alteración



Relación giro-momento

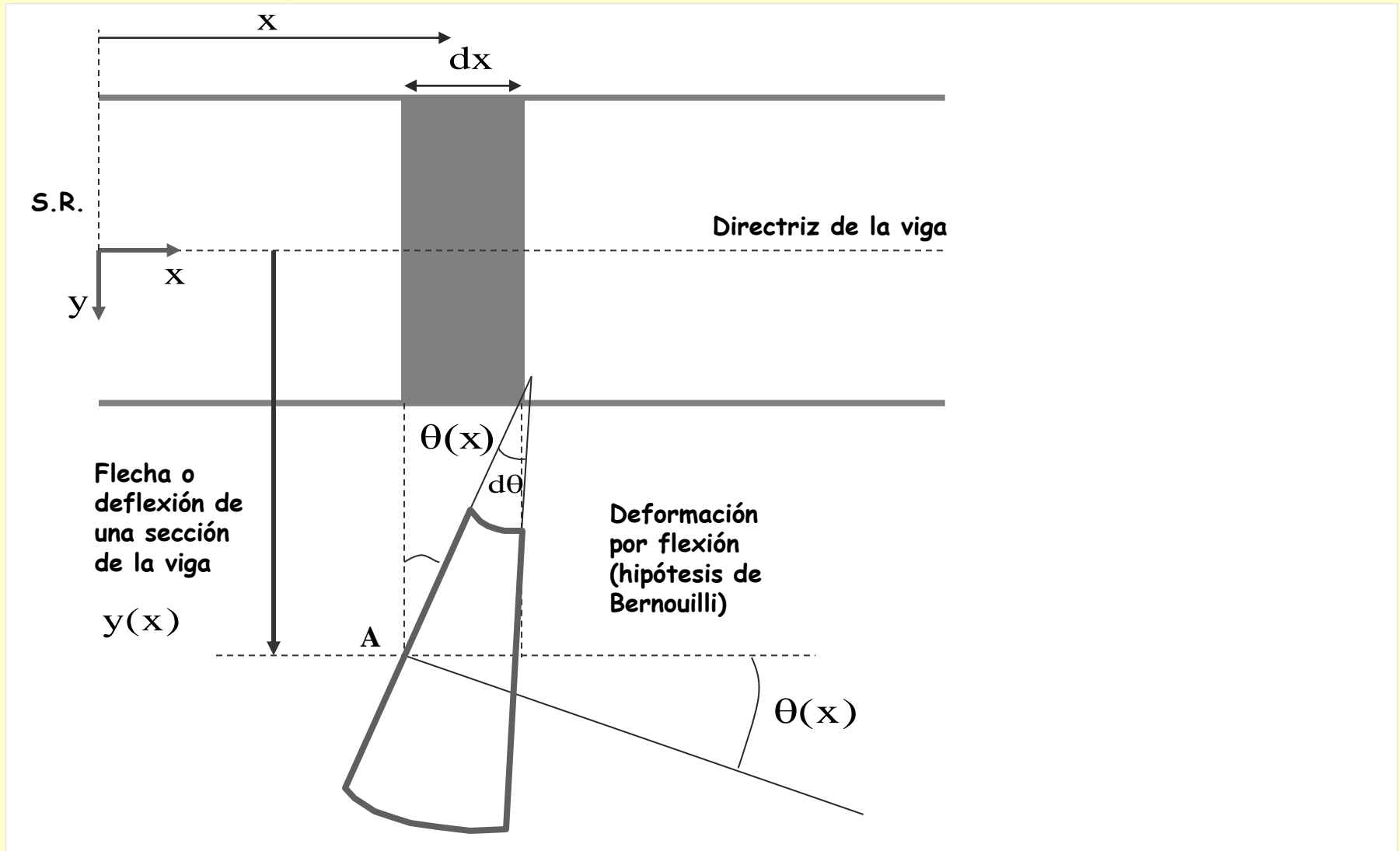
Esta relación está determinada por la Ley de Hooke. Dicha ecuación hay que alterarla para hacer compatible el criterio de signos de los giros con el de los flectores. A continuación se muestra esquemáticamente la justificación de dicha alteración





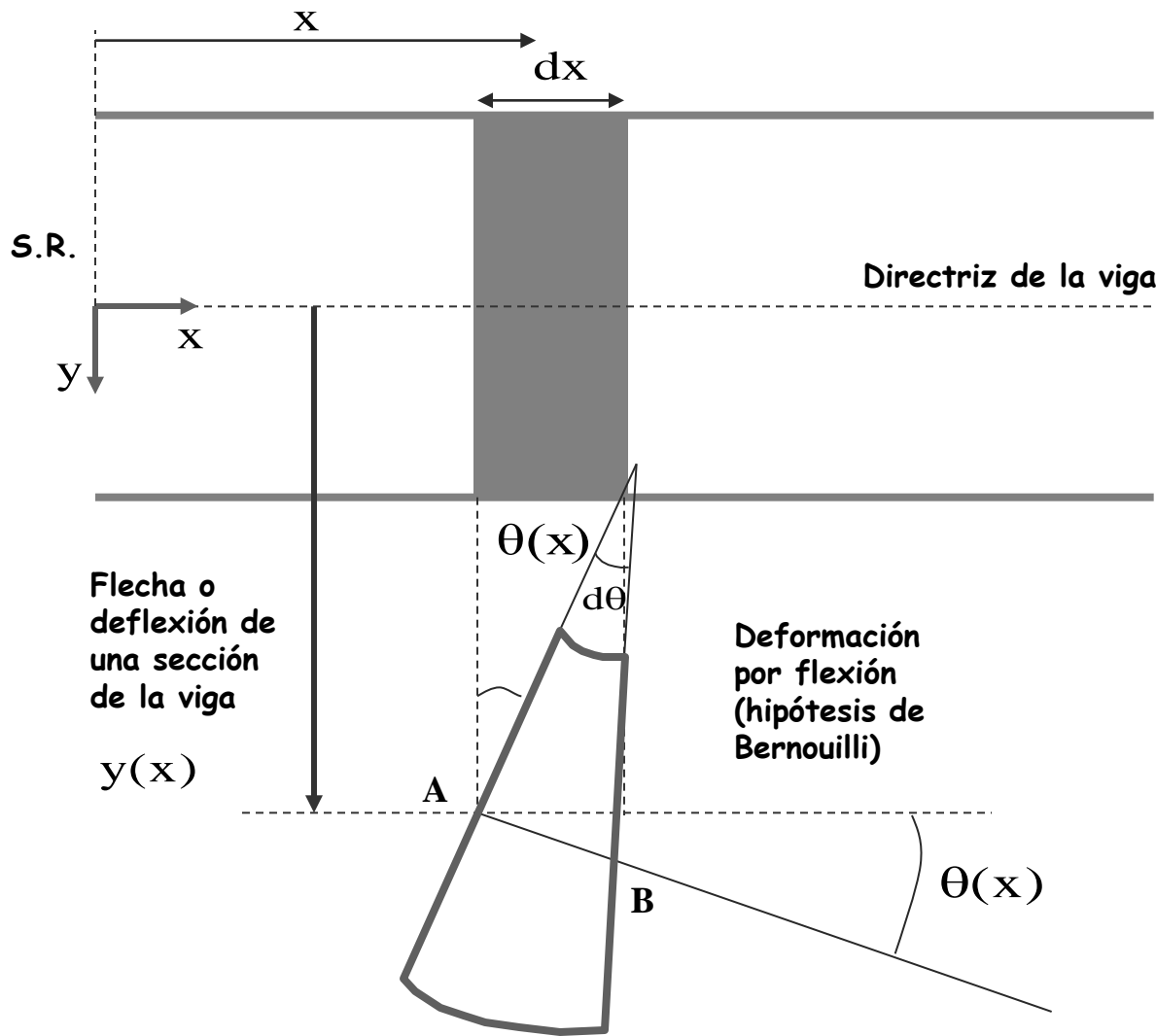
Relación giro-momento

Esta relación está determinada por la Ley de Hooke. Dicha ecuación hay que alterarla para hacer compatible el criterio de signos de los giros con el de los flectores. A continuación se muestra esquemáticamente la justificación de dicha alteración



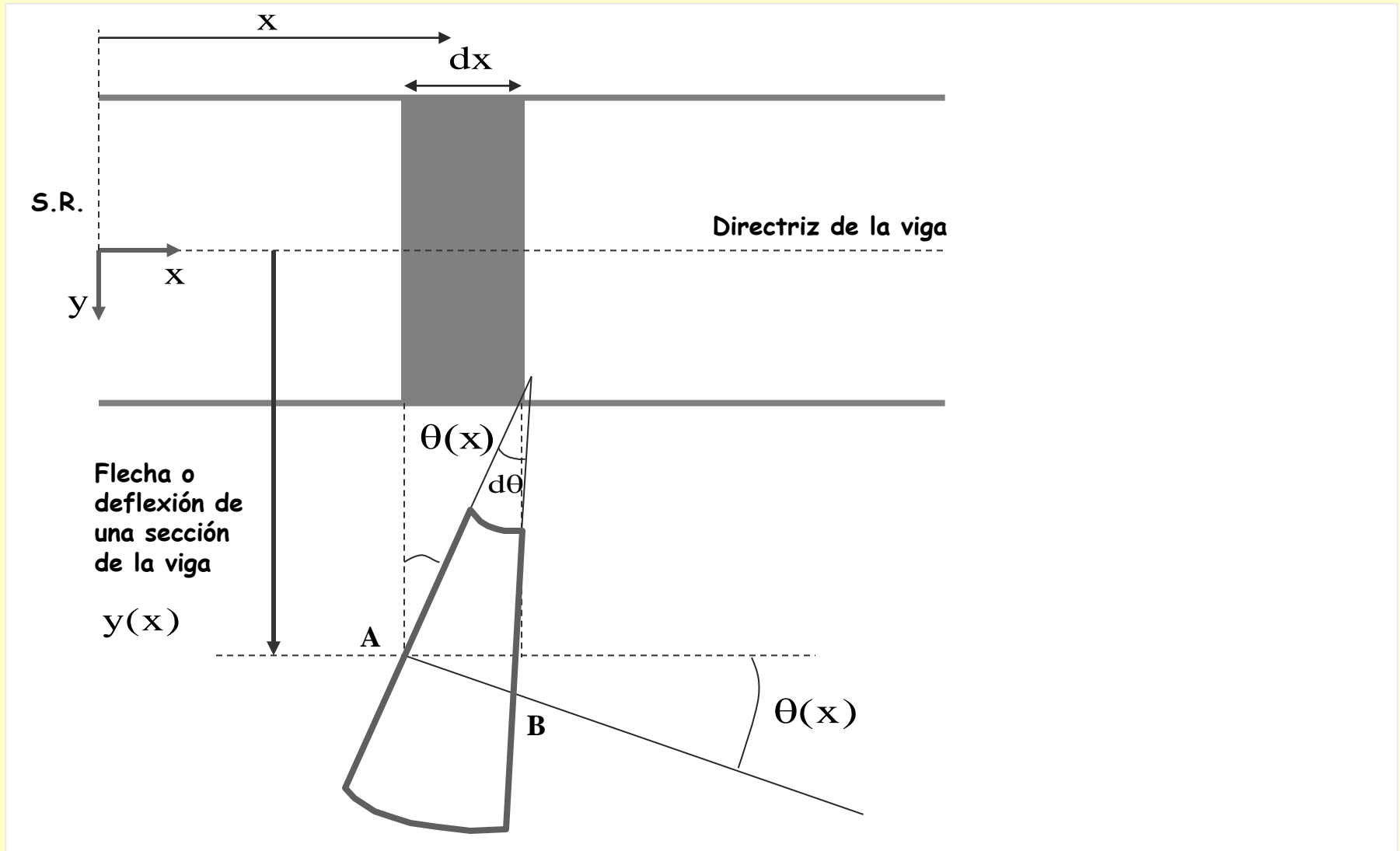
Relación giro-momento

Esta relación está determinada por la Ley de Hooke. Dicha ecuación hay que alterarla para hacer compatible el criterio de signos de los giros con el de los flectores. A continuación se muestra esquemáticamente la justificación de dicha alteración



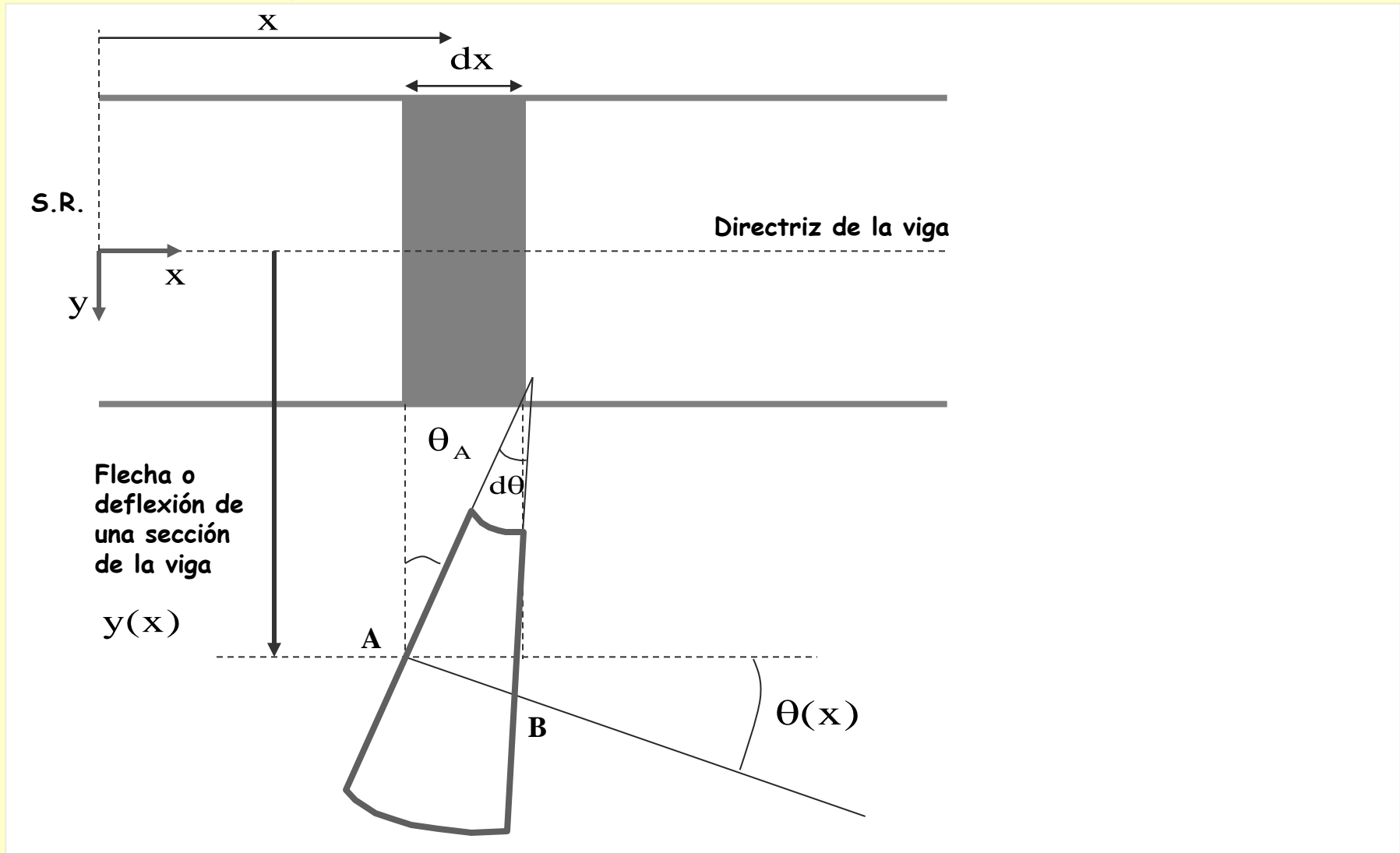
Relación giro-momento

Esta relación está determinada por la Ley de Hooke. Dicha ecuación hay que alterarla para hacer compatible el criterio de signos de los giros con el de los flectores. A continuación se muestra esquemáticamente la justificación de dicha alteración



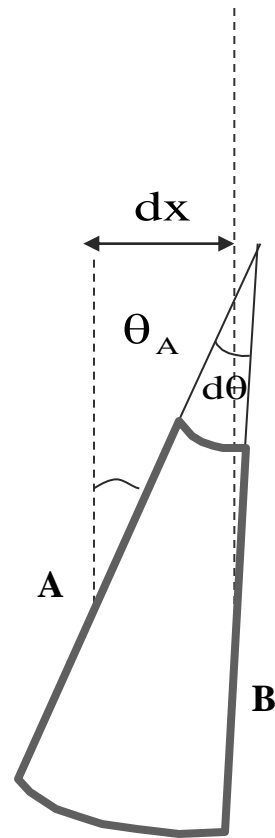
Relación giro-momento

Esta relación está determinada por la Ley de Hooke. Dicha ecuación hay que alterarla para hacer compatible el criterio de signos de los giros con el de los flectores. A continuación se muestra esquemáticamente la justificación de dicha alteración



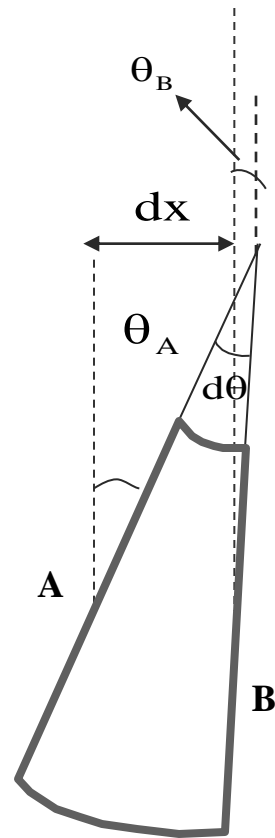
Relación giro-momento

Esta relación está determinada por la Ley de Hooke. Dicha ecuación hay que alterarla para hacer compatible el criterio de signos de los giros con el de los flectores. A continuación se muestra esquemáticamente la justificación de dicha alteración



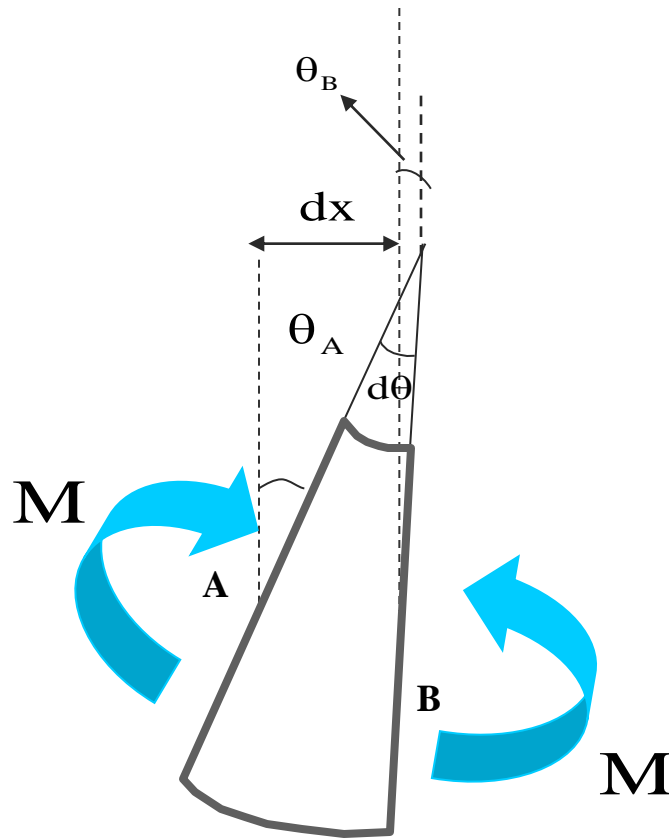
Relación giro-momento

Esta relación está determinada por la Ley de Hooke. Dicha ecuación hay que alterarla para hacer compatible el criterio de signos de los giros con el de los flectores. A continuación se muestra esquemáticamente la justificación de dicha alteración



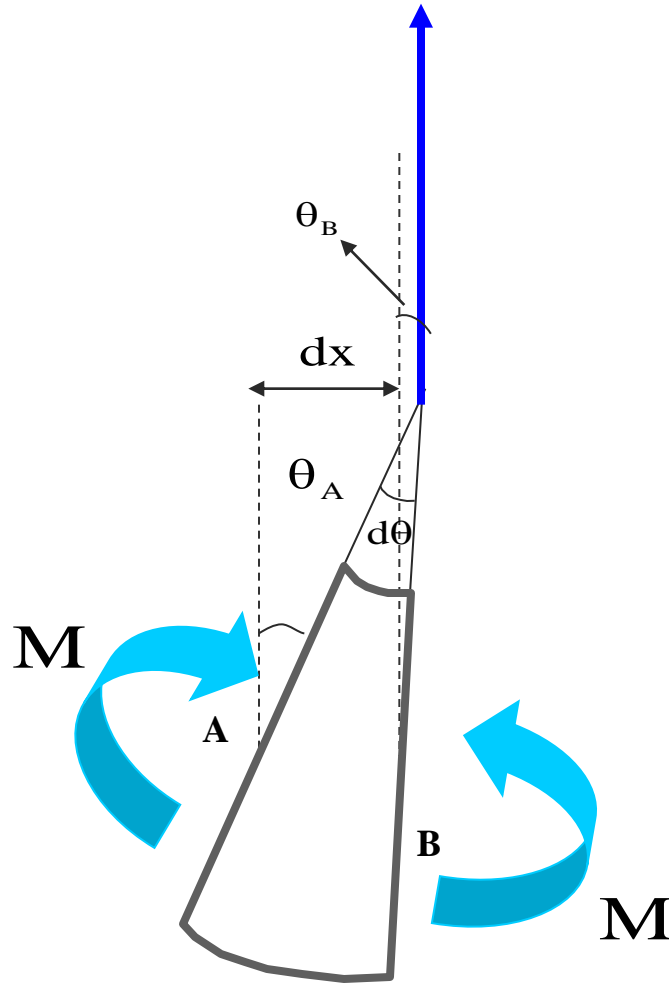
Relación giro-momento

Esta relación está determinada por la Ley de Hooke. Dicha ecuación hay que alterarla para hacer compatible el criterio de signos de los giros con el de los flectores. A continuación se muestra esquemáticamente la justificación de dicha alteración



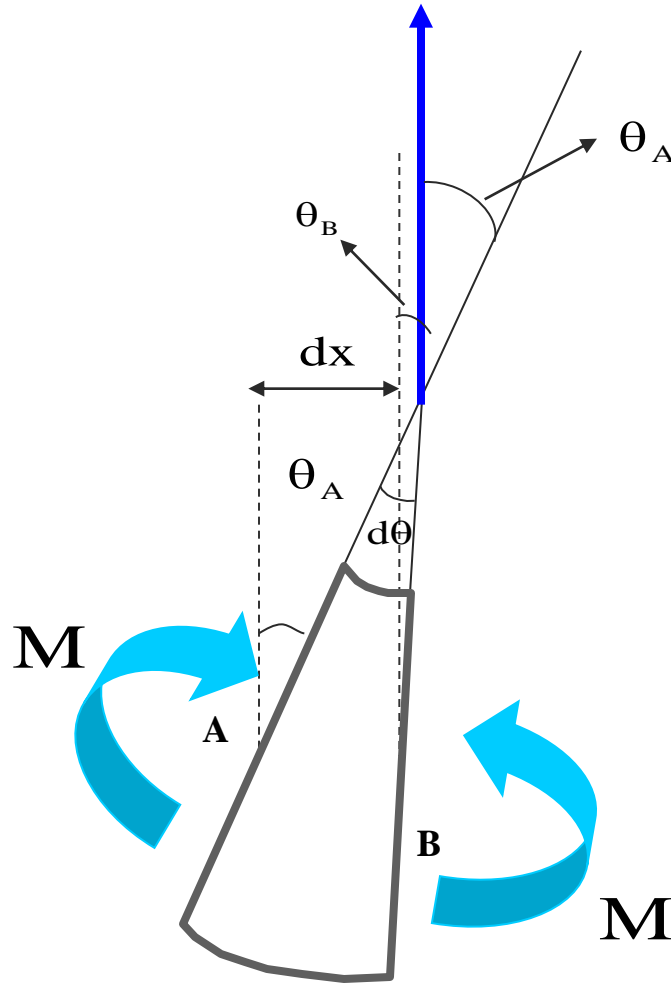
Relación giro-momento

Esta relación está determinada por la Ley de Hooke. Dicha ecuación hay que alterarla para hacer compatible el criterio de signos de los giros con el de los flectores. A continuación se muestra esquemáticamente la justificación de dicha alteración



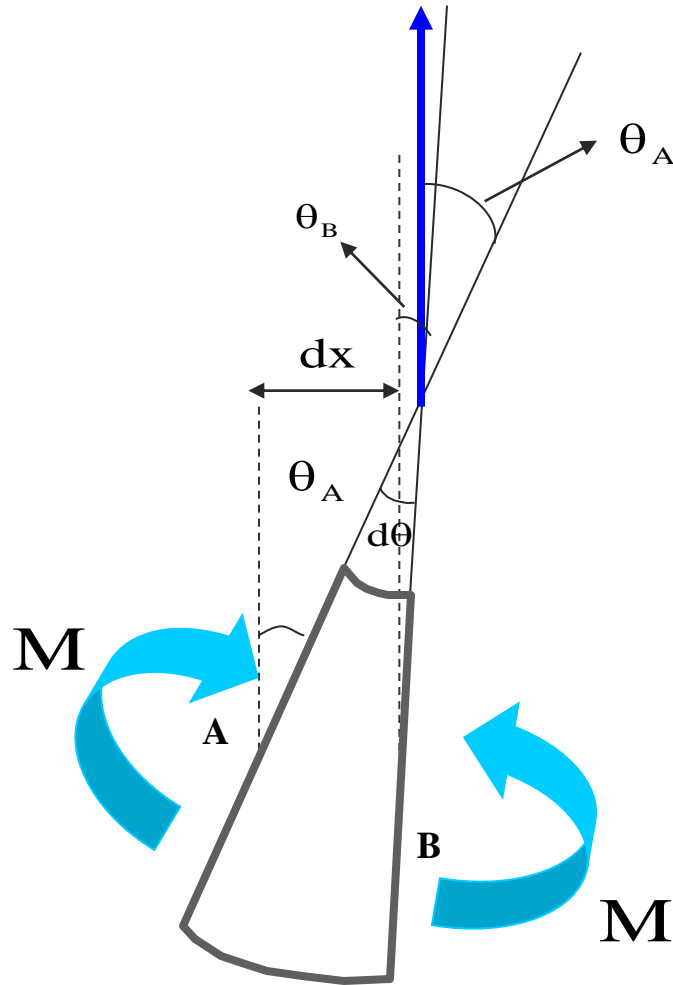
Relación giro-momento

Esta relación está determinada por la Ley de Hooke. Dicha ecuación hay que alterarla para hacer compatible el criterio de signos de los giros con el de los flectores. A continuación se muestra esquemáticamente la justificación de dicha alteración



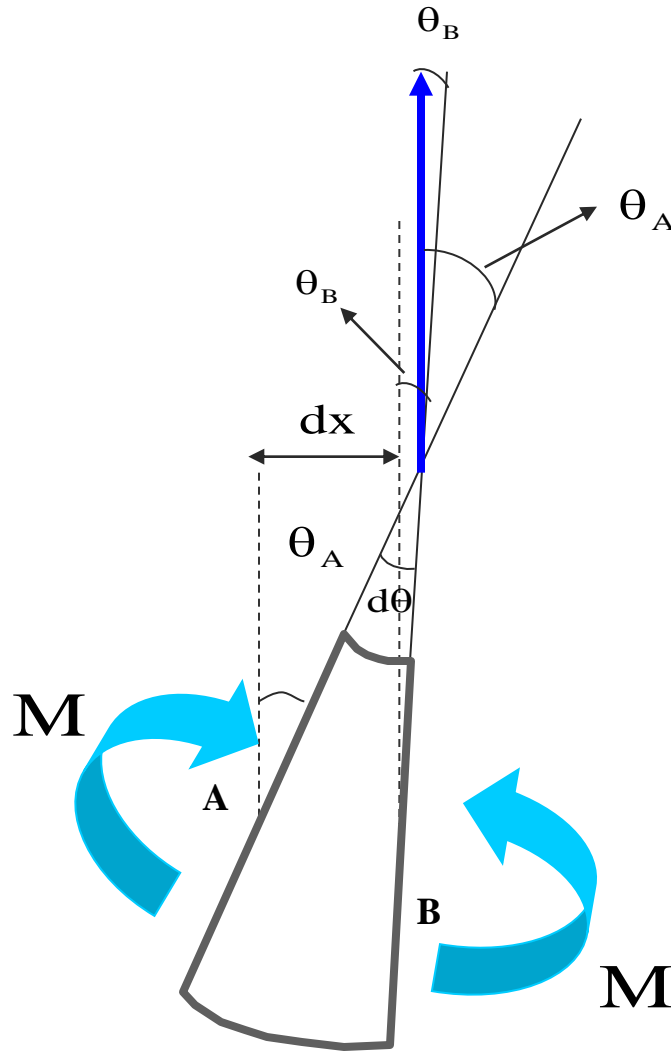
Relación giro-momento

Esta relación está determinada por la Ley de Hooke. Dicha ecuación hay que alterarla para hacer compatible el criterio de signos de los giros con el de los flectores. A continuación se muestra esquemáticamente la justificación de dicha alteración



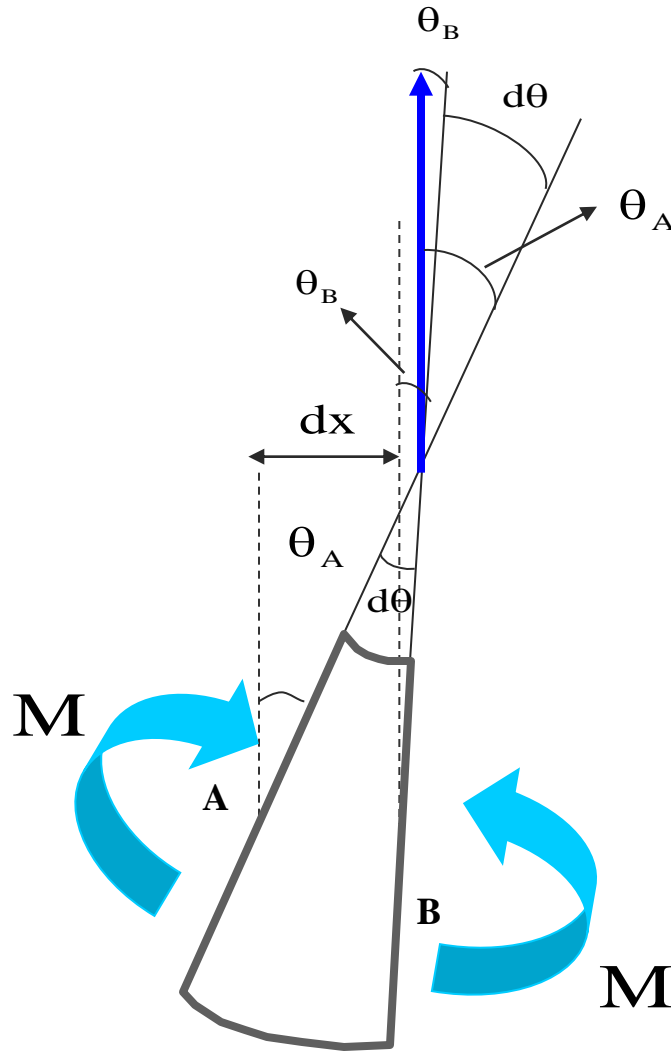
Relación giro-momento

Esta relación está determinada por la Ley de Hooke. Dicha ecuación hay que alterarla para hacer compatible el criterio de signos de los giros con el de los flectores. A continuación se muestra esquemáticamente la justificación de dicha alteración



Relación giro-momento

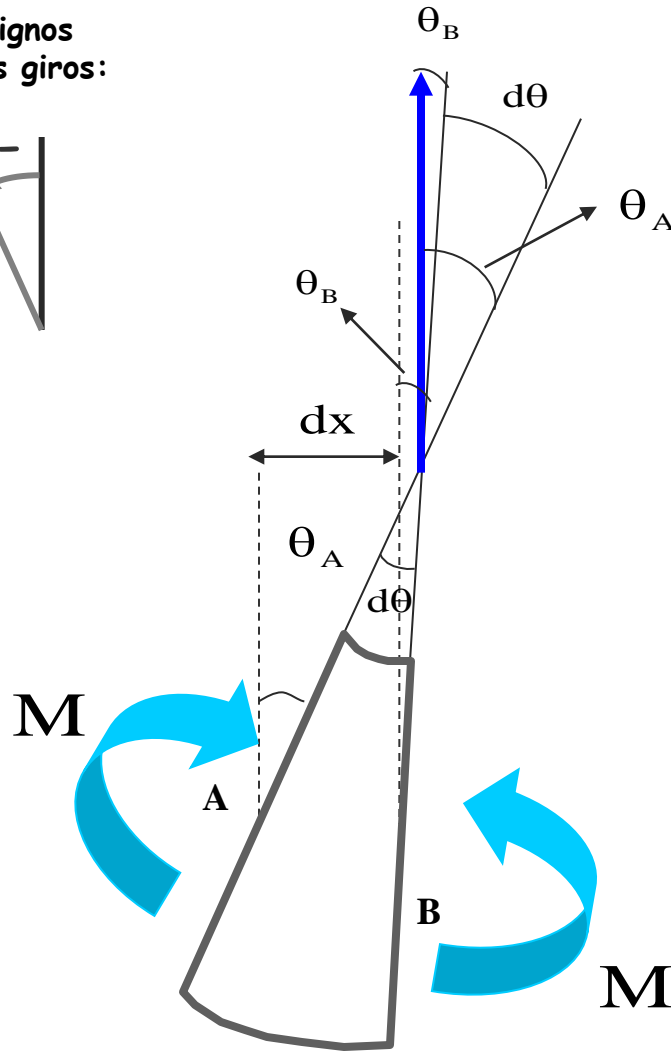
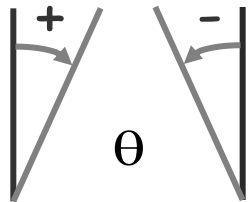
Esta relación está determinada por la Ley de Hooke. Dicha ecuación hay que alterarla para hacer compatible el criterio de signos de los giros con el de los flectores. A continuación se muestra esquemáticamente la justificación de dicha alteración



Relación giro-momento

Esta relación está determinada por la Ley de Hooke. Dicha ecuación hay que alterarla para hacer compatible el criterio de signos de los giros con el de los flectores. A continuación se muestra esquemáticamente la justificación de dicha alteración

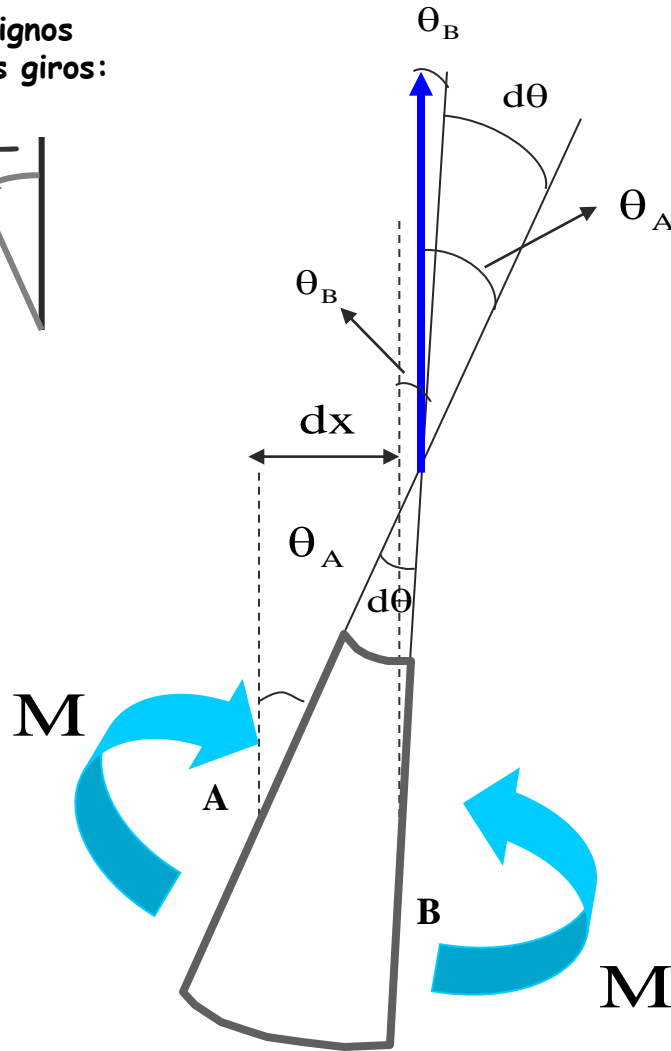
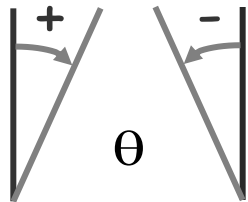
Criterio de signos empleado en los giros:



Relación giro-momento

Esta relación está determinada por la Ley de Hooke. Dicha ecuación hay que alterarla para hacer compatible el criterio de signos de los giros con el de los flectores. A continuación se muestra esquemáticamente la justificación de dicha alteración

Criterio de signos empleado en los giros:

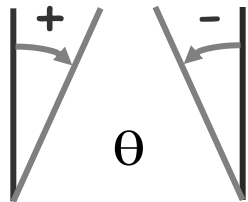


De la observación del dibujo se deduce:

Relación giro-momento

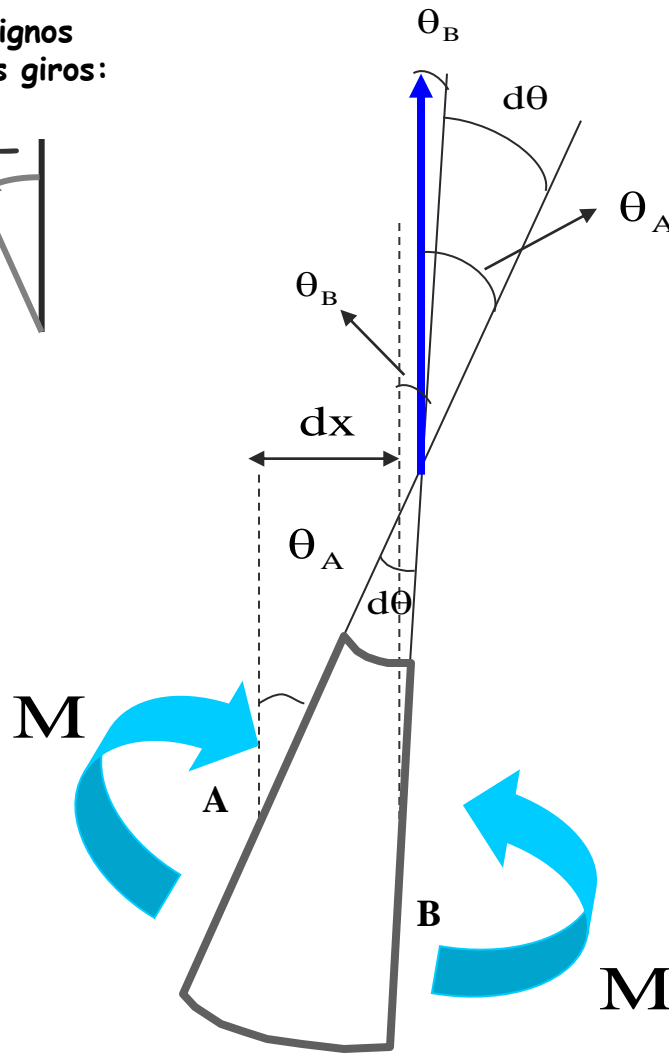
Esta relación está determinada por la Ley de Hooke. Dicha ecuación hay que alterarla para hacer compatible el criterio de signos de los giros con el de los flectores. A continuación se muestra esquemáticamente la justificación de dicha alteración

Criterio de signos empleado en los giros:



De la observación del dibujo se deduce:

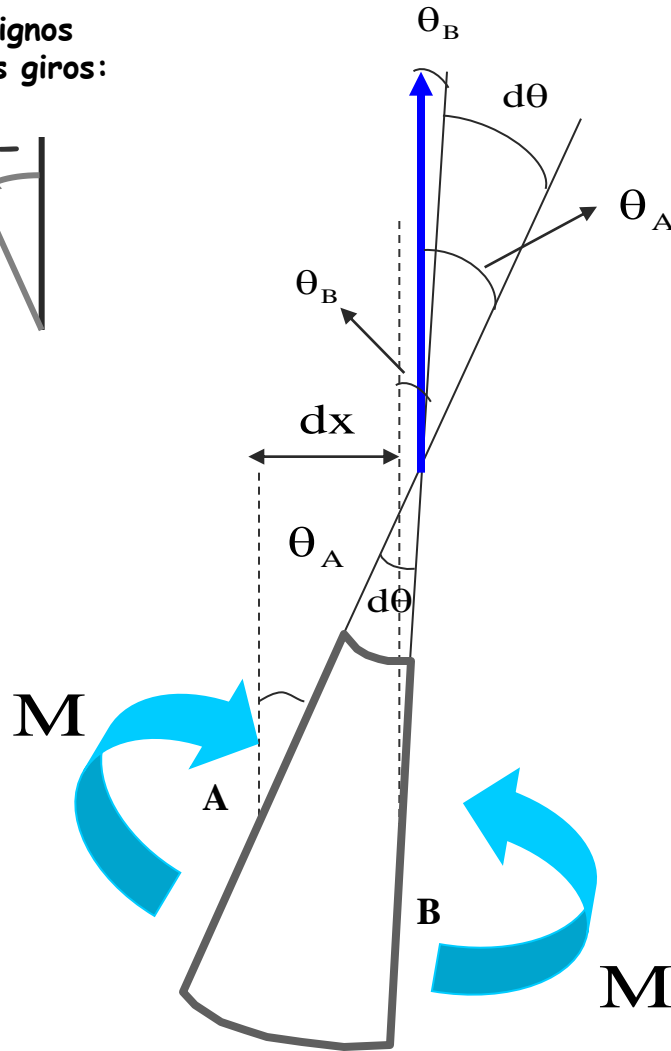
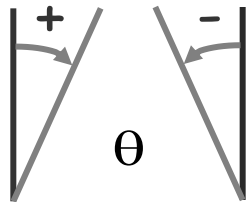
$$\hat{\theta}_B - \hat{\theta}_A = d\theta$$



Relación giro-momento

Esta relación está determinada por la Ley de Hooke. Dicha ecuación hay que alterarla para hacer compatible el criterio de signos de los giros con el de los flectores. A continuación se muestra esquemáticamente la justificación de dicha alteración

Criterio de signos empleado en los giros:



De la observación del dibujo se deduce:

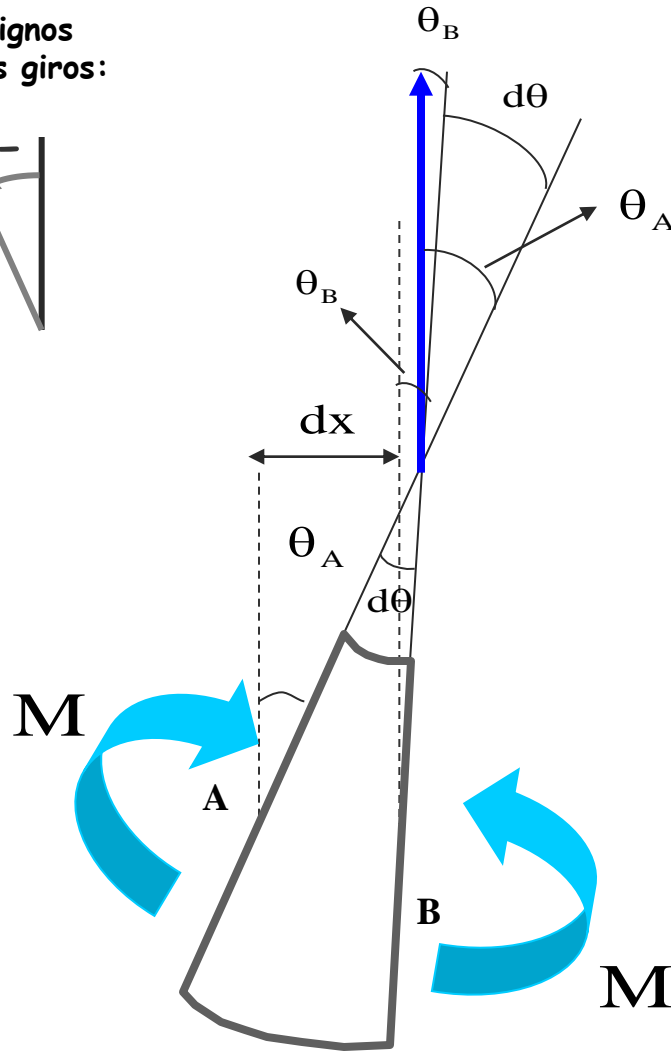
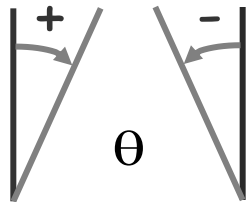
$$\hat{\theta}_B - \hat{\theta}_A = d\theta$$

$$\hat{\theta}_A > \hat{\theta}_B$$

Relación giro-momento

Esta relación está determinada por la Ley de Hooke. Dicha ecuación hay que alterarla para hacer compatible el criterio de signos de los giros con el de los flectores. A continuación se muestra esquemáticamente la justificación de dicha alteración

Criterio de signos empleado en los giros:



De la observación del dibujo se deduce:

$$\hat{\theta}_B - \hat{\theta}_A = d\theta$$

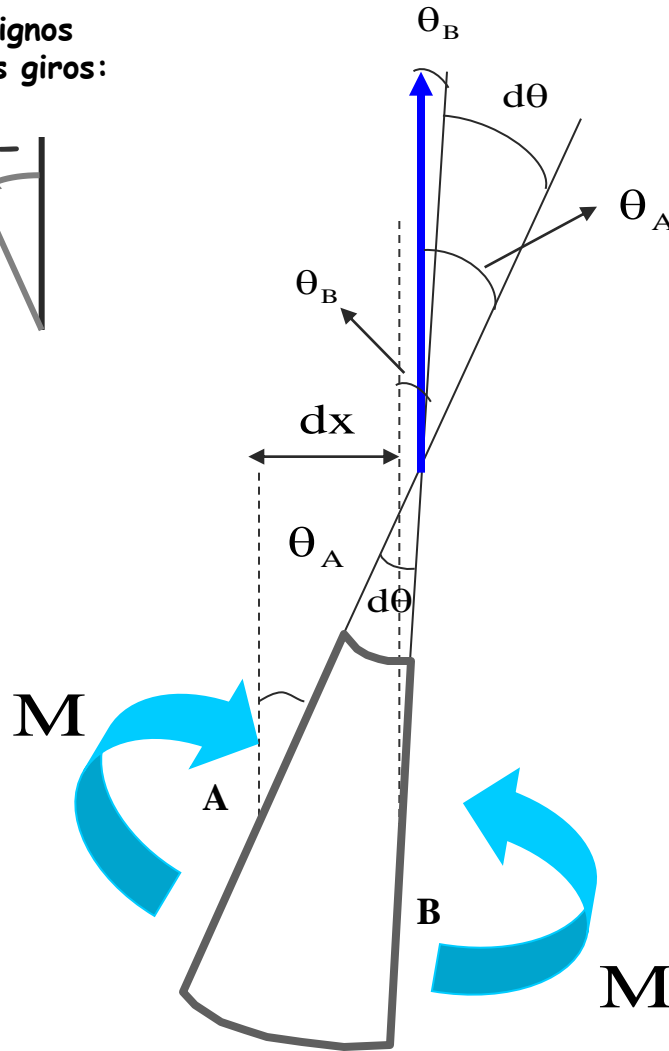
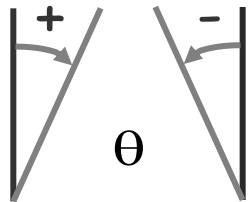
$$\hat{\theta}_A > \hat{\theta}_B$$

$d\theta < 0$
cuando el momento es positivo

Relación giro-momento

Esta relación está determinada por la Ley de Hooke. Dicha ecuación hay que alterarla para hacer compatible el criterio de signos de los giros con el de los flectores. A continuación se muestra esquemáticamente la justificación de dicha alteración

Criterio de signos empleado en los giros:



De la observación del dibujo se deduce:

$$\hat{\theta}_B - \hat{\theta}_A = d\theta$$

$$\hat{\theta}_A > \hat{\theta}_B$$

$d\theta < 0$
cuando el momento es positivo

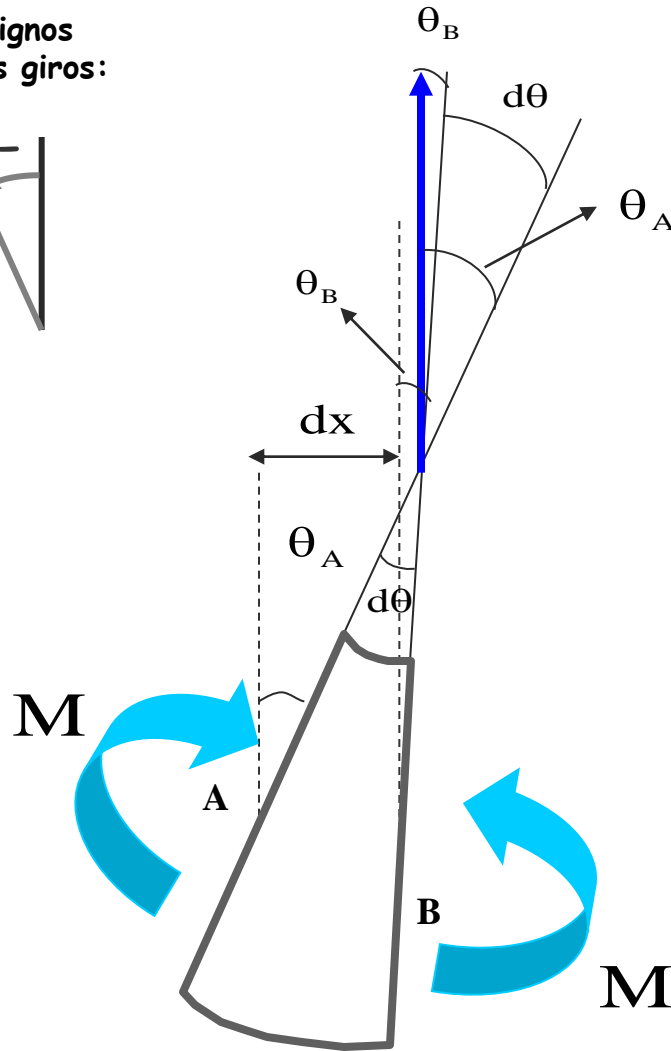
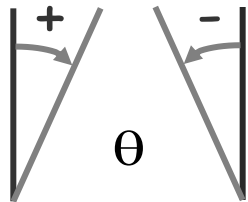
$$d\theta = \frac{M}{EI} dx$$

Ley de Hooke

Relación giro-momento

Esta relación está determinada por la Ley de Hooke. Dicha ecuación hay que alterarla para hacer compatible el criterio de signos de los giros con el de los flectores. A continuación se muestra esquemáticamente la justificación de dicha alteración

Criterio de signos empleado en los giros:



De la observación del dibujo se deduce:

$$\hat{\theta}_B - \hat{\theta}_A = d\theta$$

$$\hat{\theta}_A > \hat{\theta}_B$$

$d\theta < 0$
cuando el momento es positivo

$$d\theta = \frac{M}{EI} dx$$

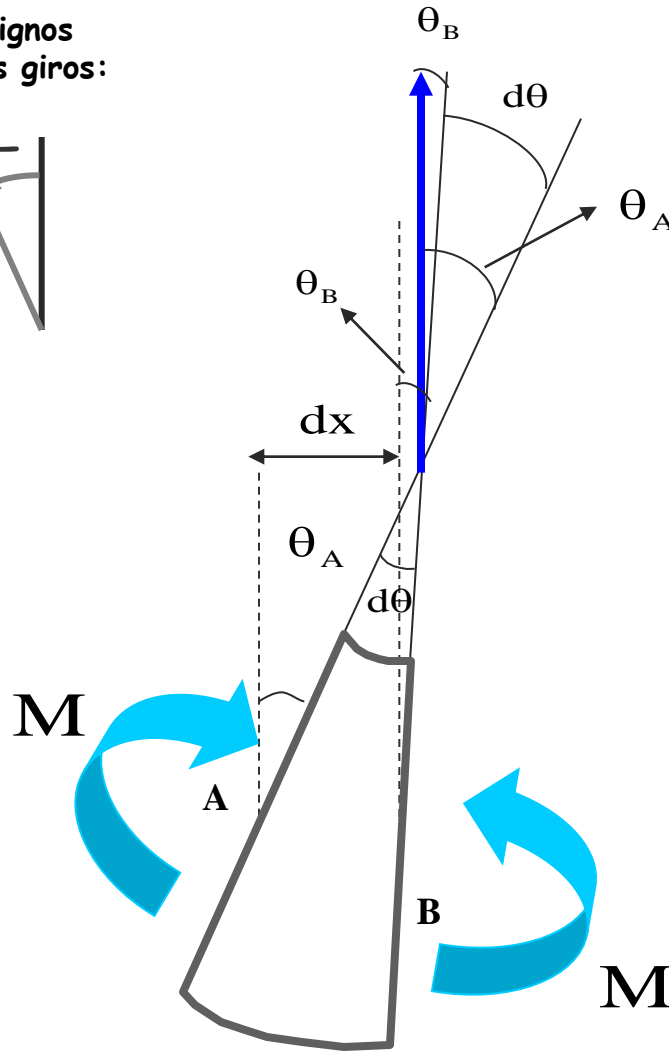
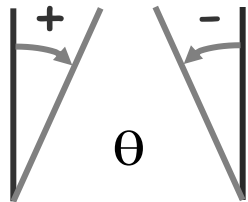
Ley de Hooke

$d\theta > 0$
cuando el momento es positivo

Relación giro-momento

Esta relación está determinada por la Ley de Hooke. Dicha ecuación hay que alterarla para hacer compatible el criterio de signos de los giros con el de los flectores. A continuación se muestra esquemáticamente la justificación de dicha alteración

Criterio de signos empleado en los giros:



De la observación del dibujo se deduce:

$$\hat{\theta}_B - \hat{\theta}_A = d\theta$$

$$\hat{\theta}_A > \hat{\theta}_B$$

$d\theta < 0$
cuando el momento es positivo

$$d\theta = \frac{M}{EI} dx$$

Ley de Hooke

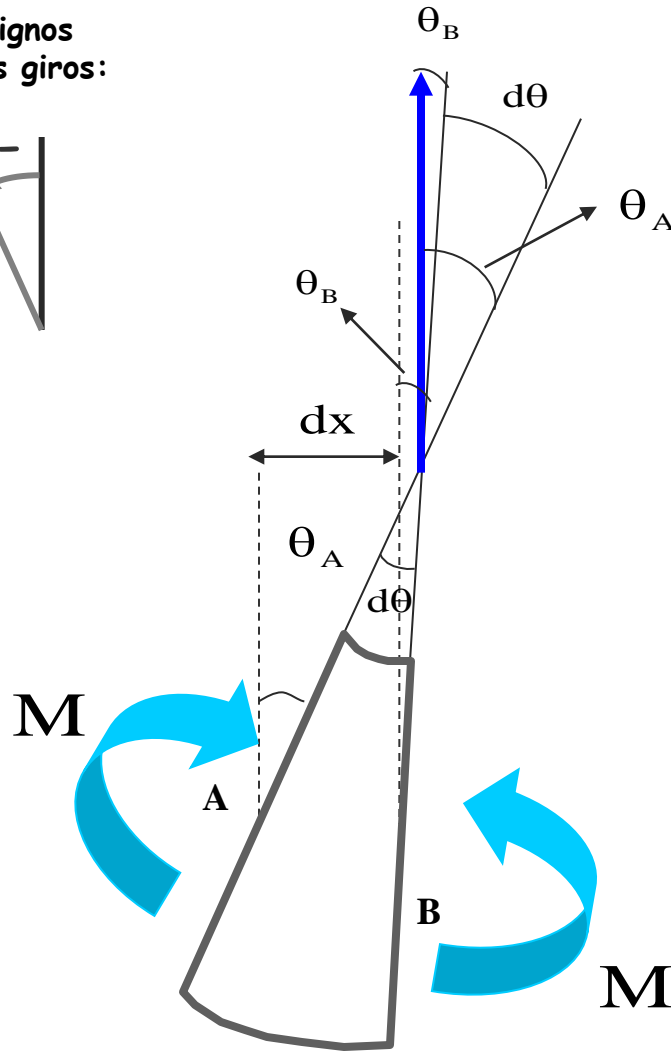
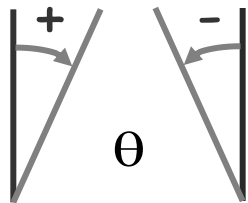
$d\theta > 0$
cuando el momento es positivo

$$d\theta = -\frac{M}{EI} dx$$

Relación giro-momento

Esta relación está determinada por la Ley de Hooke. Dicha ecuación hay que alterarla para hacer compatible el criterio de signos de los giros con el de los flectores. A continuación se muestra esquemáticamente la justificación de dicha alteración

Criterio de signos empleado en los giros:



De la observación del dibujo se deduce:

$$\hat{\theta}_B - \hat{\theta}_A = d\theta$$

$$\hat{\theta}_A > \hat{\theta}_B$$

$d\theta < 0$
cuando el momento es positivo

$$d\theta = \frac{M}{EI} dx$$

Ley de Hooke

$d\theta > 0$
cuando el momento es positivo

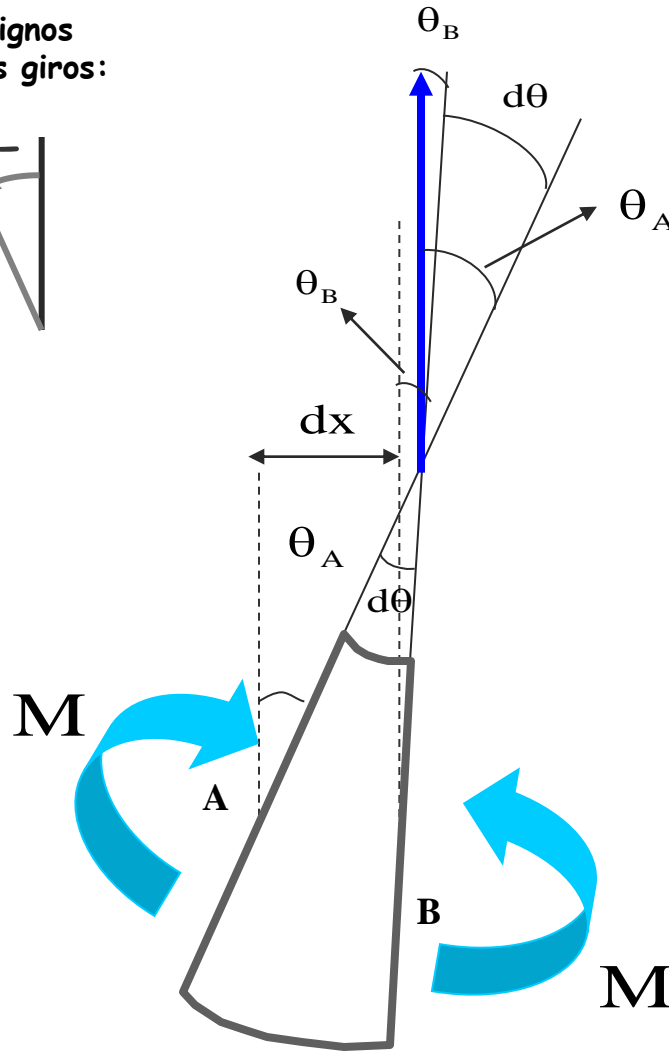
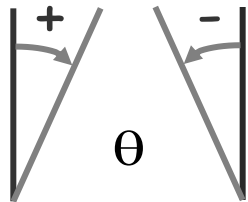
$$d\theta = -\frac{M}{EI} dx$$

El signo de la fórmula se rectifica para hacer compatibles el criterio de signos de los momentos con el de los giros

Relación giro-momento

Esta relación está determinada por la Ley de Hooke. Dicha ecuación hay que alterarla para hacer compatible el criterio de signos de los giros con el de los flectores. A continuación se muestra esquemáticamente la justificación de dicha alteración

Criterio de signos empleado en los giros:



De la observación del dibujo se deduce:

$$\hat{\theta}_B - \hat{\theta}_A = d\theta$$

$$\hat{\theta}_A > \hat{\theta}_B$$

$d\theta < 0$
cuando el momento es positivo

$$d\theta = \frac{M}{EI} dx$$

Ley de Hooke

$d\theta > 0$
cuando el momento es positivo

$$d\theta = -\frac{M}{EI} dx$$

El signo de la fórmula se rectifica para hacer compatibles el criterio de signos de los momentos con el de los giros



Cálculo de deformaciones por métodos matemáticos

Generalidades sobre los tramos viga

- Concepto
- Representación
- Deformación

- Hipótesis aceptadas
- Mecanismo de deformación

- Solicitaciones dominantes
- Deformación
- Descripción gráfica
- Relaciones deducidas

- de un elemento diferencial
- de un tramo
- Giro-flecha
- Giro-M

- Definición
- Representación
- Observaciones

- 1
- 2
- 3

Cálculo de deformaciones por métodos matemáticos

Generalidades sobre los tramos viga

- Concepto
- Representación
- Deformación

- Hipótesis aceptadas
- Mecanismo de deformación

- Solicitaciones dominantes
- Deformación
- Descripción gráfica
- Relaciones deducidas

- de un elemento diferencial
- de un tramo
- Giro-flecha
- Giro-M
- Flecha-M

- Definición
- Representación
- Observaciones

- 1
- 2
- 3



Relación flecha-momento

Relación flecha-momento

Esta relación se llama ecuación diferencial de la elástica y se obtiene combinando las dos ecuaciones anteriores



Relación flecha-momento

Esta relación se llama ecuación diferencial de la elástica y se obtiene combinando las dos ecuaciones anteriores

Relación
entre el giro
y la flecha

Relación flecha-momento

Esta relación se llama ecuación diferencial de la elástica y se obtiene combinando las dos ecuaciones anteriores

Relación
entre el giro
y la flecha



$$\frac{dy}{dx} = \theta$$

Relación flecha-momento

Esta relación se llama ecuación diferencial de la elástica y se obtiene combinando las dos ecuaciones anteriores

Relación
entre el giro
y la flecha



$$\frac{dy}{dx} = \theta$$

Relación entre
el giro y el
momento

Relación flecha-momento

Esta relación se llama ecuación diferencial de la elástica y se obtiene combinando las dos ecuaciones anteriores

Relación
entre el giro
y la flecha



$$\frac{dy}{dx} = \theta$$

Relación entre
el giro y el
momento



$$d\theta = -\frac{M}{EI} dx$$

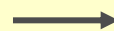
Relación flecha-momento

Esta relación se llama ecuación diferencial de la elástica y se obtiene combinando las dos ecuaciones anteriores

Relación
entre el giro
y la flecha



$$\frac{dy}{dx} = \theta$$



$$\frac{d^2y}{dx^2} = \frac{d\theta}{dx}$$

Relación entre
el giro y el
momento

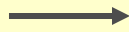


$$d\theta = -\frac{M}{EI} dx$$

Relación flecha-momento

Esta relación se llama ecuación diferencial de la elástica y se obtiene combinando las dos ecuaciones anteriores

Relación
entre el giro
y la flecha



$$\frac{dy}{dx} = \theta$$



$$\frac{d^2y}{dx^2} = \frac{d\theta}{dx}$$

Relación entre
el giro y el
momento



$$d\theta = -\frac{M}{EI} dx$$



$$\frac{d\theta}{dx} = -\frac{M}{EI}$$

Relación flecha-momento

Esta relación se llama ecuación diferencial de la elástica y se obtiene combinando las dos ecuaciones anteriores

Relación entre el giro y la flecha



$$\frac{dy}{dx} = \theta$$



$$\frac{d^2y}{dx^2} = \frac{d\theta}{dx}$$

Relación entre el giro y el momento



$$d\theta = -\frac{M}{EI} dx$$



$$\frac{d\theta}{dx} = -\frac{M}{EI}$$

$$\frac{d^2y}{dx^2} = -\frac{M}{EI}$$

Relación flecha-momento

Esta relación se llama ecuación diferencial de la elástica y se obtiene combinando las dos ecuaciones anteriores

Relación
entre el giro
y la flecha



$$\frac{dy}{dx} = \theta$$



$$\frac{d^2y}{dx^2} = \frac{d\theta}{dx}$$

Relación entre
el giro y el
momento



$$d\theta = -\frac{M}{EI} dx$$



$$\frac{d\theta}{dx} = -\frac{M}{EI}$$

$$\frac{d^2y}{dx^2} = -\frac{M}{EI}$$

Ecuación diferencial
de la elástica



Cálculo de deformaciones por métodos matemáticos

Generalidades sobre los tramos viga

- Concepto
- Representación
- Deformación

- Hipótesis aceptadas
- Mecanismo de deformación

- Solicitaciones dominantes
- Deformación
- Descripción gráfica
- Relaciones deducidas

- de un elemento diferencial
- de un tramo
- Giro-flecha
- Giro-M
- Flecha-M

- Definición
- Representación
- Observaciones

- 1
- 2
- 3

Cálculo de deformaciones por métodos matemáticos

Generalidades sobre los tramos viga

- Concepto
- Representación
- Deformación

- Hipótesis aceptadas
- Mecanismo de deformación

- Solicitaciones dominantes
- Deformación
- Descripción gráfica
- Relaciones deducidas

- de un elemento diferencial
- de un tramo
- Giro-flecha
- Giro-M
- Flecha-M

- Definición
- Representación
- Observaciones

- 1
- 2
- 3

Ámbito de aplicación



Ámbito de aplicación



Ámbito de aplicación

Los métodos que se verán son de interés para aplicarlos a tramos biapoyados y a vigas en voladizo. Con ellos se calculan las flechas y los giros de sus elásticas. También resultan muy útiles en vigas continuas, cuando se conozcan sus diagramas de momentos y se desee conocer algún giro o desplazamiento. Se extrae de la viga el tramo que contenga la sección donde se quiere conocer el movimiento y se analiza contemplando tanto las deformaciones como los posibles movimientos de sus extremos

Cálculo de deformaciones por métodos matemáticos

Generalidades sobre los tramos viga

- Concepto
- Representación
- Deformación

- Hipótesis aceptadas
- Mecanismo de deformación

- Solicitaciones dominantes
- Deformación
- Descripción gráfica
- Relaciones deducidas

- de un elemento diferencial
- de un tramo
- Giro-flecha
- Giro-M
- Flecha-M

- Definición
- Representación
- Observaciones

- 1
- 2
- 3

Ámbito de aplicación

Cálculo de deformaciones por métodos matemáticos

Generalidades sobre los tramos viga

- Concepto
- Representación
- Deformación

- Hipótesis aceptadas
- Mecanismo de deformación

- Solicitaciones dominantes
- Deformación
- Descripción gráfica
- Relaciones deducidas

- de un elemento diferencial
- de un tramo
- Giro-flecha
- Giro-M
- Flecha-M

- Definición
- Representación
- Observaciones

- 1
- 2
- 3

Ámbito de aplicación

Ejemplo 1



Ejemplo 1



Ejemplo 1

Se desea conocer la flecha y el giro en algún lugar de una viga continua

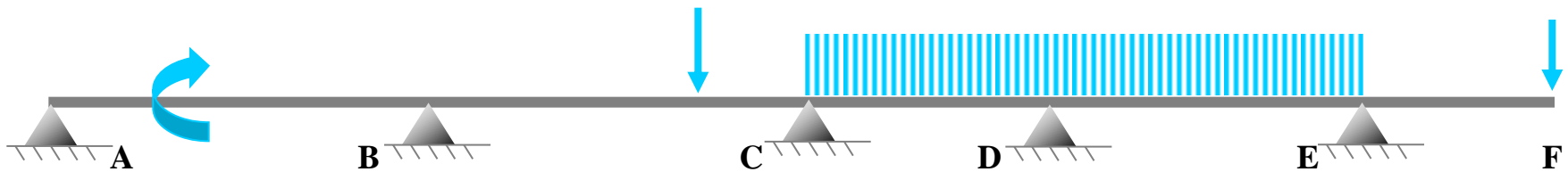
Ejemplo 1

Se desea conocer la flecha y el giro en algún lugar de una viga continua



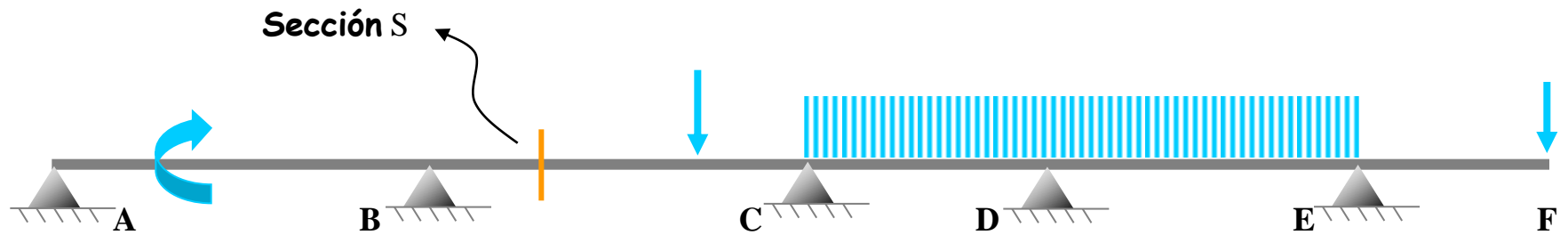
Ejemplo 1

Se desea conocer la flecha y el giro en algún lugar de una viga continua



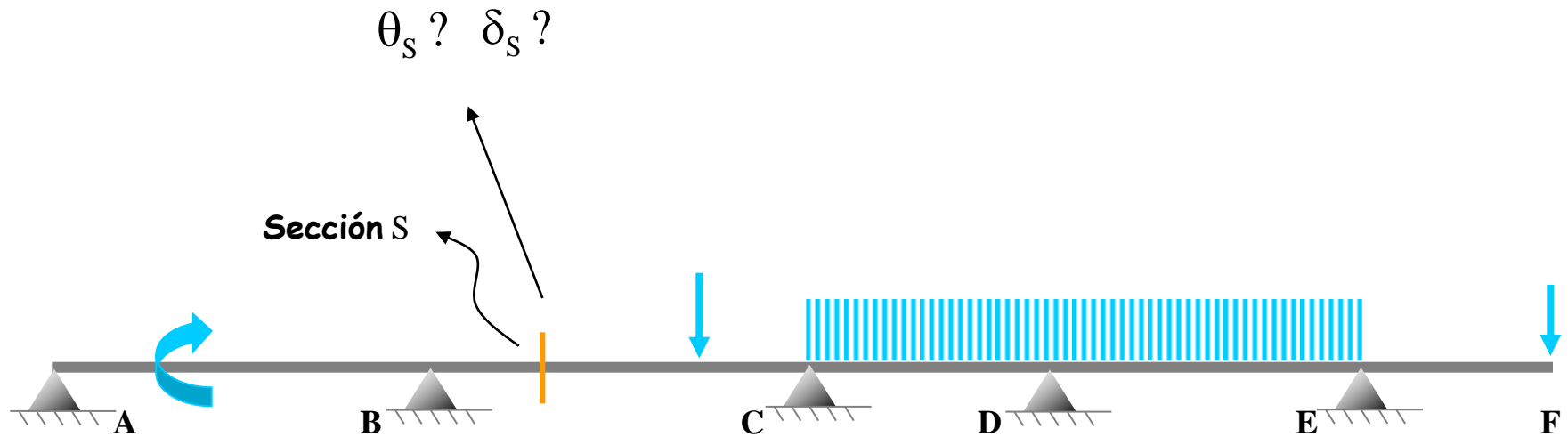
Ejemplo 1

Se desea conocer la flecha y el giro en algún lugar de una viga continua



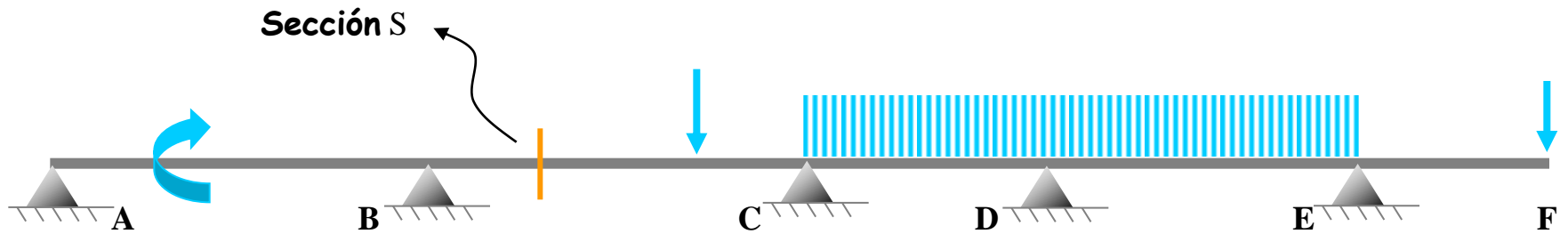
Ejemplo 1

Se desea conocer la flecha y el giro en algún lugar de una viga continua



Ejemplo 1

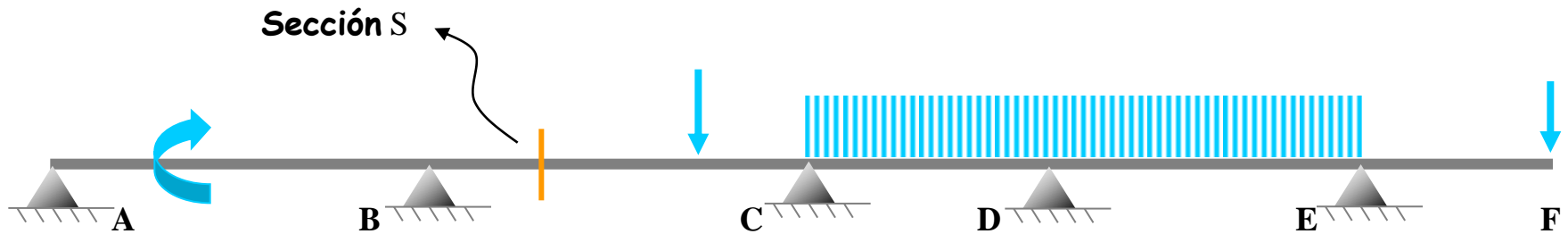
Se desea conocer la flecha y el giro en algún lugar de una viga continua



Ejemplo 1

Se desea conocer la flecha y el giro en algún lugar de una viga continua

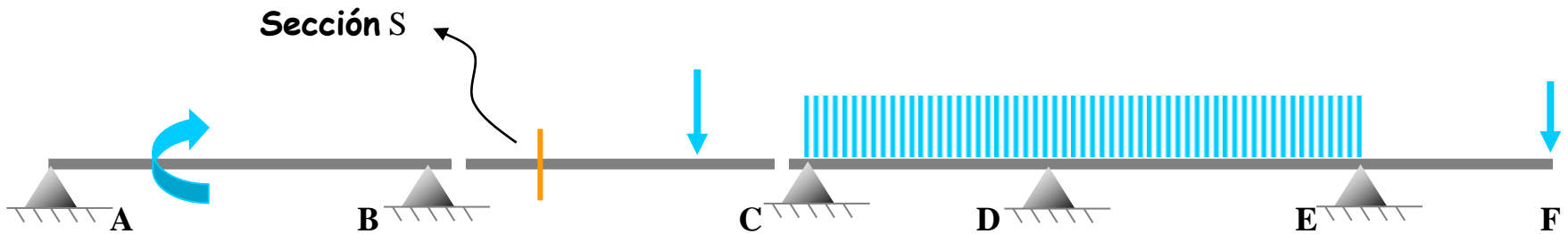
Se analiza el tramo donde está situada S como si fuera una viga biapoyada



Ejemplo 1

Se desea conocer la flecha y el giro en algún lugar de una viga continua

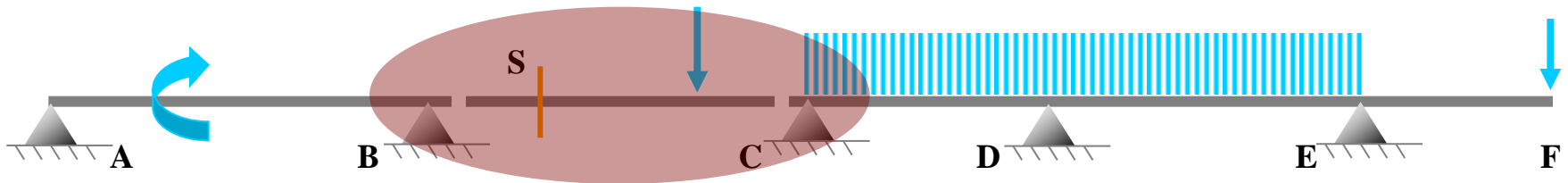
Se analiza el tramo
donde está situada S
como si fuera una viga
biapoyada



Ejemplo 1

Se desea conocer la flecha y el giro en algún lugar de una viga continua

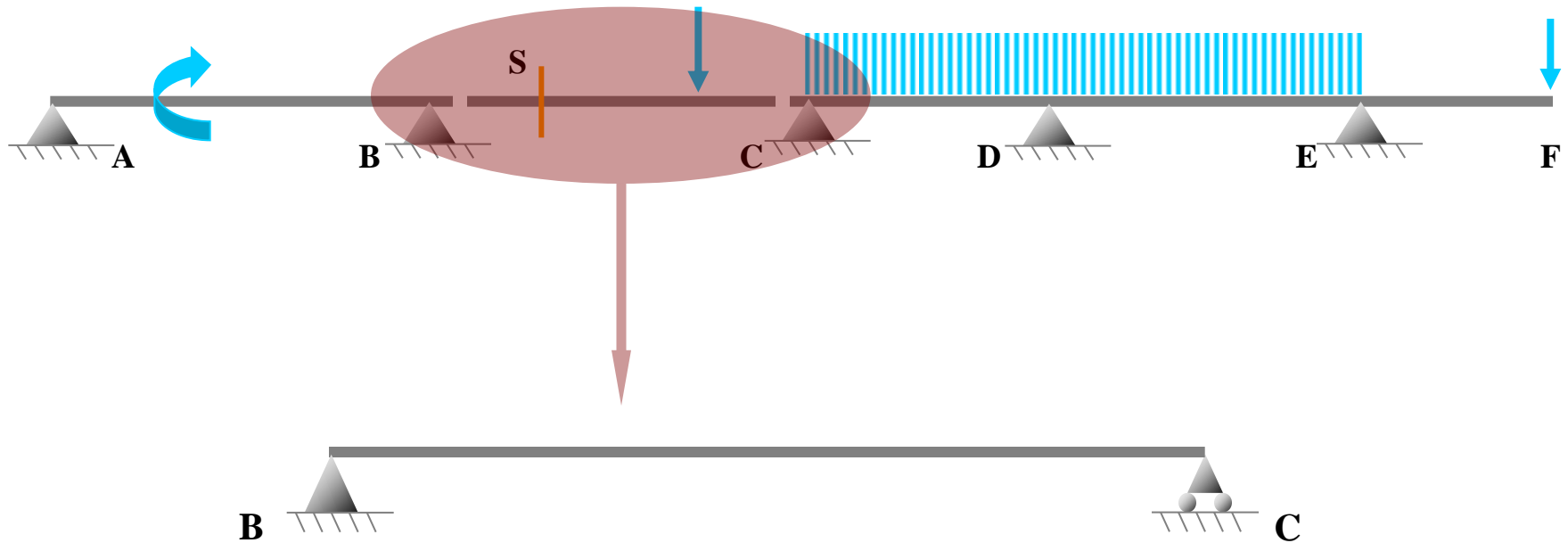
Se analiza el tramo donde está situada S como si fuera una viga biapoyada



Ejemplo 1

Se desea conocer la flecha y el giro en algún lugar de una viga continua

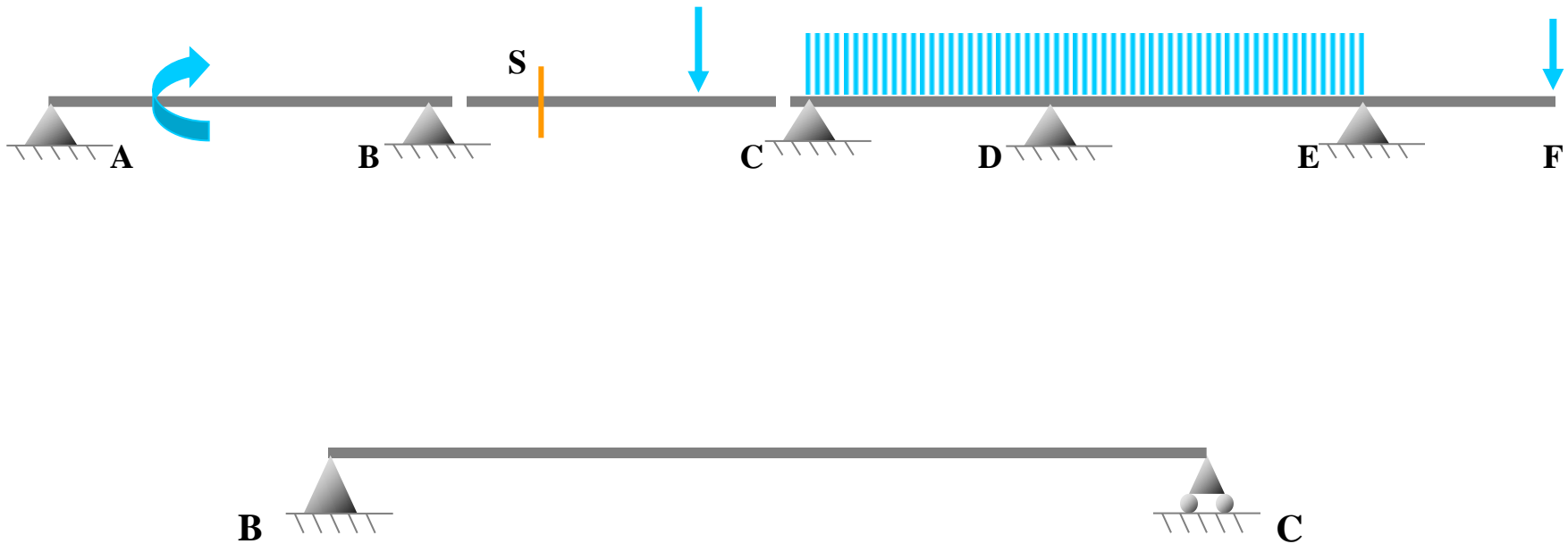
Se analiza el tramo donde está situada S como si fuera una viga biapoyada



Ejemplo 1

Se desea conocer la flecha y el giro en algún lugar de una viga continua

Se analiza el tramo donde está situada S como si fuera una viga biapoyada

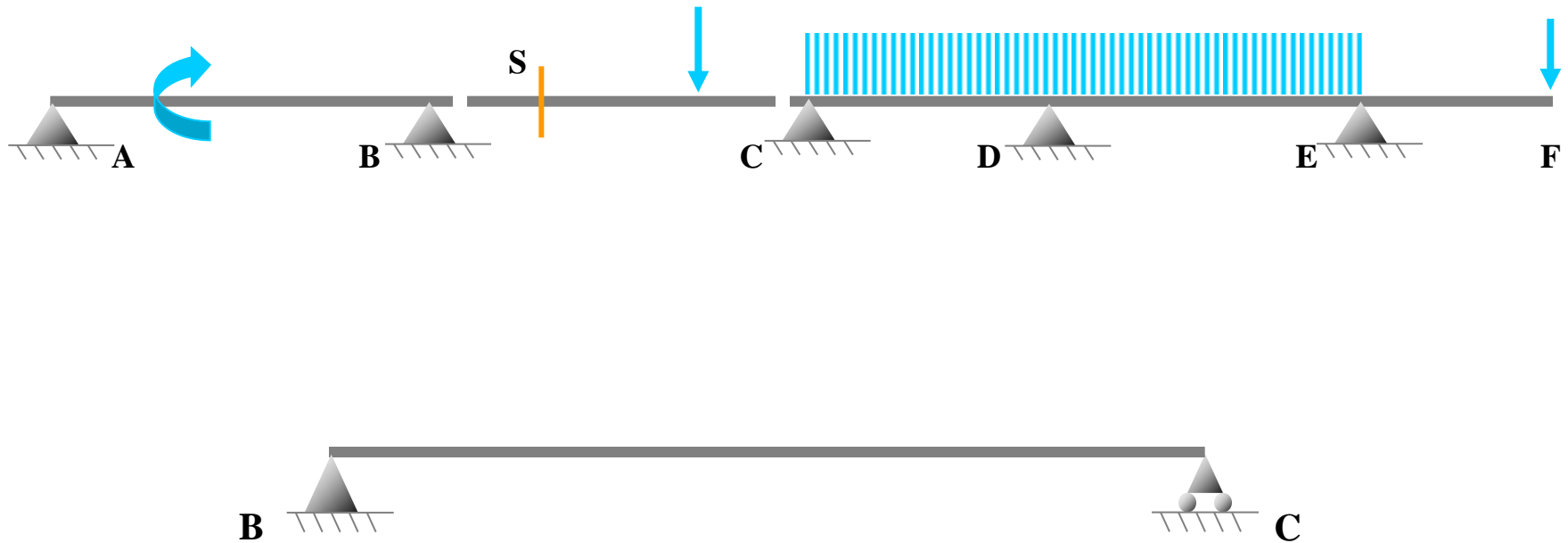


Ejemplo 1

Se desea conocer la flecha y el giro en algún lugar de una viga continua

Se analiza el tramo donde está situada S como si fuera una viga biapoyada

Movimientos de sólido rígido:

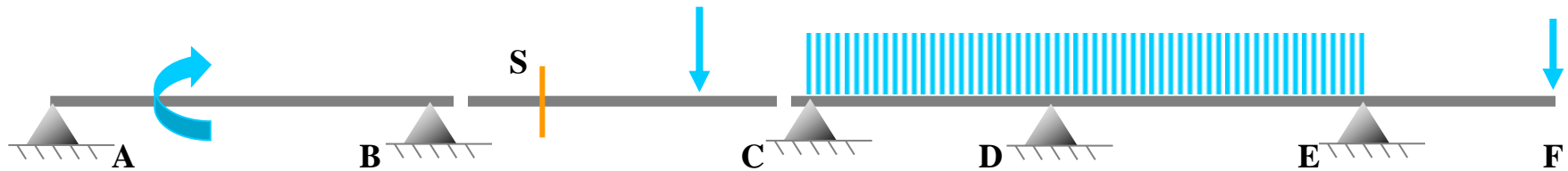


Ejemplo 1

Se desea conocer la flecha y el giro en algún lugar de una viga continua

Se analiza el tramo donde está situada S como si fuera una viga biapoyada

Movimientos de sólido rígido: { Traslación: Δ

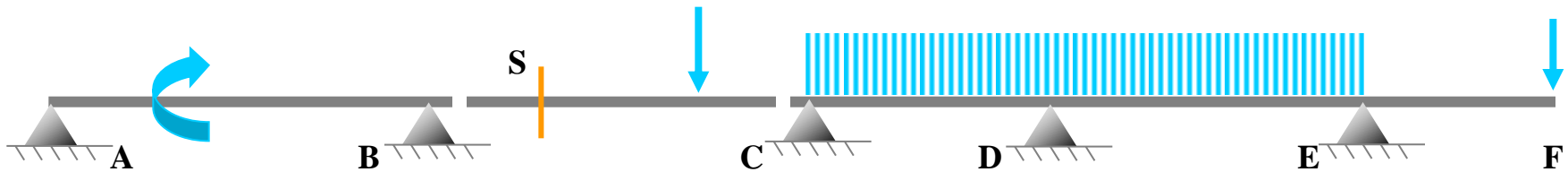


Ejemplo 1

Se desea conocer la flecha y el giro en algún lugar de una viga continua

Se analiza el tramo donde está situada S como si fuera una viga biapoyada

Movimientos de sólido rígido: $\left\{ \begin{array}{l} \text{Traslación: } \Delta \\ \text{Rotación: } \theta \end{array} \right.$

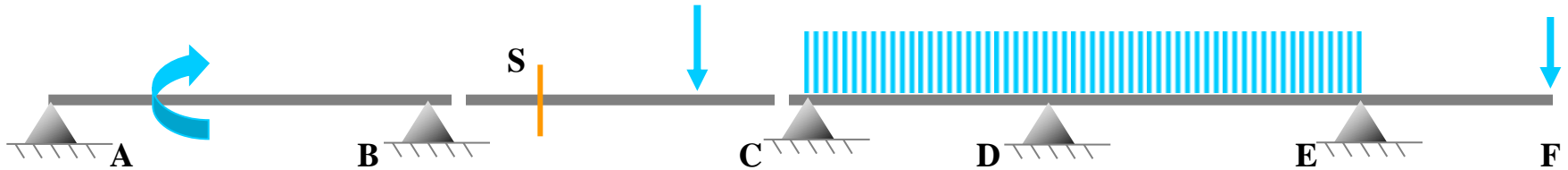


Ejemplo 1

Se desea conocer la flecha y el giro en algún lugar de una viga continua

Se analiza el tramo donde está situada S como si fuera una viga biapoyada

Movimientos de sólido rígido: $\left\{ \begin{array}{l} \text{Traslación: } \Delta \\ \text{Rotación: } \theta \end{array} \right.$
 Movimientos de sólido deformable: Deformaciones por flexión



Ejemplo 1

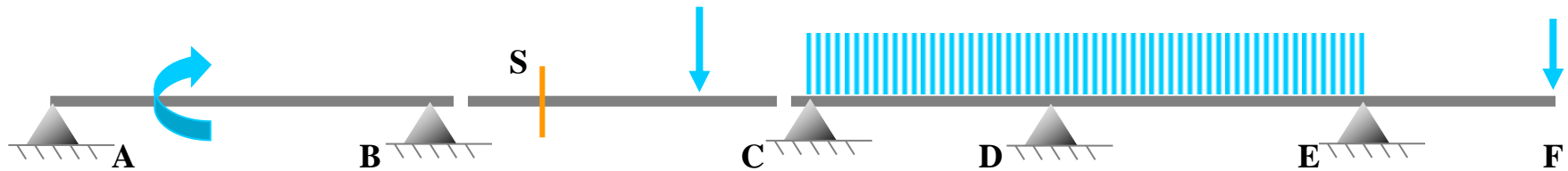
Se desea conocer la flecha y el giro en algún lugar de una viga continua

Se analiza el tramo donde está situada S como si fuera una viga biapoyada

Movimientos de sólido rígido: $\left\{ \begin{array}{l} \text{Traslación: } \Delta \\ \text{Rotación: } \theta \end{array} \right.$

Movimientos de sólido deformable: Deformaciones por flexión

NO EXISTE



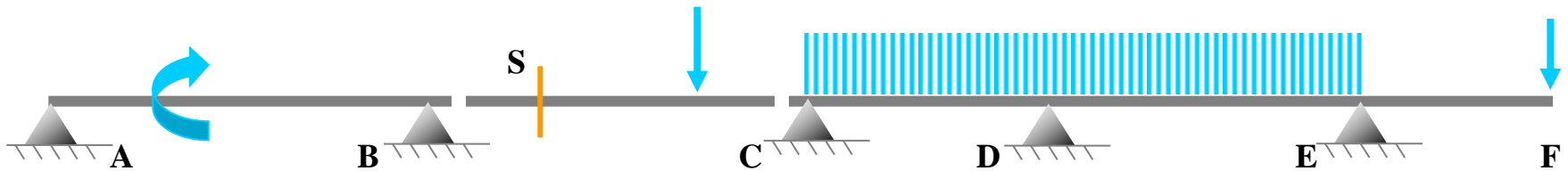
Ejemplo 1

Se desea conocer la flecha y el giro en algún lugar de una viga continua

Se analiza el tramo donde está situada S como si fuera una viga biapoyada

Movimientos de sólido rígido: $\left\{ \begin{array}{l} \text{Traslación: } \Delta \\ \text{Rotación: } \theta \end{array} \right.$ **NO EXISTE** ←

Movimientos de sólido deformable: Deformaciones por flexión



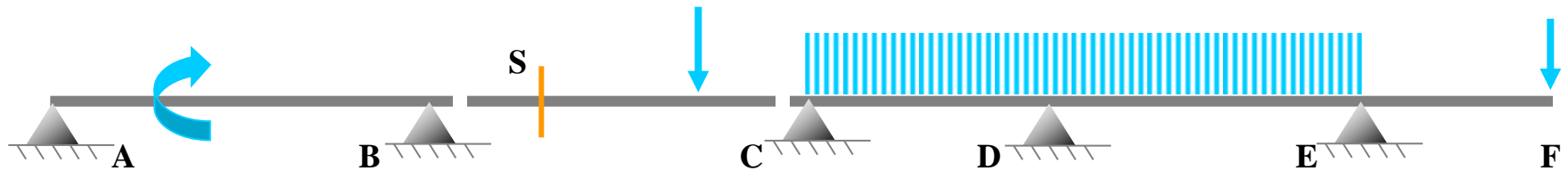
Ejemplo 1

Se desea conocer la flecha y el giro en algún lugar de una viga continua

Se analiza el tramo donde está situada S como si fuera una viga biapoyada

Movimientos de sólido rígido: {
 Traslación: Δ
 Rotación: θ

Movimientos de sólido deformable: Deformaciones por flexión ← EXISTE



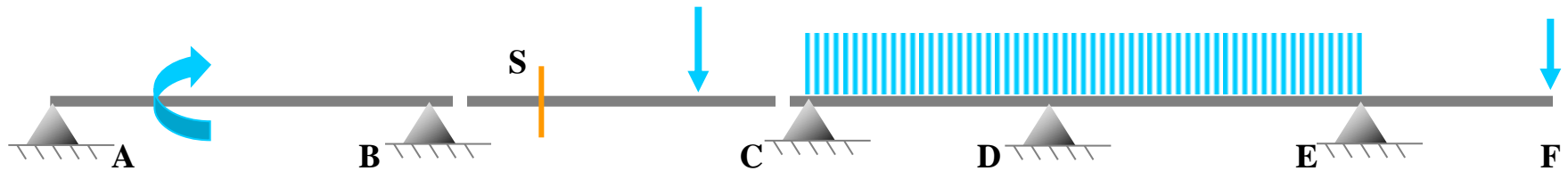
Ejemplo 1

Se desea conocer la flecha y el giro en algún lugar de una viga continua

Se analiza el tramo donde está situada S como si fuera una viga biapoyada

Movimientos de sólido rígido: $\left\{ \begin{array}{l} \text{Traslación: } \Delta \\ \text{Rotación: } \theta \end{array} \right.$

Movimientos de sólido deformable: Deformaciones por flexión **← EXISTE**



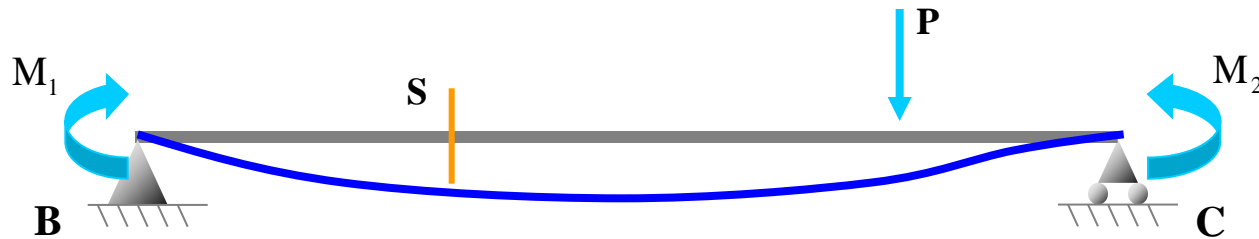
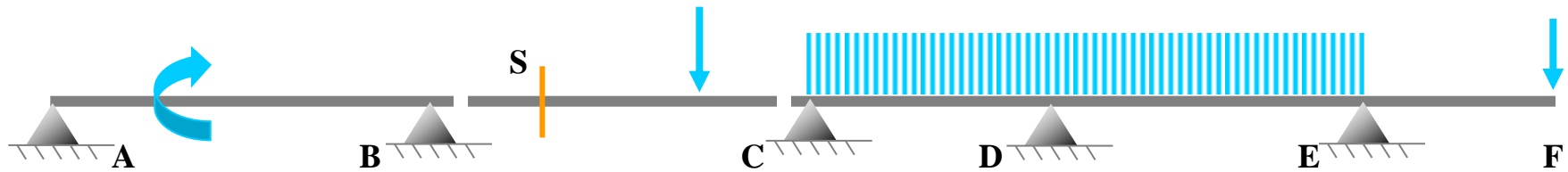
Ejemplo 1

Se desea conocer la flecha y el giro en algún lugar de una viga continua

Se analiza el tramo donde está situada S como si fuera una viga biapoyada

Movimientos de sólido rígido: $\left\{ \begin{array}{l} \text{Traslación: } \Delta \\ \text{Rotación: } \theta \end{array} \right.$

Movimientos de sólido deformable: Deformaciones por flexión **← EXISTE**



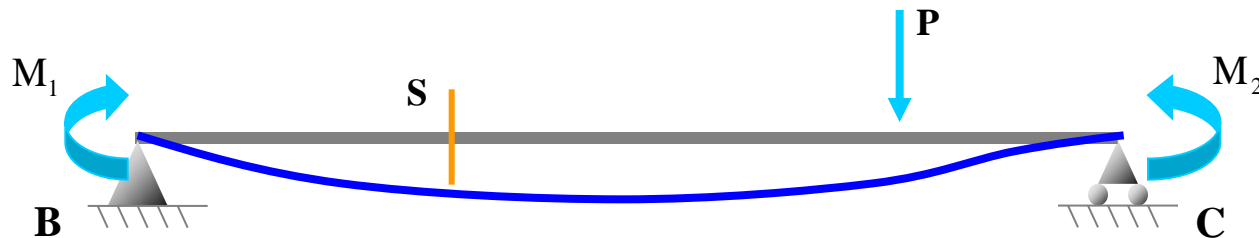
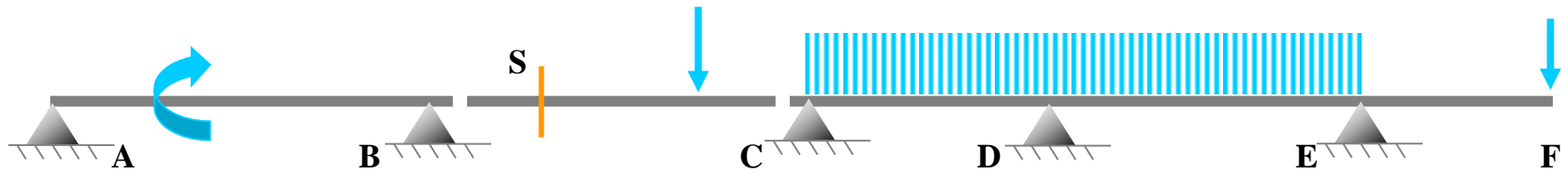
Ejemplo 1

Se desea conocer la flecha y el giro en algún lugar de una viga continua

Se analiza el tramo donde está situada S como si fuera una viga biapoyada

Movimientos de sólido rígido: $\left\{ \begin{array}{l} \text{Traslación: } \Delta \\ \text{Rotación: } \theta \end{array} \right.$

Movimientos de sólido deformable: Deformaciones por flexión **EXISTE** ←



Deformada o elástica

(Se calcula con los métodos matemáticos)

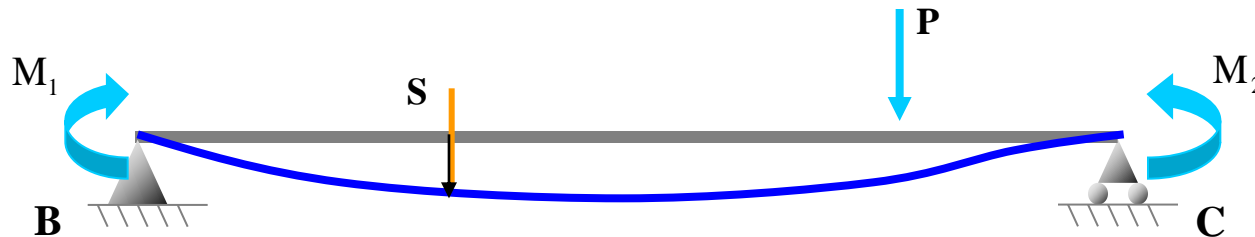
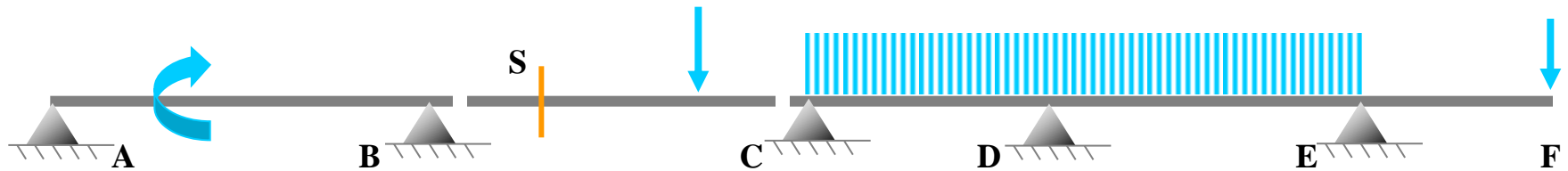
Ejemplo 1

Se desea conocer la flecha y el giro en algún lugar de una viga continua

Se analiza el tramo donde está situada S como si fuera una viga biapoyada

Movimientos de sólido rígido: $\left\{ \begin{array}{l} \text{Traslación: } \Delta \\ \text{Rotación: } \theta \end{array} \right.$

Movimientos de sólido deformable: Deformaciones por flexión **EXISTE** ←



Deformada o elástica

(Se calcula con los métodos matemáticos)

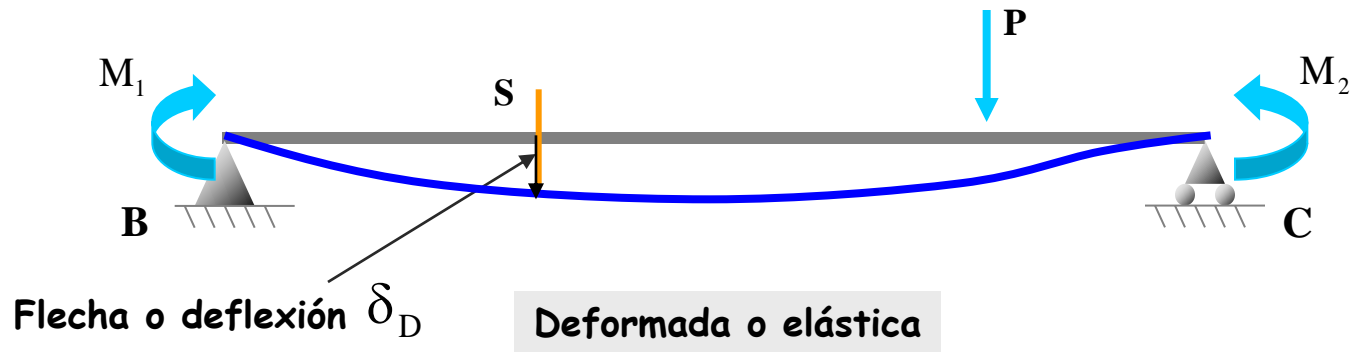
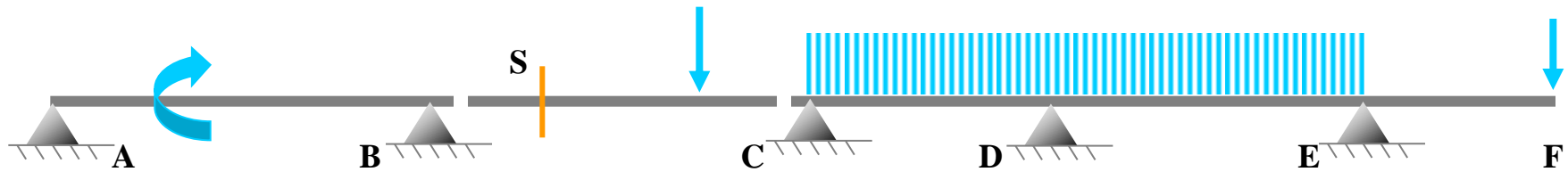
Ejemplo 1

Se desea conocer la flecha y el giro en algún lugar de una viga continua

Se analiza el tramo donde está situada S como si fuera una viga biapoyada

Movimientos de sólido rígido: $\left\{ \begin{array}{l} \text{Traslación: } \Delta \\ \text{Rotación: } \theta \end{array} \right.$

Movimientos de sólido deformable: Deformaciones por flexión **EXISTE** ←



(Se calcula con los métodos matemáticos)

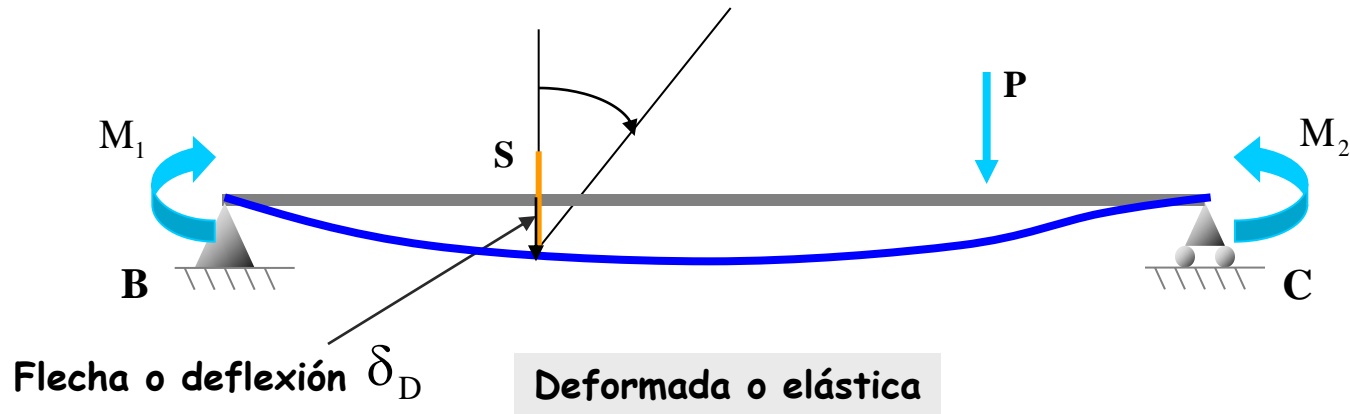
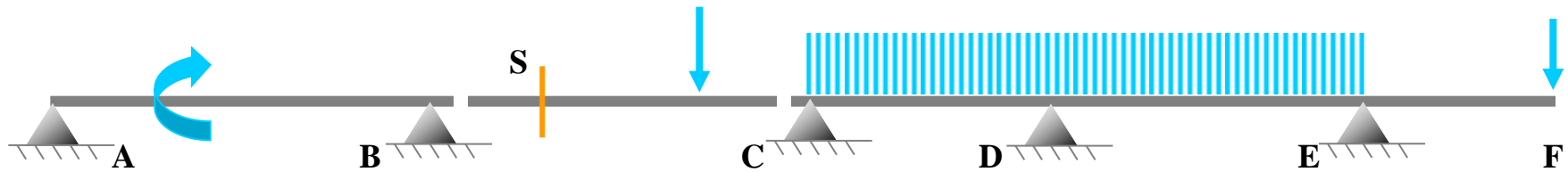
Ejemplo 1

Se desea conocer la flecha y el giro en algún lugar de una viga continua

Se analiza el tramo donde está situada S como si fuera una viga biapoyada

Movimientos de sólido rígido: $\left\{ \begin{array}{l} \text{Traslación: } \Delta \\ \text{Rotación: } \theta \end{array} \right.$

Movimientos de sólido deformable: Deformaciones por flexión **EXISTE** ←



(Se calcula con los métodos matemáticos)

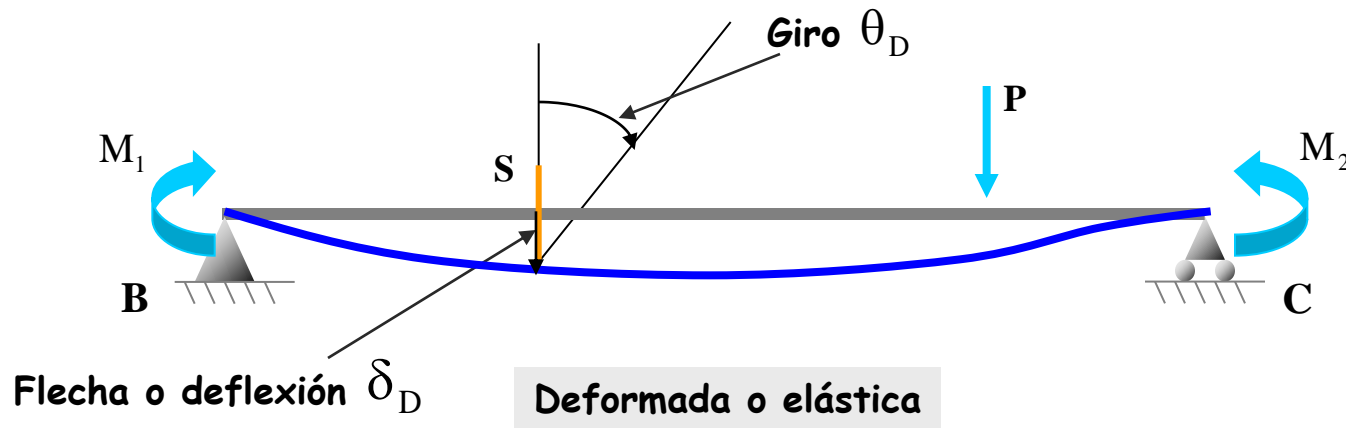
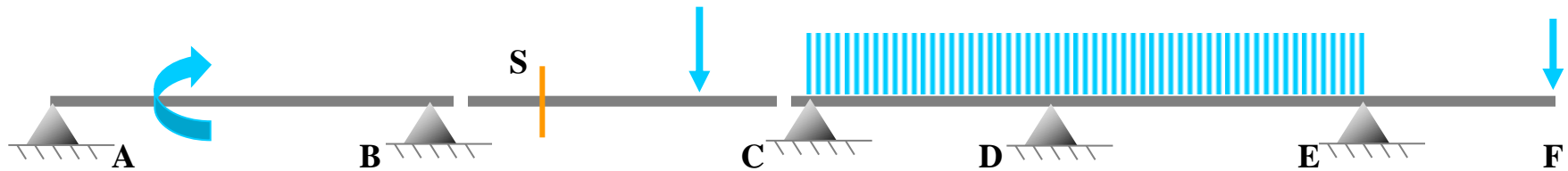
Ejemplo 1

Se desea conocer la flecha y el giro en algún lugar de una viga continua

Se analiza el tramo donde está situada S como si fuera una viga biapoyada

Movimientos de sólido rígido: $\left\{ \begin{array}{l} \text{Traslación: } \Delta \\ \text{Rotación: } \theta \end{array} \right.$

Movimientos de sólido deformable: Deformaciones por flexión **← EXISTE**



(Se calcula con los métodos matemáticos)



Cálculo de deformaciones por métodos matemáticos

Generalidades sobre los tramos viga

- Concepto
- Representación
- Deformación

- Hipótesis aceptadas
- Mecanismo de deformación

- Solicitaciones dominantes
- Deformación
- Descripción gráfica
- Relaciones deducidas

- de un elemento diferencial
- de un tramo
- Giro-flecha
- Giro-M
- Flecha-M

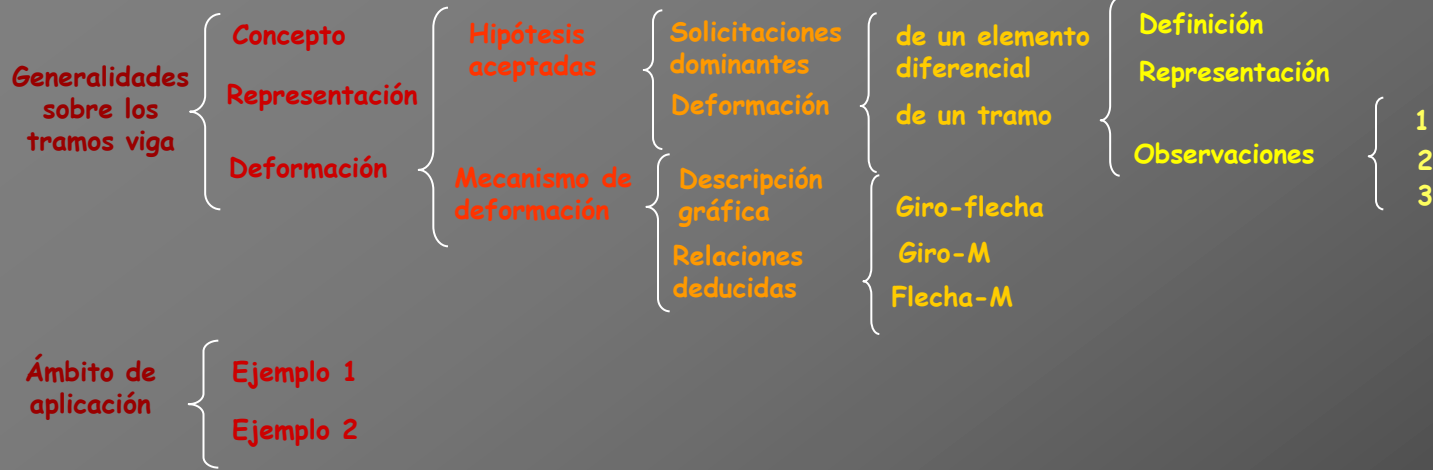
- Definición
- Representación
- Observaciones

- 1
- 2
- 3

Ámbito de aplicación

Ejemplo 1

Cálculo de deformaciones por métodos matemáticos





Ejemplo 2



Ejemplo 2

Se desea conocer la flecha y el giro en algún lugar de una viga continua

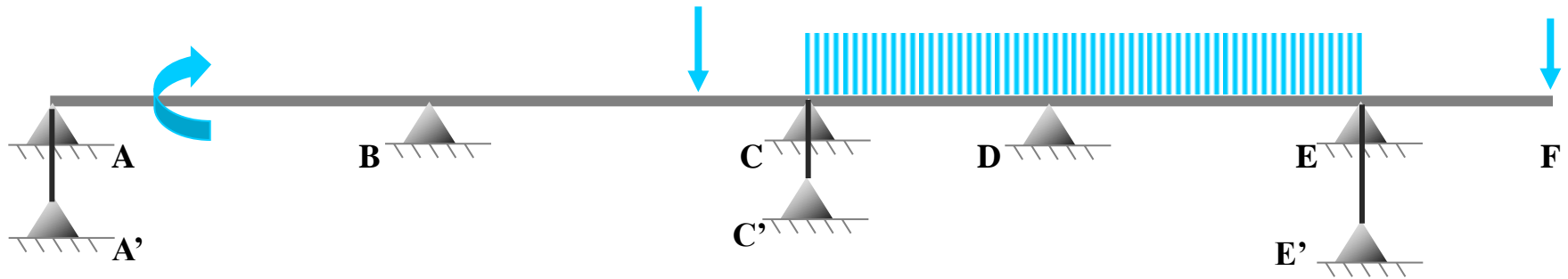
Ejemplo 2

Se desea conocer la flecha y el giro en algún lugar de una viga continua



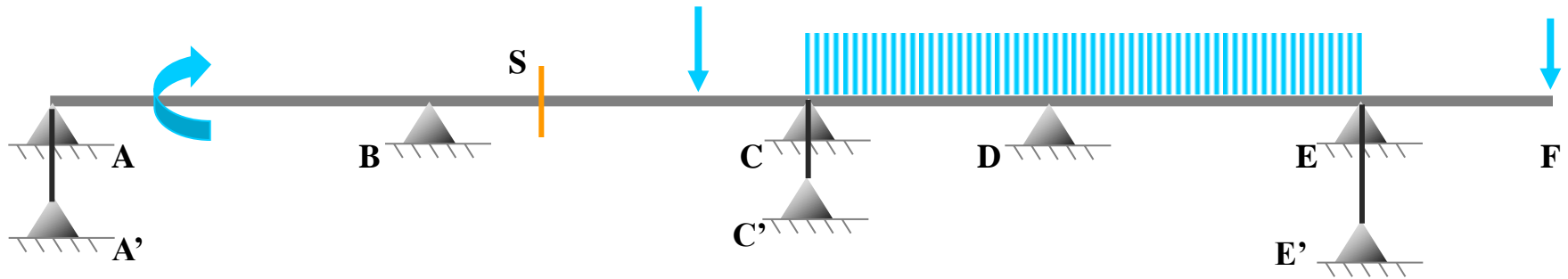
Ejemplo 2

Se desea conocer la flecha y el giro en algún lugar de una viga continua



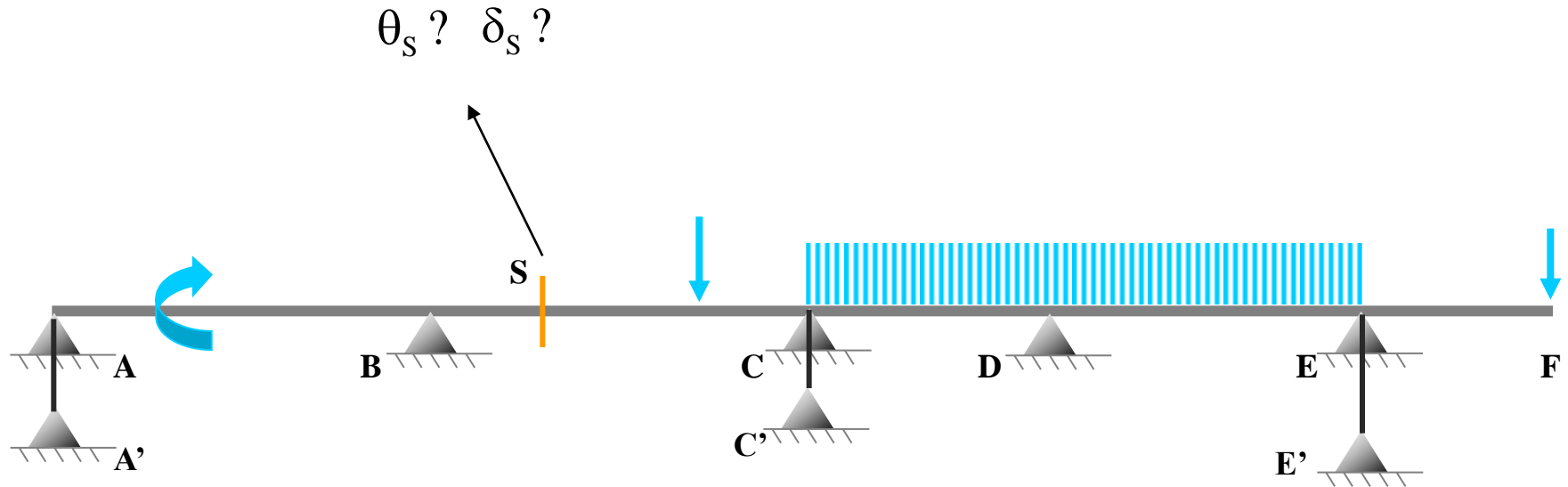
Ejemplo 2

Se desea conocer la flecha y el giro en algún lugar de una viga continua



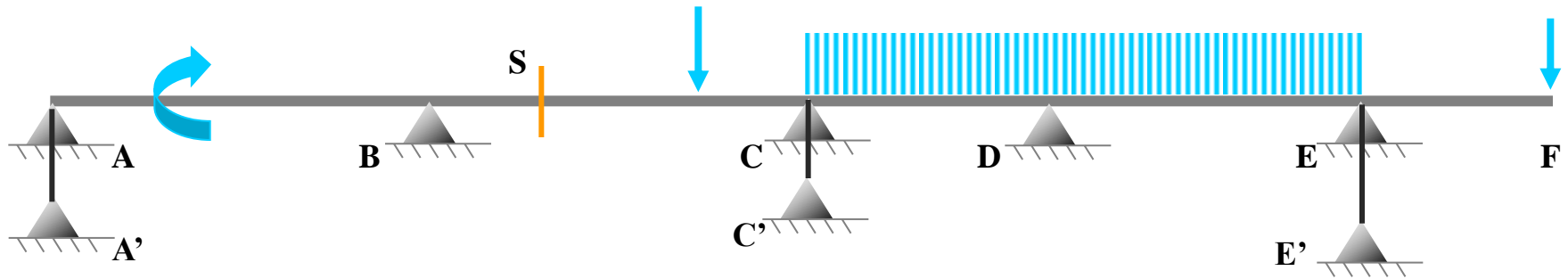
Ejemplo 2

Se desea conocer la flecha y el giro en algún lugar de una viga continua



Ejemplo 2

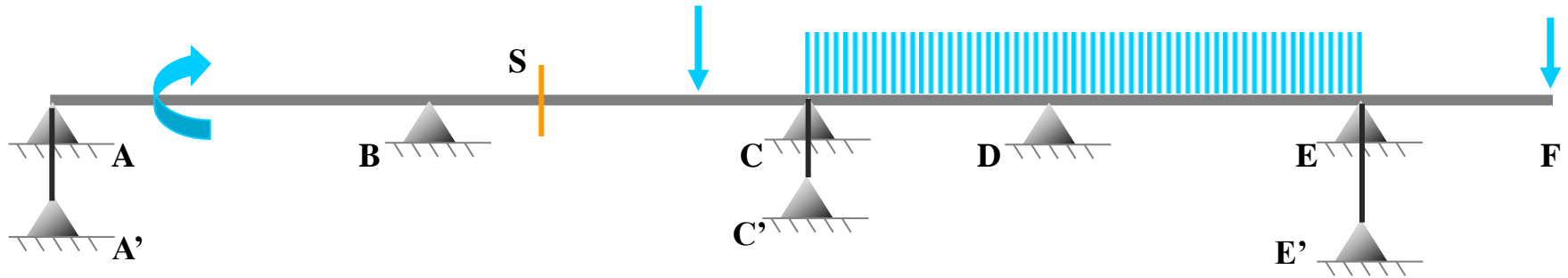
Se desea conocer la flecha y el giro en algún lugar de una viga continua



Ejemplo 2

Se desea conocer la flecha y el giro en algún lugar de una viga continua

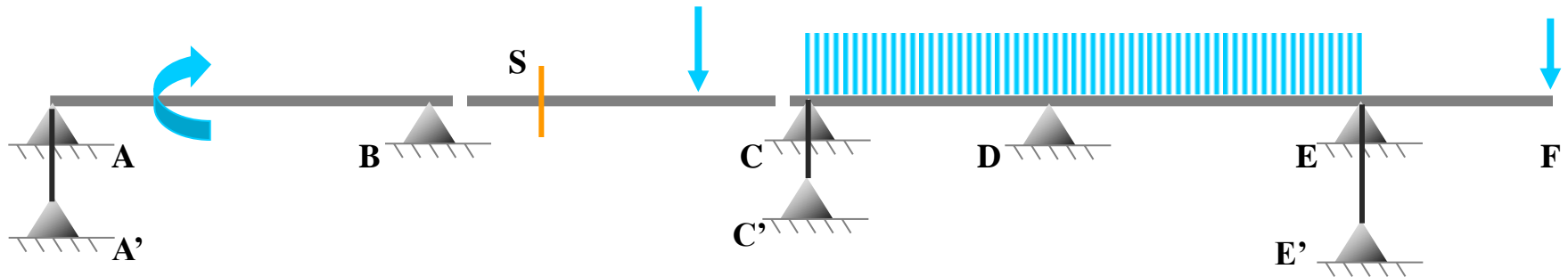
Se analiza el tramo donde está situada S como si fuera una viga biapoyada



Ejemplo 2

Se desea conocer la flecha y el giro en algún lugar de una viga continua

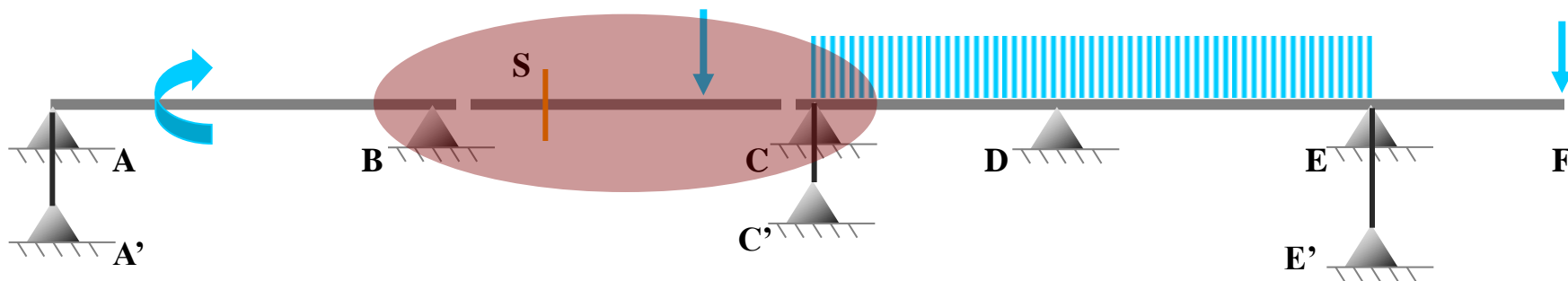
Se analiza el tramo donde está situada S como si fuera una viga biapoyada



Ejemplo 2

Se desea conocer la flecha y el giro en algún lugar de una viga continua

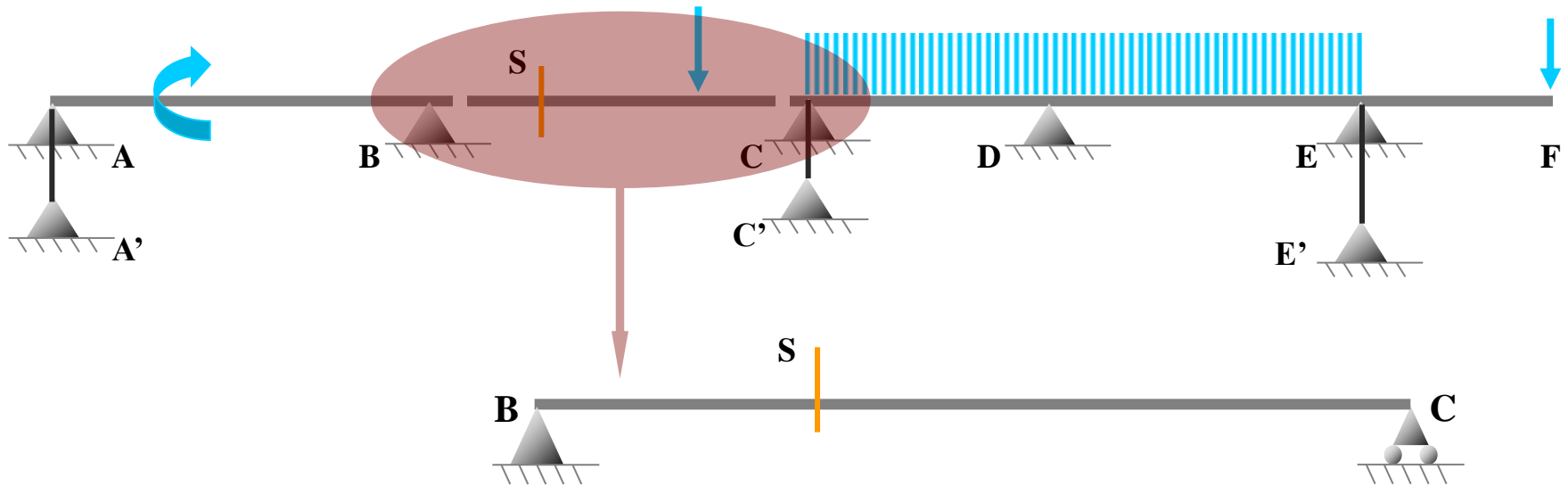
Se analiza el tramo donde está situada S como si fuera una viga biapoyada



Ejemplo 2

Se desea conocer la flecha y el giro en algún lugar de una viga continua

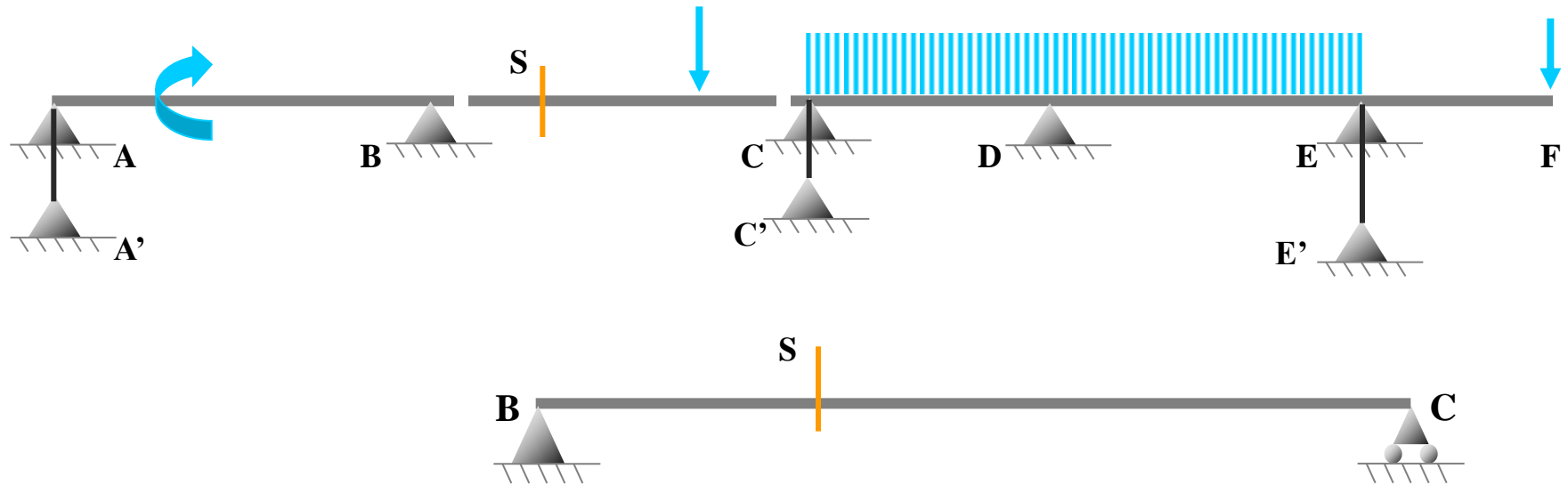
Se analiza el tramo donde está situada S como si fuera una viga biapoyada



Ejemplo 2

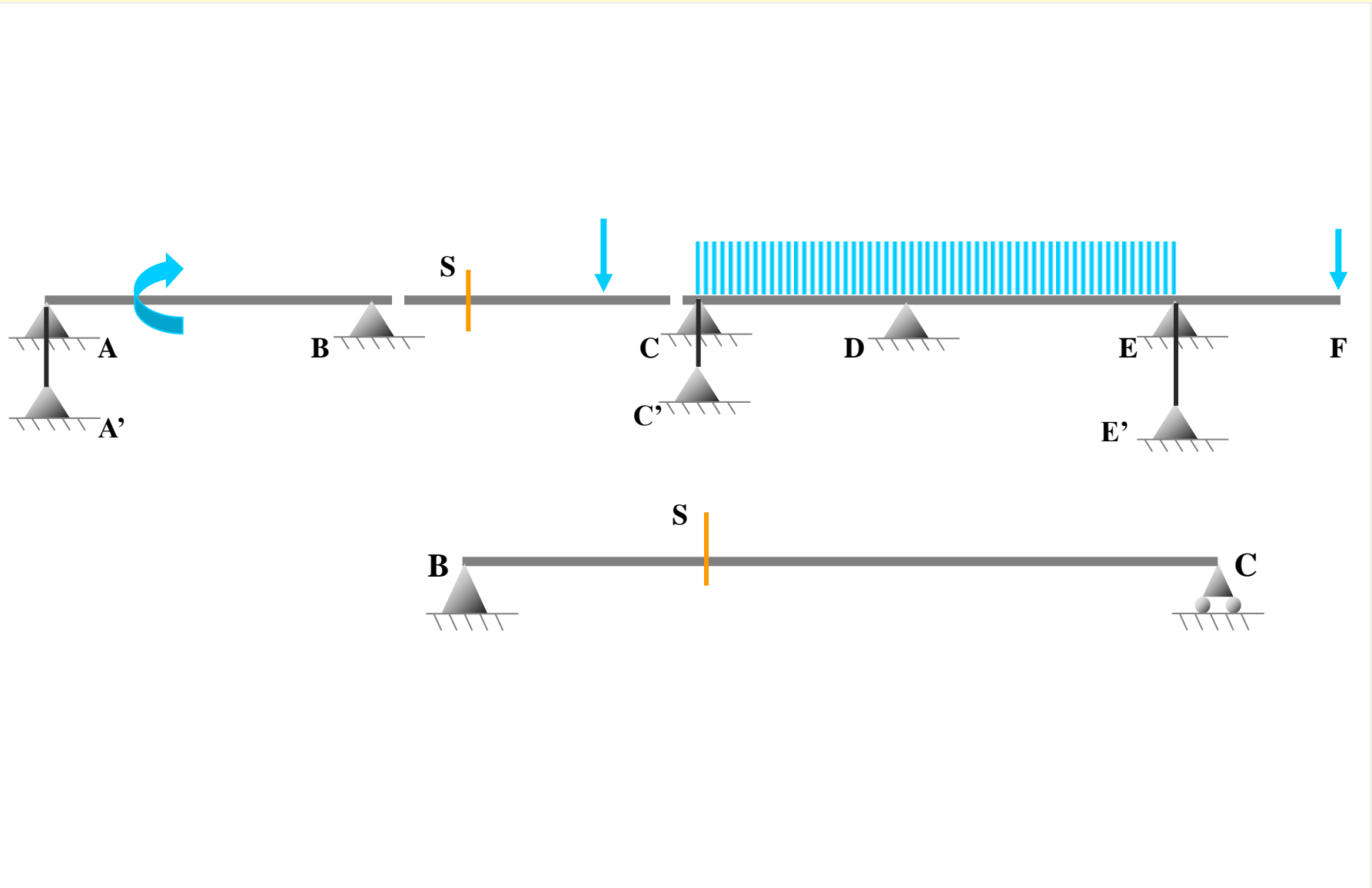
Se desea conocer la flecha y el giro en algún lugar de una viga continua

Se analiza el tramo donde está situada S como si fuera una viga biapoyada



Ejemplo 2

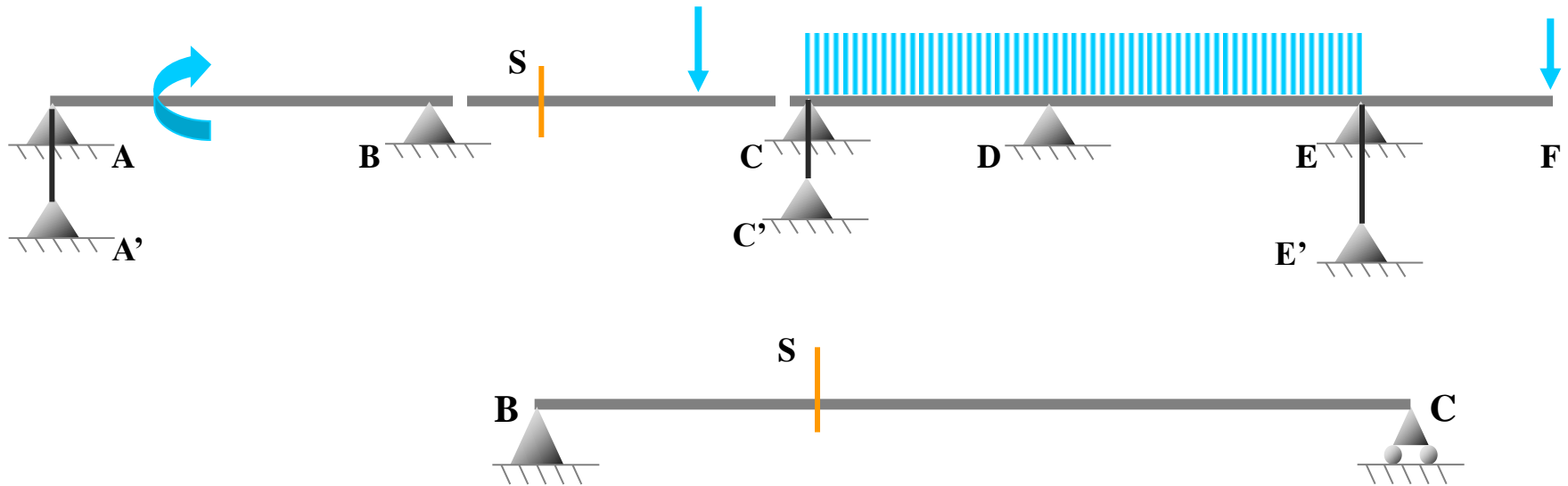
Se desea conocer la flecha y el giro en algún lugar de una viga continua



Ejemplo 2

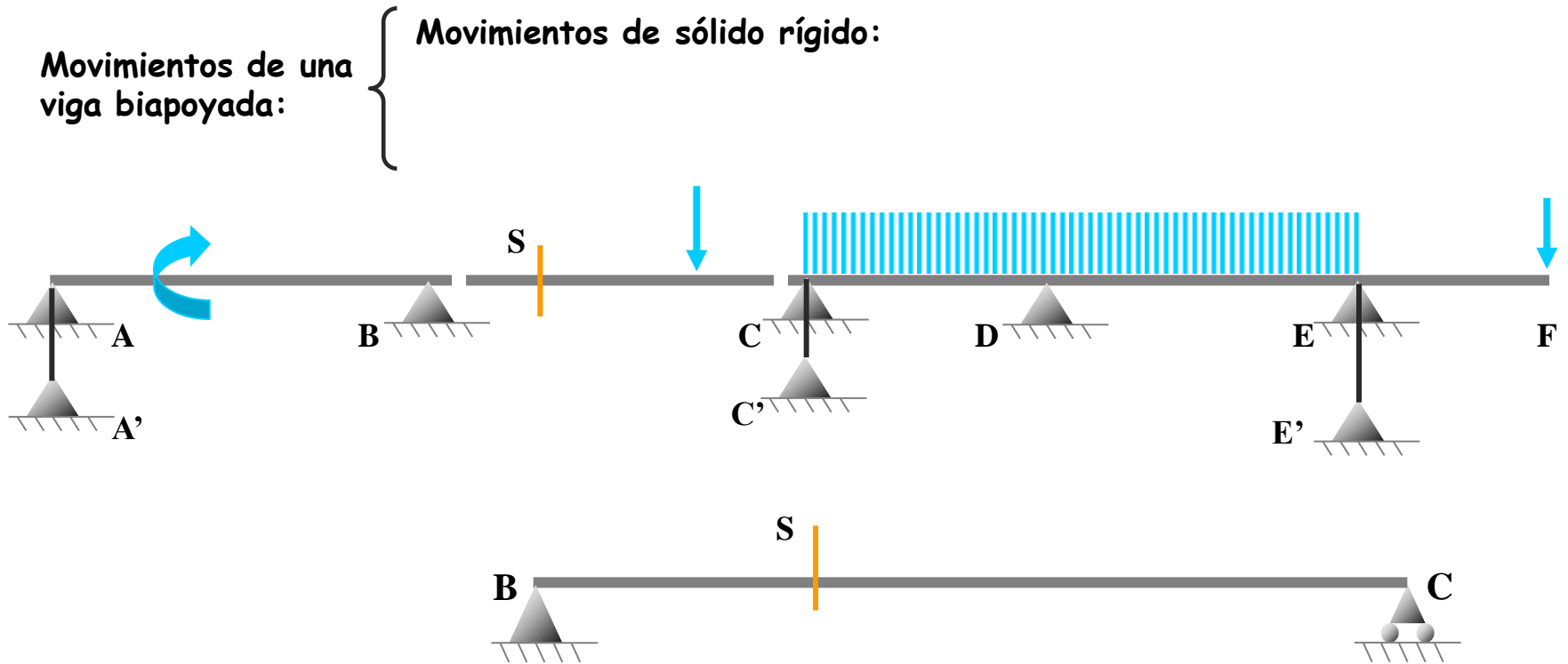
Se desea conocer la flecha y el giro en algún lugar de una viga continua

Movimientos de una viga biapoyada:



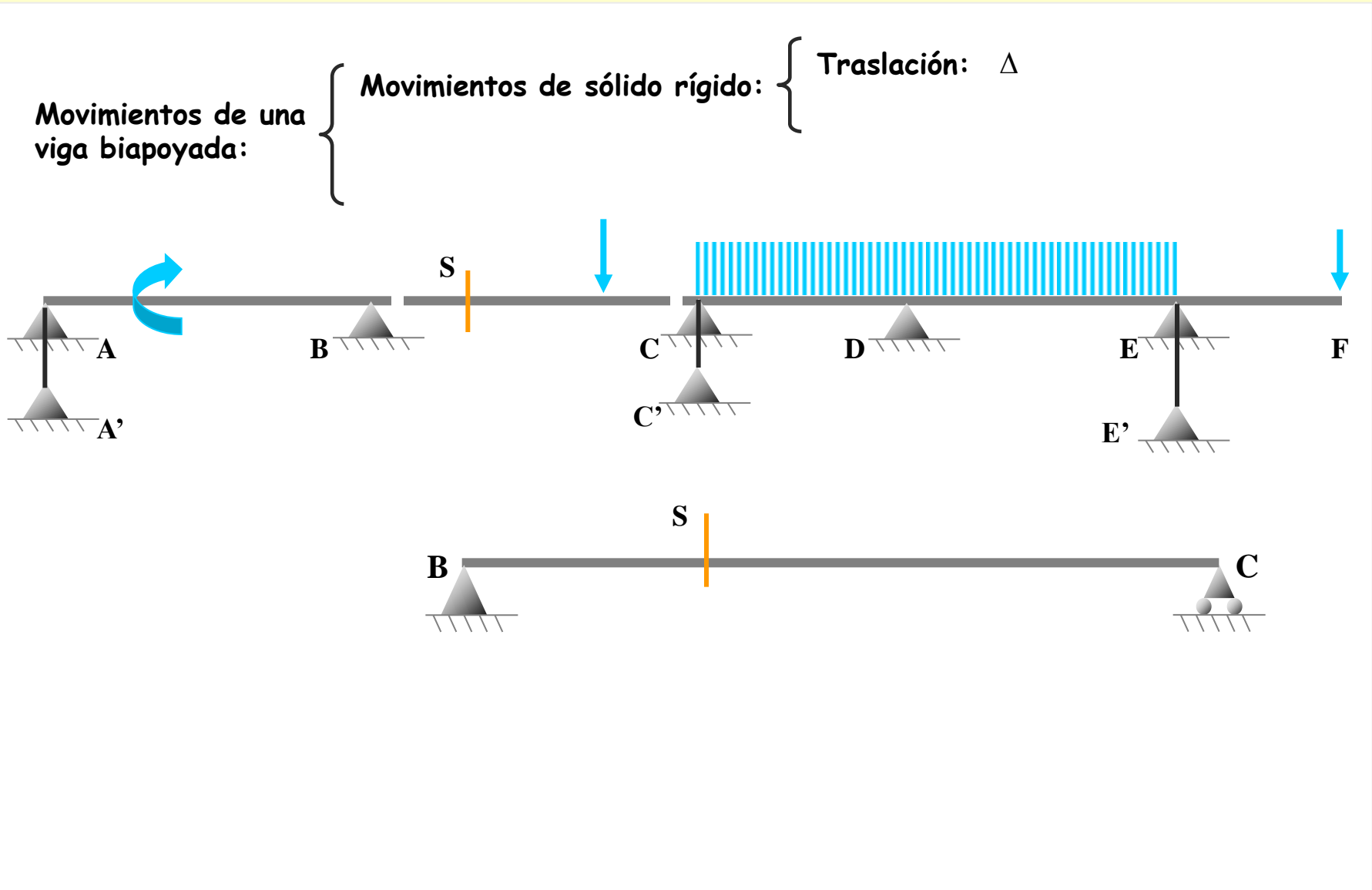
Ejemplo 2

Se desea conocer la flecha y el giro en algún lugar de una viga continua



Ejemplo 2

Se desea conocer la flecha y el giro en algún lugar de una viga continua



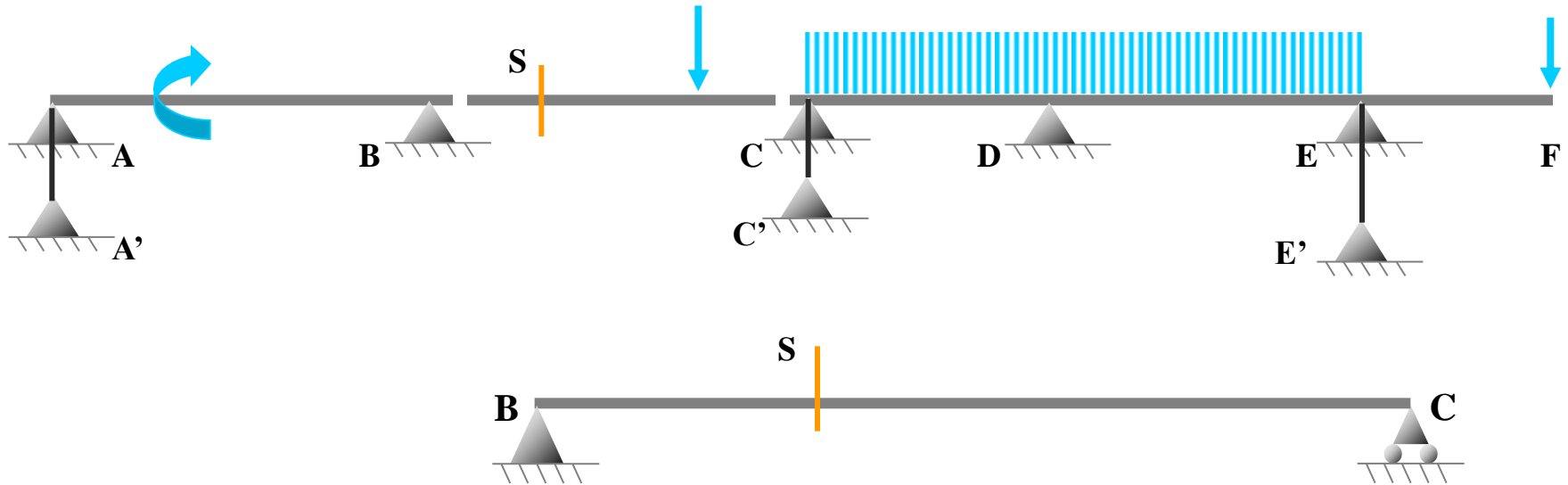
Ejemplo 2

Se desea conocer la flecha y el giro en algún lugar de una viga continua

Movimientos de una viga biapoyada:

Movimientos de sólido rígido:

Traslación: Δ
Rotación: θ

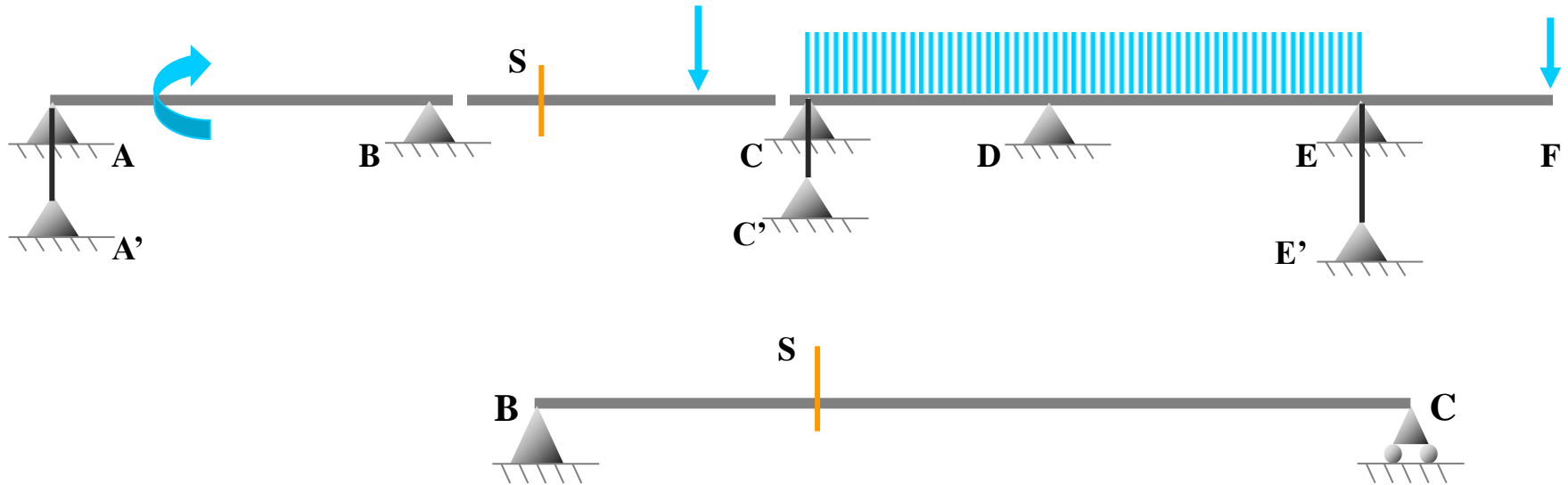


Ejemplo 2

Se desea conocer la flecha y el giro en algún lugar de una viga continua

Movimientos de una viga biapoyada:

Movimientos de sólido rígido: $\left\{ \begin{array}{l} \text{Traslación: } \Delta \\ \text{Rotación: } \theta \end{array} \right.$
 Movimientos de sólido deformable: Deformaciones por flexión



Ejemplo 2

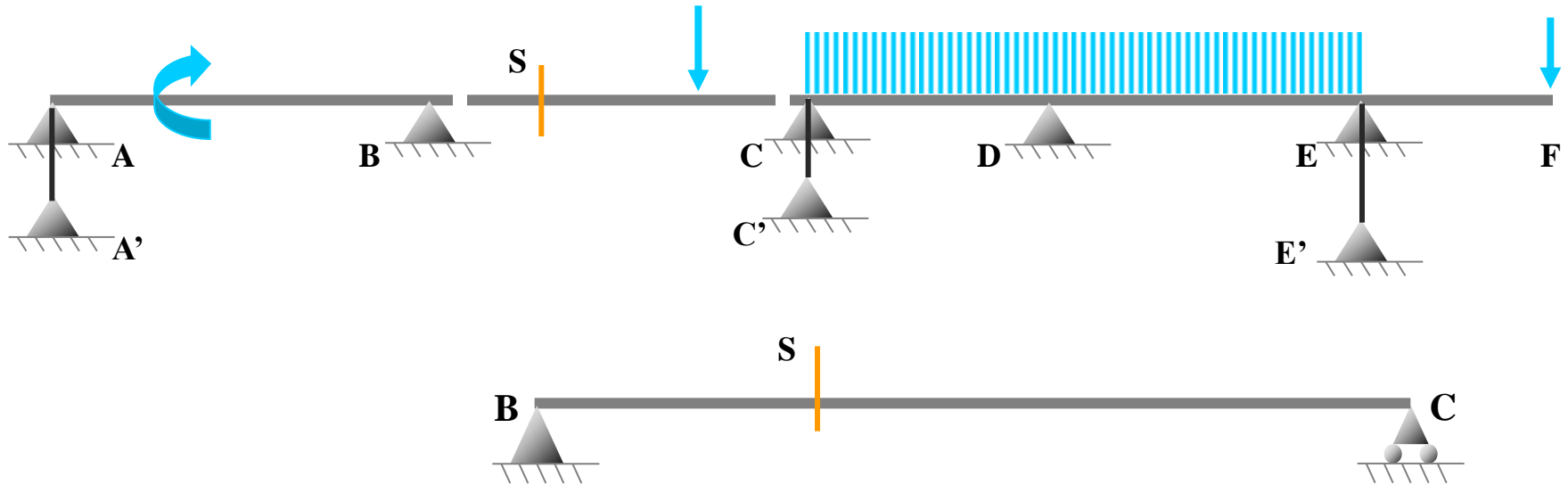
Se desea conocer la flecha y el giro en algún lugar de una viga continua

Movimientos de una viga biapoyada:

Movimientos de sólido rígido: $\left\{ \begin{array}{l} \text{Traslación: } \Delta \\ \text{Rotación: } \theta \end{array} \right.$

Movimientos de sólido deformable: Deformaciones por flexión

NO EXISTE



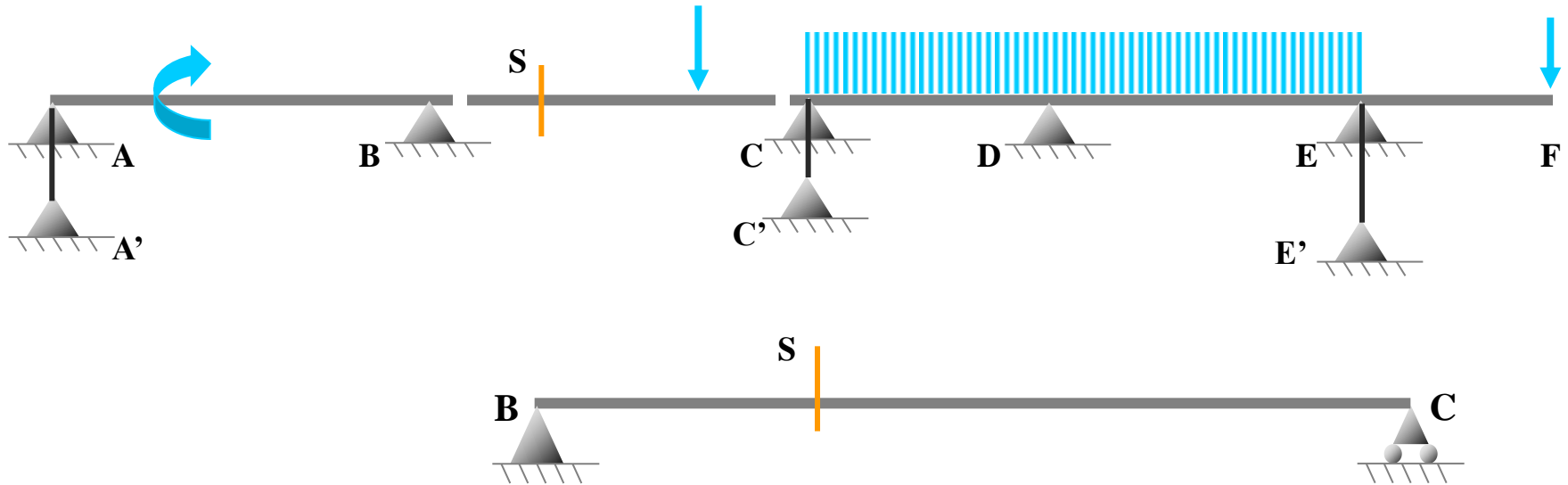
Ejemplo 2

Se desea conocer la flecha y el giro en algún lugar de una viga continua

Movimientos de una viga biapoyada:

Movimientos de sólido rígido: {
 Traslación: Δ
 Rotación: θ infinitesimal **EXISTE** ←

Movimientos de sólido deformable: Deformaciones por flexión



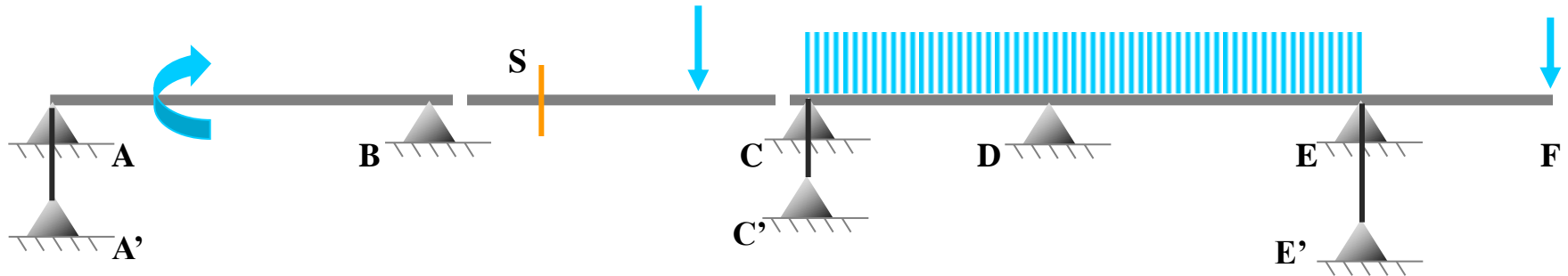
Ejemplo 2

Se desea conocer la flecha y el giro en algún lugar de una viga continua

Movimientos de una viga biapoyada:

Movimientos de sólido rígido: {
 Traslación: Δ
 Rotación: θ infinitesimal **EXISTE** ←

Movimientos de sólido deformable: Deformaciones por flexión



Movimiento por giro del tramo

(se calcula gráficamente o con los métodos matemáticos)



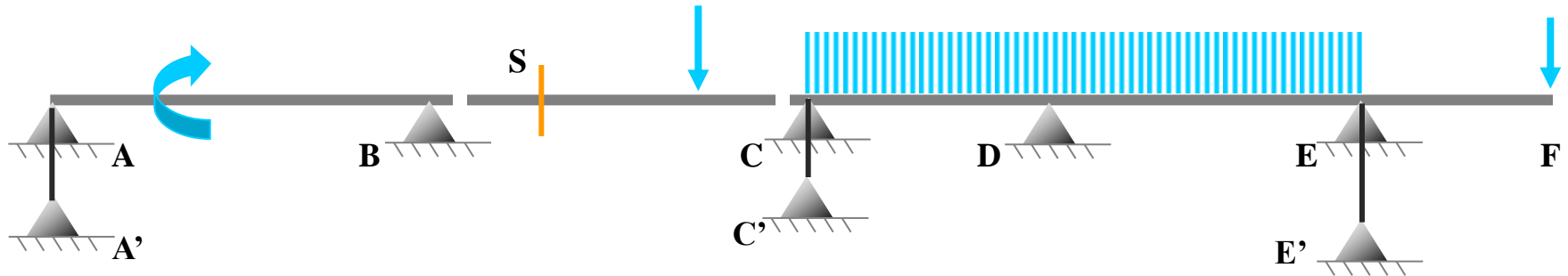
Ejemplo 2

Se desea conocer la flecha y el giro en algún lugar de una viga continua

Movimientos de una viga biapoyada:

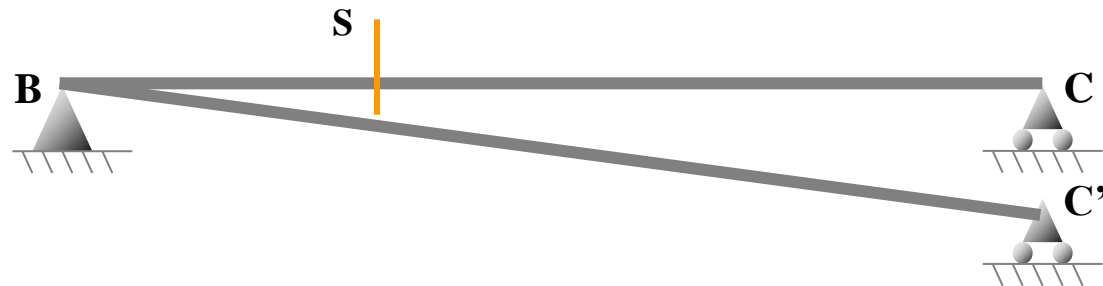
Movimientos de sólido rígido: {
 Traslación: Δ
 Rotación: θ infinitesimal **EXISTE** ←

Movimientos de sólido deformable: Deformaciones por flexión



Movimiento por giro del tramo

(se calcula gráficamente o con los métodos matemáticos)



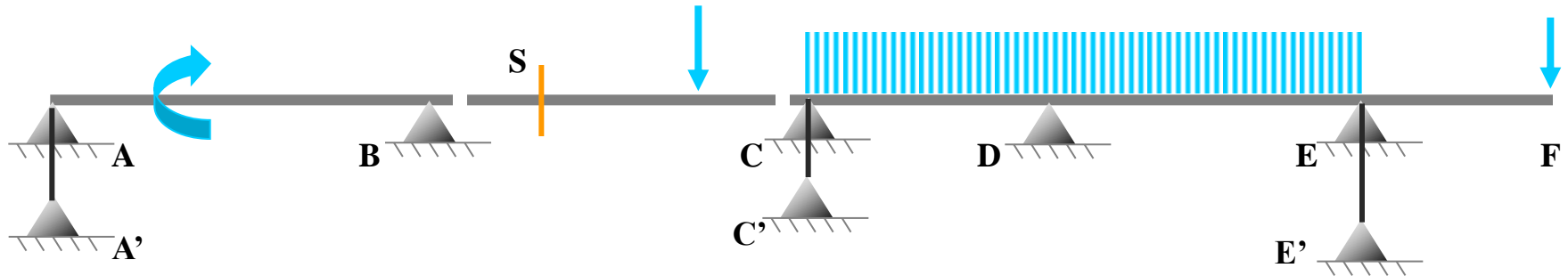
Ejemplo 2

Se desea conocer la flecha y el giro en algún lugar de una viga continua

Movimientos de una viga biapoyada:

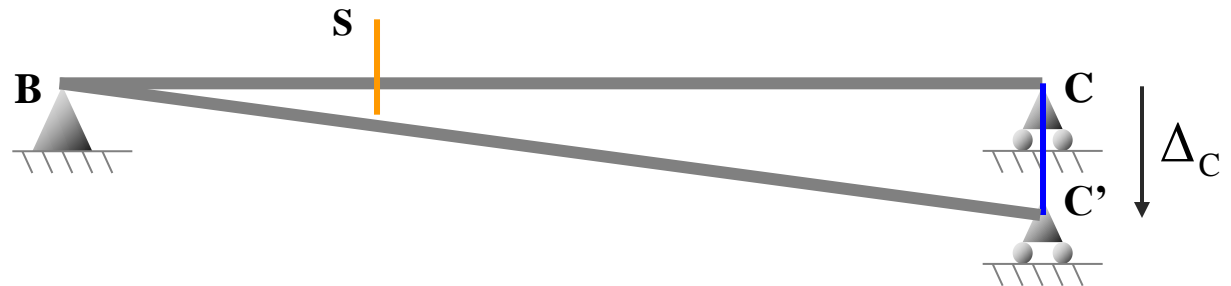
Movimientos de sólido rígido: {
 Traslación: Δ
 Rotación: θ infinitesimal **EXISTE** ←

Movimientos de sólido deformable: Deformaciones por flexión



Movimiento por giro del tramo

(se calcula gráficamente o con los métodos matemáticos)

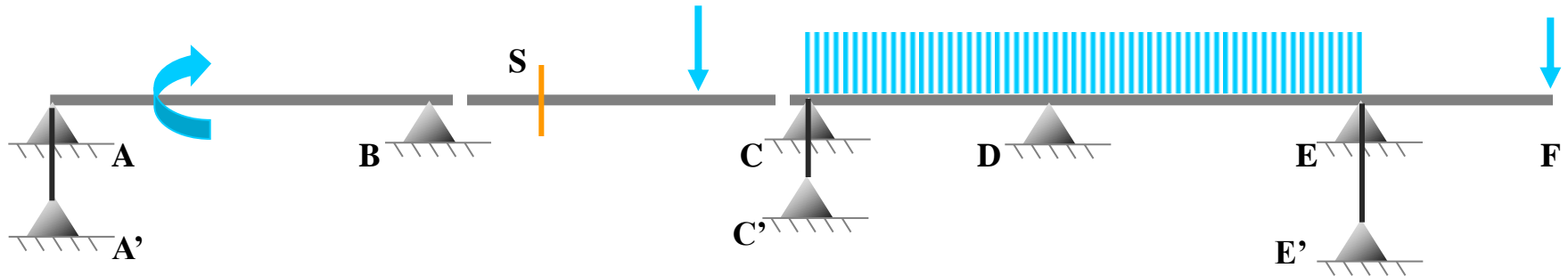


Ejemplo 2

Se desea conocer la flecha y el giro en algún lugar de una viga continua

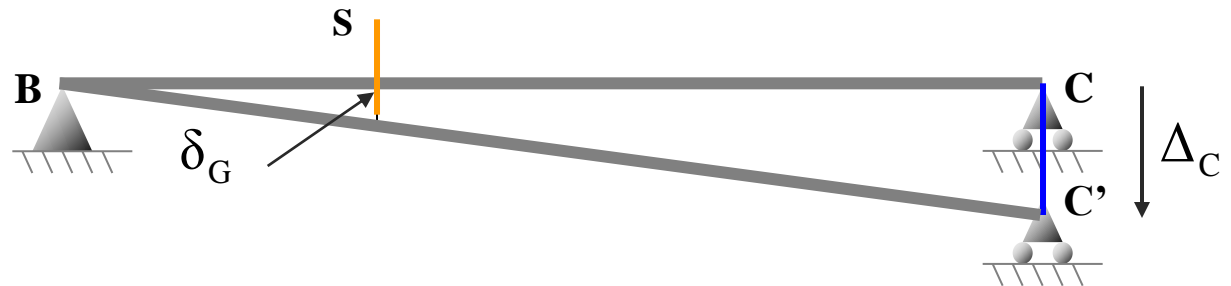
Movimientos de una viga biapoyada: { Movimientos de sólido rígido: { Traslación: Δ
 Rotación: θ infinitesimal **EXISTE** ←

Movimientos de sólido deformable: Deformaciones por flexión



Movimiento por giro del tramo

(se calcula gráficamente o con los métodos matemáticos)



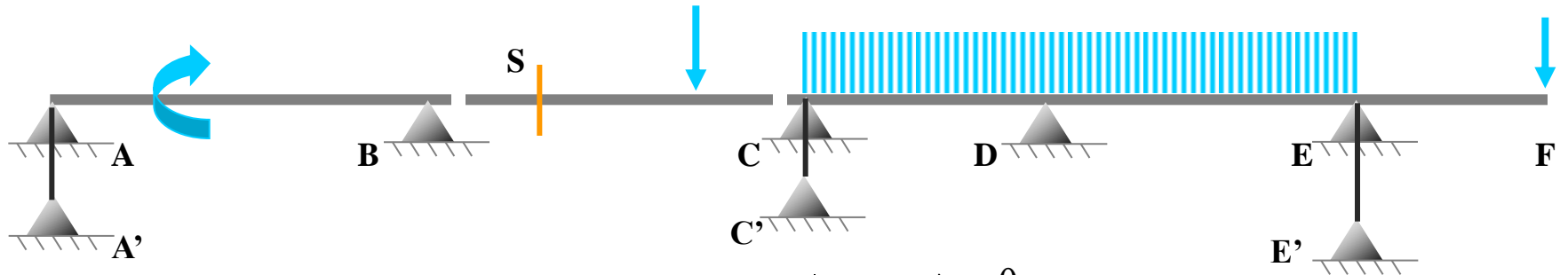
Ejemplo 2

Se desea conocer la flecha y el giro en algún lugar de una viga continua

Movimientos de una viga biapoyada:

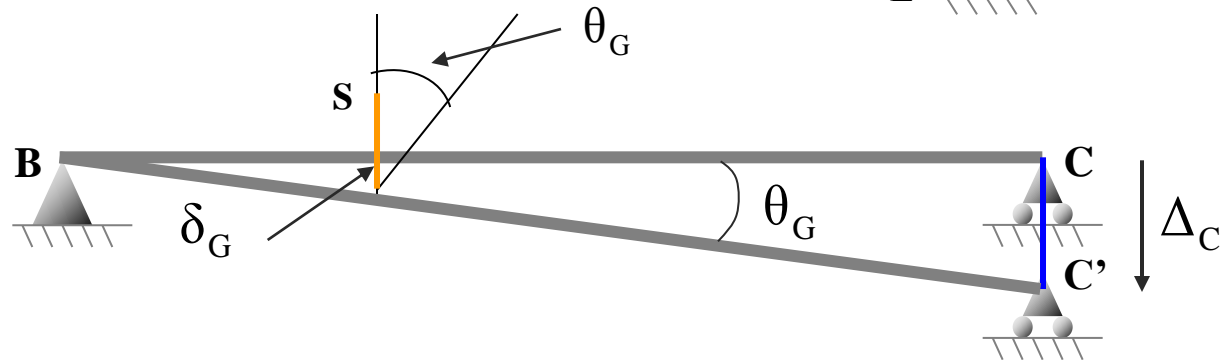
Movimientos de sólido rígido: $\left\{ \begin{array}{l} \text{Traslación: } \Delta \\ \text{Rotación: } \theta \text{ infinitesimal} \end{array} \right.$ **EXISTE** ←

Movimientos de sólido deformable: Deformaciones por flexión



Movimiento por giro del tramo

(se calcula gráficamente o con los métodos matemáticos)



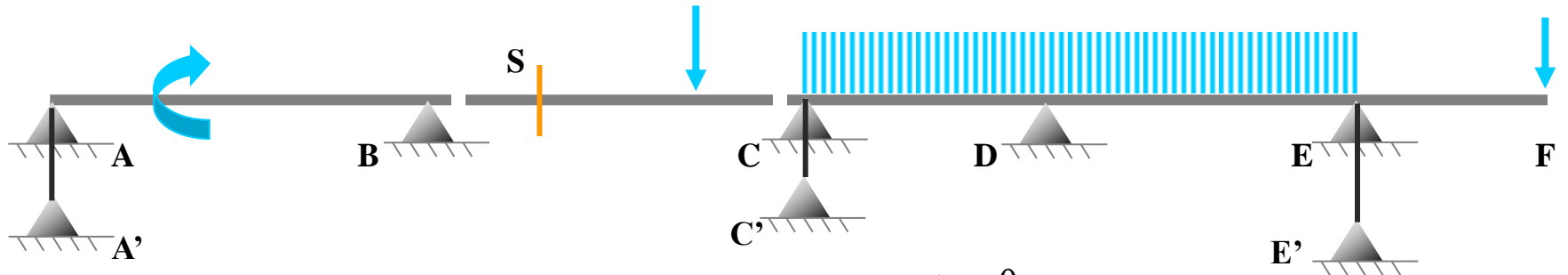
Ejemplo 2

Se desea conocer la flecha y el giro en algún lugar de una viga continua

Movimientos de una viga biapoyada:

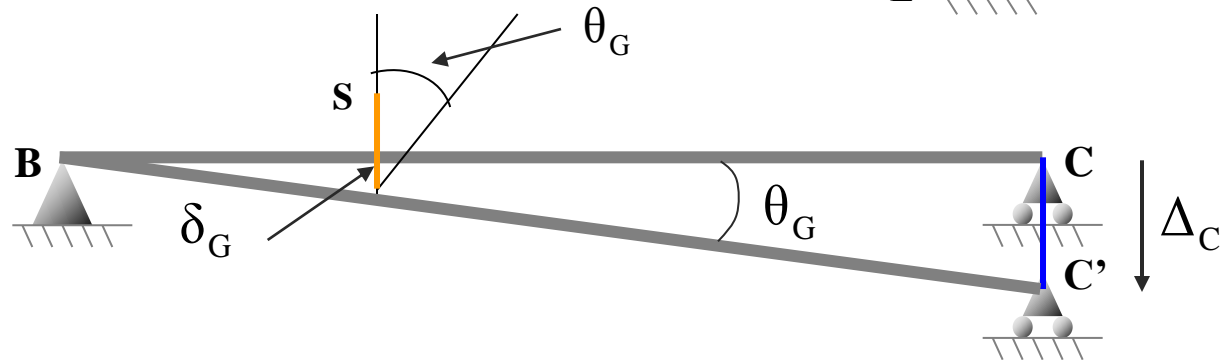
Movimientos de sólido rígido: $\left\{ \begin{array}{l} \text{Traslación: } \Delta \\ \text{Rotación: } \theta \text{ infinitesimal} \end{array} \right.$

Movimientos de sólido deformable: Deformaciones por flexión **EXISTE** ←



Movimiento por giro del tramo

(se calcula gráficamente o con los métodos matemáticos)



Ejemplo 2

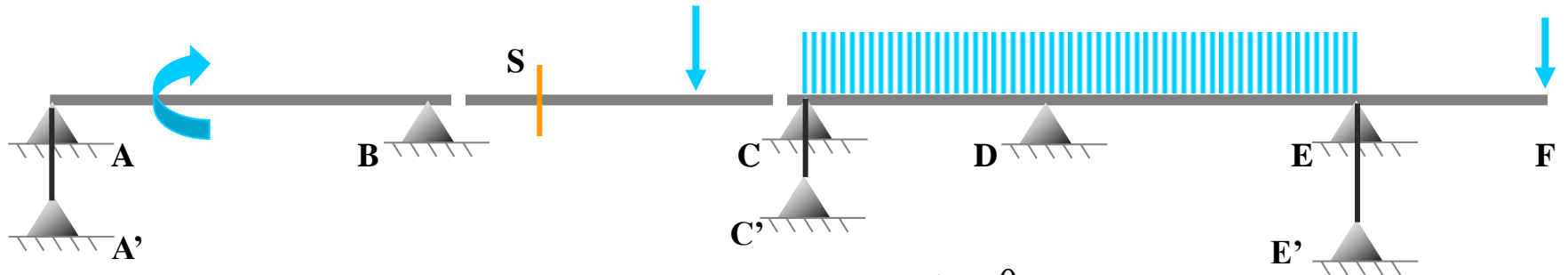
Se desea conocer la flecha y el giro en algún lugar de una viga continua

Movimientos de una viga biapoyada:

Movimientos de sólido rígido: $\left\{ \begin{array}{l} \text{Traslación: } \Delta \\ \text{Rotación: } \theta \text{ infinitesimal} \end{array} \right.$

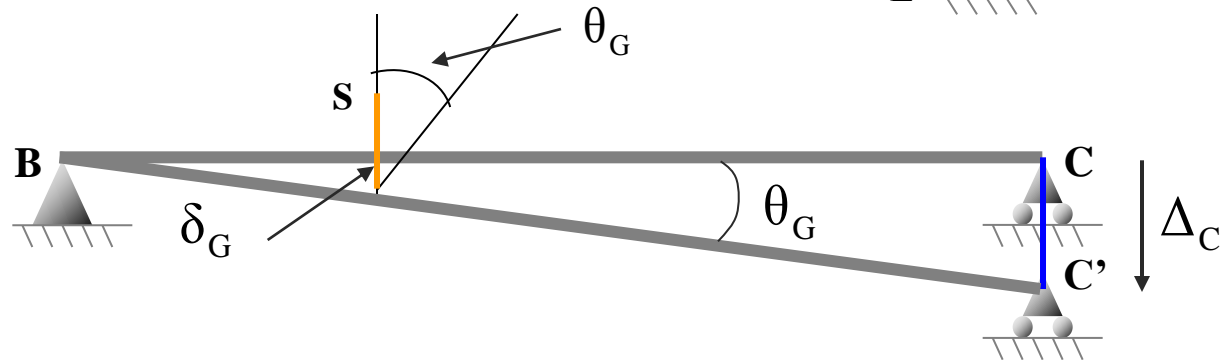
Movimientos de sólido deformable: Deformaciones por flexión

EXISTE ←



Movimiento por giro del tramo

(se calcula gráficamente o con los métodos matemáticos)



Movimiento por deformación del tramo

(con los métodos matemáticos)

Ejemplo 2

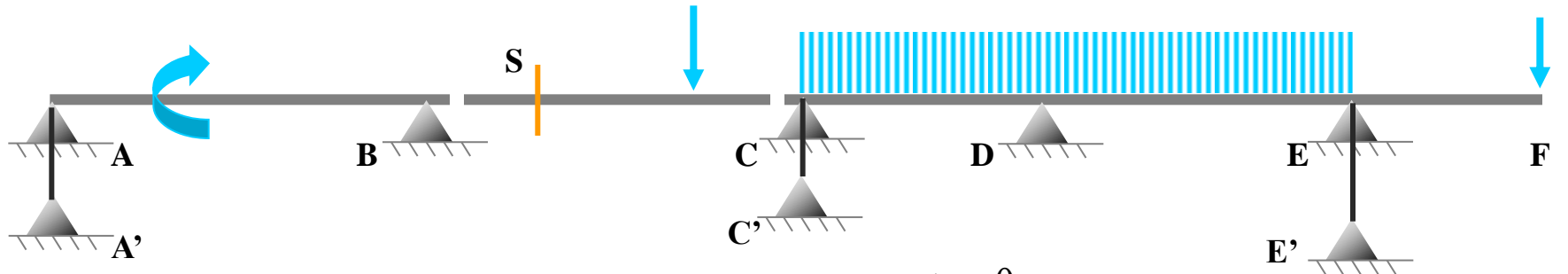
Se desea conocer la flecha y el giro en algún lugar de una viga continua

Movimientos de una viga biapoyada:

Movimientos de sólido rígido: $\left\{ \begin{array}{l} \text{Traslación: } \Delta \\ \text{Rotación: } \theta \text{ infinitesimal} \end{array} \right.$

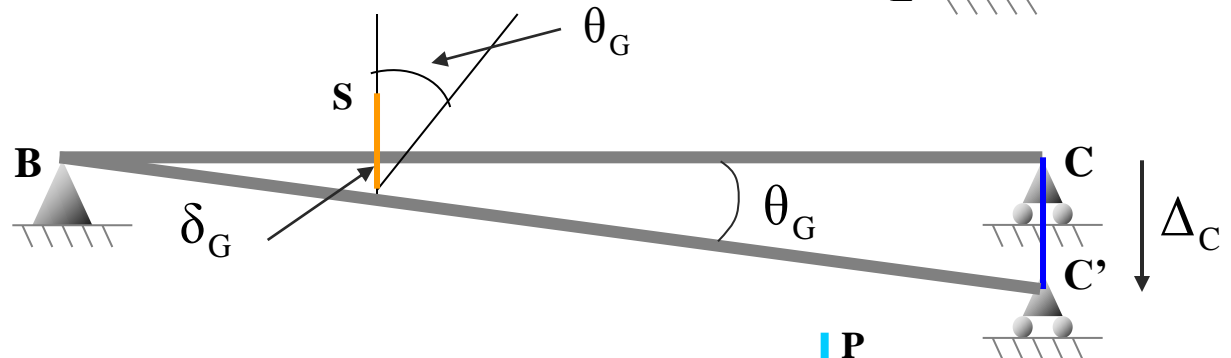
Movimientos de sólido deformable: Deformaciones por flexión

EXISTE



Movimiento por giro del tramo

(se calcula gráficamente o con los métodos matemáticos)



Movimiento por deformación del tramo

(con los métodos matemáticos)



Ejemplo 2

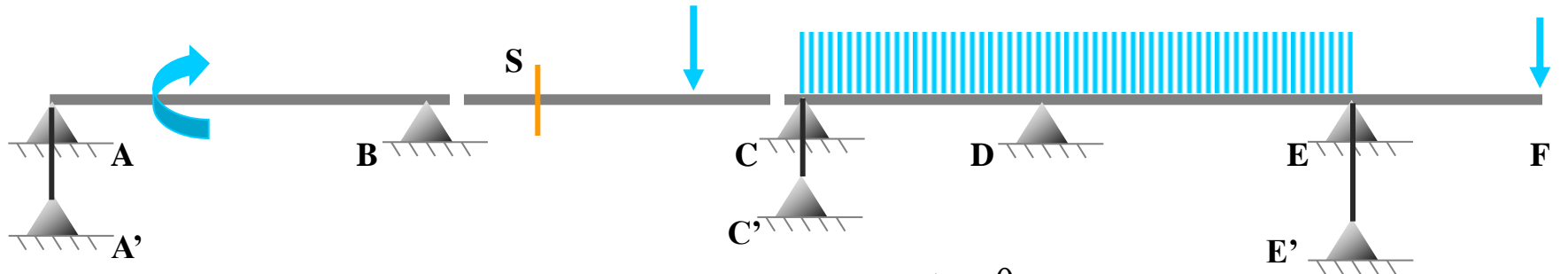
Se desea conocer la flecha y el giro en algún lugar de una viga continua

Movimientos de una viga biapoyada:

Movimientos de sólido rígido: $\left\{ \begin{array}{l} \text{Traslación: } \Delta \\ \text{Rotación: } \theta \text{ infinitesimal} \end{array} \right.$

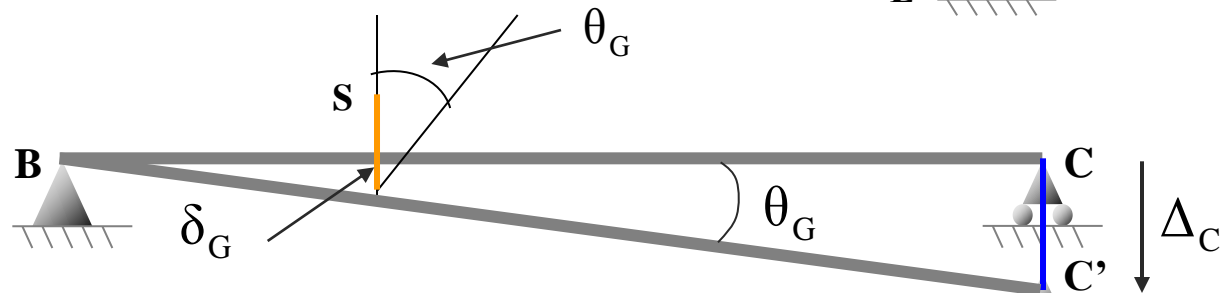
Movimientos de sólido deformable: Deformaciones por flexión

EXISTE



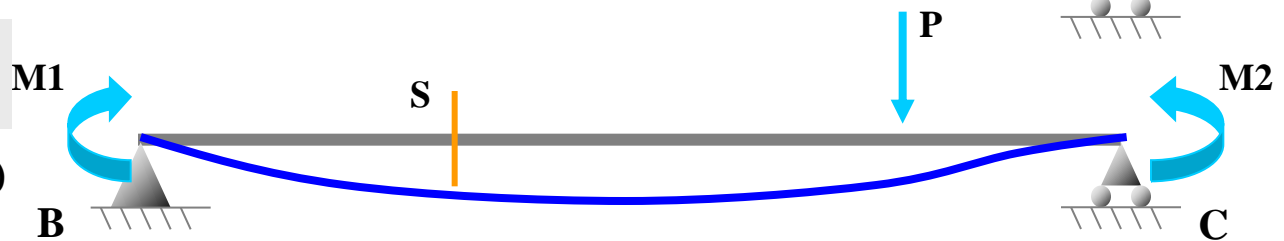
Movimiento por giro del tramo

(se calcula gráficamente o con los métodos matemáticos)



Movimiento por deformación del tramo

(con los métodos matemáticos)



Ejemplo 2

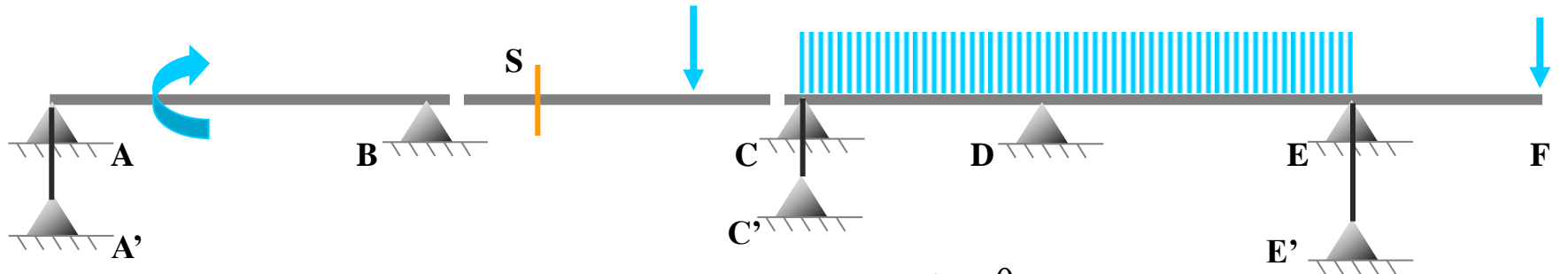
Se desea conocer la flecha y el giro en algún lugar de una viga continua

Movimientos de una viga biapoyada:

Movimientos de sólido rígido: $\left\{ \begin{array}{l} \text{Traslación: } \Delta \\ \text{Rotación: } \theta \text{ infinitesimal} \end{array} \right.$

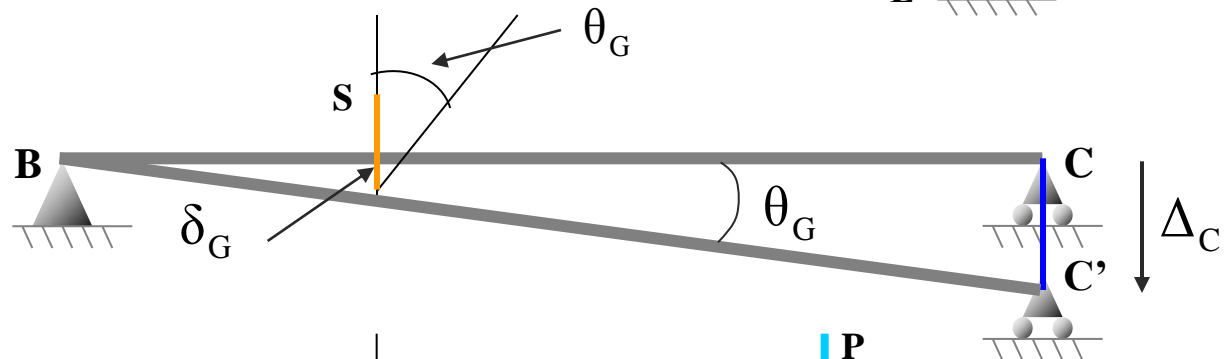
Movimientos de sólido deformable: Deformaciones por flexión

EXISTE



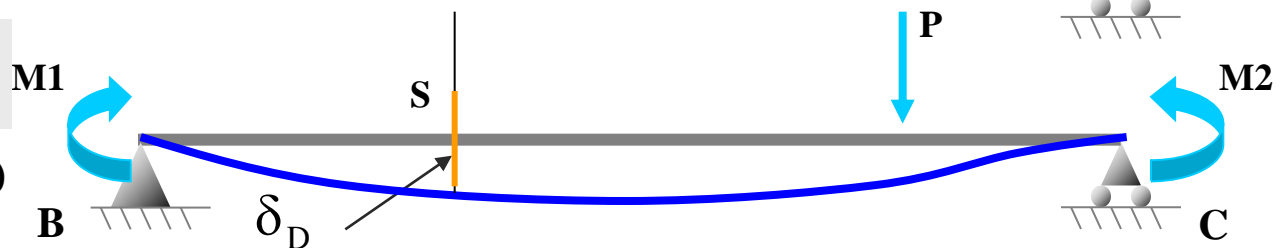
Movimiento por giro del tramo

(se calcula gráficamente o con los métodos matemáticos)



Movimiento por deformación del tramo

(con los métodos matemáticos)



Ejemplo 2

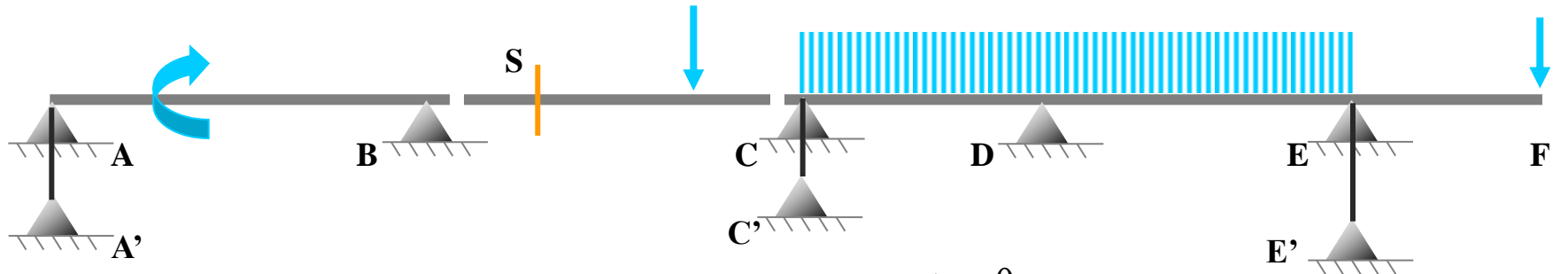
Se desea conocer la flecha y el giro en algún lugar de una viga continua

Movimientos de una viga biapoyada:

Movimientos de sólido rígido: $\left\{ \begin{array}{l} \text{Traslación: } \Delta \\ \text{Rotación: } \theta \text{ infinitesimal} \end{array} \right.$

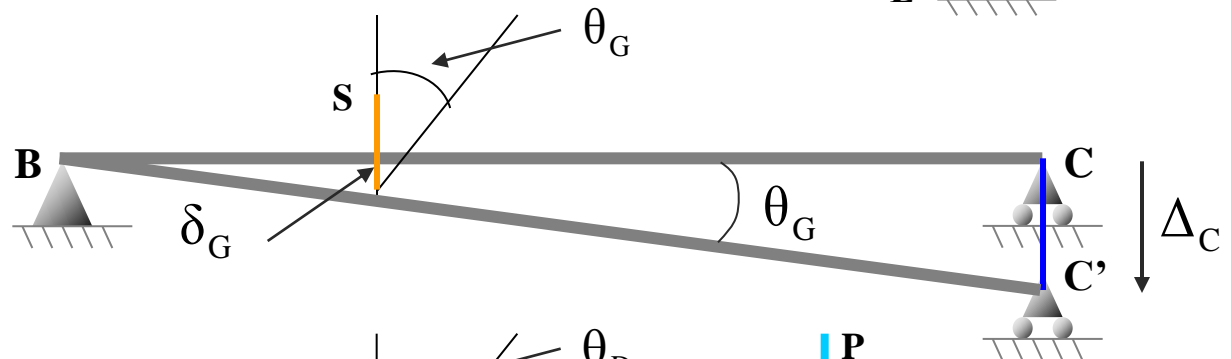
Movimientos de sólido deformable: Deformaciones por flexión

EXISTE



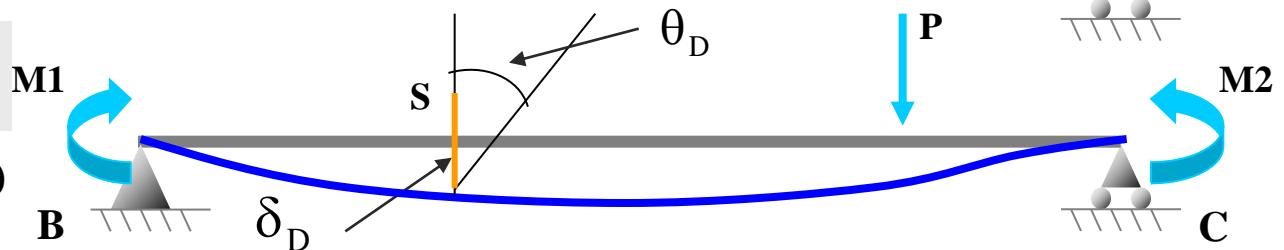
Movimiento por giro del tramo

(se calcula gráficamente o con los métodos matemáticos)



Movimiento por deformación del tramo

(con los métodos matemáticos)



Ejemplo 2

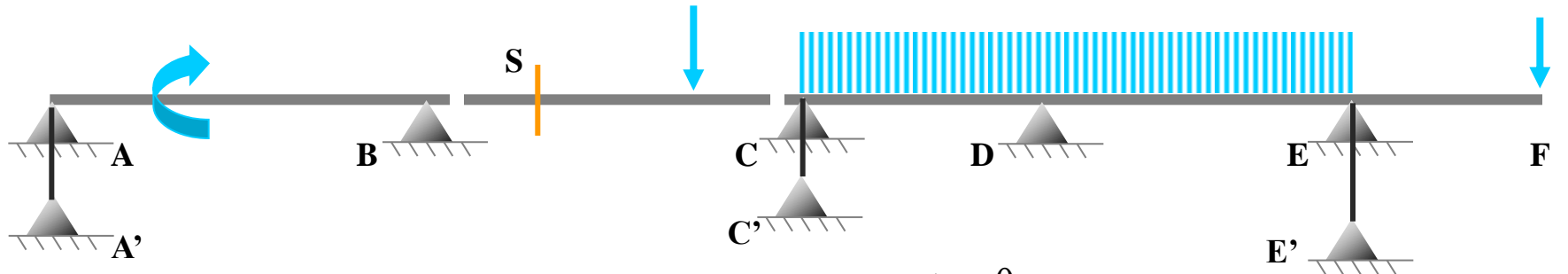
Se desea conocer la flecha y el giro en algún lugar de una viga continua

Movimientos de una viga biapoyada:

Movimientos de sólido rígido: $\left\{ \begin{array}{l} \text{Traslación: } \Delta \\ \text{Rotación: } \theta \text{ infinitesimal} \end{array} \right.$

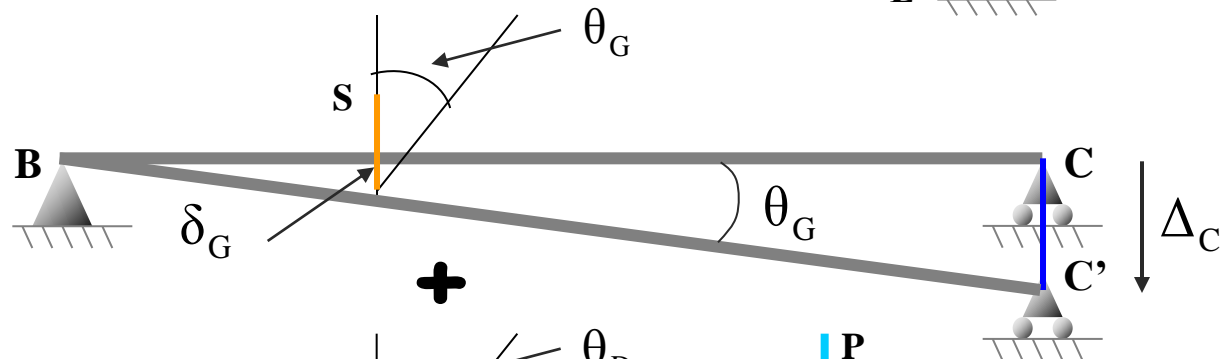
Movimientos de sólido deformable: Deformaciones por flexión

EXISTE



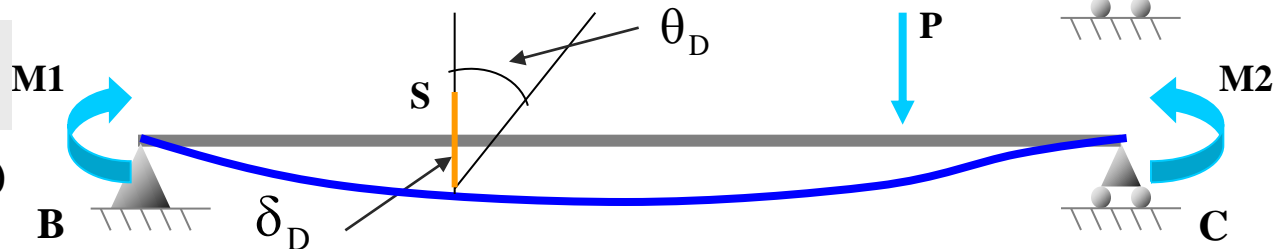
Movimiento por giro del tramo

(se calcula gráficamente o con los métodos matemáticos)



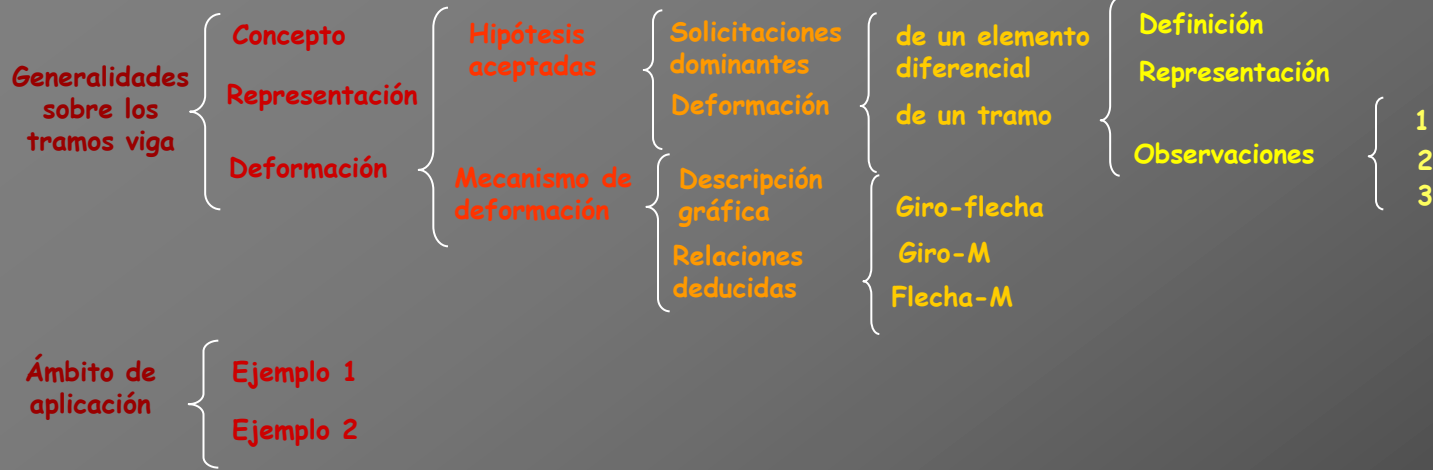
Movimiento por deformación del tramo

(con los métodos matemáticos)



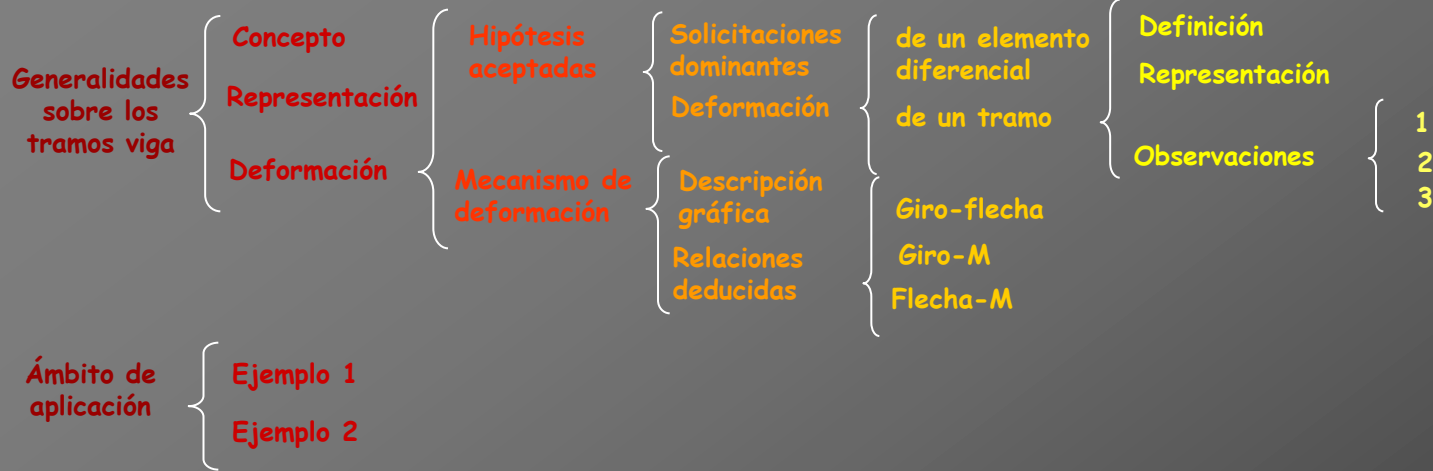


Cálculo de deformaciones por métodos matemáticos





Cálculo de deformaciones por métodos matemáticos



Métodos de representación de una elástica



Cálculo de deformaciones por métodos matemáticos

Generalidades sobre los tramos viga

- Concepto
- Representación
- Deformación

- Hipótesis aceptadas
- Mecanismo de deformación

- Solicitaciones dominantes
- Deformación
- Descripción gráfica
- Relaciones deducidas

- de un elemento diferencial
- de un tramo
- Giro-flecha
- Giro-M
- Flecha-M

- Definición
- Representación
- Observaciones

- 1
- 2
- 3

Ámbito de aplicación

- Ejemplo 1
- Ejemplo 2

Aproximado

Métodos de representación de una elástica





Aproximado



Aproximado

Consiste en representar cualitativamente la curvatura de la elástica apoyándose en la hipótesis de Bernoulli y en el signo del diagrama de momentos

Aproximado

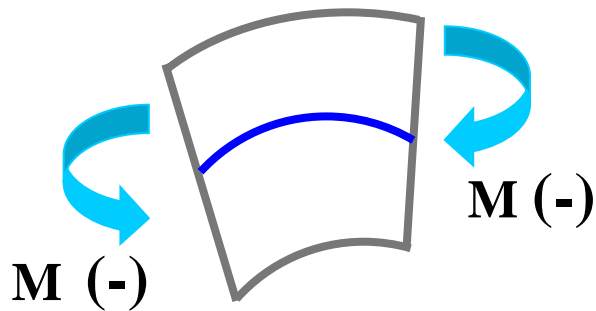
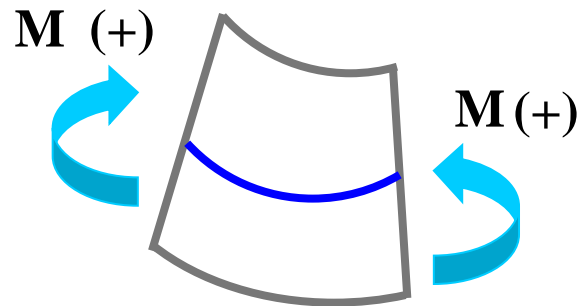
Consiste en representar cualitativamente la curvatura de la elástica apoyándose en la hipótesis de Bernoulli y en el signo del diagrama de momentos

**Deformación de un elemento
diferencial por la flexión según
Bernoulli**

Aproximado

Consiste en representar cualitativamente la curvatura de la elástica apoyándose en la hipótesis de Bernoulli y en el signo del diagrama de momentos

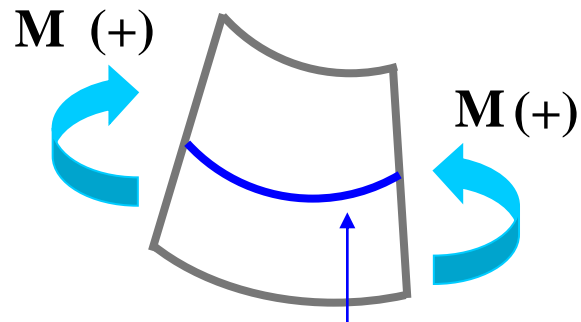
Deformación de un elemento diferencial por la flexión según Bernoulli



Aproximado

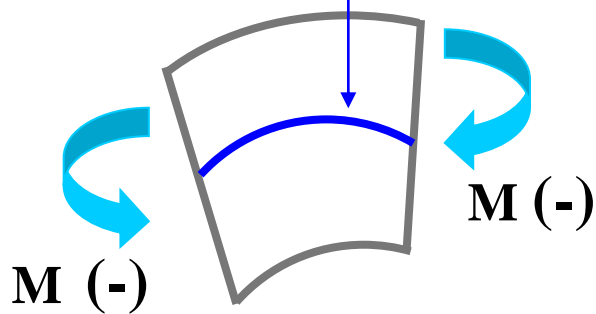
Consiste en representar cualitativamente la curvatura de la elástica apoyándose en la hipótesis de Bernoulli y en el signo del diagrama de momentos

Deformación de un elemento diferencial por la flexión según Bernoulli



Curvatura hacia abajo

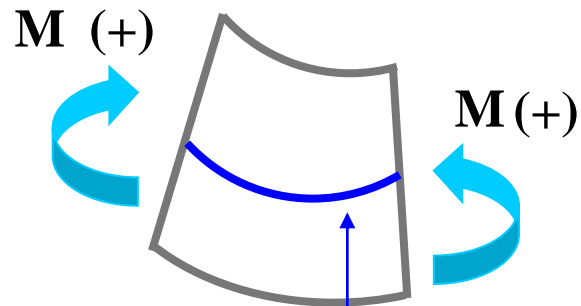
Curvatura hacia arriba



Aproximado

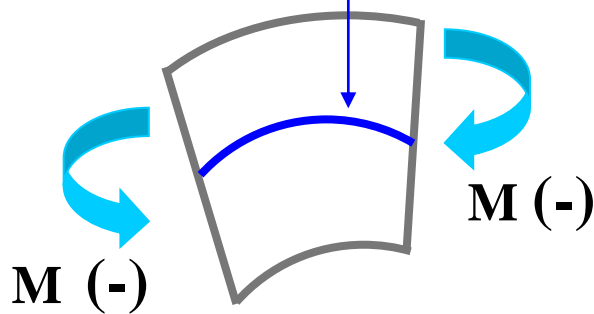
Consiste en representar cualitativamente la curvatura de la elástica apoyándose en la hipótesis de Bernoulli y en el signo del diagrama de momentos

Deformación de un elemento diferencial por la flexión según Bernoulli

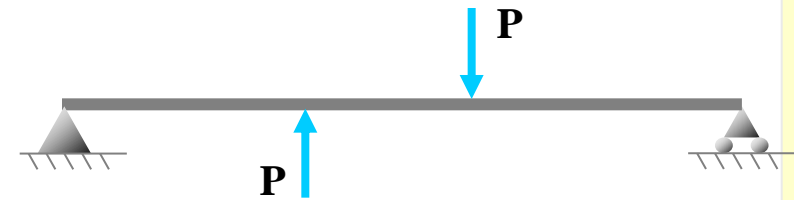


Curvatura hacia abajo

Curvatura hacia arriba



Ejemplo



Estructura con acciones aplicadas

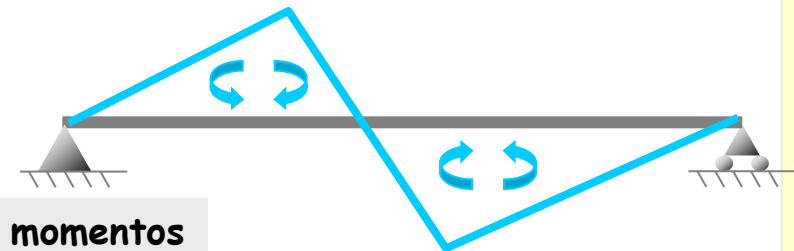
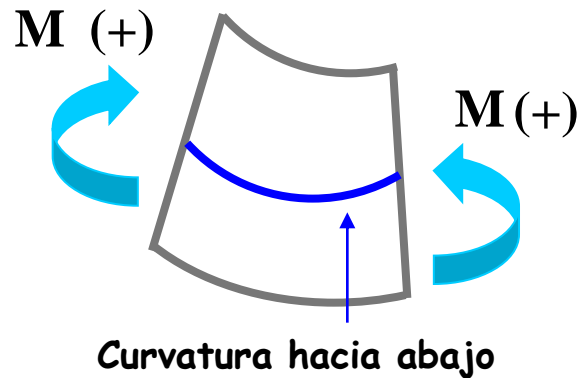


Diagrama de momentos

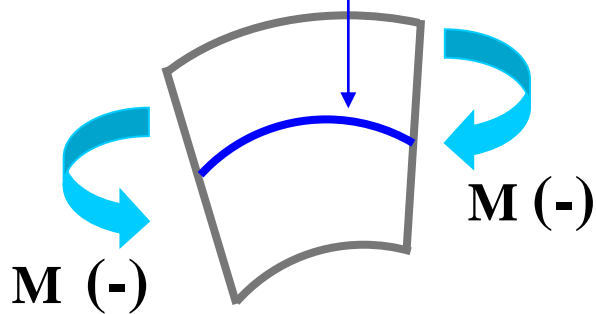
Aproximado

Consiste en representar cualitativamente la curvatura de la elástica apoyándose en la hipótesis de Bernoulli y en el signo del diagrama de momentos

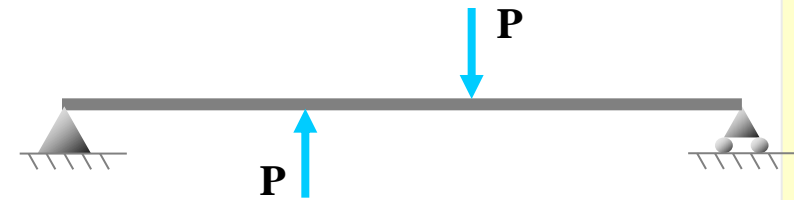
Deformación de un elemento diferencial por la flexión según Bernoulli



Curvatura hacia arriba



Ejemplo



Estructura con acciones aplicadas

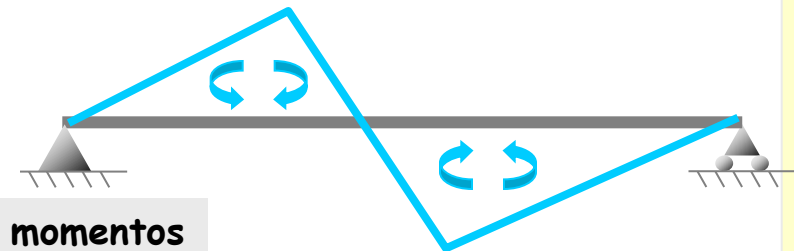
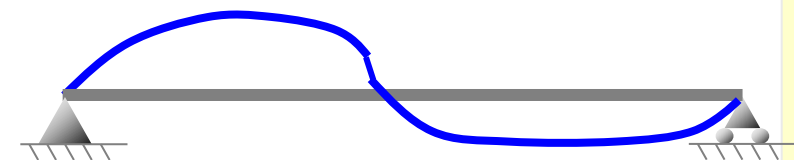


Diagrama de momentos

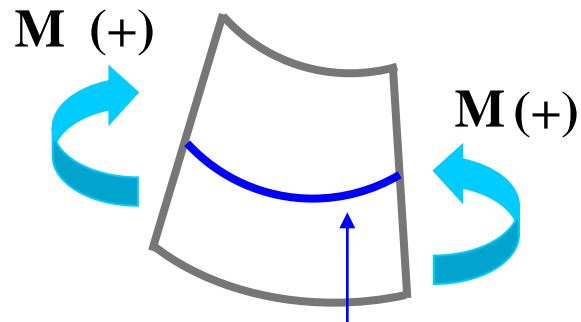


Deformada aproximada
(Elástica aproximada)

Aproximado

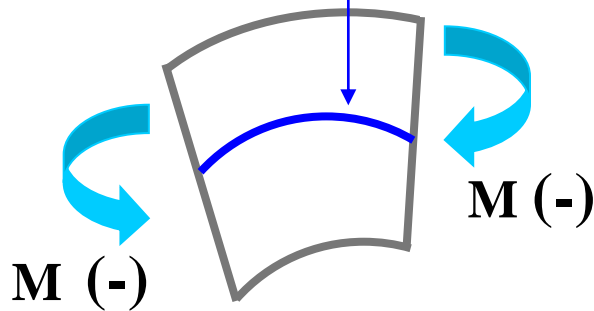
Consiste en representar cualitativamente la curvatura de la elástica apoyándose en la hipótesis de Bernoulli y en el signo del diagrama de momentos

Deformación de un elemento diferencial por la flexión según Bernoulli

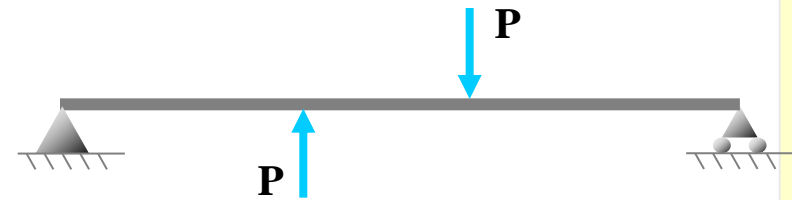


Curvatura hacia abajo

Curvatura hacia arriba



Ejemplo



Estructura con acciones aplicadas

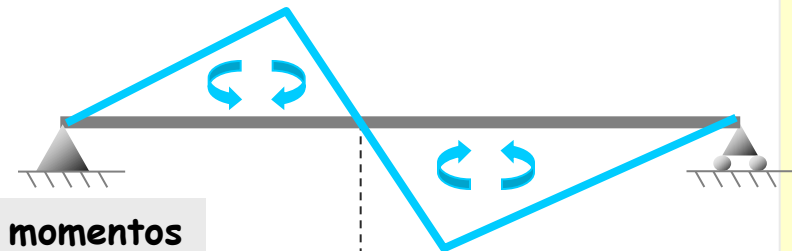
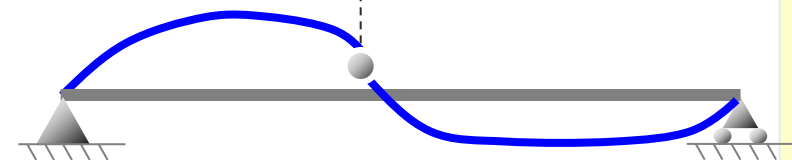


Diagrama de momentos

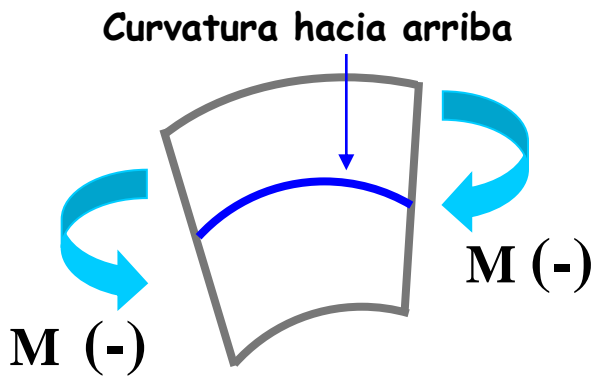
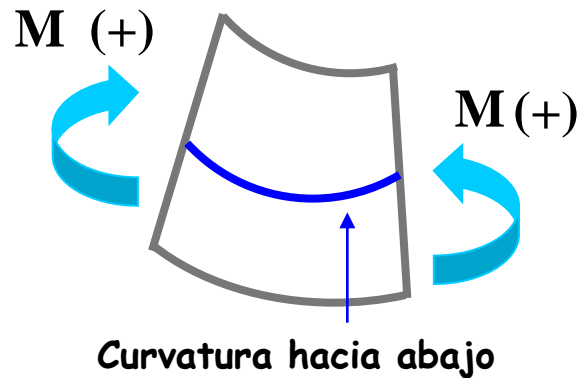


Deformada aproximada
(Elástica aproximada)

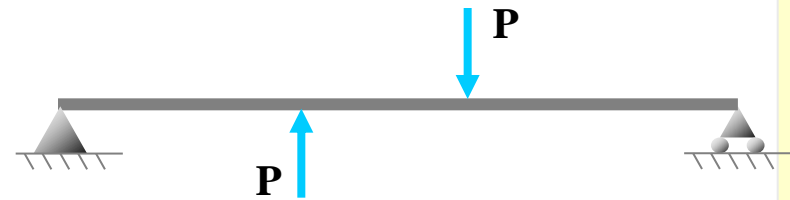
Aproximado

Consiste en representar cualitativamente la curvatura de la elástica apoyándose en la hipótesis de Bernoulli y en el signo del diagrama de momentos

Deformación de un elemento diferencial por la flexión según Bernoulli



Ejemplo



Estructura con acciones aplicadas

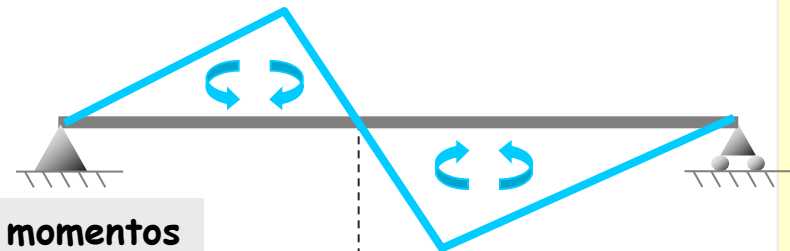
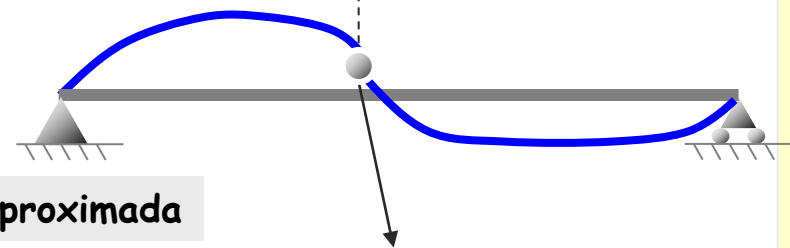


Diagrama de momentos



Deformada aproximada
(Elástica aproximada)

Punto de inflexión
(caso particular: donde el momento flector es 0)

Cálculo de deformaciones por métodos matemáticos

Generalidades sobre los tramos viga

- Concepto
- Representación
- Deformación

- Hipótesis aceptadas
- Mecanismo de deformación

- Solicitaciones dominantes
- Deformación
- Descripción gráfica
- Relaciones deducidas

- de un elemento diferencial
- de un tramo
- Giro-flecha
- Giro-M
- Flecha-M

- Definición
- Representación
- Observaciones

- 1
- 2
- 3

Ámbito de aplicación

- Ejemplo 1
- Ejemplo 2

Aproximado

Métodos de representación de una elástica



Cálculo de deformaciones por métodos matemáticos





Exactos

Exactos

Son los métodos matemáticos de:

- Doble integración
- Área de momentos
- La viga conjugada

Exactos

Son los métodos matemáticos de:

- Doble integración
- Área de momentos
- La viga conjugada

Permiten conocer:

- La expresión general de las flechas
- La expresión general de los giros
- El valor de la flecha máxima

$$y_x \downarrow = f(x)$$

$$\theta_x = g(x)$$

$$y_{\max} \downarrow$$

Exactos

Son los métodos matemáticos de:

- Doble integración
- Área de momentos
- La viga conjugada

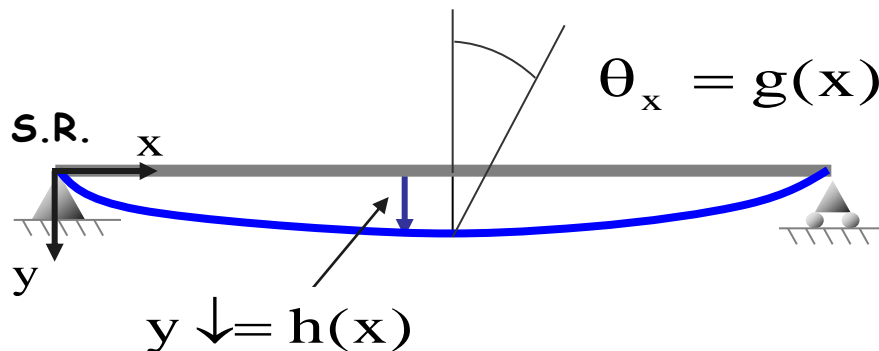
Permiten conocer:

- La expresión general de las flechas
- La expresión general de los giros
- El valor de la flecha máxima

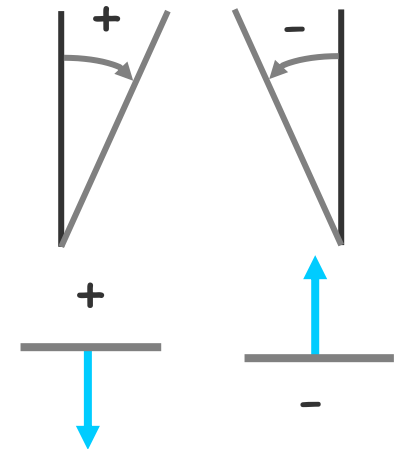
$$y_x \downarrow = f(x)$$

$$\theta_x = g(x)$$

$$y_{\max} \downarrow$$



signos



Cálculo de deformaciones por métodos matemáticos

Índice

Generalidades sobre los tramos viga

- Concepto
- Representación
- Deformación

- Hipótesis aceptadas
- Mecanismo de deformación

- Solicitaciones dominantes
- Deformación
- Descripción gráfica
- Relaciones deducidas

- de un elemento diferencial
- de un tramo
- Giro-flecha
- Giro-M
- Flecha-M

- Definición
- Representación
- Observaciones

- 1
- 2
- 3

Ámbito de aplicación

- Ejemplo 1
- Ejemplo 2

Aproximado

Métodos de representación de una elástica

Exactos (m. matemáticos)

