

6. GAIA: Solido partikulatuen karakterizazioa. Ohantze porotsuak

*Oinarrizko Eragiketak
Elikagaien Industrian I*

**OpenCourseWare
UPV/EHU OCW- 2017**

**Eva Epelde Bejerano
Miren Gallastegi Villa**



6. Gaia: Solido partikulatuak. Ohantze-porotsuak

6.1. Darcy-ren legea. Iragazkortasuna

Darcy frogatu zuen:

$$\bar{u} = K \frac{(-\Delta P)}{L}$$

- $(-\Delta P)$: ohantzean zeharreko presio galera
- L: ohantzearen lodiera
- K: proportzionaltasun- konstantea (ohantzearen eta bertatik darion jariakinaren propietateen arabera)



"Jariakinaren abiadura presio galerarekiko proportzionala da, jariakina erregimen laminarrean jariatzen dela aurranez"

[Wikipedian argitaratua, autorerik gabe \(domeinu publikoa\).](#)

6. Gaia: Solido partikulatuak. Ohantze-porotsuak

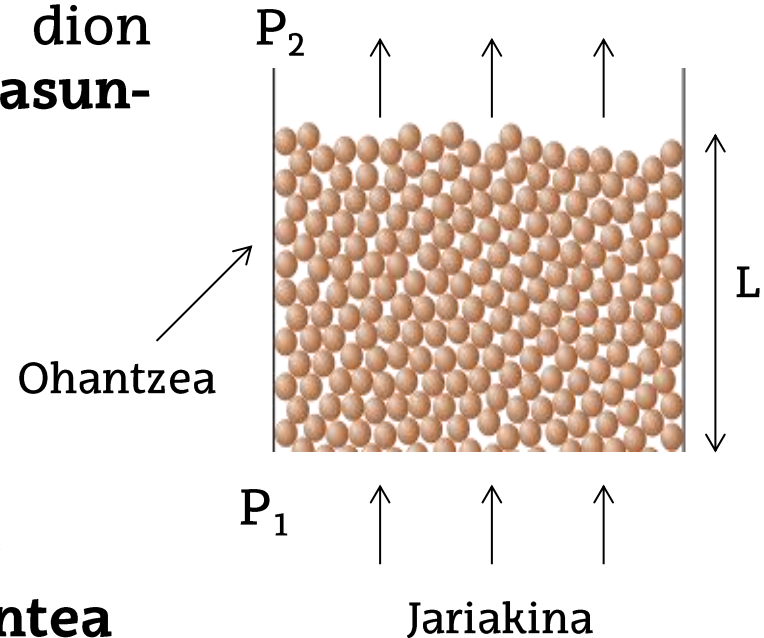
6.1. Darcy-ren legea. Iragazkortasuna

Ohantzeak jariakinari ezartzen dion erresistentzia batez ere **likatasun-marruskaduraren** eraginari dagokio:

$$\bar{u} = \frac{1}{\alpha} \frac{(-\Delta P)}{\mu L}$$

μ : jariakinaren likatasuna,

$K=1/\alpha$: iragazkortasun koefizientea



[Gszdl-en irudia \(Wikipedian argitaratua CC-BY-SA lizentziapean\).](#)

Iragazkortasunaren unitatea, Darcy: ingurune porotsuak jariakinarekiko duen iragazkortasuna 1 cP-ko jariakin likatsua 1 ml/(s cm²) -ko emariarekin jarriotzeko 1 atm/cm-ko presio galerapean.

6. Gaia: Solido partikulatuak. Ohantze-porotsuak

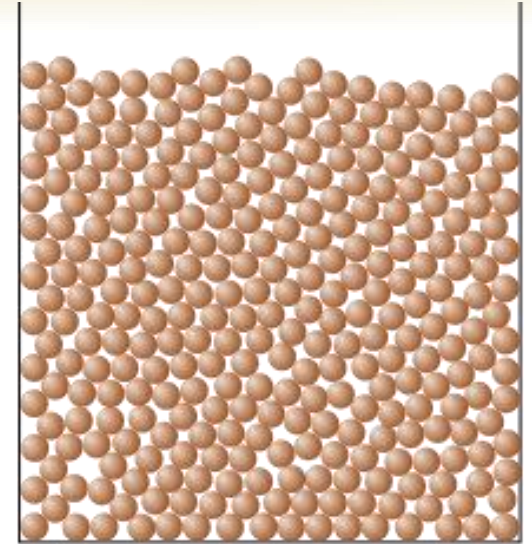
6.2. Definizioak

- ❖ **Ohantzearen azalera espezifiko:**

$$a_s = \frac{\text{Jariakinaren azalera}}{\text{Ohantzearen bolumena}} \text{ (m}^{-1}\text{)}$$

- ❖ **Partikularen azalera espezifiko:**

$$a_{s0} = \frac{\text{Partikularen azalera}}{\text{Ohantzearen bolumena}} \text{ (m}^{-1}\text{)}$$



[Gsrzdl-en irudia \(Wikipedian argitaratua CC-BY-SA lizentziarekin\).](#)

d_r – dun diametroa duen partikula esferiko baten azalera espezifiko $a_{s0} = 6/d_r$ da.

- ❖ **Esferikotasuna:**
$$\phi = \left(\frac{\text{Esferaren gainazala}}{\text{Partikularen gainazala}} \right)_{\text{bolumenberbera}} \leq 1$$

6. Gaia: Solido partikulatuak. Ohantze-porotsuak

6.2. Definizioak

❖ Partikulen esferikotasuna:

Partikularen itxura	Esferikotasuna, ϕ
Esfera	1,00
Kuboa	0,81
Hondartzako harea	0,86
Findutako solidoak	0,5-0,7
Garia	0,85
Zilindroak (h=d)	0,87

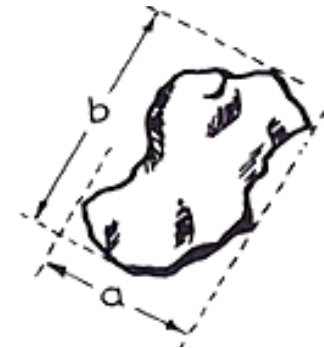
6. Gaia: Solido partikulatuak. Ohantze-porotsuak

❖ Partikulen tamaina, d_p :

1. **Partikula handien (> 1mm) kasuan: diametro baliokidea kalkulatu da.**

$$d_{esf} = \left(\frac{\text{bolumen berdina duen}}{\text{esferaren diametroa}} \right) = \left(\frac{6V}{\pi} \right)^{1/3}$$

$$d_p = \phi d_{esf}$$



- Materialaren dentsitatea ezaguna bada, partikula kopuru jakina pisatuz.
- Partikula porotsuak ez badira, partikula kopuru jakin batek eragiten duen jariakin baten desplazamendua neurtuz.
- Partikulen tamaina erregularra edo distribuzio homogeneoa bada, partikulak mikro-kalibre baten bitartez neurtuz.

6. Gaia: Solido partikulatuak. Ohantze-porotsuak

❖ Partikulen tamaina, dp:

2. Partikula ertainekoak:

Analisia baheketaz:

*Tyler bahe
estandarrek*



[BMK-ren irudia \(Wikimedia commons-en argitaratua CC-BY-SA lizentziapean\).](#)

6. Gaia: Solido partikulatuak. Ohantze-porotsuak

2. Partikula ertainekoak:

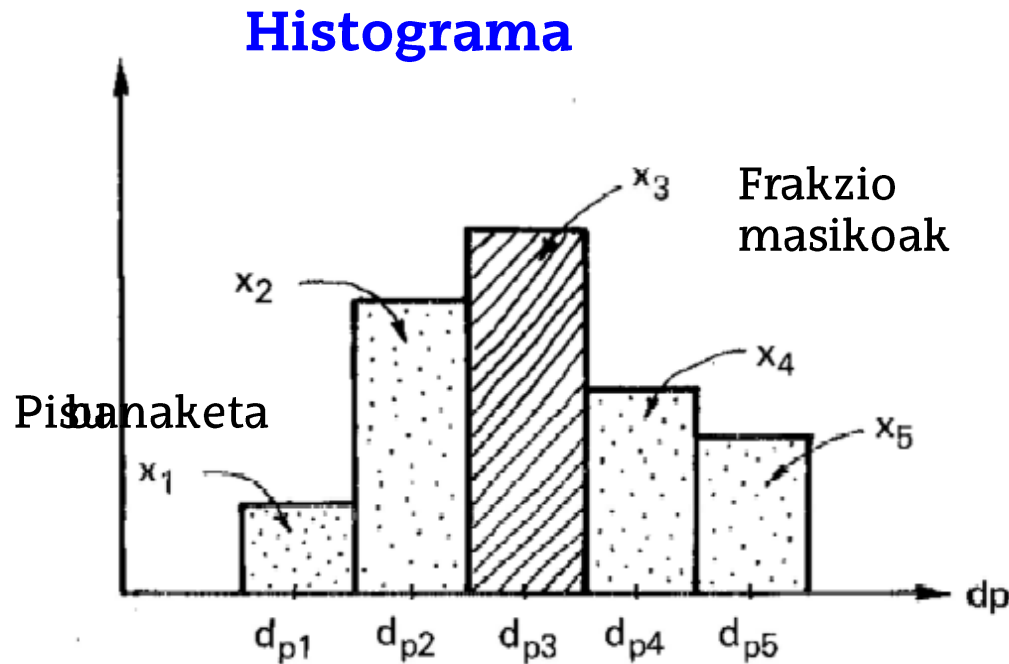
- ✓ Partikula irregularrak baina dimentsioa bat ez da bestea baino handiagoa: $d_p \cong \emptyset d_{tam}$
 - ✓ Partikula irregularrak, dimentsioetako bat besteak baino handiagoa baina erlazio maximoa : 2:1 $d_p \cong d_{tam}$
 - ✓ Partikula irregularrak, dimentsioetako bat besteak baino txikiagoa baina erlazio maximoa : 1:2 $d_p \cong \emptyset^2 d_{tam}$
 - ✓ Orratz formako partikulak (zuntzak): $d_p > d_{tam}$
 - ✓ Partikula oso lauak (tortak): $d_p < \emptyset^2 d_{tam}$
- Zilindro edo diskoak direla suposatu.*

6. Gaia: Solido partikulatuak. Ohantze-porotsuak

3. **Partikula txikiak (< 40 m):** zeharkako metodoak (sedimentazioa, mugimendu bownianoaren analisia...)

4. **Tamaina banaketa/sailkapena:**

$$\overline{d_p} = \frac{1}{\sum \left(\frac{x_i}{d_{pi}} \right)}$$



6. Gaia: Solido partikulatuak. Ohantze-porotsuak

6.2. Definizioak

❖ Porositatea edo frakzio hutsa (ε).

$$\varepsilon = \frac{\text{bolumen hutsa}}{\text{bolumen totala}} = \frac{V_{\text{hutsa}}}{V_{\text{ohantze}}} = \frac{V_{\text{ohantze}} - V_{\text{partikulak}}}{V_{\text{ohantze}}} = 1 - \frac{V_{\text{partikulak}}}{V_{\text{ohantze}}}$$

m_p partikulen masa bada eta ρ_p dentsitatea:

$$V_{\text{partikulak}} = \frac{m_p}{\rho_p}$$

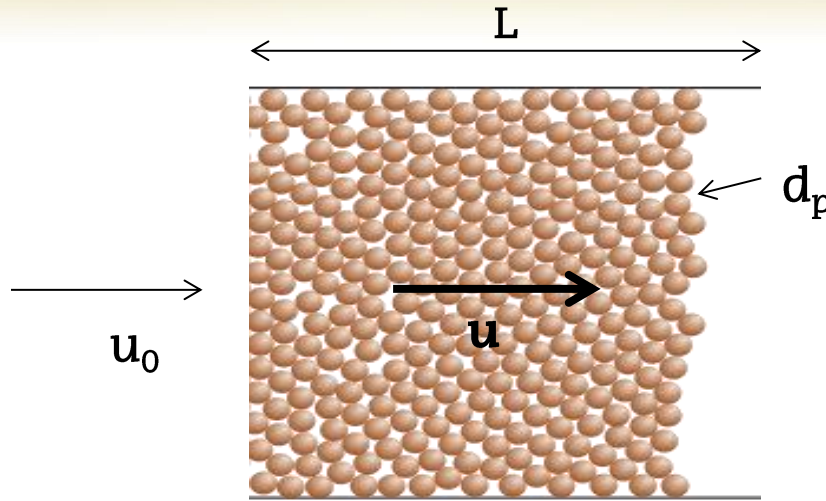
Era berean, m_L ohantzearen masa eta ρ_L dentsitatea: $V_{\text{ohantze}} = \frac{m_L}{\rho_L}$

$$(m_L = m_p)$$

$$\varepsilon = 1 - \frac{\rho_L}{\rho_p}$$

6. Gaia: Solido partikulatuak. Ohantze-porotsuak

6.3. Partikulaz beteriko ohantzean zeharreko presio galera



[Gszdzt-en irudia \(Wikipedian argitaratua CC-BY-SA lizentziapean\).](#)

✓ Reynolds zenbakia ohantzean zehar, **Reynolds partikula** legez definitzen da.

$$Re_p = \frac{d_p u_0 \rho}{\mu}$$

u_0 : jariakinaren gainazal abiadura. Jariakinak izango lukeen abiadura tutueria hutsik, solido gabe, egongo balitz.

6. Gaia: Solido partikulatuak. Ohantze-porotsuak

6.3. Partikulaz beteriko ohantzean zeharreko presio galera

Energia mekanikoaren balantzea hurrengo eran sinplifikatu daiteke.

Ergun-en ekuazioa:

$$\frac{(-\Delta P)}{L} = \frac{150(1 - \varepsilon)^2 \mu}{\varepsilon^3 d_p^2} u_0 + \frac{1.75(1 - \varepsilon) \rho}{\varepsilon^3 d_p} u_0^2$$

Rep < 20
(Laminarra)

Rep > 1000
(Zurrunbilotsua)