

---

**HAMARGARREN TESTA**

---

1.- Izan bedi  $f \in \text{End}_R(V)$ .  $\dim V$  bakoitia bada orduan  $f$ -k gutxienez balio propio erreal bat du.

- Erantzuna :  Egia  
 Gezurra

2.-  $f : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^3$  aplikazioari, non  $f(x, y, z) = (x + y, y + z, x + 2z)$  den, elkar-tutako matrizea  $\{(1, 1, 1), (1, 1, 0), (0, 1, 0)\}$  oinarriarekiko  $\begin{pmatrix} 3 & 1 & 0 \\ -1 & 1 & 1 \\ 0 & -1 & 0 \end{pmatrix}$  da.

- Erantzuna :  Egia  
 Gezurra

3.- Izan bedi  $A \in M_n(K)$  non  $A^k = I_n$  den  $k \in \mathbb{N}$  baterako. Orduan  $\det(A) = 1$  da.

- Erantzuna :  Egia  
 Gezurra

4.- Izan bedi  $V$   $K$ -espazio bektoriala dimentsioa  $n$  izanik eta  $U$  azpiespazioa non  $\beta_U = \{u_1, \dots, u_{n-2}\}$   $U$ -ren oinarria den. Orduan  $v, v' \in V - U$  edozeinetarako  $\{v, v'\} \cup \beta_U$   $V$ -ren oinarria da.

- Erantzuna :  Egia  
 Gezurra

5.- Izan bedi  $A \in M_n(K)$ .  $A^{(1)}, \dots, A^{(n)}$   $A$ -ren zutabeak badira orduan  $\det(A) = (-1)^{(n-1)}\det(B)$  non  $B$  matrizearen zutabeek  $A^{(n)}, A^{(1)}, \dots, A^{(n-1)}$  diren.

Erantzuna :  Egia  
 Gezurra

6.- Eraiki daiteke  $\mathbb{R}^2$ tik  $\mathbb{R}^3$ rako aplikazio lineal bat non  $f(1, 2) = (2, 4, 2)$  eta  $f(2, 2) = (4, 4, 4)$  diren.

Erantzuna :  Egia  
 Gezurra

7.-  $(1, 2, 3)$  bektorearen koordenatuak  $\beta = \{(0, 1, 2), (0, 1, -1), (1, 0, 0)\}$  oinarrian  $(35/3 - 1/3)$  dira.

Erantzuna :  Egia  
 Gezurra

8.- Izan bitez  $V$  eta  $W$   $n$  eta  $m$  dimentsioko  $K$ -espazio bektorialak eta  $f : V \rightarrow W$  aplikazio lineala. Orduan  $\{v_1, \dots, v_s\} \subseteq V$  sistema askea bada  $\{f(v_1), \dots, f(v_s)\} \subseteq W$  ere askea da.

Erantzuna :  Egia  
 Gezurra

9.- Izan bitez  $A_1, \dots, A_n, B \in M_{1 \times n}(K)$  non  $B$  besteen konbinazio lineala den. Izan bedi  $A$  matrizea non herrenkadak  $A_1, \dots, A_n$  diren eta  $C$  matrizea non herrenkadak  $A_1, \dots, A_n, B$  diren. Orduan  $rg(A) = rg(C)$  da.

Erantzuna :  Egia  
 Gezurra

10.-  $AX = 0$  sistema bateragarri determinatua bada  $AX = B$  sistemak gutxienez soluzio bat du. .

Erantzuna :  Egia  
 Gezurra