

---

**BIGARREN TESTA**

---

1.- Izan bedi  $V$   $\mathbb{R}$ -espazio bektoriala. Orduan, edozein  $U \leq V$  azpiespaziotarako  $U = \{-u \mid u \in U\}$  betetzen da.

Erantzuna :  Egia  
 Gezurra

2.- Izan bedi  $A \in M_n(K)$  non  $A^k = I_n$  den  $k \in \mathbb{N}$ ,  $k > 1$  baterako. Orduan  $A$  matrize alderanzgarria da.

Erantzuna :  Egia  
 Gezurra

3.- Izan bitez  $V$  eta  $W$   $K$ -espazio bektorialak dimentsioak  $n$  eta  $m$  izanik hurrenez-hurren,  $n < m$  betetzen delarik, eta  $f : V \rightarrow W$  aplikazio lineala. Orduan existitzen dira  $V$  eta  $W$ -ren oinarriak non elkartutako matrizea  $(I_n|O)$  erakoa den.

Erantzuna :  Egia  
 Gezurra

4.-  $f : V \rightarrow W$  aplikazio lineala bada eta  $T$   $W$ -ren azpiespazio propio bat non dimentsioa 1 den orduan  $\dim(f^{-1}(T)) \geq 1$  da.

Erantzuna :  Egia  
 Gezurra

5.- Izan bitez  $A, B \in M_n(K)$  non  $\det(AB) \neq 0$  den. Orduan  $A$  alderanzgarria da.

Erantzuna :  Egia  
 Gezurra

6.- Izan bitez  $A_1, \dots, A_n, B \in M_{1 \times n}(K)$  non  $B$  besteen konbinazio lineala den. Izan bedi  $A$  matrizea non herrenkadak  $A_1, \dots, A_n$  diren eta  $C$  matrizea non herrenkadak  $A_1, \dots, A_n, B$  diren. Orduan  $rg(A) = rg(C)$  eta  $A$  eta  $C$  matrizeak baliokideak dira.

Erantzuna :  $\otimes$  Egia  
 $\circ$  Gezurra

7.- Izan bitez  $V$  eta  $W$   $K$ -espazio bektorialak dimentsioak  $n$  eta  $m$  izanik hurrenez-hurren,  $n > m$  betetzen delarik, eta  $f : V \rightarrow W$  aplikazio lineal eta suprajektiboa. Orduan existitzen dira  $V$  eta  $W$ -ren oinarriak non elkartutako matrizea  $(I_m | 0)$  den.

Erantzuna :  $\otimes$  Egia  
 $\circ$  Gezurra

8.- Izan bitez  $V$   $K$ -espazio bektoriala dimentsioa  $n$  izanik eta  $\{v_1, \dots, v_n\}$   $V$ -ren sistema sortzaile bat. Orduan  $\{v_1, \dots, v_n\}$   $V$ -ren oinarria da.

Erantzuna :  $\otimes$  Egia  
 $\circ$  Gezurra

9.-  $(\mathbb{R} - \{0\}) \times \mathbb{R}$  multzoan baliokidetasun erlazio bat definiturik dago non zatidura multzoa  $\{(-\infty, 0) \times \mathbb{R}\} \cup \{\{t\} \times \mathbb{R} \mid t > 0\}$  den.

Erantzuna :  $\otimes$  Egia  
 $\circ$  Gezurra

10.- Izan bitez  $V$  eta  $W$   $K$ -espazio bektorialak dimentsioak  $n$  eta  $m$  izanik hurrenez-hurren,  $n < m$  betetzen delarik, eta  $f : V \rightarrow W$  aplikazio lineala. Orduan  $f$ -ri elkartutako matrize guztiak heina berdina dute.

Erantzuna :  $\otimes$  Egia  
 $\circ$  Gezurra