

# Prueba de autoevaluación

## Modelo de regresión lineal simple 2

### Instrucciones

- Para comenzar la prueba de autoevaluación debes presionar el botón “Comenzar”.
- Rellena las cuestiones.
- Para finalizar la prueba de autoevaluación debes presionar “Terminar”.
- El número de respuestas correctas en relación al total aparece en la celda “Score”.
- Todas las preguntas valen 1 punto.
- Presiona el botón “Correct” para ver las respuestas correctas.
- La prueba comienza en la siguiente página.
- Tiempo para hacer la prueba: 30 minutos.

## Enunciado

Se quiere analizar el consumo eléctrico de las familias ( $Y$ , en euros) en función de la temperatura ( $X$ , en grados centígrados).

1. Un modelo de regresión que especifica la relación descrita es:

(a)  $Y_t = \alpha + \beta + u_t$

(b)  $X_t = \alpha + \beta Y_t + u_t$

(c)  $Y_t = \alpha + \beta X_t + u_t$

(d)  $Y_t = \alpha + \beta X_t$

2. (1<sup>pto</sup>) La función de regresión poblacional es:

(a)  $\hat{Y}_t = \hat{\alpha} + \hat{\beta} X_t$

(b)  $E_X(Y_t) = \alpha + \beta X_t + u_t$

(c)  $Y_t = \alpha + \beta X_t$

$$(d) E_X(Y_t) = \alpha + \beta X_t$$

3. La función de regresión muestral es:

$$(a) \hat{Y}_t = \hat{\alpha} + \hat{\beta} + \hat{u}_t$$

$$(b) Y_t = \hat{\alpha} + \hat{\beta} + u_t$$

$$(c) \hat{Y}_t = \hat{\alpha} + \hat{\beta} \hat{X}_t$$

$$(d) \hat{Y}_t = \hat{\alpha} + \hat{\beta} X_t$$

4. El estimador MCO de la pendiente es:

$$(a) \hat{\beta} = \frac{\sum_{t=1}^T (X_t - \bar{X})}{\sum_{t=1}^T (Y_t - \bar{Y})}$$

$$(b) \hat{\beta} = \frac{\sum_{t=1}^T (X_t - \bar{X})(Y_t - \bar{Y})}{\sum_{t=1}^T (X_t - \bar{X})^2}$$

$$(c) \hat{\beta} = \frac{\sum_{t=1}^T (X_t Y_t - \bar{Y} \bar{X})}{\sum_{t=1}^T (X_t - \bar{X})^2}$$

$$(d) \hat{\beta} = \frac{\sum_{t=1}^T (X_t Y_t - \bar{Y} \bar{X})}{\sum_{t=1}^T (X_t Y_t - \bar{Y} \bar{X})}$$

5. El estimador MCO del origen es:

(a)  $\hat{\alpha} = Y_t - \hat{\beta}X_t$

(b)  $\hat{\alpha} = \bar{Y} - \hat{\beta}\bar{X}$

(c)  $\hat{\alpha} = \bar{Y} - \hat{\beta}$

(d)  $\hat{\alpha} = \bar{Y}$

6. El coeficiente de determinación se calcula como:

(a)  $R^2 = \frac{\sum_{t=1}^T \hat{u}_t^2}{\sum_{t=1}^T (Y_t - \bar{Y})^2}$

(b)  $R^2 = \frac{\hat{\beta}^2 \sum_{t=1}^T (X_t - \bar{X})}{\sum_{t=1}^T (Y_t - \bar{Y})}$

(c)  $R^2 = 1 - \frac{\sum_{t=1}^T (Y_t - \hat{Y}_t)^2}{\sum_{t=1}^T (Y_t - \bar{Y})^2}$

(d)  $R^2 = 1 - \frac{\sum_{t=1}^T \hat{Y}_t^2}{\sum_{t=1}^T Y_t^2}$

7. El coeficiente de determinación puede calcularse como:
- (a)  $R^2 = r^{-2}$
  - (b)  $R^2 = r_{xy}$
  - (c)  $R^2 = r_{yx}$
  - (d)  $R^2 = r_{xy}^2$
8. El número de ecuaciones normales es:
- (a) 0
  - (b) 1
  - (c) 2
  - (d) T
9. La variable a explicar en el modelo es:
- (a) Y
  - (b) X
  - (c) u
  - (d) T
10. La variable explicativa del modelo es:
- (a) Y
  - (b) X
  - (c) K
  - (d) T
11. El orden de la matriz de datos es:
- (a)  $T \times 1$
  - (b)  $K \times T$
  - (c)  $K \times 1$
  - (d)  $T \times K$

12. El estimador MCO de los coeficientes del modelo es:

$$\begin{aligned}
 \text{(a)} \quad & \begin{bmatrix} T & \sum X_t \\ \sum X_t & \sum X_t \end{bmatrix}' \times \begin{bmatrix} \sum Y_t \\ \sum X_t \end{bmatrix} \\
 \text{(b)} \quad & \begin{bmatrix} T & \sum X_t \\ \sum X_t & \sum X_t Y_t \end{bmatrix}^{-1} \times \begin{bmatrix} \sum Y_t \\ \sum Y_t X_t \end{bmatrix} \\
 \text{(c)} \quad & \begin{bmatrix} T & \sum X_t \\ \sum X_t & \sum X_t^2 \end{bmatrix}' \times \begin{bmatrix} \sum Y_t \\ \sum Y_t X_t \end{bmatrix} \\
 \text{(d)} \quad & \begin{bmatrix} T & \sum X_t \\ \sum X_t & \sum X_t^2 \end{bmatrix}^{-1} \times \begin{bmatrix} \sum Y_t \\ \sum Y_t X_t \end{bmatrix}
 \end{aligned}$$

**13.** La matriz de varianzas y covarianzas del estimador MCO de los coeficientes es:

$$\begin{aligned} \text{(a)} \quad & \sigma^2 \begin{bmatrix} T & \sum X_t \\ \sum X_t & \sum X_t^2 \end{bmatrix}^{-1} \\ \text{(b)} \quad & \sigma^2 \begin{bmatrix} T & \sum X_t \\ \sum X_t & \sum X_t Y_t \end{bmatrix}^{-1} \\ \text{(c)} \quad & \sigma^2 \begin{bmatrix} T & \sum X_t \\ \sum Y_t & \sum X_t^2 \end{bmatrix}^{-1} \\ \text{(d)} \quad & \sigma^2 \begin{bmatrix} T & \sum X_t \\ \sum X_t & \sum X_t^2 \end{bmatrix}^{-1} \end{aligned}$$

14. El estimador de la varianza de la perturbación es:

$$(a) \frac{\sum_{t=1}^T \hat{u}_t^2}{T - K} \left[ \begin{array}{cc} T & \sum X_t \\ \sum X_t & \sum X_t^2 \end{array} \right]^{-1}$$

$$(b) \sum_{t=1}^T \hat{u}_t^2$$

$$(c) \frac{\hat{u}'\hat{u}}{T - K}$$

$$(d) \frac{\hat{u}'\hat{u}}{\sum_{t=1}^T (Y_t - \bar{Y})^2}$$

15. En el modelo de regresión lineal simple:

$$(a) \bar{u} = 0$$

$$(b) \bar{Y} = 0$$

$$(c) \bar{\hat{u}} = 0$$

$$(d) \bar{\hat{Y}} = 0$$



16. En el modelo de regresión lineal simple:

$$(a) \sum_{t=1}^T u_t Y_t = 0$$

$$(b) \sum_{t=1}^T u_t X_t = 0$$

$$(c) \sum_{t=1}^T \hat{u}_t X_t = 0$$

$$(d) \sum_{t=1}^T \hat{u}_t Y_t = 0$$

17. En el modelo de regresión lineal simple:

$$(a) IC(\beta)_{1-\alpha} = \left[ \hat{\beta} \pm t(T - K)_{\alpha/2} \hat{\sigma}^2 \sqrt{a_{22}} \right]$$

$$(b) IC(\beta)_{1-\alpha} = \left[ \beta \pm t(T - K)_{\alpha/2} \widehat{desv}(\hat{\beta}) \right]$$

$$(c) IC(\beta)_{1-\alpha} = \left[ \beta \pm t(T - K)_{\alpha/2} \hat{\sigma}^2 \hat{\beta} \right]$$

$$(d) IC(\beta)_{1-\alpha} = \left[ \hat{\beta} \pm t(T - K)_{\alpha/2} \widehat{desv}(\hat{\beta}) \right]$$