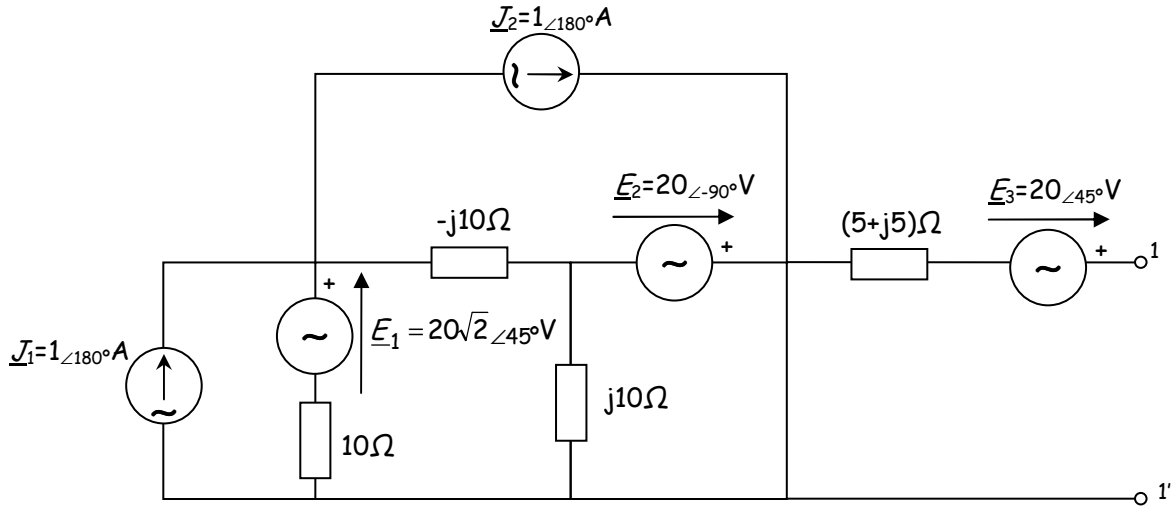


Korronte alternoa, 1. ariketa

Irudiko zirkuiturako, zehaztu:

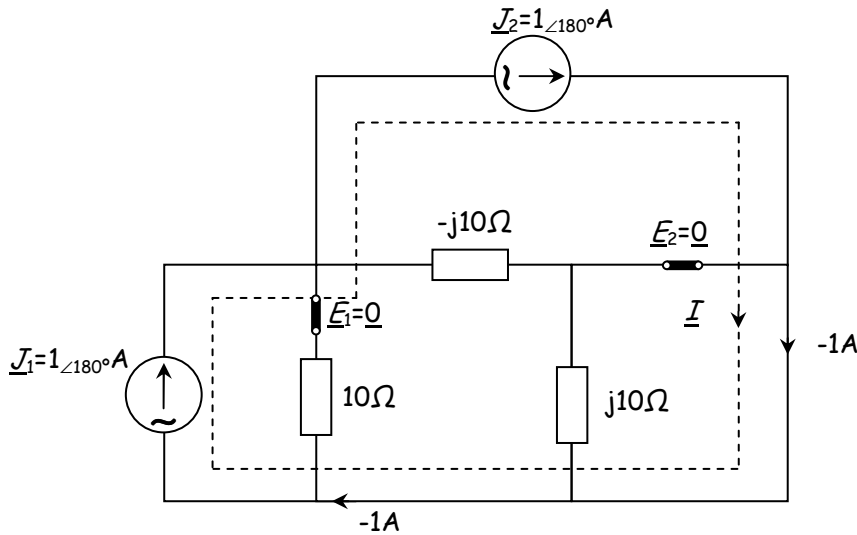
- 1 1 eta 1' puntuen arteko Thevenin-en baliokidea.
- 2 Iturrien jokabidea eta beraiei lotutako potentziak.



EBAZPENA

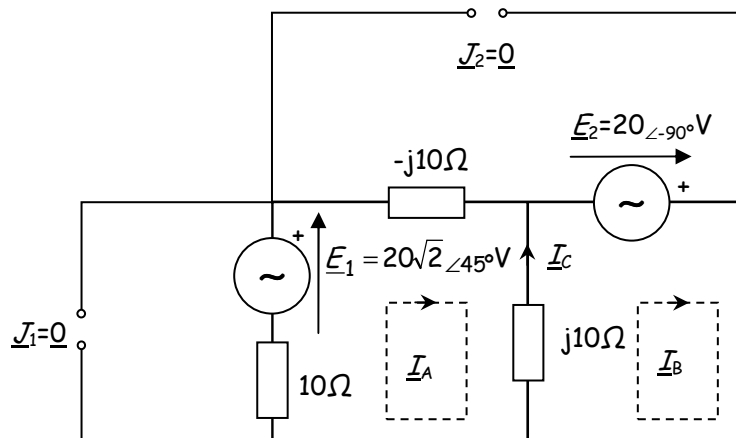
Gainezarpena aplikatuz ebatziko dugu:

LEHEN ZIRKUITUA: Korronte-iturriak bakarrik dauzkana (tentsio-iturriak anulatuta).



Lerro etena erabiliz, korrontearen ibilbidea irudikatua da. Ibilbide horretatik kanpoko adarretatik ez dago korrontearen zirkulaziorik

BIGAREN ZIRKUITUA: Tentsio-iturriak baino ez dauzkana (korrante-iturriak anulatuta)



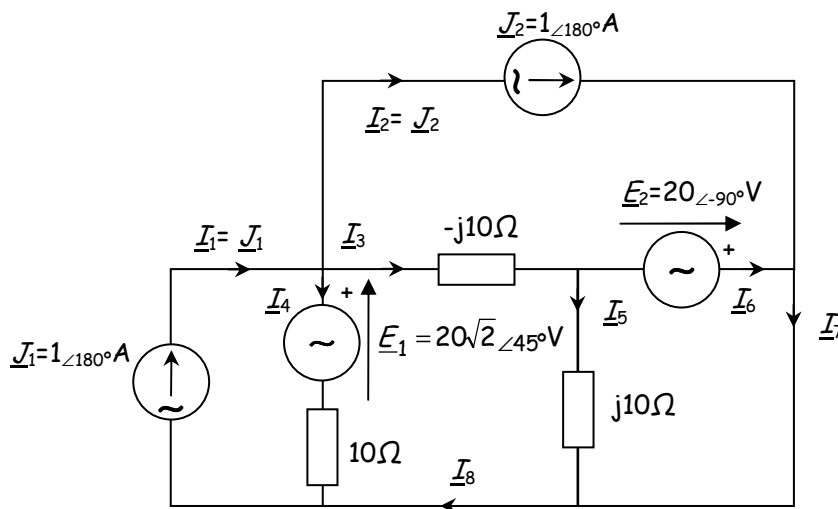
$$\begin{bmatrix} 10 & -j10 \\ -j10 & j10 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \underline{I}_A \\ \underline{I}_B \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 20 + j20 \\ -j20 \end{bmatrix}$$

$$\underline{I}_A = \frac{\begin{vmatrix} 20 + j20 & -j10 \\ -j20 & j10 \end{vmatrix}}{\begin{vmatrix} 10 & -j10 \\ -j10 & j10 \end{vmatrix}} = \frac{-200 + j200 + 200}{100 + j100} = (1 + j) = \sqrt{2} \angle 45^\circ \text{ A}$$

$$\underline{I}_B = \frac{\begin{vmatrix} 10 & 20 + j20 \\ j10 & -j20 \end{vmatrix}}{\begin{vmatrix} 10 & -j10 \\ -j10 & j10 \end{vmatrix}} = \frac{-j200 + j200 - 200}{100 + j100} = \frac{-200}{100 + j100} = (-1 + j) = \sqrt{2} \angle -135^\circ \text{ A}$$

$$\underline{I}_C = \underline{I}_B - \underline{I}_A = -1 + j - 1 - j = -2 = 2 \angle 180^\circ \text{ A}$$

Jatorrizko zirkuituko adarretako korronteak zehaztu egingo ditugu jarraian.



$$\underline{I}_1 = \underline{J}_1 + \underline{0} = 1 \angle 180^\circ + 0 = 1 \angle 180^\circ \text{ A}$$

$$\underline{I}_2 = \underline{J}_2 + \underline{0} = 1 \angle 180^\circ + 0 = 1 \angle 180^\circ \text{ A}$$

$$\underline{I}_3 = 0 + \underline{I}_A = (1 + j) = \sqrt{2} \angle 45^\circ \text{ A}$$

$$\underline{I}_4 = 0 - \underline{I}_A = (-1 - j) = \sqrt{2} \angle -135^\circ \text{ A}$$

$$\underline{I}_5 = 0 - \underline{I}_C = 2 = 2 \angle 0^\circ \text{ A}$$

$$\underline{I}_6 = 0 + \underline{I}_B = (-1 + j) = \sqrt{2} \angle -135^\circ \text{ A}$$

$$\underline{I}_7 = -1 + \underline{I}_B = (-2 + j) = \sqrt{5} \angle 116,56^\circ \text{ A}$$

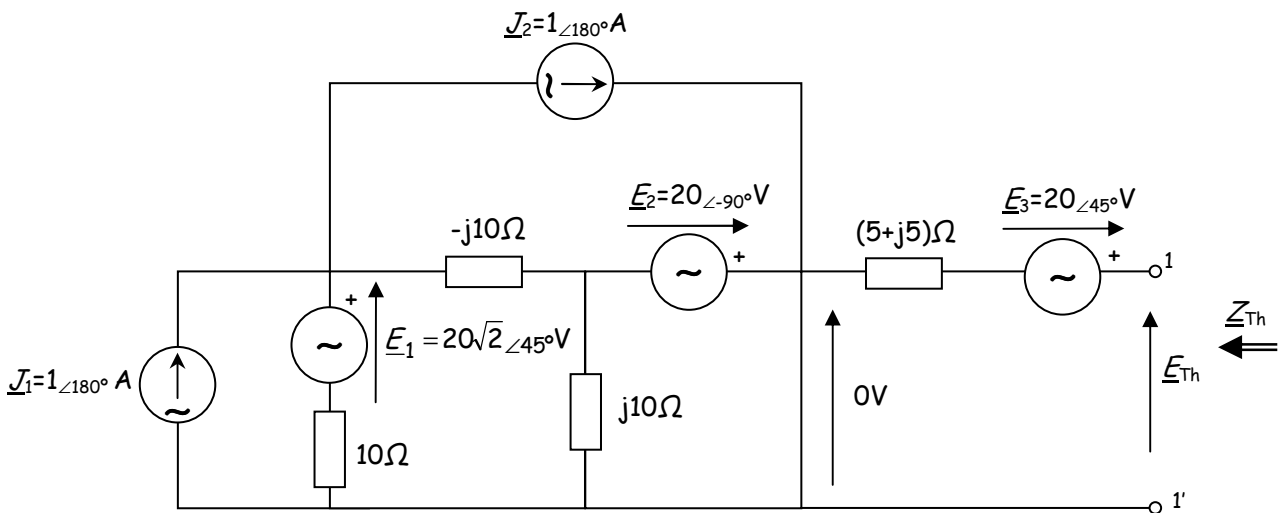
$$\underline{I}_8 = -1 + \underline{I}_A = j = 1 \angle 90^\circ \text{ A}$$

1 Thevenin-en baliokidea.

1 eta 1' puntuen arteko Thevenin-en baliokidea lortzeko ez da beharrezkoa zirkuitua ebaztea, zazpigarren adarreko zirkuitulaburrak kalkuluak errazten baititu.

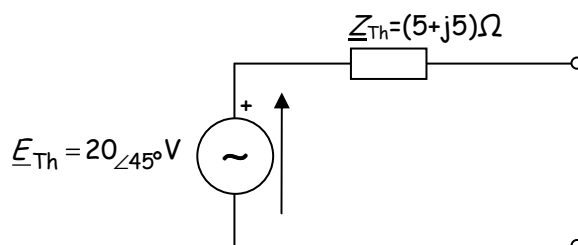
Thevenin-en tentsioa:

$$\underline{E}_{Th} = \underline{U}_{11'} |_{\underline{I}_{11'}=0} = 0 + 20 \angle 45^\circ = 20 \angle 45^\circ \text{ V}$$



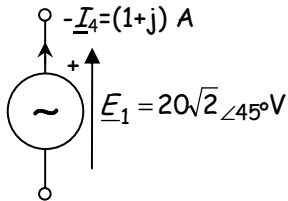
Thevenin-en inpedantzia:

Zazpigarren adarreko zirkuitulaburra dela eta, 1 eta 1' puntuen artean ikusten den inpedantzia zirkuitua pasibo bihurtu denean $(5+j5) \Omega$ baino ez da izango:



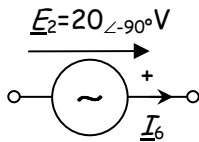
2 Iturrien jokabidea eta beraiei loturiko potentziak:

Iturrientzat sorgailu hitzarmena jarraitu dugu: Tentsioa eta korrontean noranzko berean direla aurre suposatzea, alegia.



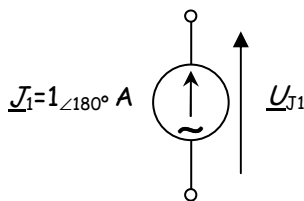
$$\underline{S}_{E1} = \underline{E}_1 \cdot (-\underline{I}_4)^* = (20 + j20)(1 - j) = 40 \text{ VA}$$

SORGAILUA da eta $P=40\text{W}$ eta $Q=0\text{var}$ ematen ditu.



$$\underline{S}_{E2} = \underline{E}_2 \cdot \underline{I}_6^* = (-j20)(-1 - j) = (-20 + j20) \text{ VA} = -(20 - j20) \text{ VA}$$

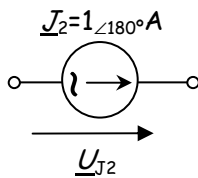
HARGAILUA $P=20\text{W}$ eta $Q=-20\text{var}$ xahutzen ditu.



$$\underline{U}_{J1} = 10\underline{I}_4 + \underline{E}_1 = -10 - j10 + (20 + j20) = (10 + j10) \text{ V} = 10\sqrt{2} \angle 45^\circ \text{ V}$$

$$\underline{S}_{J1} = \underline{U}_{J1} \cdot \underline{J}_1^* = (10 + j10)(-1) = (-10 - j10) \text{ VA} = -(10 + j10) \text{ VA}$$

HARGAILUA $P=10\text{W}$ eta $Q=10\text{var}$ xahutzen ditu.



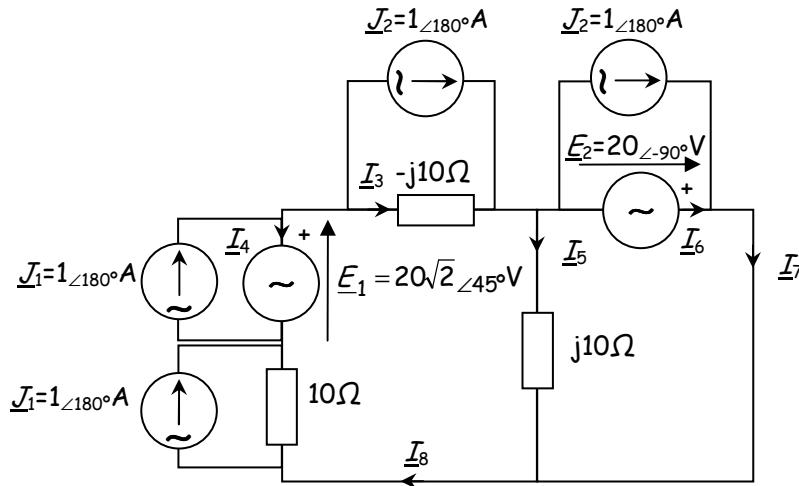
$$\underline{U}_{J2} = \underline{E}_2 - \underline{I}_3(-j10) = -j20 - (1 + j)(-j10) = (-10 - j10) \text{ V}$$

$$\underline{S}_{J2} = \underline{U}_{J2} \cdot \underline{J}_2^* = (-10 - j10)(-1) = (10 + j10) \text{ VA}$$

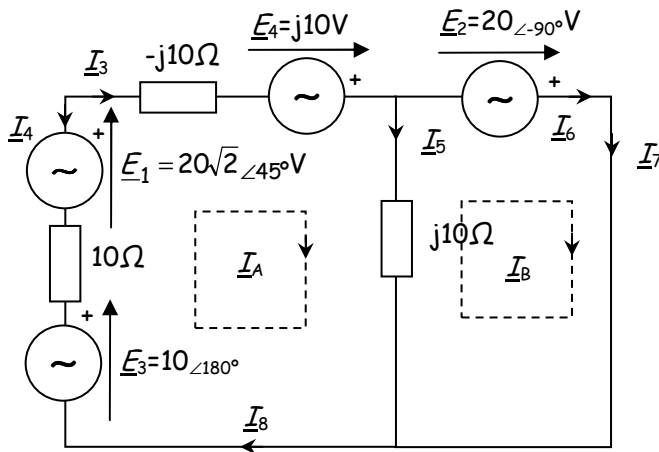
SORGAILUA $P=10\text{W}$ eta $Q=10\text{var}$ ematen ditu.

Ariketa ebazteko beste modu bat:

Sareen metodoa erabiliz ere ebatz daiteke ariketa hau. Baina horretarako zirkuituaren geometria eraldatu behar da, korrante-iturri idealak tentsio-iturri erreal bihurtu ahal izateko. Gainera zirkuituaren topologiagatik, eraldatutako iturri bakoitzeko sare bat desagertuko da.



Zirkuituaren geometriaren eraldaketaren ondoren, tentsio-iturri ideal batekiko paraleloan korrante-iturri idealik gelditu bada, korrante-iturria ezaba daiteke. Eta korrante-iturri ideala impedantzia batekiko paraleloan gelditu bada, tentsio-iturri erreal bihurtu daiteke. Ikusi jarrian :



$$E_1 = 10 \cdot 1 \angle 180^\circ = 10 \angle 180^\circ \text{ V}$$

$$E_4 = -j10 \cdot 1 \angle 180^\circ = j10 = 10 \angle 90^\circ \text{ V}$$

I_5 , I_7 eta I_8 korranteak baino ez dira benetakoak, gainontzeko adarrak eraldatuak izan baitira.

Sareen metodoa aplikatuz:

$$\begin{bmatrix} 10 & -j10 \\ -j10 & j10 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} I_A \\ I_B \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 20 + j20 + j10 - 10 \\ -j20 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 10 + j30 \\ -j20 \end{bmatrix}$$

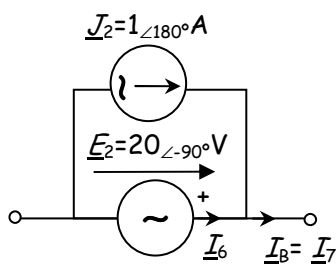
$$\underline{I}_A = \frac{\begin{vmatrix} 10 + j30 & -j10 \\ -j20 & j10 \end{vmatrix}}{\begin{vmatrix} 10 & -j10 \\ -j10 & j10 \end{vmatrix}} = \frac{j100 - 300 + 200}{100 + j100} = \frac{-100 + j100}{100 + j100} = \frac{-1 + j}{1 + j} \cdot \frac{1 - j}{1 - j} = \frac{-1 + j + j + 1}{1 + 1} = j \text{ A}$$

$$\underline{I}_B = \frac{\begin{vmatrix} 10 & 10 + j30 \\ -j10 & -j20 \end{vmatrix}}{100 + j100} = \frac{-j200 + j100 - 300}{100 + j100} = \frac{-300 - j100}{100 + j100} = \frac{-3 - j}{1 + j} \cdot \frac{1 - j}{1 - j} = \frac{-3 - j + j3 - 1}{1 + 1} = \frac{-4 + j2}{2} = (-2 + j) \text{ A}$$

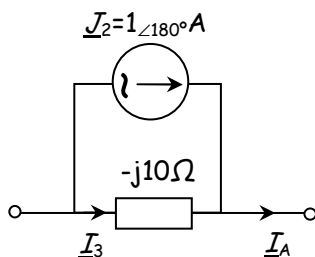
Eraldakuntzarik jasan ez duten adarrak, bosta, zazpia eta zortzia dira. Zazpi adarraren korrantea \underline{I}_B da, 8 adarrarena \underline{I}_A , eta 5 adarrarena:

$$\underline{I}_5 = \underline{I}_A - \underline{I}_B = j + 2 - j = 2 \text{ A}$$

Gainontzeko adarretako korranteak zehazteko, adarretan egindako eraldaketak desegin behar dira:



$$\underline{I}_6 = \underline{I}_B - \underline{J}_2 = -2 + j + 1 = (-1 + j) = \sqrt{2} \angle 135^\circ \text{ A}$$



$$\underline{I}_3 = \underline{I}_A - \underline{J}_2 = (1 + j) \text{ A} = \sqrt{2} \angle 45^\circ \text{ A}$$

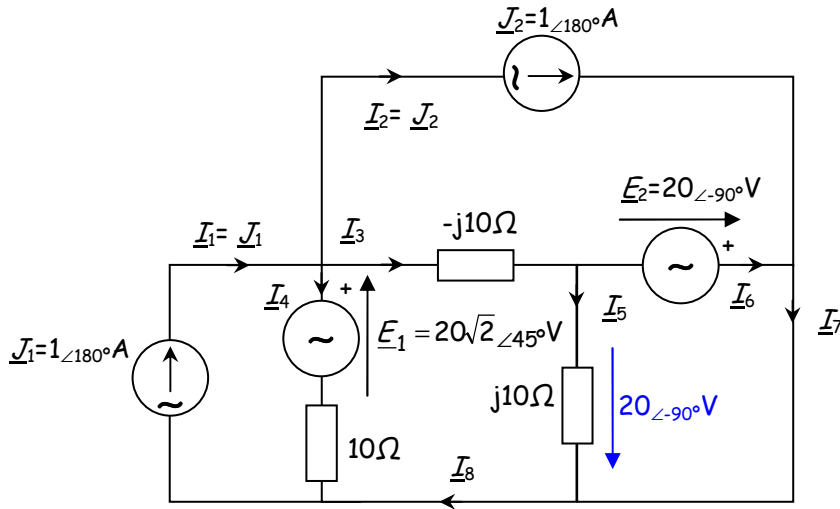
4 adarreko korrantea baino ez da gelditzen, hori lortzeko, 4,3,2 eta 1 adarren lotura korapiloan Kirchhoff-en lehenengo legea aplikatzea baino ez dugu:

$$\underline{J}_1 = \underline{J}_2 + \underline{I}_3 + \underline{I}_4 \rightarrow \underline{I}_4 = \underline{J}_1 - \underline{J}_2 - \underline{I}_3 = (-1 - j) \text{ A}$$

Adar guztietako korranteak zehaztuta. Zirkuitua ebatzen jarrai dezakegu, lehen bezala.

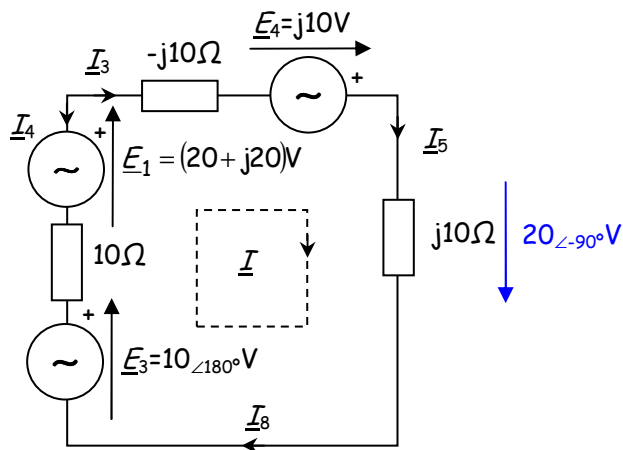
Ariketa ebazteko beste modu bat:

Bosgarren adarraren tentsioa \underline{E}_2 iturriaren tentsioarekin bat dator, adar horren korrontea beraz, berehala lortzen da:



$$\underline{I}_5 = \frac{-20 \angle -90^\circ}{10 \angle 90^\circ} = -2 \angle 180^\circ = 2 \angle 0^\circ \text{ A}$$

Aurrera jarraitzeko, korronte-iturriak tentsio-iturri bihurtuko ditugu, horretarako beharrezkoak diren zirkuituaren geometriaren eraldaketak eginez. Hauxe bera lehen egin dugunez, sareen metodoko eskema berreskuratu eta \underline{I}_8 korrontea lortzeko lan egingo dugu:



$$\underline{I}_8 = \frac{20 \angle -90^\circ + 10 \angle 180^\circ + 20\sqrt{2} \angle 45^\circ + 10 \angle 90^\circ}{10 - j10} = \frac{-j20 - 10 + 20 + j20 + j10}{10 - j10} = \frac{10 + j10}{10 - j10} =$$

$$\frac{1 + j}{1 - j} = \frac{1 + j + j - 1}{1 + 1} = \frac{j^2}{2} = j = 1 \angle 90^\circ \text{ A}$$

$$\underline{I}_7 = \underline{I}_8 - \underline{I}_5 = j - 2 = (-2 + j) \text{ A}$$

$$\underline{I}_6 = \underline{I}_7 - \underline{I}_2 = (-2 + j) - (-1) = (-1 + j) \text{ A}$$

$$\underline{I}_4 = \underline{J}_1 - \underline{I}_8 = (-1 - j)A$$

$$\underline{I}_3 = \underline{J}_1 - \underline{I}_4 - \underline{J}_2 = -1 - (-1 - j) - (-1) = (1 + j)A$$

Lehen bezala lan eginez, enuntziatuko galderak erantzun daitezke.