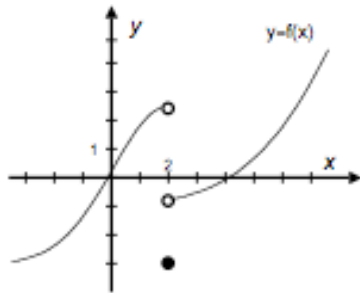


1.- En los ejercicios siguientes se consideran un número c y la gráfica de una función f . Utilizar la gráfica de f para hallar.

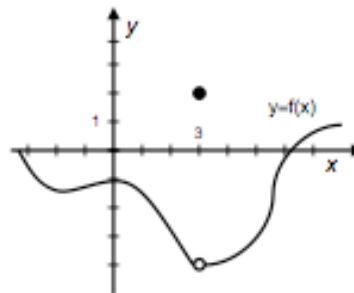
a.- $\lim_{x \rightarrow c^-} f(x)$ b.- $\lim_{x \rightarrow c^+} f(x)$ c.- $\lim_{x \rightarrow c} f(x)$ d.- $f(c)$

1. $c = 2$



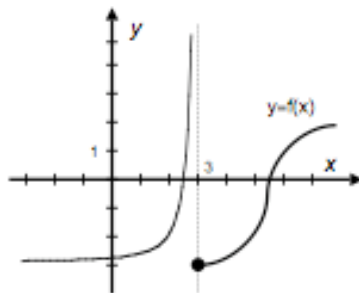
$$\begin{aligned} \lim_{x \rightarrow c^-} f(x) &= 2.5 \\ \lim_{x \rightarrow c^+} f(x) &= -1 \\ \nexists \lim_{x \rightarrow c} f(x) \\ f(c) &= -3 \end{aligned}$$

2. $c = 3$



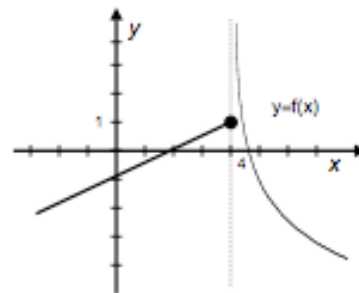
$$\begin{aligned} \lim_{x \rightarrow c^-} f(x) &= -4 \\ \lim_{x \rightarrow c^+} f(x) &= -4 \\ \lim_{x \rightarrow c} f(x) &= -4 \\ f(c) &= 2 \end{aligned}$$

3. $c = 3$



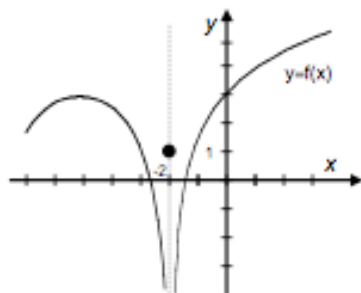
$$\begin{aligned} \lim_{x \rightarrow c^-} f(x) &= +\infty \\ \lim_{x \rightarrow c^+} f(x) &= -\infty \\ \nexists \lim_{x \rightarrow c} f(x) \\ f(c) &= -3 \end{aligned}$$

4. $c = 4$



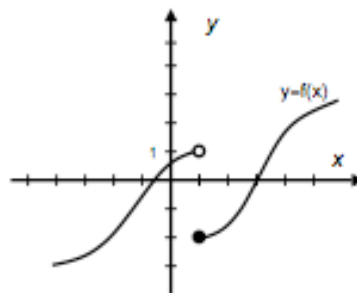
$$\begin{aligned} \lim_{x \rightarrow c^-} f(x) &= 1 \\ \lim_{x \rightarrow c^+} f(x) &= +\infty \\ \nexists \lim_{x \rightarrow c} f(x) \\ f(c) &= 1 \end{aligned}$$

5. $c = -2$



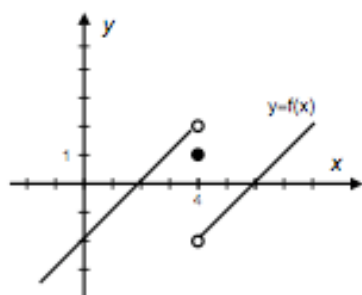
$$\begin{aligned} \lim_{x \rightarrow c^-} f(x) &= -\infty \\ \lim_{x \rightarrow c^+} f(x) &= -\infty \\ \lim_{x \rightarrow c} f(x) &= -\infty \\ f(c) &= 1 \end{aligned}$$

6. $c = 1$



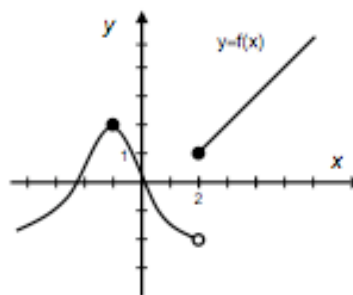
$$\begin{aligned} \lim_{x \rightarrow c^-} f(x) &= 1 \\ \lim_{x \rightarrow c^+} f(x) &= -2 \\ \nexists \lim_{x \rightarrow c} f(x) \\ f(c) &= -2 \end{aligned}$$

7. $c = 4$



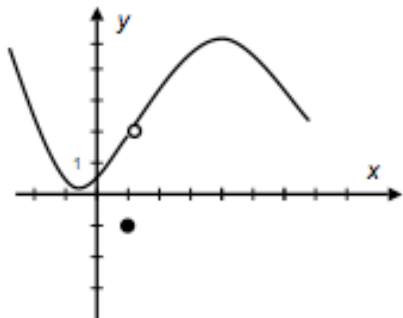
$$\begin{aligned} \lim_{x \rightarrow c^-} f(x) &= 2 \\ \lim_{x \rightarrow c^+} f(x) &= -2 \\ \nexists \lim_{x \rightarrow c} f(x) \\ f(c) &= 1 \end{aligned}$$

8. $c = 2$



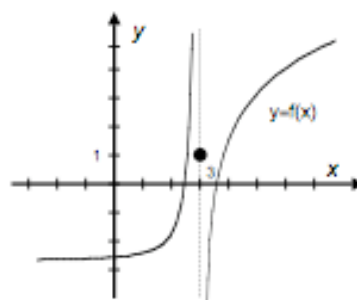
$$\begin{aligned} \lim_{x \rightarrow c^-} f(x) &= -2 \\ \lim_{x \rightarrow c^+} f(x) &= 1 \\ \nexists \lim_{x \rightarrow c} f(x) \\ f(c) &= 1 \end{aligned}$$

9. $c = 1$



$$\begin{aligned} \lim_{x \rightarrow c^-} f(x) &= 2 \\ \lim_{x \rightarrow c^+} f(x) &= 2 \\ \lim_{x \rightarrow c} f(x) &= 2 \\ f(c) &= -1 \end{aligned}$$

10. $c = 3$



$$\begin{aligned} \lim_{x \rightarrow c^-} f(x) &= +\infty \\ \lim_{x \rightarrow c^+} f(x) &= -\infty \\ \lim_{x \rightarrow c} f(x) &\nexists \\ f(c) &= 1 \end{aligned}$$

2.- Calcular, si es que existen, los siguientes límites:

a.- $\lim_{x \rightarrow -3} (|x| - 2) = 1;$

b.- $\nexists \lim_{x \rightarrow 2} \frac{1}{3x - 6};$

c.- $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^3 - 1}{x - 1} = 3$

d.- $\nexists \lim_{x \rightarrow 0} \frac{|x|}{x};$

e.- $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x - 2}{\sqrt{x - 1} - 1} = 2;$

f.- $\lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{\sqrt{x - 1}}{x} = 0$

g.- $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^3 - 1}{2x^3 - 1} = \frac{1}{2};$

h.- $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^3 - 1}{2x^2 - 1} = +\infty;$

i.- $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^3 - 1}{2x^4 - 1} = 0$

3.- Determinar, si existen o no los límites indicados. Calcular los límites que existan:

a.- $\lim_{x \rightarrow 2} f(x)$ siendo $f(x) = \begin{cases} 2x - 1, & x \leq 2 \\ x^2 - x, & x > 2. \end{cases}$

b.- $\lim_{x \rightarrow 3} f(x)$ siendo $f(x) = \begin{cases} \frac{x^2 - x - 6}{\sqrt{x + 1} - 2}, & x < 3 \\ 7, & x = 3 \\ 2x + 3, & x > 3 \end{cases}$

Solución

a.- $\nexists \lim_{x \rightarrow 2} f(x)$
 b.- $\nexists \lim_{x \rightarrow 3} f(x)$

4.- Calcular los límites siguientes:

$$\text{a.- } \lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^x - 1}{e^{2x} - e^x} = 1$$

$$\text{b.- } \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\tan x}{e^{2x} - e^x} = 1$$

$$\text{c.- } \lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{1/x^2} - 1}{\ln \frac{x+1}{x}} = \infty$$

$$\text{d.- } \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{6 \cdot 2^x}{2^x - 3} = 6$$

$$\text{e.- } \lim_{x \rightarrow +\infty} \sqrt[x]{x} = 1$$

$$\text{f.- } \lim_{x \rightarrow 0^+} \sin x \cdot \ln \frac{1}{x} = 0$$

$$\text{g.- } \lim_{x \rightarrow +\infty} \left(\frac{x}{\ln x} \right)^{1/x} = 1$$

$$\text{h.- } \lim_{x \rightarrow +\infty} (\sqrt{x+1} - \sqrt{x-1}) = 0$$

$$\text{i.- } \lim_{x \rightarrow +\infty} \left(\frac{x}{x+1} \right)^x = e^{-1}$$

$$\text{j.- } \lim_{x \rightarrow 0} x \cdot \sin \frac{1}{x} = 0$$

$$\text{k.- } \lim_{x \rightarrow 0} x^{\sin x} = 1$$

$$\text{l.- } \lim_{x \rightarrow +\infty} \left(\frac{x^2 + 1}{x^2} \right)^{x^2 + 1} = e$$

5.- Hallar las asíntotas de las siguientes funciones:

$$\text{a.- } y = \frac{1}{x+2} \quad \text{b.- } y = 2^x \quad \text{c.- } y = \frac{-x^2}{x+2}$$

$$\text{d.- } y = \frac{x^3}{x^2 - 1} \quad \text{e.- } y = \frac{x}{\ln x}$$

Solución

a.- Asíntota vertical: $x = -2$

Asíntota horizontal: $y = 0$

b.- Asíntota horizontal: $y = 0$

c.- Asíntota vertical: $x = -2$

Asíntota oblicua: $y = -x + 2$

d.- Asíntotas verticales: $x = \pm 1$

Asíntota oblicua: $y = x$

e.- Asíntota vertical: $x = 1$