

Lista datu-mota (IV. GAIA)

Listetan bektoreetan bezala mota bereko hainbat osagai biltzen ditugu. Baino listetan bektoreetan ez bezala osagai kopurua alda daiteke programa martxan dugunean. Exekuzio garaian listan elementu berriak sartuko ditugu, edo elementuak kendu ere. Lista errepresentatzeko modu bat honako eazagupenekin egin daiteke:

```
Max : constant Integer := 15;
subtype Osoko0_Max is Integer range 0 .. Max;
subtype Osoko1_Max is Integer range 1 .. Max;
type Taula is array (Osoko1_Max) of Integer;
type Lista is record
    Info : Taula;
    Zenbat : Osoko0_Max;
end record;
```

L

1. adibidea
L= lista hutsa

2. adibidea
L= < 3, 5, -7, 14>

Zenbat	[]
Info	
Info(1)	[]
Info(2)	[]
Info(3)	[]
Info(4)	[]
Info(5)	[]
Info(6)	[]
Info(7)	[]
Info(8)	[]
Info(9)	[]
Info(10)	[]
Info(11)	[]
Info(12)	[]
Info(13)	[]
Info(14)	[]
Info(15)	[]

Zenbat	0
Info	
Info(1)	?
Info(2)	?
Info(3)	?
Info(4)	?
Info(5)	?
Info(6)	?
Info(7)	?
Info(8)	?
Info(9)	?
Info(10)	?
Info(11)	?
Info(12)	?
Info(13)	?
Info(14)	?
Info(15)	?

Zenbat	4
Info	
Info(1)	3
Info(2)	5
Info(3)	-7
Info(4)	14
Info(5)	?
Info(6)	?
Info(7)	?
Info(8)	?
Info(9)	?
Info(10)	?
Info(11)	?
Info(12)	?
Info(13)	?
Info(14)	?
Info(15)	?

Programatzailak erne ibiliko beharko da, eta berak kontrolatu beharko ditu zenbat osagai dauden une bakoitzean (L.Zenbat eremua), eta listan dauden osagaiak taulako (L.Info bektoreko) lehen posizioetan kokatu, ordena egokian. L.Zenbat posiziotik aurrera egongo diren balioak ez dira kontuan hartzen, edozein izan ahal izango dira.

1. Lista idatzi

Elementu gisa osokoak dituen zerrenda bat emanda, zerrendako elementuak inprimatuko dituen algoritmoa espezifikatu eta egin. Azpiprograma modura implementatu.

```
procedure Lista_Idatzi (L: in Lista) is
    -- Aurrebaldintza: B1 bektorean Osagai_kop osagai daude
    -- Postbaldintza: Sek (Osokoen Sekuentzia
                      non B1 bektorearen osagaiak dauden.
begin
    for I in 1 .. L.Zenbat loop
        Idatzi_Osokoa (L.Info(I)) ;
    end loop;
end Lista_Idatzi;
```

2. Listako elementu minimoa eta bere posizioa

L lista emanda, zenbaki minimoa eta bere posizioa bilatzeko algoritmoa espezifikatu eta egin. Azpiprograma modura implementatu.

```
procedure Bilatu_Maximoa (L           : in Lista ;
                           Maximoa, Pos : out Integer)
--Aurre: listak gutxienez elementu bat dauka
--Post: Maximoa parametroak L listako balio maximoa dauka.
--       Pos delakoak L listako maximoaren posizioa adierazten du.
begin
    Maximoa := L.info(1);
    Pos:= 1;
    for I in 2..L.Zenbat loop
        if L.Info(I)> Maximoa then
            Maximoa := L.info(I);
            Pos := I;
        end if;
    end loop;
end Bilatu_Maximoa;
```

3. Zenbakia bilatu lista ez-ordenatuan

L lista ez-ordenatu bat emanda eta Z zenbakia, Z bilatzeko algoritmoa espezifikatu eta egin. Zenbakia listan badago, lehenengo agerpenaren posizioa itzuli beharko da; eta bestela, ez dagoenean, zero itzuli beharko da. Azpiprograma modura implementatu.

```
function Bilatu_Posizioa (L : in Lista ;
                           X : in Osokoa) return integer is
    -- Post: Emaitz-a-k X zenbakia L listako
    --        zenbatgarren posizioan dagoen adierazten du;
    --        X zenbakia N osagaien artean ez badago, 0 itzuliko da
begin
    I := 1;
    Aurkitua := False ;
    while I<= L.Zenbat and not Aurkitua loop
        if X = L.Info(I) then
            Aurkitua := True;
        else
            I := I + 1;
        end if;
    end loop;
    -- (Aurkitua =False)
    -- edo (Aurkitua = True eta X=B(I))
    if Aurkitua then
        Emaitza := I;
    else
        Emaitza := 0;
    end if;
    return Emaitza;
end Bilatu_Posizioa;
```

4. Txertatu zerrendaren hasieran

Elementu gisa osokoak dituen zerrenda bat eta elementua emanda, zerrendako lehenengo zenbakiaren aurretik emandako elementua gehituko duen algoritmoa espezifikatu eta egin. Azpiprograma modura implementatu.

Adibidez:

L= < 3, 5, -7, 14>

Zenbat 4

Info	3	5	-7	14	?	?	?	?	?	?	?	?	?	?	?	?
	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	

Txertatu_Hasieran (L, 9);

L= < 9, 3, 5, -7, 14>

Zenbat 5

Info	9	3	5	-7	14	?	?	?	?	?	?	?	?	?	?	?
	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	

```
procedure Txertatu_Hasieran (L : in out Lista ;
                               X : in Osokoa) is
  -- Post: L listako hasieran X osagaia sartu da
begin
  Desplazatu_Eskuinaldera (1, L.Zenbat);
  L.Zenbat := L.Zenbat + 1;
  L.Info(1) := X;
end Txertatu_Hasieran ;

procedure Desplazatu_Eskuinaldera (L      : in out Lista;
                                    I1,I2 : in      integer) is
  --Aurre:
  --Post : LL listako [I1..I2] indize-tarteko osagaiak posizio bat
  --        desplazatu dira eskuinaldera [I1+1..I2+1] tarteko osagaietara.
begin
  for I in reverse I1..I2 loop
    L.Info(I+1) := L.Info(I);
  end loop;
end Desplazatu_Eskuinaldera;
```

5. Txertatu zerrendaren bukaeran

Osoko bat eta elementu gisa osokoak dituen zerrenda bat emanda, zerrendako azkeneko zenbakiaren atzetik emandako osokoa gehituko duen algoritmoa espezifikatu eta egin. Azpiprograma modura implementatu.

Adibidez:

L= < 3, 5, -7, 14>

Zenbat

Info	3	5	-7	14	?	?	?	?	?	?	?	?	?	?	?	?
	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	

Txertatu_Bukaeran (L, 9);

L= < 3, 5, -7, 14, 9>

Zenbat

Info	3	5	-7	14	9	?	?	?	?	?	?	?	?	?	?	?
	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	

```
procedure Txertatu_Bukaeran (L : in out Lista ;
                               X : in Osokoa) is
  -- Post: L listako hasieran X osagaia sartu da
  hasiera
  L.Zenbat := L.Zenbat + 1;
  L.Info(L.Zenbat) := X;
end Txertatu_Bukaeran ;
```

6. Txertatu zerrenda ordenatuan

Elementu gisa osokoak dituen zerrenda ordenatu bat eta osoko bat emanda, zenbakia zerrendako dagokion tokian (ordenaren arabera) txertatuko duen algoritmoa espezifikatu eta egin. Azpiprograma modura implementatu.

Adibidez:

L= < -7, 3, 5, 14>

Zenbat 4

Info	-7	3	5	14	?	?	?	?	?	?	?	?	?	?	?
	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15

Txertatu_Oordenatuan (L, 9);

L= < -7, 3, 5, 9, 14>

Zenbat 5

Info	-7	3	5	9	14	?	?	?	?	?	?	?	?	?	?
	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15

```
procedure Txertatu_Oordenatuan (L      : in out Lista;
                                 X      : in     Integer) is
  --Aurre : L listako osagaiak ordenatuta daude txikienetik handienera.
  --Post: L listan X zenbakia gehitu da dagokion tokian, horrela orain ere
  --       L listako osagaiak kodearen arabera ordenatuta daude
  Posizioa: Osoko0_Max;
begin
  Bilatu_Posizioa_Oordenatuan (L, X, Posizioa);
  Desplazatu_Eskuinaldera (L, Posizioa, L.Zenbat);
  L.Info(Posizioa) := L;
  L.Zenbat := L.Zenbat +1;
end Txertatu_Oordenatuan;

procedure Bilatu_Posizioa_Oordenatuan (L      : in     Lista;
                                         X      : in     Integer;
                                         Pos    : out    Integer) is
  -- Post: Aurkitua=True
  --        eta X < L.Info(Pos)
  --        eta [1..L.Pos] tarteko i guztietarako X >L.Info(i)
  --        Aurkitua=False
  --        eta Pos = L.Zenbat+1
  --        eta listako zenbaki guztiak X baino txikiagoak dira
  I : Integer;
  Aurkitua: Boolean;
begin
  I := 1;
  Aurkitua := False;
  while I<= L.Zenbat and not Aurkitua loop
```

```
if X < L.Info(I) then
    Aurkitua := True ;
else
    I := I + 1;
end if;
end loop;
-- (Aurkitua =True eta X < L.Info(I))
-- edo (Aurkitua = False
--       eta listako zenbaki guztiak X baino txikiagoak dira)
if Aurkitua then
    Pos := I;
else
    Pos := L.Zenbat + 1;
end if;
end Bilatu_Posizioa_Ordenatuan;
```

7. Ezabatu lehenengo agerpena

Elementu gisa osokoak dituen zerrenda bat eta elementu bat emanda, elementu hori listatik ezabatuko duen algoritmoa espezifikatu eta egin. Parametroa batean itzuliko da ea elementua kendumendu den. Azpiprograma modura implementatu. Suposatu zerrendan ez direla balioak errepikatzen.

Adibidez:

L= < 3, 5, -7, 14 >

Zenbat 4

Info	3	5	-7	14	?	?	?	?	?	?	?	?	?	?	?	?
	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	

Ezabatu (L, 5);

L= < 3, -7, 14 >

Zenbat 3

Info	3	-7	14	?	?	?	?	?	?	?	?	?	?	?	?	?
	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	

```
procedure Ezabatu (L      : in out Lista;
                  X      : in      Integer
                  Kenduta:    out Boolean) is
  --Aurre : L listako osagaiak ordenatuta daude txikienetik handienera.
  --Post:   L listatik X zenbakia ezabatu da eta Kenduta=True
  --       edo X ez zegoen listan eta Kenduta=False
  I: Osokol_Max;
begin
  I := 1;
  Aurkitua := False;
  while I<= L.Zenbat and not Aurkitua loop
    if X = L.Info(I) then
      Aurkitua := True;
    else
      I := I + 1;
    end if;
  end loop;
  -- (Aurkitua =True eta X = L.Info(I))
  -- edo (Aurkitua = False eta X ez dago listan)
  if Aurkitua then
    Desplazatu_Ezkerraldera (L, I+1, L.Zenbat);
    L.Zenbat := L.Zenbat -1;
    Kenduta := True;
  else
    Kenduta := False;
  end if;
end Ezabatu;
```

```

procedure Desplazatu_Ezkerraldera (L      : in out Lista;
                                    I1,I2 : in      Integer) is
  --Aurre:
  --Post : L listako [I1..I2] indize-tarteko osagaiak posizio bat
  --           desplazatu dira ezkerraldera [I-1..I2-1] tarteko
osagaietara.
begin
  for I in I1..I2 loop
    L.Info(I-1) := L.Info(I);
  end loop;
end Desplazatu_Ezkerraldera;

```

8. Ezabatu lehenengo osagaia

Elementu gisa osokoak dituen zerrenda bat emanda, lehenengo elementua zerrendatik ezabatuko duen algoritmoa espezifikatu eta egin. Azpiprograma modura implementatu. Suposatu zerrendan gutxienez osagai bat dagoela.

Adibidez:

L= < 3, 5, -7, 14>

Zenbat

Info	3 5 -7 14 ? ? ? ? ? ? ? ? ? ? ? ?
	1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15

Ezabatu_Lehenengoa (L, 5);

L= < 3, -7, 14>

Zenbat

Info	5 -7 14 ? ? ? ? ? ? ? ? ? ? ? ? ?
	1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15

```

procedure Ezabatu_Lehenengoa (L : in out Lista) is
  --Aurre : L listan gutxienez zenbaki bat dago.
  --Post: L listatik lehen osagaia ezabatu da.
  I: Osokol_Max;
begin
  Desplazatu_Ezkerraldera (L, 2, L.Zenbat);
  L.Zenbat := L.Zenbat -1;
end Ezabatu_Lehenengoa;

```

9. Ezabatu azkeneko osagaia

Elementu gisa osokoak dituen zerrenda bat emanda, azkeneko elementua zerrendatik ezabatuko duen algoritmoa espezifikatu eta egin. Azpiprograma modura implementatu. Suposatu zerrendan gutxienez osagai bat dagoela.

Adibidez:

$L = \langle 3, 5, -7, 14 \rangle$

Zenbat	4																															
Info	<table><tr><td>3</td><td>5</td><td>-7</td><td>14</td><td>?</td><td>?</td><td>?</td><td>?</td><td>?</td><td>?</td><td>?</td><td>?</td><td>?</td><td>?</td><td>?</td><td>?</td></tr><tr><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td><td>5</td><td>6</td><td>7</td><td>8</td><td>9</td><td>10</td><td>11</td><td>12</td><td>13</td><td>14</td><td>15</td></tr></table>	3	5	-7	14	?	?	?	?	?	?	?	?	?	?	?	?	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15
3	5	-7	14	?	?	?	?	?	?	?	?	?	?	?	?																	
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15																		

Ezabatu_Azkenekoa ($L, 9$);

$L = \langle 3, 5, -7 \rangle$

Zenbat	3																															
Info	<table><tr><td>3</td><td>5</td><td>-7</td><td>?</td><td>?</td><td>?</td><td>?</td><td>?</td><td>?</td><td>?</td><td>?</td><td>?</td><td>?</td><td>?</td><td>?</td><td>?</td></tr><tr><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td><td>5</td><td>6</td><td>7</td><td>8</td><td>9</td><td>10</td><td>11</td><td>12</td><td>13</td><td>14</td><td>15</td></tr></table>	3	5	-7	?	?	?	?	?	?	?	?	?	?	?	?	?	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15
3	5	-7	?	?	?	?	?	?	?	?	?	?	?	?	?																	
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15																		

```
procedure Ezabatu_Azkenekoa (L : in out Lista) is
    --Aurre : L listan gutxienez zenbak bat dago.
    --Post: L listatik azken osagaia ezabatu da.
    I: Osokol_Max;
begin
    L.Zenbat := L.Zenbat - 1;
end Ezabatu_Azkenekoa;
```

10. Listaren ordenazioa

L lista bat emanda, bektoreko osagaiak Burbuila deritzon algoritmoa jarraituz ordenatuko dituen algoritmoa espezifikatu eta egin. Azpiprograma modura implementatu.

Adibidez:

$L = \langle 3, 5, -7, 14 \rangle$

Zenbat	4																															
Info	<table><tr><td>3</td><td>5</td><td>-7</td><td>14</td><td>?</td><td>?</td><td>?</td><td>?</td><td>?</td><td>?</td><td>?</td><td>?</td><td>?</td><td>?</td><td>?</td><td>?</td></tr><tr><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td><td>5</td><td>6</td><td>7</td><td>8</td><td>9</td><td>10</td><td>11</td><td>12</td><td>13</td><td>14</td><td>15</td></tr></table>	3	5	-7	14	?	?	?	?	?	?	?	?	?	?	?	?	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15
3	5	-7	14	?	?	?	?	?	?	?	?	?	?	?	?																	
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15																		

Ordenatu(L);

L= < -7, 3, 5, 14>

Zenbat

Info	-7	3	5	14	?	?	?	?	?	?	?	?	?	?	?	?
	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	

```
procedure Ordenatu (L: in out Lista) is
    -- Aurrebaldintza:
    -- Postbaldintza: L listako elementuak
    --                  ordenatuta daude txikienetik handienera
    Pos : Integer;
begin
    for I in 1..L.Zenbat-1 loop
        Bilatu_Kode_Minimoaren_Posiziona (L.Info, I, L.Zenbat, Pos);
        Balioak_Trukatu (L.Info(I), L.Info(Pos)) ;
        -- L.Info(1) ... L.Info(I) bektoreko osagaiak ordenatuta daude
        -- eta L listako txikienak dira
    end loop ;
end Ordenatu_Kodez ;

procedure Bilatu_Minimoaren_Posiziona (B: in Taula;
                                         I1, I2: in Integer;
                                         Minimoaren_Posiziona: out Integer)
is
    -- Aurrebaldintza:
    --   I1 eta I2 B bektorearen indize posiblak dira.
    -- Postbaldintza: B(I1) ... B(I2) osagaien artekoen txikiiena
    --                  B(Minimoaren_Posiziona) da.
    Minimoa: Integer;
begin
    Minimoa := Integer'Last ;
    for I in I1 .. I2 loop
        if B(I) < Minimoa then
            Minimoa := B(I);
            Minimoaren_Posiziona := I;
        end if ;
    end loop;
end Bilatu_Minimoaren_Posiziona ;

procedure Balioak_Trukatu (X1, X2 : in out Integer) is
    Lag : Integer;
begin
    Lag := X1;
    X1 := X2;
    X2 := Lag;
end Balioak_Trukatu;
```