

---

**SEIGARREN TESTA**

---

1.-  $AX = 0$  ekuazio linealetako sistema non  $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 2 & -1 \\ 1 & 2 & 1 & 2 \\ 0 & 1 & 0 & 1 \\ 1 & 3 & 1 & 3 \end{pmatrix}$  den

bateragarri determinatua da.

Erantzuna :     Egia  
                   Gezurra

2.- Izan bitez  $A, B \in M_n(K)$  non  $\det(AB) = 0$  den. Orduan  $\min\{rg(A), rg(B)\} < n$  da.

Erantzuna :     Egia  
                   Gezurra

3.- Izan bitez  $A, B \subseteq X$ . Orduan  $x \notin A - B$  baldin eta soilik baldin  $x \notin A$  eta  $x \in B$  bada.

Erantzuna :     Egia  
                   Gezurra

4.- Existitzen da  $f : V \rightarrow W$  aplikazio lineal eta suprajektiboa eta  $Um$  dimentsioko  $V$ -ren azpiespazio propioa non  $\dim f(U) < m$  den.

Erantzuna :     Egia  
                   Gezurra

5.-  $\{(2\alpha + \beta, -\alpha - 1/2\beta, 1/4\alpha + 1/8\beta) \in \mathbb{R}^3 \mid \alpha, \beta \in \mathbb{R}\}$ -ren azpiespazioa da eta bere dimentsioa 2 da.

Erantzuna :     Egia  
                   Gezurra

6.-  $A, B \in M_n(K)$  badira non  $\text{rg}(A)=\text{rg}(B)=n$  den orduan  $\det(AB) \neq 0$  da.

Erantzuna :  Egia  
 Gezurra

7.- Demagun  $n$  eta  $m$  zenbaki arruntak direla non  $n < m$  den. Orduan existitzen da  $A$  matrize bat  $n \times m$  ordenakoa non  $n < \text{rg}(A) < m$  den.

Erantzuna :  Egia  
 Gezurra

8.-  $\{(2\alpha - 2\beta + \lambda, -\alpha + \beta - 1/2\lambda, 1/4\alpha - 1/4\beta + 1/8\lambda) \in \mathbb{R}^3 \mid \alpha, \beta, \lambda \in \mathbb{R}\}$  multzoa  $\mathbb{R}^3$ -ren azpiespazioa da eta  $\{(8, -4, 1)\}$  sistema sortzaile bat da.

Erantzuna :  Egia  
 Gezurra

9.-  $f : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  aplikazioari, non  $f(x, y, z) = (x + y, y + z, x + 2z)$  den, elkar-tutako matrizea  $\{(1, 1, 1), (1, 1, 0), (0, 1, 0)\}$  oinarriarekiko  $\begin{pmatrix} 3 & 1 & 0 \\ -1 & 1 & 1 \\ 0 & -1 & 0 \end{pmatrix}$  da.

Erantzuna :  Egia  
 Gezurra

10.- Izan bitez  $V$  eta  $W$  bi  $K$ -espazio bektorialak, dimentsioak  $n$  eta  $m$  izanik hurrenez-hurren, eta  $f : V \rightarrow W$  aplikazio lineal eta injektiboa. Orduan  $\{v_1, \dots, v_s\} \subseteq V$  sistema askea bada  $\{f(v_1), \dots, f(v_s)\}$  ere sistema askea da.

Erantzuna :  Egia  
 Gezurra