

### Preguntas tipo TEST de autoevaluación

*Sobre la resolución de sistemas lineales*

1. Sea el sistema lineal  $A \mathbf{x} = \mathbf{b}$ , con

$$A = \begin{pmatrix} 0.003 & 61.23 \\ 5.321 & -4.15 \end{pmatrix} \quad y \quad \mathbf{b} = \begin{pmatrix} 61.26 \\ 49.06 \end{pmatrix}$$

Si se resuelve con el método de la eliminación Gaussiana sin estrategia de pivoteo y aritmética a 4 dígitos significativos, la solución es:

- a)  $\mathbf{x} = (-10.00, 1.001)$
- b)  $\mathbf{x} = (10.00, 1.001)$
- c)  $\mathbf{x} = (10.00, 1.000)$

2. Dado el siguiente sistema lineal  $A \mathbf{x} = \mathbf{b}$ , con

$$A = \begin{pmatrix} 0.003 & 61.23 \\ 5.321 & -4.15 \end{pmatrix} \quad y \quad \mathbf{b} = \begin{pmatrix} 61.26 \\ 49.06 \end{pmatrix}$$

Si se resuelve con el método de la eliminación Gaussiana con pivoteo máximo de columna y aritmética a 4 dígitos significativos, la solución es:

- a)  $\mathbf{x} = (-10.00, 1.001)$
- b)  $\mathbf{x} = (10.00, 1.001)$
- c)  $\mathbf{x} = (10.00, 1.000)$

3. Sea el sistema lineal  $A \mathbf{x} = \mathbf{b}$ , con

$$A = \begin{pmatrix} 30. & 612300 \\ 5.321 & -4.15 \end{pmatrix} \quad y \quad \mathbf{b} = \begin{pmatrix} 612600 \\ 49.06 \end{pmatrix}$$

Si se resuelve con el método de la eliminación Gaussiana con pivoteo máximo de columna y aritmética a 4 dígitos significativos, la solución es:

- a)  $\mathbf{x} = (-10.00, 1.001)$
- b)  $\mathbf{x} = (10.00, 1.001)$
- c)  $\mathbf{x} = (10.00, 1.000)$

4. Dado el sistema lineal  $A \mathbf{x} = \mathbf{b}$ , con

$$A = \begin{pmatrix} 30. & 612300 \\ 5.321 & -4.15 \end{pmatrix} \quad y \quad \mathbf{b} = \begin{pmatrix} 612600 \\ 49.06 \end{pmatrix}$$

Si se resuelve con el método de la eliminación Gaussiana con pivoteo escalado de columna y aritmética a 4 dígitos significativos, la solución es:

- a)  $\mathbf{x} = (-10.00, = 1.001)$
- b)  $\mathbf{x} = (10.00, 1.001)$
- c)  $\mathbf{x} = (10.00, 1.000)$

5. Sea el sistema lineal  $A \mathbf{x} = \mathbf{b}$ , con

$$A = \begin{pmatrix} -1 & 4 & 6 \\ 5 & -1 & 1 \\ 1 & -10 & -10 \end{pmatrix} \quad y \quad \mathbf{b} = \begin{pmatrix} 1 \\ 7 \\ 1 \end{pmatrix}$$

¿Cuál es la matriz ampliada reducida a forma triangular inferior, si se resuelve con el método de la eliminación Gaussiana con pivoteo máximo de columna y aritmética a 3 dígitos significativos?

$$\text{a) } A = \left( \begin{array}{ccc|c} 5 & -1 & 1 & 7 \\ 0 & -9.8 & -10.2 & -0.65 \\ 0 & 0 & 2.25 & 2.25 \end{array} \right) \quad \text{b) } A = \left( \begin{array}{ccc|c} 5 & -1 & 1 & 7 \\ 0 & -9.8 & -10.2 & -0.6 \\ 0 & 0 & 2.24 & 2.25 \end{array} \right)$$

$$\text{c) } A = \left( \begin{array}{ccc|c} 5 & -1 & 1 & 7 \\ 0 & -9.8 & -10.2 & -0.65 \\ 0 & 0 & 2.24 & 2.25 \end{array} \right)$$

6. Dado el siguiente sistema lineal  $A \mathbf{x} = \mathbf{b}$ , con

$$A = \begin{pmatrix} 1.01 & 2.02 & 3.03 \\ 2.00 & 3.00 & 4.00 \\ 3.30 & 4.40 & 6.60 \end{pmatrix} \quad \text{y} \quad \mathbf{b} = \begin{pmatrix} 1.01 \\ -1.00 \\ 2.20 \end{pmatrix}$$

Si se resuelve con el método de la eliminación Gaussiana con pivoteo máximo de columna y aritmética a 3 dígitos significativos, la solución es:

- a)  $\mathbf{x} = (0.0606, -7.06, 5.02)$
- b)  $\mathbf{x} = (0.05, -7.00, 4.97)$
- c)  $\mathbf{x} = (0.00, -7.00, 5.00)$

7. Sea el sistema lineal  $A \mathbf{x} = \mathbf{b}$ , con

$$A = \begin{pmatrix} 1.01 & 2.02 & 3.03 \\ 2.00 & 3.00 & 4.00 \\ 3.30 & 4.40 & 6.60 \end{pmatrix} \quad \text{y} \quad \mathbf{b} = \begin{pmatrix} 1.01 \\ -1.00 \\ 2.20 \end{pmatrix}$$

Si se resuelve con el método de la eliminación Gaussiana con pivoteo escalado de columna y aritmética a 3 dígitos significativos, la solución es:

- a)  $\mathbf{x} = (0.0606, -7.06, 5.02)$
- b)  $\mathbf{x} = (0.05, -7.00, 4.97)$
- c)  $\mathbf{x} = (0.00, -7.00, 5.00)$

8. Dado el siguiente sistema lineal  $A \mathbf{x} = \mathbf{b}$ , con

$$A = \begin{pmatrix} 1.01 & 2.02 & 3.03 \\ 2.00 & 3.00 & 4.00 \\ 3.30 & 4.40 & 6.60 \end{pmatrix} \quad \text{y} \quad \mathbf{b} = \begin{pmatrix} 1.01 \\ -1.00 \\ 2.20 \end{pmatrix}$$

Si se resuelve con el método de Gauss-Jordan con pivoteo máximo de columna y aritmética a 3 dígitos significativos, la solución es:

- a)  $\mathbf{x} = (0.0606, -7.05, 5.01)$
- b)  $\mathbf{x} = (0.00, -7.00, 5.00)$
- c)  $\mathbf{x} = (0.0886, -6.86, 4.93)$

9. Considere la factorización  $LU$  de una matriz  $A$ ,  $2 \times 2$ . Si  $l_{22}$  y  $u_{22}$  son conocidos, entonces las ecuaciones que determinan los restantes elementos de  $L$  y  $U$  son

- a) *Lineales*
- b) *No lineales*
- c) *No se puede hacer*

10. ¿Cuáles son las condiciones sobre  $a$ ,  $b$  y  $c$  para que la matriz real  $A = \begin{pmatrix} a & b \\ b & c \end{pmatrix}$  tenga una factorización  $LL^t$ , con  $L$  real triangular inferior?

- a)  $a > 0$ ,  $b$  cualquiera,  $c \geq b^2/a$
- b)  $a \geq 0$ ,  $b$  cualquiera,  $c \geq b^2/a$
- c)  $a > 0$ ,  $b$  cualquiera,  $c$  cualquiera

11. Sea el sistema lineal  $A \mathbf{x} = \mathbf{b}$ , con

$$A = \begin{pmatrix} 1.01 & 2.02 & 3.03 \\ 2.00 & 3.00 & 4.00 \\ 3.30 & 4.40 & 6.60 \end{pmatrix} \quad \text{y} \quad \mathbf{b} = \begin{pmatrix} 1.01 \\ -1.00 \\ 2.20 \end{pmatrix}$$

Si se resuelve con el método de factorización directa de Doolittle con pivoteo máximo de columna y aritmética a 3 dígitos significativos, la solución es:

- a)  $\mathbf{x} = (0.0606, -7.06, 5.02)$
- b)  $\mathbf{x} = (0.00, -7.00, 5.00)$
- c)  $\mathbf{x} = (0.0886, -6.86, 4.93)$

12. Dado el siguiente sistema lineal  $A \mathbf{x} = \mathbf{b}$ , con

$$A = \begin{pmatrix} 2.51 & 1.48 & 4.53 \\ 1.48 & 0.93 & -1.3 \\ 2.68 & 3.04 & -1.48 \end{pmatrix} \quad \text{y} \quad \mathbf{b} = \begin{pmatrix} 0.05 \\ 1.03 \\ -0.53 \end{pmatrix}$$

Si se resuelve con el método de factorización directa de Crout con pivoteo escalado de columna y aritmética a 3 dígitos significativos, la solución es:

- a)  $\mathbf{x} = (1.40, -1.57, -0.278)$
- b)  $\mathbf{x} = (1.43, -1.58, -0.278)$
- c)  $\mathbf{x} = (1.45, -1.58, -0.277)$

13. Dada la matriz  $A$

$$A = \begin{pmatrix} 5 & -1 & 0 \\ -1 & 5 & -1 \\ 0 & -1 & 5 \end{pmatrix}$$

¿Cuál es la matriz triangular inferior  $L$ , obtenida aplicando el método de factorización de Cholewsky para matrices simétricas y definidas positivas y aritmética a 3 dígitos significativos?

- a)  $A = \begin{pmatrix} 2.24 & 0 & 0 \\ -0.446 & 2.19 & 0 \\ 0 & -0.457 & 2.19 \end{pmatrix}$       b)  $A = \begin{pmatrix} 2.25 & 0 & 0 \\ -0.445 & 2.19 & 0 \\ 0 & -0.455 & 2.19 \end{pmatrix}$
- c)  $A = \begin{pmatrix} 2.24 & 0 & 0 \\ -0.446 & 2.20 & 0 \\ 0 & -0.457 & 2.20 \end{pmatrix}$

14. Dado el sistema lineal  $A \mathbf{x} = \mathbf{b}$ , con

$$A = \begin{pmatrix} 0 & 1 & 2 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 2 \\ 2 & 1 & 0 & 0 \\ 1 & 2 & 1 & 0 \end{pmatrix} \quad \text{y} \quad \mathbf{b} = \begin{pmatrix} 12 \\ 11 \\ 4 \\ 8 \end{pmatrix}$$

Una vez reordenado el sistema, si se usa la técnica iterativa de Jacobi y aritmética a 3 dígitos significativos, ¿cuál es la segunda iteración si la aproximación inicial es  $\mathbf{x}^{(0)} = (0.9, 1.9, 2.9, 3.9)$ ?

- a)  $\mathbf{x}^{(2)} = (0.94, 1.93, 2.93, 3.90)$
- b)  $\mathbf{x}^{(2)} = (0.95, 1.93, 2.93, 3.95)$
- c)  $\mathbf{x}^{(2)} = (0.99, 1.98, 3.02, 3.99)$

15. Dado el sistema lineal  $A \mathbf{x} = \mathbf{b}$ , con

$$A = \begin{pmatrix} 0 & 1 & 2 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 2 \\ 2 & 1 & 0 & 0 \\ 1 & 2 & 1 & 0 \end{pmatrix} \quad \text{y} \quad \mathbf{b} = \begin{pmatrix} 12 \\ 11 \\ 4 \\ 8 \end{pmatrix}$$

Una vez reordenado convenientemente el sistema, si se usa la técnica iterativa de Gauss-Seidel y aritmética a 3 dígitos significativos, ¿cuál es la segunda iteración si la aproximación inicial es  $\mathbf{x}^{(0)} = (0.9, 1.9, 2.9, 3.9)$ ?

- a)  $\mathbf{x}^{(2)} = (0.94, 1.93, 2.93, 3.90)$
- b)  $\mathbf{x}^{(2)} = (0.95, 1.93, 2.93, 3.95)$
- c)  $\mathbf{x}^{(2)} = (0.99, 1.98, 3.02, 3.99)$

16. Sea el siguiente sistema lineal  $A \mathbf{x} = \mathbf{b}$ , con

$$A = \begin{pmatrix} 8 & 1 & -2 & 30 & -5 & -3 \\ 3 & 15 & -5 & 2 & 2 & 1 \\ -1 & -1 & 10 & -1 & -1 & 4 \\ 2 & 2 & 1 & -1 & -15 & 2 \\ 20 & -2 & -3 & 1 & -2 & 6 \\ 1 & -3 & -4 & -3 & 1 & -20 \end{pmatrix} \quad \mathbf{b} = \begin{pmatrix} 81 \\ 29 \\ 26 \\ -22 \\ 12 \\ -44 \end{pmatrix}$$

Una vez reordenado convenientemente el sistema, ¿cuál es la aproximación  $\mathbf{x}^{(2)}$  a la solución  $\mathbf{x}$  del sistema usando el método SOR con valor  $\omega = 1.07$ , aproximación inicial  $\mathbf{x}^{(0)} = (0.5, 1.5, 2.5, 2.5, 1.5, 0.5)$  y efectuando los cálculos con aritmética de cinco dígitos significativos?

- a)  $\mathbf{x}^{(2)} = (1.0235, 2.0614, 2.9787, 2.9975, 2.0138, 0.99590)$
- b)  $\mathbf{x}^{(2)} = (1.0231, 2.0615, 2.9786, 2.9975, 2.0140, 0.99588)$
- c)  $\mathbf{x}^{(2)} = (1.0236, 2.0615, 2.9787, 2.9974, 2.0139, 0.99589)$

## Respuestas

- |       |       |       |       |
|-------|-------|-------|-------|
| 1 a)  | 2 c)  | 3 a)  | 4 c)  |
| 5 b)  | 6 a)  | 7 b)  | 8 c)  |
| 9 b)  | 10 a) | 11 a) | 12 c) |
| 13 a) | 14 b) | 15 c) | 16 c) |