1.- Calcular

$$\int xe^{2x}dx \qquad \int x \ln x dx$$

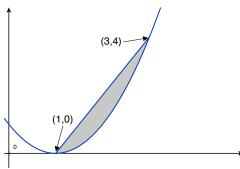
$$\bullet \quad \int xe^{2x}dx = \left(\frac{x}{2} - \frac{1}{4}\right)e^{2x} + C$$

$$\bullet \quad \int x \ln x dx = -\frac{x^2}{4} + \frac{1}{2}x^2 \ln x + C$$

2.— La curva $y = x^2 - 2x + 1$ y la recta que pasa por los puntos A = (1,0) y B = (3,4) limitan un recinto finito del plano.

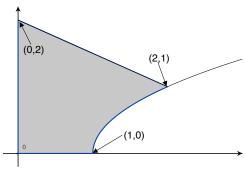
Trazar un esquema gráfico de dicho recinto y calcular su área.

$$\text{Área} = \frac{4}{3}$$



3.– Representar gráficamente y calcular el área de la región de vértices = (0,0), A(1,0), B(2,1) y C(0,2) en la que los lados OA, OC y BC son segmentos rectilíneos y el AB es un arco de la curva $y = \sqrt{x-1}$.

$$\text{Área} = \frac{7}{3}$$

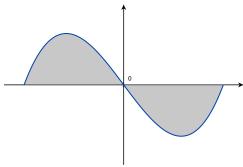


4.— Calcular

$$\int_{-1}^{1} x(x^2 - 1) dx$$

Explicar mediante un gráfico el significado geométrico del valor obtenido.

 $\int_{-1}^{1} x(x^2 - 1) dx = 0, \text{ pues la función es impar}$



5.— Calcular el valor de la siguiente integral definida

$$\int_{1}^{2} \frac{x^2 + 1}{x(x+1)} dx$$

$$\int_{1}^{2} \frac{x^{2} + 1}{x(x+1)} dx = 1 - \ln \frac{9}{8}$$

6.— Calcular la primitiva que sigue

$$\int \frac{x^3 + x^2 + 1}{x^2 - 4} dx$$

$$\int \frac{x^3 + x^2 + 1}{x^2 - 4} dx = x + \frac{x^2}{4} + \frac{13}{4} \ln(x - 2) + \frac{3}{4} \ln(x + 2) + C$$